# Fiche d'exercices - Chapitre D.1 - La récursivité

## **Exercice 1**

Pour chacune des fonctions suivantes, determiner s'il s'agit d'une fonction récursive ou non. Si oui, entourer le(s) cas de base.

⚠ Les fonctions 4 et 5 sont liées

1. rebours

3. autre\_rebours

```
def autre_rebours(n):
    print(n)
    if n > 0:
        autre_rebours(n-1)
```

4. pair

```
def pair(n):
    if n == 0:
        return True
    elif n == 1:
        return False
    else:
        return impaire(n-1)
```

5. impair

```
def impair(n):
    if n==0:
        return False
    elif n==1:
        return True
    else:
        return pair(n-1)
```

# **Exercice 2**

Pour chacune des fonctions précédentes, déterminer un variant de boucle permettant de démontrer que la fonction s'arrête dans tous les cas respectant les conditions d'utilisation.

1. **u** 

```
def u(n):
    :::
    :CU: type(n) == int, n > 0
    :::
    if n < 1:
        return 1
    else:
        return u(n-1)*2</pre>
```

#### 2. distance

```
def distance(x,y):
    :CU:type(x) == int, type(y) == int, x >= 0, y >= 0
    if x == y:
        return 0
    elif x < y:
        return 1 + distance(x,y-1)
    else:
        return 1 + distance(x-1, y)</pre>
```

#### 3. plus\_petit

```
def plus_petit(x,y):
    :CU:type(x) == int, type(y) == int, x >= 0, y >= 0
    iif x==y:
        return y
    elif x<=0:
        return x
    else:
        return plus_petit(x-1,y)</pre>
```

### **Exercice 3**

Ecrire une fonction somme(n) récursive qui renvoie la somme des n premiers nombres entiers. n étant passé en paramètre.

On s'aidera de la formule suivante :

```
somme(n) = somme(n-1) + n
```

## **Exercice 4**

Cet exercice est tiré du BAC 2022 - Polynesie - Jour 1

Cet exercice traite du thème «programmation», et principalement de la récursivité.

On s'intéresse dans cet exercice à la construction de chaînes de caractères suivant certaines règles de construction.

Règle A : une chaîne est construite suivant la règle A dans les deux cas suivants:

- soit elle est égale à "a";
- soit elle est de la forme "a"+chaine+"a", où chaine est une chaîne de caractères construite suivant la règle A.

Règle B : une chaîne est construite suivant la règle B dans les deux cas suivants :

- soit elle est de la forme "b"+chaine+"b", où chaine est une chaîne de caractères construite suivant la règle A;
- soit elle est de la forme "b"+chaine+"b", où chaine est une chaîne de caractères construite suivant la règle B.

#### Documentation de la fonction choice du module random

```
>>>from random import choice
>>>help(choice)
Help on method choice in module random:
choice(seq) method of random.Random instance
Choose a random element from a non-empty sequence.
```

La fonction A() ci-dessous renvoie une chaîne de caractères construite suivant la règle A, en choisissant aléatoirement entre les deux cas de figure de cette règle.

```
def A():
    if choice([True, False]):
        return "a"
    else:
        return "a" + A() + "a"
```

1.

- (a) Cette fonction est-elle récursive ? Justifier.
- (b) La fonction choice([True, False]) peut renvoyer False un très grand nombre de fois consécutives. Expliquer pourquoi ce cas de figure amènerait à une erreur d'exècution.

Dans la suite, on considère une deuxième version de la fonction A À présent, la fonction prend en paramètre un entier n tel que, si la valeur de n est négative ou nulle, la fonction renvoie "a". Si la valeur de n est strictement positive, elle renvoie une chaîne de caractères construite suivant la règle A avec un n décrémenté de 1, en choisissant aléatoirement entre les deux cas de figure de cette règle.

```
def A(n):
    if ... or choice([True, False]):
        return "a"
    else:
        return "a" + ... + "a"
```

2.

- (a) Compléter aux emplacements des points de suspension ... le code de cette nouvelle fonction A.
- (b) Justifier le fait qu'un appel de la forme A(n) avec n un nombre entier positif inférieur à 50, termine toujours. On donne ci-après le code de la fonction récursive B qui prend en paramètre un entier n et qui renvoie une chaîne de caractères construite suivant la règle B.

```
def B(n):
    if n <= 0 or choice([True, False]):
        return "b" + A(n-1) + "b"
    else:
        return "b" + B(n-1) + "b"</pre>
```

On admet que:

- Les appels A(-1)et A(0) renvoient la chaîne "a";
- l'appel A(1) renvoie la chaîne "a" ou la chaîne "aaa";
- l'appel A(2) renvoie la chaîne "a", la chaîne "aaa" ou la chaîne "aaaaa".
- 3. Donner toutes les chaînes possibles renvoyées par les appels B(0), B(1) et B(2).

On suppose maintenant qu'on dispose d'une fonction raccourcir qui prend comme paramètre une chaîne de caractères de longueur supérieure ou égale à 2, et renvoie la chaîne de caractères obtenue à partir de la chaîne initiale en lui ôtant le premier et le dernier caractère.

```
Exemple:

>>> raccourcir("abricot")
   "brico"

>>> raccourcir("ab")
   ""
```

4.

(a) Compléter les points de suspension ... du code de la fonction regleA ci-dessous pour qu'elle renvoie True si la chaîne passée en paramètre est construite suivant la règle A, et False sinon.

```
def regleA(chaine):
    n = len(chaine)
    if n >= 2:
    return chaine[0] == "a" and chaine[n-1] == "a" and regleA(...)
    else:
        return chaine == ...
```

(b) Écrire le code d'une fonction regleB, prenant en paramètre une chaîne de caractères et renvoyant True si la chaîne est construite suivant la règle B, et False sinon.