- PAUTA -	
NOMBRE COMPLETO	PUNTAJE NOTA
CARRERA MÓDULO	

Instrucciones

- 1. Esta prueba tiene 9 preguntas. En las preguntas de selección múltiple, usted debe responder marcando la letra A, B, C, D o E que corresponde a la respuesta correcta. En las preguntas de desarrollo, es necesario que explicite los cálculos realizados.
- 2. El puntaje total de la prueba es de 24 puntos. El puntaje asignado a cada pregunta está en la primera columna.
- 3. La nota 4.0 se obtiene con el 50% del puntaje total y el 7.0 con el 100% del puntaje.
- 4. Usted está autorizado para usar calculadora.
- 5. A partir de este momento usted dispone de 2 horas para responder la prueba.

Información para preguntas 1 a 4.

Un disco de radio R se encuentra en el plano xy con su eje de simetría a lo largo del eje z y es portador de una carga superficial $\sigma = -\frac{A}{r}$ donde A es una constante positiva y $r \le R$.

(1) 1.- ¿Cuánto vale la carga neta Q del disco? (Debe incluir desarrollo). $Q_{NETA} = \int df = -A \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{R} r dr d\theta = -2\pi AR$ $Q_{NETA} = -2\pi AR$ (1) 2.- ¿En qué dirección y sentido se desplazaría una partícula con carga $-a_0$ si se libera a una distancia z = R

The qué dirección y sentido se desplazaría una partícula con carga $-q_0$ si se libera a una distancia z = h del origen? (Fundamente su respuesta)

La Carga $-f_0$ experimenta una fuerta de repulsión divigida directamente hacia arciba (+k) debido a la Onera distribuida uniformemente en el plano xy uniformemente an el plano xy $Q_{NETA} = -2\pi AR$ = Se movera a la largo del

=) Se movera a la larga del ege 2, en el sentito pasitivo del mismo.

		g an al munto $z = h$ (Dehe incluir		
(4)	3	Calcule la fuerza eléctrica que el disco ejerce sobre la carga $-q_0$ en el punto $z=h$ (Debe incluir		
		desarrollo). $\vec{c} = h k \qquad \vec{r} - \vec{r} = -r \hat{r} + h k$		
		Calcule la fuerza electrica que el disco sonte desarrollo). $\vec{r} = h \hat{k} \qquad \vec{r} - \vec{r}' = -r\hat{r} + h \hat{k}$ $\vec{r}' = -r\hat{r}' = -r\hat{r} + h \hat{k}$ $\vec{r}' = -r\hat{r}' = -r\hat{r}' + h \hat{k}$		
		futegral en r es nuh, debida a la simetria de la distribución		
		$\frac{1}{F_{\text{oises}}} = 2\pi k \mathcal{F}_0 h A \int_0^R \frac{dr}{(r^2 + h^2)^{3/2}} \hat{k}$		
		:. La fuerra que la cary - fo $\frac{1}{4}$ $\frac{1}$		
(2)	4	Si en el punto $z = 2h$ se ubica una carga q , encuentre el valor y el signo de q para que la fuerza neta sobre		
		h (Debe incluir desarralla)		
		$\frac{1}{2h} = \frac{1}{4} = 1$		
		-fo Zh Fretz = torso + 1 freeze to		
		la carga $-q_0$ sea nula en el punto $z = n$. (Debe incluir desarrollo) Fig. 1		
		- litition de (1)		
		$\frac{1}{F_g} = -F_{Disco} - \frac{2\pi k f_0 A R \hat{k}}{h \sqrt{h^2 + R^2}}$		
		$\frac{1}{f_q} = \frac{k + f_0}{h^2} \hat{k} = -\frac{2\pi k f_0 A R \hat{k}}{h \sqrt{h^2 + R^2}}$		

Co - ZTT hR A

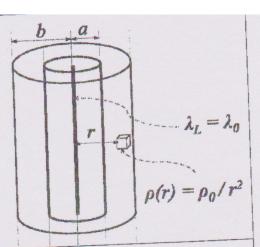
2

Información para preguntas 5 a 7.

Considere una corteza cilíndrica gruesa (radio interior a y radio exterior b),

infinitamente larga, que posee una densidad volumétrica de carga $\rho(r) = \frac{\rho_0}{r^2}$

con r la distancia perpendicular al eje de simetría. Sobre el eje de simetría de la corteza cilíndrica hay una varilla delgada, infinitamente larga, con densidad uniforme de carga λ_0 .



Encuentre el campo eléctrico total para r < a. (Debe incluir desarrollo) 5.-(2)

0222			
1.1.4.5.	6.		

$$\oint \overline{E} \cdot dS = \frac{\text{fenc}}{E_0}$$
S.6.

$$E(z\pi rL) = \frac{\lambda_0 L}{\varepsilon_0}$$

$$E = \frac{\lambda_0 L}{\varepsilon_0}$$

$$E = \frac{\lambda_0}{2\pi\epsilon_0 r} = \frac{1}{\tilde{E}(r)} = \frac{\lambda_0}{2\pi\epsilon_0 r} \hat{r} | o(r/\epsilon)$$

Encuentre el campo eléctrico total para a < r < b. (Debe incluir el desarrollo) 6.-(4)

$$\iint_{\Sigma \in \mathbb{R}} \vec{\Xi} \cdot d\vec{S} = \frac{f_{onc}}{\varepsilon_{o}}$$
5.6.

$$\iint_{\Sigma} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{f_{omc}}{\epsilon_{o}}$$

$$\int_{\Sigma} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{f_{omc}}{\epsilon_{o}}$$

$$\int_{\Sigma} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{f_{omc}}{\epsilon_{o}}$$

$$\int_{\Sigma} \vec{r} \cdot d\vec{S} = \frac{f_{omc}}{\epsilon_{o}}$$

$$:= \frac{1}{\varepsilon_0 r} \left(\frac{\rho_0}{\rho_0} \ln \left(\frac{r}{\rho_0} \right) + \frac{\chi_0}{2\pi} \right) \hat{r} \left(\frac{1}{\rho_0} \ln \left(\frac{r}{\rho_0} \right) + \frac{\chi_0}{2\pi} \right) \hat{r} \right) = \varepsilon_0 r \varepsilon_0$$

pues tele sumaise el compo de sido e la distribución

lineal de carga (Principio de Experposición)

(2) 7.

Encuentro la relación $\left(\frac{\lambda_0}{\rho_0}\right)$ que permite que el campo eléctrico al exterior de la corteza cilíndrica, r > b sea

cero. (Debe incluir desarrollo)

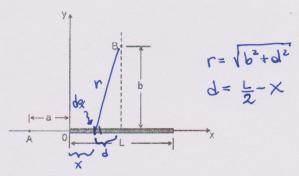
Pere
$$\frac{1}{E_{or}}$$
 el rew Ita do onterior conduce α

$$\frac{1}{E} = \frac{1}{E_{or}} \left(\frac{1}{1} \left(\frac{1}{1} \frac{1}{1} \right) + \frac{1}{1} \frac{1}{1} \right) \hat{r}$$

$$= \frac{1}{\left(\frac{x_0}{\rho_0}\right)} = -2\pi \ln\left(\frac{b}{\lambda}\right)$$

Información para preguntas 8 a 9.

Una varilla delgada de longitud L se ubica a lo largo del eje x, con su extremo izquierdo en el origen 0. La densidad lineal de carga en la varilla es $\lambda=\lambda_o x$, donde $\lambda_o>0$ es una constante. El punto B está a una distancia b de la varilla a lo largo de la línea perpendicular desde su punto medio.



(7)

Encuentre el trabajo que debe hacer un agente externo para mover una carga Q desde el punto A hasta el punto B. (Debe incluir el desarrollo).

$$V(A) = Ke \int_{\Gamma}^{Q} \frac{dx}{r} = Ke \int_{0}^{L} \frac{\lambda}{r} dx = Ke \int_{0}^{L} \frac{(\lambda_{0}x)}{x+a} dx$$

$$= ke \lambda_{0} \int_{0}^{L} \frac{x}{x+a} dx = k_{0} \lambda_{0} \left[x-a \ln (x+a) \right]_{0}^{L}$$

$$V(A) = ke \lambda_{0} \left[L - a \ln \left(\frac{L+a}{a} \right) \right]$$

