

**Opgave 1****1a**

Højden  $h$  kan bestemmes ved at indsætte  $t = 0$  i vektorfunktionen.  
Afstanden  $x_{\max}$  kan bestemmes ved at løse ligningen  $50 - 5t^2 = 0$  for  $t \geq 0$ , da højden ved tårnets fod er 0.

**1b**

Vinklen mellem positionsvektoren  $\vec{r}(t)$  og hastighedsvektoren  $\vec{v}(t)$  for  $t = 2$  kan bestemmes ved:

$$v = \arccos \left( \frac{\vec{r}(2) \bullet \vec{v}(2)}{|\vec{r}(2)| \cdot |\vec{v}(2)|} \right)$$

**1c**

Korteste afstand til tårnets fod kan bestemmes ved hjælp af en distancefunktion. Afstanden fra et givent punkt til tårnets fod kan skrives ved:

$$\text{dist}(t) = \sqrt{(8t)^2 + (50 - 5t^2)^2}$$

$t$ -værdien for korteste afstand må være løsningen til ligningen:

$$\text{dist}'(t) = 0$$

Den korteste afstand findes ved at indsætte  $t$  i distancefunktionen.

**Opgave 2****2a**

Banekurven for  $M$  skærer x-aksen netop når y-værdien er 0.

Man løser ligningen:

$$1.5 - t^2 = 0$$

Derefter indsættes  $t$  i  $0.5 \cdot t$ , dette er x-koordinaten for banekurvens skæringspunkt med x-aksen.

**2b**

Farten for vogn  $M$  når  $t = 0.5$  kan regnes ved:

$$\text{fart}(t) = |\vec{v}(t)| = \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}$$

Vær opmærksom på at enheden bliver i km/min. Konverter dette til km/t.

**2c**

For at vognene kan støde sammen må der findes et tidspunkt de har samme koordinatsæt. Man kan løse to ligninger med 2 ubekendte:

$$0.5t = t \cdot \cos(60) \tag{1}$$

$$1.5 - t^2 = t \cdot \sin(60) \tag{2}$$

Dette er tiden for sammenstødet. Hvis der ingen løsning er for ligningssystemet støder de aldrig sammen.

<b>Opgave 3</b>
<b>3a</b>
<b>3b</b>

<b>Opgave 4</b>
<b>4a</b>
<b>4b</b>
<b>4c</b>

<b>Opgave 5</b>
<b>5a</b>
<b>5b</b>
<b>5c</b>

<b>Opgave 6</b>
<b>6a</b>
<b>6b</b>
<ul style="list-style-type: none"><li>• John siger, at det er lettest at benytte implicit differentiation.</li></ul>