

HYDRODYNAMIK

FYSIK EKSAMENSPROJEKT

Cecilie Horshauge

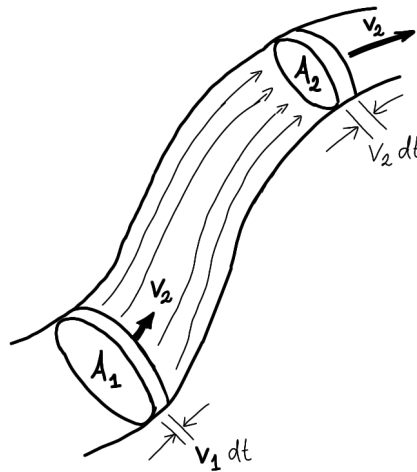
4. marts 2024

1 Hypotese

2 Teori

2.1 Strømning i væsker

Væskestrømninger opdeles overordnet set i to grupper: Turbulent og laminar strømning.¹ En turbulent strømning betyder at strømmingen indeholder strømhvirvler, en strømning der ikke har det kaldes laminar. Derudover siger vi, at en strømning er stationær, hvis hastigheden af en vilkårlig væskepartikel på et givent sted altid har samme retning og størrelse.



Figur 1: Strømningslinjer

På figur 1 ses et rør med indtegnede strømningslinjer i. Der antages om væsken i røret, at den er inkompressibel, dvs. at densiteten ρ er ens overalt, hvilket gælder for væsker, men ikke for gasser. Der er vist to tværsnit, A_1 og A_2 , på figuren. På grund af rørets tykkelse vil væsken bevæge sig hurtigere ved A_2 end ved A_1 .

Der ses på situationen hvor i tidsrummet dt strømmer væsken afstanden ds_1 ved A_1 gennem røret og ligeledes stykket ds_2 ved A_2 .

Betragt nu disse udtryk for væskerumfangene.

$$dV_1 = A_1 ds_1 \quad dV_2 = A_2 ds_2$$

¹Hansen, O. W. 2008

Derudover er de to rumfang med sikkerhed ens, eftersom væsken er inkompressibel. Vi får da: $V_1 = V_2$. Strækningen ds_1 og ds_2 kan også defineres ud fra hastigheden og tiden ved:

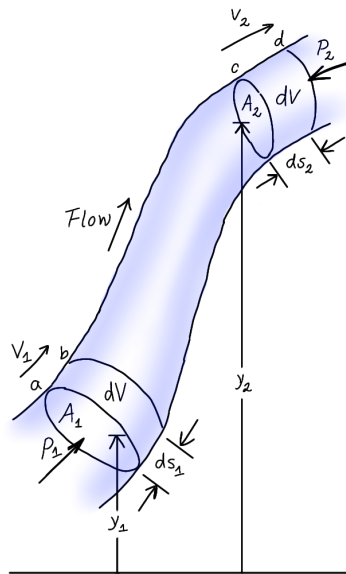
$$ds_1 = v_1 dt \quad ds_2 = v_2 dt$$

Derfor kan vi skrive

$$\begin{aligned} A_1 v_1 dt &= A_2 v_2 dt \\ A_1 v_1 &= A_2 v_2 \end{aligned} \tag{1}$$

2.2 Bernoullis lov

Bernoullis lov beskriver sammenhængen mellem trykket p i et punkt af væsken med strømningshastigheden v i punktet.²



Figur 2: Visualisering af Bernoullis lov

Betragt figur 2

2.3 Kontinuitetsligningen

Massen af en fluid med en konstant strømning ændrer sig ikke.³ Dette leder til et resultat kendt som Kontinuitetsligningen. Betragt to dele af en gennemstrømningsrør med strømning mellem to tværsnit, A_1 og A_2 . Kald hastighederne af fluiderne ved tværsnitene for henholdsvis v_1 og v_2 . Der flyder ikke fluid ud af siderne af strømningsrøret og heller ikke ind af det.

²Young, H. D. side 406-407

³Young, H. D. side 404-405

2.4 Forventninger for forsøget

3 Fremgangsmåde

4 Resultater

5 Databehandling

5.1 Fluid Dynamics

Her er nogle eksempler på fluid dynamics i virkeligheden

- Tornado
- Flyvemaskiner, holdt oppe af lufttryk på vingerne
- Væske i vores bremses
- Vores krop

Densitet

Densitet er masse per volumen og har SI enheden kg/m^3 .

$$\rho = \frac{m}{V} \quad (2)$$

Vands densitet er som regel i nærheden af 1000 kg/m^3 . Hvor lufts densitet er cirka en faktor 1000 mindre.

Om væsker siger vi, at de er ikke-komprimerbare, deres densitet er forbliver altså næsten konstant. Gasser derimod kan komprimeres og kaldes derfor for komprimerbare.

Tryk

I fluid mechanics defineres tryk som kraften en væske udfører per areal. SI enheden er N/m^2 , som kaldes pascal (Pa).

$$p = \frac{F}{A} \quad (3)$$

Tryk er en skalar. I et givent punkt i en væske, er tryk fordelt ens i alle retninger. Det giver derfor ikke mening at tale om en retning.

Hydrostatisk ligevægt

Hydrostatisk ligevægt eller hydrostatisk balance (eng: Hydrostatic equilibrium) er den tilstand hvor summen af alle kræfter der virker på fluiden er lig 0.

Når der er tyngdekraft tilstede [...]

Pascals lov