OBI 2024 - Nível 2: Fase 1

Concurso

Prof. Edson Alves

Faculdade UnB Gama

Cláudia trabalha na OBI (Organização dos Bons Informáticos), que recentemente realizou um concurso para contratar novos funcionários. Agora, Cláudia tem a tarefa de determinar a *nota de corte* para o concurso. Chamamos de nota de corte a nota mínima necessária para ser aprovado no concurso. Ou seja, se a nota de corte do concurso for C, então todos os participantes com uma nota maior ou igual a C serão aprovados no concurso e todos com nota menor que C serão reprovados.

Seu chefe pediu para que Cláudia aprove no mínimo K candidatos do concurso para a próxima fase, mas ela também não quer que a nota de corte seja muito baixa. Por isso, Cláudia decidiu que a nota de corte deverá ser a maior nota C que faz com que no mínimo K candidatos sejam aprovados.

Sua tarefa é: dados o número N de candidatos, as notas A_1,A_2,\ldots,A_N dos candidatos e a quantidade mínima de aprovados K, diga qual deve ser a maior nota de corte C para que pelo menos K candidatos sejam aprovados.

Entrada

A primeira linha da entrada contém dois inteiros, N e K, representando, respectivamente, o número de participantes e o número mínimo de candidatos que devem ser aprovados.

A segunda linha da entrada contém N inteiros A_i , representando as notas dos participantes.

Saída

Seu programa deve imprimir uma linha contendo um único inteiro \mathcal{C} , a nota de corte que deve ser escolhida por Cláudia.

Restrições

- $1 \le K \le N \le 500$
- ▶ $1 \le A_i \le 100$ para todo $1 \le i \le N$

Informações sobre a pontuação

A tarefa vale 100 pontos. Estes pontos estão distribuídos em subtarefas, cada uma com suas **restrições adicionais** às definidas acima.

- ➤ **Subtarefa 1 (O pontos):** Esta subtarefa é composta apenas pelos exemplos mostrados abaixo. Ela não vale pontos, serve apenas para que você verifique se o seu programa imprime o resultado correto para os exemplos.
- ▶ Subtarefa 2 (20 pontos): K = 1.
- ▶ Subtarefa 3 (20 pontos): K = 3.
- ▶ Subtarefa 4 (20 pontos): $A_i \leq 2$.
- Subtarefa 5 (40 pontos): Sem restrições adicionais.







3 1 92 83 98







92 83 98

92

83

3 1 92 83 98

$$C = 70$$

92



3 1 92 83 98

C = 70

92



3 1 92 83 98

$$C = 99$$

92



3 1 92 83 98

$$C = 99$$







3 1 92 83 98

$$C = 90$$

92



3 1 92 83 98

$$C = 90$$







3 1 92 83 98

$$C = 98$$





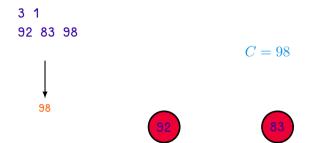
3 1 92 83 98

$$C = 98$$









Solução: Subtarefa 2 (K=1)

Solução: Subtarefa 2 (K = 1)

* Nesta subtarefa, pelo menos um candidato deve ser aprovado

Solução: Subtarefa 2 (K = 1)

- * Nesta subtarefa, pelo menos um candidato deve ser aprovado
- \star Seja M a maior nota obtida entre todos os candidatos

Solução: Subtarefa 2 (K=1)

- * Nesta subtarefa, pelo menos um candidato deve ser aprovado
- \star Seja M a maior nota obtida entre todos os candidatos
- \star Se a nota de corte for igual a M, ao menos o candidato que obteve M será aprovado

Solução: Subtarefa 2 (K = 1)

- * Nesta subtarefa, pelo menos um candidato deve ser aprovado
- \star Seja M a maior nota obtida entre todos os candidatos
- \star Se a nota de corte for igual a M, ao menos o candidato que obteve M será aprovado
 - \star Se a nota de corte for maior que M, ninguém será aprovado

Solução: Subtarefa 2 (K=1)

- * Nesta subtarefa, pelo menos um candidato deve ser aprovado
- \star Seja M a maior nota obtida entre todos os candidatos
- \star Se a nota de corte for igual a M, ao menos o candidato que obteve M será aprovado
 - \star Se a nota de corte for maior que M, ninguém será aprovado
- ★ Portanto, para esta subtarefa a resposta é a maior nota obtida entre todos os candidatos

```
#include <stdio.h>
int main()
{
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int N, K;
    scanf("%d %d", &N, &K);
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int C = 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
    int C = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
    int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
    int C = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
```

return 0;

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int C = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
       scanf("%d", &A);
       if (A > C)
           C = A;
```

return 0;

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int C = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
       if (A > C)
           C = A;
   printf("%d\n", C);
   return 0;
```

Solução: Subtarefa 4 ($A_i \leq 2$)

* Nesta subtarefa, todos candidatos tiraram ou nota 1 ou nota 2

- * Nesta subtarefa, todos candidatos tiraram ou nota 1 ou nota 2
- \star Só há duas alternativas para a nota de corte: C=1 e C=2

- * Nesta subtarefa, todos candidatos tiraram ou nota 1 ou nota 2
- \star Só há duas alternativas para a nota de corte: C=1 e C=2
- * Se a nota de corte for igual a 1, todos serão aprovados

- * Nesta subtarefa, todos candidatos tiraram ou nota 1 ou nota 2
- \star Só há duas alternativas para a nota de corte: C=1 e C=2
- * Se a nota de corte for igual a 1, todos serão aprovados
- \star Se a nota de corte for igual a 2, apenas os candidatos que tiraram 2 serão aprovados

- * Nesta subtarefa, todos candidatos tiraram ou nota 1 ou nota 2
- \star Só há duas alternativas para a nota de corte: C=1 e C=2
- * Se a nota de corte for igual a 1, todos serão aprovados
- \star Se a nota de corte for igual a 2, apenas os candidatos que tiraram 2 serão aprovados
- \star Portanto, a resposta só será 2 quanto o número de candidatos que tiraram 2 for maior ou igual a K; caso contrário, a resposta é igual a 1

```
#include <stdio.h>
int main()
{
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int N, K;
    scanf("%d %d", &N, &K);
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int nota2 = 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int nota2 = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
    int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int nota2 = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
```

return 0;

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int nota2 = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
        if (A == 2)
           nota2++;
```

return 0;

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int nota2 = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
        if (A == 2)
           nota2++;
   printf("%d\n", nota2 >= K ? 2 : 1);
   return 0;
```

* Nesta subtarefa deve ser classificados, no mínimo, 3 candidatos

- * Nesta subtarefa deve ser classificados, no mínimo, 3 candidatos
- * Na Subtarefa 1 a resposta era a nota do primeiro classificado

- * Nesta subtarefa deve ser classificados, no mínimo, 3 candidatos
- * Na Subtarefa 1 a resposta era a nota do primeiro classificado
- * Nesta subtarefa, a resposta será a nota do terceiro colocado no concurso

- * Nesta subtarefa deve ser classificados, no mínimo, 3 candidatos
- * Na Subtarefa 1 a resposta era a nota do primeiro classificado
- * Nesta subtarefa, a resposta será a nota do terceiro colocado no concurso
- * Para determinar esta nota, é preciso manter o registro das três maiores notas observadas até o momento

- * Nesta subtarefa deve ser classificados, no mínimo, 3 candidatos
- * Na Subtarefa 1 a resposta era a nota do primeiro classificado
- * Nesta subtarefa, a resposta será a nota do terceiro colocado no concurso
- \star Para determinar esta nota, é preciso manter o registro das três maiores notas observadas até o momento
- \star A cada iteração do laço, as variáveis x,y e z serão atualizadas para que representem a terceira, a segunda e a primeira melhor nota, respectivamente

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int N, K;
    scanf("%d %d", &N, &K);
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int x = 0, y = 0, z = 0;
        return 0;
}
```

```
#include <stdio.h>
int main()
    int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
    int x = 0, y = 0, z = 0;
                                                return 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
```

```
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int x = 0, y = 0, z = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
        int a = A, b = z;
```

return 0;

#include <stdio.h>

```
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int x = 0, y = 0, z = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
        int a = A, b = z;
        z = a > b ? a : b;
        a = a < b ? a : b;
```

return 0;

#include <stdio.h>

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int x = 0, y = 0, z = 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
        int a = A, b = z;
        z = a > b ? a : b;
        a = a < b ? a : b;
        b = y:
        y = a > b ? a : b;
        a = a < b ? a : b;
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
                                                    b = x;
int main()
                                                    x = a > b ? a : b;
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int x = 0, y = 0, z = 0;
                                                return 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A;
        scanf("%d", &A);
        int a = A, b = z;
        z = a > b ? a : b;
        a = a < b ? a : b;
        b = y:
        y = a > b ? a : b;
        a = a < b ? a : b;
```

```
#include <stdio.h>
                                                    b = x;
int main()
                                                    x = a > b ? a : b;
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
                                                printf("%d\n", x);
   int x = 0, y = 0, z = 0;
                                                return 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        int A:
        scanf("%d", &A);
        int a = A, b = z;
        z = a > b ? a : b;
        a = a < b ? a : b;
        b = y:
        y = a > b ? a : b;
        a = a < b ? a : b;
```

 \star Para resolver o caso geral do problema, é preciso armazenar todas as notas em um vetor

- \star Para resolver o caso geral do problema, é preciso armazenar todas as notas em um vetor
- \star A nota do i-ésimo candidato será dada por As[i], sendo que a contagem começa em zero

- * Para resolver o caso geral do problema, é preciso armazenar todas as notas em um vetor
- \star A nota do i-ésimo candidato será dada por As[i], sendo que a contagem começa em zero
 - \star A estratégia de solução será uma busca completa em C

- \star Para resolver o caso geral do problema, é preciso armazenar todas as notas em um vetor
- \star A nota do i-ésimo candidato será dada por As[i], sendo que a contagem começa em zero
 - \star A estratégia de solução será uma busca completa em C
- \star Iniciando em C=100, serão avaliadas as possíveis notas de corte, em ordem decrescente, até encontrar o primeiro valor para o qual o número de aprovados é maior ou igual a K

- \star Para resolver o caso geral do problema, é preciso armazenar todas as notas em um vetor
- \star A nota do i-ésimo candidato será dada por As[i], sendo que a contagem começa em zero
 - \star A estratégia de solução será uma busca completa em C
- \star Iniciando em C=100, serão avaliadas as possíveis notas de corte, em ordem decrescente, até encontrar o primeiro valor para o qual o número de aprovados é maior ou igual a K
 - \star Este solução tem complexidade O(NC)

```
#include <stdio.h>
int main()
{
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
        return 0;
}
```

```
int main()
{
    int N, K;
    scanf("%d %d", &N, &K);

    int As[N];

for (int i = 0; i < N; ++i)
    scanf("%d", &As[i]);</pre>
```

#include <stdio.h>

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
   for (int i = 0; i < N; ++i)
       scanf("%d", &As[i]);
   for (int C = 100; C >= 1; --C)
```

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
   for (int i = 0; i < N; ++i)
       scanf("%d", &As[i]);
   for (int C = 100; C >= 1; --C)
        int aprovados = 0;
```

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        scanf("%d", &As[i]);
   for (int C = 100; C >= 1; --C)
        int aprovados = 0;
        for (int i = 0; i < N; ++i)
```

```
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        scanf("%d", &As[i]);
   for (int C = 100; C >= 1; --C)
        int aprovados = 0;
        for (int i = 0; i < N; ++i)
            if (As[i] >= C)
                aprovados++;
```

#include <stdio.h>

```
#include <stdio.h>
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
                                                return 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        scanf("%d", &As[i]);
   for (int C = 100; C >= 1; --C)
        int aprovados = 0;
        for (int i = 0; i < N; ++i)
            if (As[i] >= C)
                aprovados++;
```

if (aprovados >= K)

```
if (aprovados >= K)
#include <stdio.h>
                                                        printf("%d\n", C);
int main()
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N]:
                                                return 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        scanf("%d", &As[i]);
   for (int C = 100; C >= 1; --C)
        int aprovados = 0;
        for (int i = 0; i < N; ++i)
            if (As[i] >= C)
                aprovados++;
```

```
if (aprovados >= K)
#include <stdio.h>
                                                        printf("%d\n", C);
int main()
                                                        break;
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N]:
                                                return 0;
   for (int i = 0; i < N; ++i)
        scanf("%d", &As[i]);
   for (int C = 100; C >= 1; --C)
        int aprovados = 0;
        for (int i = 0; i < N; ++i)
            if (As[i] >= C)
                aprovados++;
```

* Há uma solução mais eficiente para este problema

- * Há uma solução mais eficiente para este problema
- * Por meio da ordenação das notas, é possível adotar uma estratégia gulosa

- * Há uma solução mais eficiente para este problema
- * Por meio da ordenação das notas, é possível adotar uma estratégia gulosa
- \star A resposta será a nota do K-ésimo aprovado

- * Há uma solução mais eficiente para este problema
- * Por meio da ordenação das notas, é possível adotar uma estratégia gulosa
- \star A resposta será a nota do K-ésimo aprovado
- \star Se o vetor As for ordenado em ordem crescente, o K-ésimo aprovado ocupará o índice N-K do vetor

- * Há uma solução mais eficiente para este problema
- * Por meio da ordenação das notas, é possível adotar uma estratégia gulosa
- \star A resposta será a nota do K-ésimo aprovado
- \star Se o vetor As for ordenado em ordem crescente, o $K\text{-}\mathrm{\acute{e}simo}$ aprovado ocupará o índice N-K do vetor
 - \star Este solução tem complexidade $O(N \log N)$

```
#include <stdio.h>
int main()
```

```
#include <stdio.h>
```

```
int main()
{
    int N, K;
    scanf("%d %d", &N, &K);
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
```

```
int main()
{
    int N, K;
    scanf("%d %d", &N, &K);

    int As[N];

for (int i = 0; i < N; ++i)
    scanf("%d", &As[i]);</pre>
```

```
return 0;
```

```
#include <stdio.h>
```

```
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
   for (int i = 0; i < N; ++i)
       scanf("%d", &As[i]);
   std::sort(As, As + N);
```

```
#include <stdio.h>
#include <algorithm>
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
   for (int i = 0; i < N; ++i)
       scanf("%d", &As[i]);
   std::sort(As, As + N);
```

```
#include <stdio.h>
#include <algorithm>
int main()
{
   int N, K;
   scanf("%d %d", &N, &K);
   int As[N];
   for (int i = 0; i < N; ++i)
       scanf("%d", &As[i]);
   std::sort(As, As + N);
   printf("%d\n", As[N - K]);
   return 0;
```