## Chapitre D.1 : La récursivité

I. Introduction
Un algorithme récursif
Une fonction récursive
L'approche récursive d'un problème est un concept de base en algorithmie
II. Caractéristiques d'une fonction récursive
Pour s'assurer qu'une fonction récursive soit correctement écrit, il faut vérifier qu'elle s'arrête dans tous les cas. Pour cela, il faut respecter deux règles :  • Dans une fonction récursive, il faut au moins un cas dans lequel Ce cas est
<ul> <li>appelé</li> <li>Chaque appel récursif doit se faire avec des données qui permettent de</li> <li>C'est à dire du</li> </ul>
Exemple: La fonction factorielle.  La fonction factorielle est une fonction mathématique. Le fonction factorielle de $n$ se note $n!$ .  Pour tout entier $n > 0$ on a : $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \times n - 1 \times n$ La fonction fact(n) suivante renvoie la valeur de $n!$ .
<pre>def fact(n):     assert n &gt; 0     if n &lt;= 1:         return 1     else:         return fact(n-1)*n</pre>
<ul> <li>Surligner le(s) cas de base</li> <li>Entourer le(s) appel(s) récursif(s)</li> </ul>
Pour vérifier qu'une fonction récursive s'arrête, il faut comme dans le cas d'une boucle while, trouver un variant de boucle permettant de démontrer que l'on s'approche d'un cas de base. Par exemple, dans le cas de notre fonction <code>fact(n)</code> ,

## III. Pile d'exécution

Dans un programme, lors de l'appel d'une fonction, l'environnement de cette fonction est mis dans un espace mémoire particulier qui s'appelle la pile d'exécution. **Cet espace est limité, ce qui signifie que le nombre de fonction qui peuvent s'exécuter en même temps possède une limite à ne pas dépasser.** De plus cet espace réservé à l'exécution des fonctions fonctionne comme une pile : une fonction appelante ne pourra pas libérer sa place dans la pile tant que les fonctions appelé n'ont pas été fermée.

Exemple	de l'évolut	ion de la pile d'exécution avec la fonction fact(n)	
On appelle fact(4)			
appel	renvoie		
fact(4)			
Dans l'app	oel de la for	nction, on appelle fact(3)	
appel	renvoie		
fact(3)			
fact(4)			
Dans l'app	pel de la for	nction, on appelle fact(2)	
appel	renvoie		
fact(2)			
fact(3)			
fact(4)			
Dans l'app	pel de la for	lection, on appelle <code>fact(1)</code> . Cet appel renvoie la valeur 1.	
appel	renvoie		
fact(1)	1		
fact(2)			
fact(3)			
fact(4)			
	e fact(1) e	lest terminé, on reprend l'exécution de fact(2). Cet appel renvoie la valeur 2.	
appel	renvoie		
fact(2)	2		
fact(3)			
fact(4)			
	e fact(2) e	est terminé, on reprend l'exécution de fact(3). Cet appel renvoie la valeur 6.	
appel	renvoie		
fact(3)	6		
fact(4)			
	e fact(3) e	est terminé, on reprend l'exécution de fact(4). Cet appel renvoie la valeur 24.	
appel	renvoie		
fact(4)	24		

## IV. Limites de la récursivité

Les algorithmes écrit de façon récursif sont plus lisibles et évitent l'utilisation de nombreuses boucles. Cependant, la récursivité est gourmande en ressources mémoires et risque de provoquer un débordement lorsque la pile d'exécution est pleine.

Tous les algorithmes récursifs peuvent être écrit de façon itérative.

## **Exemple: La fonction factorielle écrit de façon itérative**

```
def fact_iteratif(n):
    res = 1
    for i in range(1,n+1):
        res = res * i
        return res
```