GEOMETRIA ANALÍTICA E ÁLGEBRA LINEAR - GAAV

CEFET-MG TIMÓTEO

GAAV - PROF.

14ª Lista de exercícios – ERE

- 1) Ache o **vetor unitário da bissetriz** do ângulo entre os vetores V = 2i + 2j + k e W = 6i + 2j 3k. (Sugestão: observe que a soma de dois vetores está na direção da bissetriz se, e somente se, os dois tiverem o mesmo comprimento. Portanto, tome múltiplos escalares de V e W de forma que eles tenham o mesmo comprimento e tome o vetor unitário na direção da soma deles.)
- 2) Seja O = (0, 0, 0). Qual o lugar geométrico dos pontos P = (x, y, z) tais que $||OP||^2$ = 4? Qual figura é representada pela equação $x^2 + y^2 = 4$?
- 3) Mostre que A = (3, 0, 2), B = (4, 3, 0) e C = (8, 1, -1) são vértices de um triângulo retângulo. Em qual dos vértices está o ângulo reto?

4)

- (a) Mostre que os planos 2x y + z = 0 e x + 2y z = 1 se interceptam segundo uma reta r;
- (b) Ache equações da reta que passa pelo ponto A = (1, 0, 1) e intercepta a reta r ortogonalmente.
- 5) Determine a interseção da reta que passa pela origem e tem vetor diretor V = i + 2j + k com o plano 2x + y + z = 5.
- 6) Verifique se as retas r : (x, y, z) = (9t, 1 + 6t, -2 + 3t) e s : (x, y, z) = (1 + 2t, 3 + t, 1) se interceptam e em caso afirmativo determine a interseção. (Sugestão: a questão é se as trajetórias se cortam e não se as partículas se chocam, ou seja, elas não precisam estar num ponto no mesmo instante.)
- 7) Sejam P = (4, 1, -1) e r : (x, y, z) = (2 + t, 4 t, 1 + 2t).
- (a) Mostre que P ∉ r;
- (b) Obtenha uma equação geral do plano π determinado por r e P.
- 8) Dados os planos π_1 : x y + z + 1 = 0 e π_2 : x + y z 1 = 0, determine o plano que contém $\pi_1 \cap \pi_2$ e é ortogonal ao vetor (-1, 1, -1).





GEOMETRIA ANALÍTICA E ÁLGEBRA LINEAR - GAAV

- 9) Sejam r_1 : $(x, y, z) = (1, 0, 2) + (2t, t, 3t) e <math>r_2$: (x, y, z) = (0, 1, -1) + (t, mt, 2mt) duas retas.
- (a) Determine m para que as retas sejam coplanares (não sejam reversas).
- (b) Para o valor de m encontrado, determine a posição relativa entre r₁ e r₂.
- (c) Determine a equação do plano determinado por r_1 e r_2 .
- 10) Transformar a equação em coordenadas retangulares em uma equação em coordenadas polares:

(a)
$$x^2 + y^2 = 4$$

(b)
$$x^2 + y^2 - 2y = 0$$

(c)
$$x^2 - 4y - 4 = 0$$

11) Transformar a equação em coordenadas polares em uma equação em coordenadas retangulares:

(a)
$$r = \frac{2}{1 - 3\cos\theta}$$

(b)
$$r = 4 sen \theta$$

12) Identificar a cônica cuja equação em coordenadas polares é dada. Determine a excentricidade, a equação da diretriz, a distância da diretriz ao foco e as coordenadas polares de dois vértices:

(a)
$$r = \frac{5}{2 - 2 \cos \theta}$$

(b)
$$r = \frac{6}{3 + \sin \theta}$$

13) Determine o raio e e as coordenadas polares do centro da circunferência cuja equação em coordenadas polares é dada:

(a)
$$r = -3 \operatorname{sen} \theta$$



