

1.- Determinar la complejidad asintótica $O(f(n))$ del siguiente pseudo código y obtener su función de tiempo $T(n)$ aproximada

Función algoritmo $S(n)$

```

cont ← 1      --> 1
for j ← 1 to n do --> n
  s ← cont    --> 1
  while s ≥ 1 do --> K
    s ← s/2    --> 2
  end while
end for
return s

```

$$\begin{aligned}
 &1 + n(1 + 2(n)) \\
 &1 + n(1 + 2n) \\
 &1 + n + 2n^2 \\
 &2n^2 + n + 1 = T(n) \\
 &\underline{O(n^2)} \quad \text{X}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 S_0 &= S & \text{Condición} \\
 S_1 &= S/2 & S_K = 1 \\
 S_2 &= S/4 \\
 S_K &= S/2^K \\
 1 &= S/2^K & 2^K = S \\
 2^K &= 2^n & (K=n)
 \end{aligned}$$

2.- Utilizando el método de iteración obtener la complejidad asintótica $O(f(n))$ de la siguiente

recurrencia

$$T(n) = 2T(n/2) + n; T(1) = 1$$

$$\text{Asumir: } n = 2^K$$

$$= 2(2T(n/4) + \frac{n}{2}) + n$$

$$\log n = K$$

$$= 4T(n/4) + n + n$$

$$= 4T(n/4) + 2n$$

$$= 4(2T(n/8) + \frac{n}{4}) + 2n$$

$$= 8T(n/8) + 3n$$

$$= 2^K T(n/2^K) + Kn$$

$$= n T(1) + n \log n$$

$$\underline{O(n \log n)} \quad \text{X}$$