

人工智能导论 四子棋 实验报告

陈庆之 2021011819

2023 年 6 月 4 日

1 总述

四子棋是一种智力游戏。两名玩家轮流在 m 行 n 列的棋盘上落子，每次落子后棋子会落到对应列顶部。若在某次落子后己方的四枚或更多棋子在横、竖、斜向上连成直线，那么这名玩家赢得游戏。若棋盘被填满且没有任何一名玩家获胜，那么算作平局。

部分大小的棋盘有必胜策略。本作业为了阻止必胜策略的应用，额外添加一不可落子点。若棋子将落入不可落子点，改为落在不可落子点正上方。若不可落子点位于列顶且其下已满，则不能在本列落子。

本次作业中，我们利用 **Monte-Carlo** 算法进行**信心上限树搜索**，实现了四子棋 AI 程序。在 Saiblo 平台上，我们提交的 AI 达到了 95% 胜率（在偶数编号标准 AI 上测试）。

2 实现方法

2.1 Monte-Carlo 树搜索

人类在进行棋类游戏时通常通过归纳总结行棋，即基于经验和逻辑推导分析出各个情况的优劣，然后选择自己认可的行动。但是，简单的 AI 模型通常不具备完备的类人的逻辑思维能力。如果局面较为简单，程序可以利用算力优势枚举每一种可能的情况并挑选其中最好的策略，但对于绝大多数足以被称为棋类运动的游戏，这样枚举出的决策树会指数级增长，枚举的复杂度是不可接受的。

Monte-Carlo 算法即反其道而行之，纯粹使用统计与概率的方式行棋直至比赛结束，将随机行棋的结果记录到各个着法上，并依据随机行棋的结果

统计出“最可能获胜”的着法。只要随机行棋的次数足够多，大数定律就可以保证统计的结果基本收敛到着法的好坏。

具体而言，对于每个局面 $state$ ，我们定义其奖赏 (reward) 为： $reward = \frac{n_{win} - n_{loss}}{n_{simulation}}$ ，其中 win/loss/simulation 分别对应当前局面下的胜利次数、失败次数和总模拟次数。注意，我们并不关心从当前局面出发之后，接下来的行棋过程是带有策略或筛选的，还是全部或部分随机挑选着法的。只要是完成了一次模拟并获得了最终结果，我们就记录到当前局面上。换言之，每个局面的记录都会回溯到决策树的根。

2.2 UCT

信心上限树搜索 (Upper Confidence bounds applied to **T**rees) 是 Monte-Carlo 树搜索的优化版本。设想存在某一步坏棋，如果下出这步棋，那么对手有一些强制着法可以在若干步内获胜或者获得巨大优势，但如果对手错过了这些强制着法，那么我方可以轻易获胜。如果纯粹地按照 Monte-Carlo 树的方法随机落子，那么这步坏棋会因为“大多数”后续着法都对我方有利而被错误地评估为好棋，殊不知对手只要棋艺不是太差都能让我们立刻输掉游戏。实际上，在棋类游戏中这样的情形很常见：国际象棋有句名言“胜利者是犯下倒数第二个错误的人”，即说明很多时候一着不慎就可满盘皆输。

针对这种情况，我们使用了 UCT 算法。它的核心思路是：每个局面的评估不再只与当前局面的胜率有关，还与当前局面的模拟次数有关。形式化地，设 n 为某个局面被模拟的次数， w 为胜利次数，则每个子局面 j 的 UCT 值可表示为：

$$UCT = \frac{w_j}{n_j} + c \sqrt{\frac{\ln n}{n_j}} \quad (1)$$

其中 c 为一常数， c 越大则程序越倾向于探索访问较少的策略（更激进，不“安于现状”）。这样就可以提升 Monte-Carlo 过程的广度，尽可能减少前述情况。

2.3 实现

我们的算法流程大致如下：

一次落子分为四个步骤：

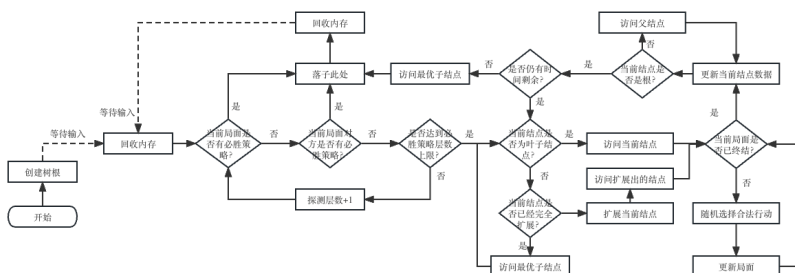


图 1: 四子棋算法流程

1. 根据传入的对方的落子信息，从第一层决策树中删去无关结点；
2. 轮流枚举若干步以内是否有自己/对方的必胜策略，若有，则直接落子在该位置¹；
3. 从根结点开始，如果当前结点没有扩展完毕而且不是最终状态就扩展它，否则进入最好的子结点尝试扩展；
4. 从上一步选择的结点开始，随机落子直到游戏结束，记录结果；
5. 从上一步选择的结点开始，向上回溯到根，期间修正每个结点的 reward。

我们的决策树在不同落子之间是**继承**的。每次轮流落子之间，可以删除两层的决策树、只保留实际落子的根结点以回收存储空间。

3 参数

4 UCT 常数

UCT 常数（即式子中的 c ）可以决定 AI 的风格。 c 越大，算法越愿意探索新的分支，但代价是搜索效率可能降低，因为有许多论胜率而言并不高的结点被重复选中。

初始时我们依据经验设置此常数为 0.7. 之后，我们对这个常数做了若干次修改测试，但是由于初始的胜率已经达到 94%，修改后的浮动可以视

¹假如自己没有更快的必胜策略，那么阻止对手必胜策略的唯一方式是落在对手要落子的地方。

为偶然误差，统计上没有显著意义（甚至无法通过单盲试验）。与本届及往届同学交流后决定就以初始的 0.7 作为最终提交版本中的 UCT 常数。

5 必胜策略深度

首先我们 detail 一下必胜策略实现方式。我们在一个预先申请好的内存空间里复制一张棋盘（就像 rollout 过程那样），然后遍历每一种合法的落子，判断是否是 **k-必胜着法**。一个着法是一个 k-必胜着法，当且仅当：

1. 这步着法落子后直接获胜；或者
2. $k > 0$, 且这步着法之后对手任意着法都不能直接获胜，且对于任意对手着法，己方都存在一个 $(k-1)$ -必胜着法。

可以想见，搜索的时间复杂度是 $O(10^n)$ 左右的，因此不能搜得太深，否则可能挤占 Monte-Carlo 的时间。我们尝试了 $k=0$ (即没有考虑必胜策略), 1, 2, 3 的情形：

k	0	1	2	3
胜率	92	95	85	75

我们发现