Opgave 1

1a

Højden hkan bestemmes ved at indsætte t=0i vektorfunktionen.

Afstanden x_{max} kan bestemmes ved at løse ligningen $50 - 5t^2 = 0$ for $t \ge 0$, da højden ved tårnets fod er 0.

1b

Vinklen mellem positionsvektoren $\vec{r}(t)$ og hastighedsvektoren $\vec{v}(t)$ for t=2 kan bestemmes ved:

$$v = \arccos\left(\frac{\vec{r}(2) \bullet \vec{v}(2)}{|\vec{r}(2)| \cdot |\vec{v}(2)|}\right)$$

1c

Korteste afstand til tårnets fod kan bestemmes ved hjælp af en distancefunktion. Afstanden fra et givent punkt til tårnets fod kan skrives ved:

$$dist(t) = \sqrt{(8t)^2 + (50 - 5t^2)^2}$$

t-værdien for korteste afstand må være løsningen til ligningen:

$$\operatorname{dist}'(t) = 0$$

Den korteste afstand findes ved at indsætte t i distancefunktionen.