

Lorsqu'un trader adopte le modèle Black & Scholes pour le pricing d'une option européenne, la lettre grecque Rho caractérise la sensibilité de la prime de l'option suivant le taux d'intérêt sans risque  $r$ . En dérivant la fonction prime de l'option call par rapport au taux sans risque  $r$ , on obtient :

$$\text{Rho} = KTe^{(-rT)} N(d2)$$

*Dans le cas de l'option Call EURUSD, nous avons :*

K: Strike ;

T : Maturité ;

$r$  : Taux sans risque en dollar ;

$N()$  : Fonction de répartition de la loi de probabilité normale centrée réduite,

$d2$ : Définie par la formule de Black & Scholes (fonction de  $S, T, r, q, K, \sigma$ ),

$S$  : Valeur Spot EURUSD ;

$q$  : Taux sans risque en euros ;

$\sigma$  : la volatilité .

1-

*Définir la fonction python fournissant la valeur Rho en fonction des paramètres définis ci-dessus*

2-

*Etudier la variation de Rho en fonction de la valeur du spot  $S$  avec les autres paramètres fixés ci-dessous et tracer la courbe correspondante.*

#### **Application numérique :**

$K = 1,1432$  ;

$r = 2,60\%$  ;

$q = -0,31\%$  ;

$T = 0,25$  (3 mois),

$\sigma = 6,16\%$

3-

*Etudier la variation de Rho en fonction de la maturité  $T$  avec les autres paramètres fixés dans les 3 cas <<At the money>>, <<In the money>> et <<out the money>> et tracer les 3 courbes correspondantes sur un même graphique.*

#### **Application numérique:**

$K = 1,1432$ .

$r = 2,60\%$ .

$q = -0,31\%$ .

$T = 0,25$  (3 mois),

$\sigma = 6,16\%$

#### **Valeur Spot EURUSD:**

Cas <<At the money>>:  $S = 1,1432$ .

Cas <<At the money>>:  $S = 1,1750$ .

Cas <<At the money>>:  $S = 1,1150$ .