

# Documentación



**Javier Andrés Causil Martínez**

Universidad de Antioquia - Científico de datos

 Portafolio

 Causil

# Índice general

# Índice de figuras

©EUREKA INFINITY 2022

Eureka infinity es mi proyecto personal, su finalidad es publicar todo lo relacionado con la matemática que yo vaya produciendo relacionado con mi entorno, ya se han cursos, avances de proyectos personales, hasta hoy día tengo poca experiencia profesional, pero con el tiempo, la disciplina y la constancia en el estudio, estaré creciendo gracias a la comunidad.



# Parte I

## Ciencia de datos

¿Qué es data ciencia? Es el proceso de descubrir información valiosa de los datos.

¿cuál es su finalidad?

1. Tomar decisiones y crear estrategias de negocio.
2. Crear productos de software más inteligentes y funcionales.

¿De que trata este proceso?:

1. Obtención de los datos: a través de encuestas
2. Transformar y limpiar los datos.
3. Explorar, analizar y visualizar datos.
4. Usar modelos de machine learning\*.
5. Integrar datos e IA a productos de software.

¿Qué es Data Science?

Data science o ciencia de datos es el proceso de descubrir información valiosa de los datos.

¿Cuál es su finalidad? Tomar decisiones y crear estrategias de negocio Crear productos de software más inteligentes y funcionales.

¿De qué trata este proceso?

Obtención de los datos Mediciones Encuestas Internet

Transformar y limpiar los datos Incompletos Formato Incorrecto

Explorar, analizar y visualizar datos Patrones o tendencias Insights Visualizaciones, gráficos o reportes

Usar modelos de machine learning

Machine learning o aprendizaje automático es una rama de inteligencia artificial. Su objetivo es que las computadoras aprendan. En machine learning, las computadoras observan grandes cantidades de datos y construyen un modelo capaz de generar predicciones para resolver problemas.

Integrar datos e IA a productos de software Ponerlos a disposición del usuario final.

La ciencia de datos es una intercepción de conocimiento entre (matemáticas y estadística), (ciencias computacionales) y conocimiento del dominio.

## Capítulo 1

# Proyectos data Analysis

Poner en practica lo mas rápido que se pueda, tener proyectos personales, en que gasto los dineros del mes, que productos consigo cada mes, encontrar anomalías, proyectos con kaggle.



## Capítulo 2

# Análisis de datos

¿Qué es ciencia de datos y big data? ¿Cómo afectan a mi negocio?

“¿Qué haces en tu trabajo (como científico de datos)? Mi trabajo es crear una solución matemática o estadística para un problema del negocio”

### 2.1. ¿Qué tipo de información podemos analizar?

Descubrir qué tipos de información existen, qué industrias los usan y qué tipo de acciones podemos tomar a partir de ellos.

Los principales datos que existen son:

**Personas:** Este tipo de datos lo extraemos de las personas, es decir lo generamos nosotros cuando le damos like a una foto de facebook, de preferencia, tipo de videos, de quien te gusta mas el contenido, subiendo una foto y etiquetando a un compañero.

**Transacciones:** las monetarias y las no monetarias, cualquier transacción que hago con una tarjeta de crédito o débito, cuando hacemos un pago electrónico o digital queda una huella, queda un registro de quien lo hizo, por que monto lo hizo y en que establecimiento lo hizo, es muy interesante por que las bancas digitales pueden hacerte recomendaciones sobre el tipo de comercio que te podía interesar.

**No financieras:** las compañías telefónicas identifican cual es tu patrón habitual, cuantas llamadas haces, a que personas llamas, cuanto duran tus llamadas, y a partir de esto te llaman para que no abandones el servicio.

**Navegación web:** Estas son las famosas cookies, ellas están advirtiéndote de la información que van a recoger.

**Machine 2 machine:** Una conexión de una máquina a otra máquina, la usan las plataformas de transporte, google maps y para hacer la locación entre dispositivos.

**Biométricos:** Cada vez son mas habituales y únicas, huellas digitales, reconocimiento facial.

## 2.2. Flujo de trabajo en ciencia de datos: fases, roles y oportunidades laborales

Roles en datos:

**Ingeniero de datos:** crear bases de datos Hacer que la empresa, hace la conexión de los dispositivos y las bases de datos,

**Analista business intelligence:** A partir de la información que ha creado el ingeniero de datos va extraer la data, crear cuadros de control, crear dashboard, monitoreo, va automatizar estos procedimientos para que cualquier persona de la empresa pueda interpretarla, las herramientas mas utilizadas son SQL y Excel. No necesariamente sabe Python.

**Data Scientist:** Sabe hacer el rol del analista, sabe extraer la información y sabe predecir, con las herramientas de estadística, nos guía a donde vamos.

**Data Translator:** Nos ayuda a proyectar el equipo, nos ayuda a comunicar con los otros equipos del negocio.

## 2.3. Herramientas para cada etapa del análisis de datos

El primero es el rol del analista y del ingeniero estas son las personas que crean bases de datos y utilizan SQL, se sintetiza la información de la base de datos.

El científico de datos son herramientas predictivas, son R y Python, R es mas estadístico análisis descriptivo,

## 2.4. Python en ciencia de Datos

Por que numpy para el análisis de datos. Tenemos tres cosas a destacar

1. Un poderoso objeto array multidimensional.
2. Funciones matem

Crear un virtual environments ejecutamos la siguiente linea de comando

```
python3 -m venv my_env  
source bin/activate
```

## Capítulo 3

# Proyectos

### 3.1. Credit Card Fraud Detection

Anonymized credit card transactions labeled as fraudulent or genuine

## About Dataset

### Context

The dataset contains transactions made by credit cards in September 2013 by European cardholders. This dataset presents transactions that occurred in two days, where we have 492 frauds out of 284,807 transactions. The dataset is highly unbalanced, the positive class (frauds) account for 0.172 % of all transactions.

### Content

It contains only numerical input variables which are the result of a PCA transformation. Unfortunately, due to confidentiality issues, we cannot provide the original features and more background information about the data. Features V1, V2, ... V28 are the principal components obtained with PCA, the only features which have not been transformed with PCA are "Time" and "Amount". Feature "Time" contains the seconds elapsed between each transaction and the first transaction in the dataset. The feature "Amount" is the transaction Amount, this feature can be used for example-dependant cost-sensitive learning. Feature "Class" is the response variable and it takes value 1 in case of fraud and 0 otherwise.

Given the class imbalance ratio, we recommend measuring the accuracy using the Area Under the Precision-Recall Curve (AUPRC). Confusion matrix accuracy is not meaningful for unbalanced classification.

## Capítulo 4

# Course Structure & Outline

Hey everyone chris dutton here and welcome to thinking like an analyst this is a crash course designed for

### 4.1. Flavors of Analytics

All right let's take a minute and talk about the various roles or flavors of analytics because the thing is this field is very broad and it's very diverse so it can be helpful to categorize various roles or job titles based on different types of skills so you may have seen venn diagrams out there that look something like this this version is adapted from learn.co we've got business intelligence skills they're in the blue bubble programming coding skills gray and math and stats skills in yellow now by visualizing skills in this way you can map various roles to the diagram based on the overlaps so for instance someone who skews towards programming and math might fall into the machine learning bucket people with and bi skills might fall into data engineering bi and math and stats maybe we call those people advanced analysts and those who use all three types of skills relatively equally might fall into the data science category and while this can be helpful to an extent remember that in reality this is fluid it's flexible and it's often somewhat subjective as well you know you can be a bi analyst who loves stats or programming or a machine learning engineer with exceptional business intelligence skills or literally any other combination of these categories the key is that this diagram this entire diagram represents the broader world of data analytics and well many types of roles fall under this analytics umbrella they're all aligned towards the same ultimate goal using data to make smart decisions. Now think about it that applies whether you're a bi analyst a statistician a data scientist or an everyday excel jockey and the difference is they come down to things one the types of problems that you're trying to solve and two the types of tools that you're using to solve them so in the next lesson we'll dive into one of the most common comparisons out there business intelligence versus data science but for now what's important to specific role you play we're all playing for the same team

## Capítulo 5

# Ingeniero de datos

Es un profesional que tiene pasión por la automatización, confianza en el análisis y los datos. Sus habilidades se enfocan en la extracción, transformación y carga de datos (ETL). Automatización de procesos de carga de datos. Procesamiento de datos de diversas fuentes y en cómputo paralelo. Tiene conocimientos en programación con Python y bases sólidas de ingeniería de software, manejo de datos estructurados y no estructurados, cómputo, almacenamiento y bases de datos en la nube. ETL con herramientas como SQL, Apache Spark, Airflow, Hadoop, AWS, Google Cloud, Azure, entre otros.

# Parte II

## Metodologías

## Capítulo 6

# CRISP-DM

CRISP-DM, que son las siglas de Cross-Industry Standard Process for Data Mining, es un método probado para orientar sus trabajos de minería de datos.

## Parte III

# Bases de Datos



## Capítulo 7

# Relaciones

Objetos

Entidad rectangulos

## Capítulo 8

# MySQL

### 8.1. Funciones de control de flujo

**Case:** Esta expresión nos permite realizar la condición y devolver el primer valor que cumpla con dicha condición

**Example 8.1.1.**

Primer ejemplo

```
select
case 1
when 1 then 'uno'
when 2 then 'dos'
else 'otro n\'umero'
end as valor;
```

segundo ejemplo:

```
select idFactura, idProducto,

case
when cantidad > 2 then 'M\'as de dos productos vendidos'
when cantidad = 2 then 'Dos productos vendidos'
else 'Menos de dos productos vendidos'
end as cantidad
from detalle_factura;
```

Tercer ejemplo

```
select nombre,
case
when email IS NULL then 'No tiene email registrado'
else 'email'
end as email,
pais
from cliente;
```

Podemos ver que es una sentencia muy similar a switch de vuelve el primer caso que cumpla la condición.

**IF :**

**Example 8.1.2.**

Primer ejemplo

```
select if(1 < 2, true, false) as resultado;
```

segundo ejemplo

```
select
idProducto,
if(cantidad > 1, cantidad*precioUnitario, precioUnitario) as total
from detalle_factura;
```

Tercer ejemplo

```
select
nombre,
if(fechaIngreso < '2016-12-31', concat(idEmpleado, '-16'),
if(fechaIngreso < '2017-12-31', concat(idEmpleado, '-17'),
if(fechaIngreso < '2018-12-31', concat(idEmpleado, '-18'),
concat(idEmpleado, '-19')
)
)
) as codigo
from empleado;
```

**IFNULL y NULLIF:** IFNULL nos permite evaluar una primera expresión, si esta expresión es null, entonces devolverá el segundo valor pasado por parámetro y NULLIF :

**Example 8.1.3.**

Primer ejemplo:

```
select ifnull(null, 'texto') as resultado;
```

Segundo ejemplo:

En este ejemplo devuelve los contactos de la tabla cliente en la columna nombre si tiene email nos da el email pero si este campo es null nos devuelve el tel\efono

```
select nombre, ifnull(email, telefono) as contacto
from cliente;
```

Tercer ejemplo:

```
select nombre,
ifnull( (select email from cliente where idCliente = '14'),
'No tiene email registrado' )
```

```

as email
from cliente
where idCliente = '14';

select
nullif(
(select precioUnitario from producto where idProducto = 1),
(select )
)

```

**NULLIF:**

## 8.2. Subqueries

Es una declaración select en otra declaración, los subqueries devuelven datos de la consulta principal, los subqueries puede ser utilizados para agregar, actualizar, eliminar, enviar datos.

### Example 8.2.1.

Ejemplo n\úmero 1:

Consiste en traer cuyos empleados tengan mayor salario al promedio:

```

select idEmpleado, nombre, salario
from empleado
where salario > (select avg(salario) from empleado);

```

Ejemplo 2: Seleccionamos los empleados que no pertenezcan al departamento general:

```

select nombre, apelllido, idDepartamento
from empleado
where idDepartamento NOT IN (select idDepartamento
                               from departamento
                               where nombre like "%general%"
                              );

```

Ejemplo 3: facturas de los clientes que pertenezcan a Canada o Brasil:

```

select idCliente, idFactura
from factura
where idCliente IN( select idCliente
                    from cliente
                    where pais = 'canada' or pais = 'Brasil'
                   );

```

Subconsultas:

### Example 8.2.2. select \*

```

from factura
where idCliente = (select idCliente form cliente where nombre = 'Jordi');

```

```
select *  
from producto  
where precioUnitario <=  
(select avg(precioUnitario) from producto where idCategoria = 5)  
and idCategoria = 5;
```

comparando subconsultas

Subconsultas:

**Example 8.2.3.**

```
select idProducto, nombre  
from producto  
where idProducto = ANY (select idProducto from detalle_factura);
```

**Parte IV**

**Mathematics**

**Demostración:** (del latín *demostratio-onem*) Prueba de una verdad por medio del raciocinio, partiendo de principios evidentes. En ciencia, en general se puede extender a la comprobación experimental de un principio o teoría.

**Proposición (del latín *propositio-onem*):** Enunciación de una verdad ya demostrada o que se ha de demostrar.

**Silogismo (del latín *sylogismus*, y éste del griego):** Argumento formado por tres proposiciones: premisa mayor, premisa menor y conclusión.

**Enunciado (del latín *enuntiatio-onem*)** Expresión o manifestación de una idea.

**Hipótesis (del latín *hypothesis*, y éste del griego):** Suposición de una idea, con el objetivo de deducir de ella alguna consecuencia.

**Lema (del latín *lemma*, y éste del griego):** Proposición cuya demostración antecede a un teorema.

**Axioma (del latín *axioma*, y éste del griego):** Principio, verdad, sentencia clara y evidente, que no necesita demostración.

**Conclusión (del latín *conclusio-onem*):** Proposición que se deduce o es consecuencia de las premisas.

**Conjetura (del latín *conjectura*):** Opinión fundada en probabilidades, indicios o apariencias.

**Corolario (del latín *corollarium*)** Proposición que por sí sola se deduce de lo ya demostrado.

**Premisa (del latín *praemissa*):** Cualquiera de las dos proposiciones lógicas de un silogismo, de donde se deduce la conclusión. En un silogismo, a la proposición más general se denomina mayor y a la otra menor.

**Principio (del latín *principium*):** Argumento considerado como origen, fundamentación o razón primera de un razonamiento.

**Tesis (del latín *thesis*, y éste del griego):** Conclusión o proposición que se mantiene con razonamientos.

**Postulado (del latín *postulatus*):** Proposición cuya verdad se admite sin pruebas y que es necesaria para servir de base en ulteriores razonamientos.

**Propiedad (del latín *propietas*):** Atributo o cualidad de una persona o cosa.

**Teorema (del latín *theoremata*, y éste del griego):** Proposición que afirma una verdad susceptible de demostración.

## Capítulo 9

# Combinatorics

### 9.1. Four Basic Counting Principles

**Definition 9.1.1. (Pairwise disjoint sets.)** Let  $S$  be a set. A partition of  $S$  is a collection  $S_1, S_2, \dots, S_m$  of subsets of  $S$  such that each element of  $S$  is in exactly one of those subsets:

$$S_1 \cup S_2 \cup \dots \cup S_m = S \quad \text{and} \quad S_i \cap S_j = \emptyset \quad \text{for all } i \neq j.$$

Thus, the sets  $S_1, S_2, \dots, S_m$  are pairwise disjoint sets, and their union is  $S$ . The subsets  $S_1, S_2, \dots, S_m$  are called the parts of the partition.

The numbers of objects of a set  $S$  is denoted by  $|S|$  and is sometimes called the size of  $S$ .

**Example 9.1.2.**

1.  $\Omega = \{T, H\}$  where  $T$  denotes tails and  $H$  denotes heads. The set  $\Omega$  is a partition of the set of all possible outcomes of a single coin toss.

$$\Omega = \{T\} \cup \{H\}$$

#### 9.1.1. Addition Principle

**Definition 9.1.3. (Addition Principle.)** Suppose that a set  $S$  is partitioned into pairwise disjoint parts  $S_1, S_2, \dots, S_n$ . The number the of objects in  $S$  can be determined by finding the number of objects un each of the parts, and adding the number so obtained:

$$|S| = |S_1| + |S_2| + \dots + |S_n|. \tag{9.1}$$

If the sets  $S_1, S_2, \dots, S_m$  are allowed to overlap, then a more profound principle, the inclusion-exclusion principle, is needed.

**Example 9.1.4.**

- 1.



### 9.1.2. Multiplication Principle

**Definition 9.1.5. (Multiplication Principle.)** Let  $S$  be a set of ordered pairs  $(a, b)$  of objects, where the first object  $a$  comes from a set of size  $p$ , and for each choice of object  $a$  there are  $q$  choices for object  $b$ . Then the size of  $S$  is  $p \times q$ :

$$|S| = p \times q. \quad (9.2)$$

The multiplication principle is actually a consequence of the addition principle.

A second useful formulation of the multiplication principle is as follows: If a first task has  $p$  outcomes and, no matter what the outcome of the first task, a second task has  $q$  outcomes, then the two tasks performed consecutively have  $p \times q$  outcomes.

### 9.1.3. Subtraction Principle

**Definition 9.1.6. Subtraction Principle** Let  $A$  be a set and let  $U$  be a larger set containing  $A$ . Let

$$\bar{A} = U \setminus A = \{x \in U \mid x \notin A\}$$

be the complement of  $A$  in  $U$ . Then the number  $|A|$  of objects in  $A$  is given by the rule

$$|A| = |U| - |\bar{A}|.$$

In applying the subtraction principle, the set  $U$  is usually some natural set consisting of all the objects under discussion (the so-called universal set). Using the subtraction principle makes sense only if it is easier to count the number of objects in  $U$  and in  $\bar{A}$  than to count the number of objects in  $A$ .

### 9.1.4. Division Principle

**Definition 9.1.7. Division Principle** Let  $S$  be a finite set that is partitioned into  $k$  parts in such a way that each part contains the same number of objects. Then the number of parts in the partition is given by the rule

$$k = \frac{|S|}{\text{number of objects in a part}}.$$

Thus, we can determine the number of parts if we know the number of objects in  $S$  and the common value of the number of objects in the parts.

### 9.1.5. PERMUTATIONS OF SETS

Let  $r$  be a positive integer, by an  $r$ -permutation of a set  $S$  of  $n$  elements, we understand an ordered arrangement of  $r$  of the  $n$  elements.

We denote by  $P(n, r)$  the number of  $r$ -permutations of an  $n$ -element set.

**Theorem 9.1.8.** For  $n$  and  $r$  positive integers with  $r \leq n$ ,

$$P(n, r) = n(n-1)(n-2) \cdots (n-r+1) = \frac{n!}{(n-r)!}. \quad (9.3)$$

*Demostración.*  $P(n, r) = \frac{n!}{r! (n-r)!}$  □

### 9.1.6. Principio de la adición

Si un suceso  $S_1$  ocurre de  $a$  maneras y un suceso  $S_2$  ocurre de  $b$  maneras entonces puede decirse que el número total de maneras en que puede ocurrir  $S_1$  o el suceso  $S_2$  es  $a + b$ .

#### Example 9.1.9.

- 1 **Ejemplo 1:** ¿Cuántos resultados diferentes se pueden obtener lanzando un dado o una moneda? Indetificamos que el experimento consiste en elegir que objeto lanzar, suponga:

$$S_1: = \text{ lanzar el dado } \text{ y } S_2: = \text{ lanzar la moneda.}$$

Si se elije el dado, entonces el número de resultados posibles es  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  o si elige la moneda el número de resultados posibles es  $\{C, S\}$ . Así el número total de resultados posibles para el suceso  $S_1$  o  $S_2$  es:

$$6 + 2 = 8$$

- 2 **Ejemplo 2:** ¿Cuántos resultados diferentes se pueden obtener lanzando un dado y una moneda? Considerando los mismo sucesos  $S_1$  y  $S_2$  del ejemplo anterior, el experimento consiste en lanzar un dado y seguidamente lanzar una moneda. nuestro conjunto de resultados sería

$$\{(1, C), (1, S), (2, C), (2, S), \dots, (6, C), (6, S)\}.$$

Así la cantidad de sucesos es  $6 \cdot 2 = 12$ .

### 9.1.7. Principio de la multiplicación

**Definition 9.1.10. (Principio de la multiplicación)** Si un experimento consiste de  $n$  etapas o sucesos y si la primera etapa o suceso puede ser realizada de  $n_1$  maneras, la segunda etapa de  $n_2$  maneras, la  $k$ -ésima etapa de  $n_k$  maneras, entonces el experimento completo puede ser realizado de  $n_1 \cdot n_2 \cdot \dots \cdot n_k$  maneras.

### 9.1.8. Permutaciones

¿De cuántas formas se pueden ordenar u organizar los elementos de un conjunto o de un subconjunto? Para responder tal pregunta, realicemos las siguientes definiciones.

#### Definition 9.1.11.

1. Ordenar: significa poner una cantidad de elementos en un orden específico que obedece a una regla lógica.
2. Organizar: implica poner una cantidad de elementos de forma que no tienen un orden específico o dicho orden no es importante dentro de un determinado contexto.

3. Conjunto:
4. Subconjunto:
5. Orden: corresponde a la aplicación de un criterio específico que le confiere cierta jerarquía a los elementos que forman parte de un conjunto.

Definimos los conceptos de permutación y combinación:

**Definition 9.1.12.** Permutación

# Capítulo 10

## Probabilidad

The enunciated mathematics in this section are reference of the books [?], [?].

### 10.1. Permutaciones, combinaciones y variaciones

### 10.2. Conceptos básicos de probabilidad

#### 10.2.1. Conceptos básicos

##### Espacio de probabilidad

En está sección desarrollamos la noción de medida de probabilidad y se presentan sus propiedades básicas.

**Definition 10.2.1. (Experimento aleatorio)** Un experimento es aleatorio si su resultado no puede ser determinado de antemano.

Si el conjunto de los posibles resultados de un experimento aleatorio es conocido, a este conjunto se le llamada espacio aleatorio

**Definition 10.2.2. (Espacio muestral)** El conjunto  $\Omega$  de todos los posibles resultados de un experimento aleatorio es llamado espacio muestral. Un elemento  $w \in \Omega$  es llamado un resultado o punto muestral.

##### Example 10.2.3. (Ejemplos de espacios muestrales)

1. **Experimento:** Lanzar una moneda. Los posibles resultados en este caso son “cara” y “sello”. Esto es

$$\Omega = \{C, S\}$$

2. **Experimento:** Lanzar un dado ordianrio tres veces consecutivas. En este caso los posibles resultados son tripletas de la forma  $(i, j, k)$  donde  $i, j, k \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ . Esto es

$$\Omega = \{(i, j, k) : i, j, k \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}\}$$

### 3. Experimento:

**Definition 10.2.4. (Espacio muestral discreto)** Un espacio muestral  $\Omega$ , es llamado discreto si es finito o contable.

**Definition 10.2.5. ( $\sigma$  - Álgebra)** Sea  $\Omega \neq \emptyset$ . Una colección  $\mathcal{F}$  de subconjuntos de  $\Omega$  es llamada  $\sigma$ -álgebra si satisface las siguientes propiedades:

1.  $\Omega \in \mathcal{F}$ .
2. Si  $A \in \mathcal{F}$ , entonces  $A^c \in \mathcal{F}$ .
3. Si  $A_1, A_2, \dots \in \mathcal{F}$ , entonces  $\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i \in \mathcal{F}$ .

#### 10.2.2. Espacio de probabilidad de Laplace

**Definition 10.2.6. (Espacio de probabilidad de Laplace)** Un espacio de probabilidad  $(\Omega, \mathfrak{J}, P)$  con  $\Omega$  finito,  $\mathfrak{J} = \mathcal{P}(\Omega)$  y  $P(w) = 1/|\Omega|$  para todo  $w \in \Omega$  es llamado un espacio de probabilidad de Laplace. La medida de probabilidad  $P$  es llamada uniforme o la distribución clásica sobre  $\Omega$ .

#### 10.2.3. Probabilidad condicional y eventos independientes

**Definition 10.2.7. (Probabilidad condicional)** Sea  $(\Omega, \mathfrak{J}, P)$  un espacio de probabilidad. Si  $A, B \in \mathfrak{J}$  con  $P(A) > 0$ , entonces la probabilidad de el evento  $B$  bajo la condición  $A$  es definida de la siguiente manera:

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} \quad (10.1)$$

**Theorem 10.2.8. (Medida de probabilidad condicional)** Sea  $(\Omega, \mathfrak{J}, P)$  un espacio de probabilidad, y sea  $A \in \mathfrak{J}$  con  $P(A) > 0$ . Entonces:

1.  $P(\cdot|A)$  es una medida de probabilidad sobre  $\Omega$  centrada en  $A$ , esto es,  $P(A|A) = 1$ .
2. Si  $A \cap B = \emptyset$ , entonces  $P(B|A) = 0$ .
3.  $P(B \cap C|A) = P(B|A \cap C)P(C|A)$  si  $P(A \cap C) > 0$ .
4. Si  $A_1, A_2, \dots, A_n \in \mathfrak{J}$  con  $P(A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_{n-1}) > 0$ , entonces

$$P(A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_n) = P(A_1)P(A_2|A_1)P(A_3|A_1 \cap A_2) \cdots P(A_n|A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_{n-1}).$$

**Theorem 10.2.9. (Teorema de la probabilidad total)** Sea  $A_1, A_2, A_3, A_4, \dots$ , particiones finitas o countables de  $\Omega$ , esto es,  $A_i \cap A_j = \emptyset$  para todo  $i \neq j$  y  $\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i = \Omega$ ; tal que  $P(A_i) > 0$  para todo  $A_i \in \mathfrak{J}$ . Entonces, para cada  $B \in \mathfrak{J}$ :

$$P(B) = \sum_i P(B|A_i)P(A_i) \quad (10.2)$$

**Corollary 10.2.10. (Regla de Bayes)** Sean  $A_1, A_2, \dots$  una partición finita o contable de  $\Omega$  con  $P(A_i) > 0$  para todo  $i$ ; entonces, para cada  $B \in \mathfrak{J}$  con  $P(B) > 0$ :

$$P(A_i|B) = \frac{P(A_i)P(B|A_i)}{\sum_j P(B|A_j)P(A_j)} \quad \text{para todo } i. \quad (10.3)$$

**Definition 10.2.11. (Distribuciones A priori y A Posteriori)**

Sea  $A_1, A_2, \dots$  una partición finita o contable de  $\Omega$  con  $P(A_i) > 0$  para todo  $i$ . Si  $B$  es un elemento de  $\mathfrak{J}$  con  $P(B) > 0$ , entonces  $(P(A_n))_n$  es llamada la distribución “a priori”, esto es, antes de que suceda  $B$ , y  $(P(A_n|B))_n$  es llamada la distribución “a posteriori”, esto es, después que suceda  $B$ .

**Definition 10.2.12. (Eventos independientes)** Dos eventos  $A$  y  $B$  se dicen ser independientes si y sólo si:

$$P(A \cap B) = P(A)P(B).$$

Si no se cumple la condición anterior los eventos serían dependientes.

**Definition 10.2.13. (Familia independiente)** Una familia de eventos  $\{A_i | i \in I\}$  se dice ser independiente si

$$P\left(\bigcap_{i \in J} A_i\right) = \prod_{i \in J} P(A_i)$$

para cada subconjunto finito  $J \neq \emptyset$  de  $I$ . Estos eventos son mutuamente independientes.

**Definition 10.2.14. (Eventos independientes por parejas)**

Una familia de eventos  $\{A_i | i \in I\}$  se dice ser independiente por parejas ( $2 \times 2$ ) si:

$$P(A_i \cap A_j) = P(A_i)P(A_j) \quad \text{para todo } i \neq j.$$

Independencia de pares no implica independencia de familia o eventos mutuamente independientes.

## 10.2.4. Probabilidad geométrica

Sea  $(\Omega, \mathfrak{J})$  un espacio medible, y asuma  $m$  cómo una medida geométrica, tal como longitud, área o volumen, definidas sobre  $(\Omega, \mathfrak{J})$ . Definimos la probabilidad de un evento  $A$  como:

$$P(A) = \frac{m(A)}{m(\Omega)} \quad (10.4)$$

## 10.3. Variables aleatorias y sus distribuciones

### 10.3.1. DEFINITIONS AND PROPERTIES

**Definition 10.3.1. (Random Variable)** Let  $(\Omega, \mathfrak{J}, P)$  be a probability space. A (real) random variable is a mapping  $X: \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  such that, for all  $A \in \mathcal{B}$ ,  $X^{-1}(A) \in \mathfrak{J}$ , where  $\mathcal{B}$  is the Borel  $\sigma$ -álgebra over  $\mathbb{R}$ .

**Definition 10.3.2. (Distribution Function)** Let  $X$  be a real random variable. The function  $F_X$  defined over  $\mathbb{R}$  through

$$F_X(x) = P(X \leq x) = P(\{\omega \in \Omega: X(\omega) \leq x\}) \quad (10.5)$$

is called the distribution function of  $X$  (or cumulative distribution function (cdf)) of the random variable  $X$ .

**Theorem 10.3.3.** *Let  $X$  be a real random variable defined over  $(\Omega, \mathfrak{F}, P)$ . The distribution function  $F_X$  satisfies the following conditions:*

- i. *If  $x < y$ , then  $F_X(x) \leq F_X(y)$ .*
- ii.  *$F_X(x^+): = 1 - F_X(x^-)$ .*

## 10.4. Probabilidad condicional y esperanza condicional

### 10.4.1. Función de densidad condicional

La relación entre dos variables aleatorias puede verse hallando la distribución condicional de una de ellas, dado el valor de la otra.

**Definition 10.4.1. función de densidad condicional v.a discretas** Sean  $X$  e  $Y$  variables aleatorias discretas. Se define la función de densidad de probabilidad condicional de  $X$  dado  $Y = y$

$$f_{X|Y}(x|y): = P(X = x|Y = y) = \frac{P(X = x, Y = y)}{P(Y = y)};$$

para todos los  $y$  para los cuales  $P(Y = y) > 0$ .

**Definition 10.4.2. (función de distribución condicional v.a discretas)** La función de distribución condicional de  $X$  dado  $Y = y$  se define como:

$$F_{X|Y}(x|y): = P(X \leq x|Y = y) = \sum_{k \leq x} f_{X|Y}(k|y);$$

para todos los  $y$  para los cuales  $P(Y = y) > 0$ .

# Capítulo 11

## Estadística

### 11.1. Estimación e inferencia estadística

#### 11.1.1. Pruebas de hipótesis

Hola mundo

### 11.2. Regresión

#### 11.2.1. Regresión lineal simple



## Capítulo 12

# Aprendizaje automático 1

1. Introducción y fundamentos del aprendizaje automático.
  - Introducción y fundamentos del aprendizaje automático
  - Introducción, Definiciones, Sklearn Script básico de una simulación en ML
  - Regresión lineal y regresión logística + Taller
  - Taller con dataset grande limpieza de datos + train/test con métrica de score básica para regresión y para clasificación
2. Clasificación y selección de modelos
  - Paramétrico vs No paramétrico: K-nn vs Gaussian. Taller sobre los modelos, fronteras de decisión.
  - Selección de modelos, overfitting y regularización.
  - Taller con dataset real selección de modelos "k-fold, k-folds estratificado, k-fold por grupos, Bootstrapping.
3. Árboles de decisión y máquinas de vectores de soporte
  - Árboles, Bagging + Random Forest.
  - Máquinas de Vectores de Soporte, One vs All, All vs All.
  - Taller práctico comparación de modelos de la semana.
4. Boosting y selección de características
  - Boosting: AdaBoost, Gradient Boosting.
  - Selección de características e importancia de variables, PCA, LDA.
  - Taller de aplicación de las técnicas de la semana.

## 12.1. Unidad 1

### 12.1.1. Introducción y fundamentos del aprendizaje automático

#### Metodologías

dasd

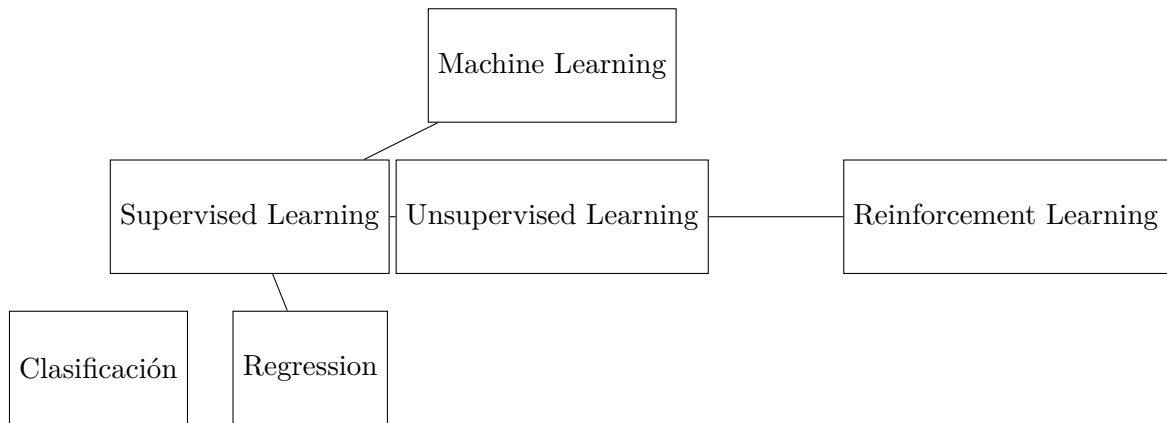
#### 1. KDD: Knowledge Discovery in Databases process.

- a) Selección: Selección e integración de los datos objetivo provenientes de fuentes multiples y heterogéneas.
- b) Procesamiento:
  - Eliminación de ruido y datos aislados o outliers.
  - Uso del conocimiento previo para eliminar las inconsistencias y los duplicados.
  - Escogencia y uso de estrategias para manejar la información faltante en los datasets.
- c) Transformación: Conversión de los atributos
  - Preparación de los datos para el análisis.
  - Uso de transformaciones de atributos como: numerización, discretización, etc.
  - El resultado es conjunto de filas y columnas denominado vista minable.
- d) Minería de datos:
  - Análisis de los patrones o relaciones a descubrir.
  - Se comprende de 3 pasos:
    - Selección de la tarea.
    - Selección del algoritmo(s).
    - Aplicación/Entrenamiento del algoritmo.
- e) Implementación/Evaluación:
  - Implementación, interpretación o difusión del modelo.
- f) Actualización y monitorización:
  - Consiste en ir revalidando el modelo con cierta frecuencia sobre nuevos datos, con el objetivo de detectar si el modelo requiere una actualización.

#### 2. CRISP DM

- Entendimiento del negocio.
- Entendimiento de los datos.
- Preparación de los datos.
- Modelado.
- Evaluación.
- Despliegue.

jlkjsjads



# Bibliografía

- [1] C.B. Liliana, A. Arunachalam, D. Selvamuthu *Introduction to probability and stochastic processes with applications*, 1<sup>a</sup> ed., New Jersey: John Wiley & Sons, Inc, 2012.
- [2] R.A. Brualdi. *Introductory Combinatorics*, 5<sup>a</sup> ed., Republic of China: Prentice-Hall, 2009.
- [3] “Uso de Jupyter Notebook en un entorno virtual”, 2022. [En línea]. Disponible en: <https://es.acervolima.com/uso-de-jupyter-notebook-en-un-entorno-virtual/>. [Accedido: 21-jun-2022]
- [4] “Create a Next.js App”, 2022.[En línea]. Disponible en: <https://nextjs.org/learn/basics/create-nextjs-app>. [Accedido: 15-jun-2022]
- [5] M.P. Do Carmo *Differential Geometry Of Curves & Surfaces*, 1<sup>a</sup> ed., USA: Prentice-Hall, 1976.
- [6] L. Leithold, , 2007. Editorial Harla. México. *Cálculo con Geometría Analítica.*, 1<sup>a</sup> ed., USA: Prentice-Hall, 1976.