

## Centro Federal de Educação Tecnológica de Minas Gerais - CEFET MG Departamento de Matemática - DM

Disciplina: Cálculo III (Ensino Remoto Emergencial - ERE)

Turma: Engenharia Metalúrgica

Lista de Exercícios: Aulas 21 e 22

Questão 1. Encontre o Wronskiano de cada par de funções abaixo.

(a) 
$$e^{2t}$$
,  $e^{-3t/2}$ 

(c)  $\cos t$ ,  $\sin t$ 

(b) 
$$e^{-2t}$$
,  $te^{-2t}$ 

(d)  $e^t \operatorname{sen} t$ ,  $e^t \cos t$ 

**Questão 2.** Verifique que as funções  $y_1$  e  $y_2$  são soluções da equação diferencial dada. Verifique também se elas são soluções fundamentais. Se sim, determine a solução geral da equação diferencial.

(a) 
$$y'' + 4y = 0$$
;  $y_1 = \cos 2t$ ,  $y_2 = \sin 2t$ 

(b) 
$$y'' - 2y' + y = 0$$
;  $y_1 = e^t$ ,  $y_2 = te^t$ 

(c) 
$$t^2y'' - t(t+2)y' + (t+2)y = 0$$
,  $t > 0$ ;  $y_1 = t$ ,  $y_2 = te^t$ 

(d) 
$$(1 - t \cot t)y'' - ty' + y = 0$$
,  $0 < t < \pi$ ;  $y_1 = t$ ,  $y_2 = \operatorname{sen} t$ .