

## DEMOSTRACIÓN DEL INVARIANTE

Tenemos que 
$$I = (c0 > 0 \Rightarrow p = 0 \wedge c1 = 0) \wedge (c1 > 0 \Rightarrow p = 0 \wedge c0 = 0)$$

donde  $\begin{cases} c0: \text{coches cruzando en dirección 0} \\ c1: \text{" " " " " " " 1} \\ p: \text{peatones " " " " " " " } \end{cases}$

De las condiciones del invariante tenemos también:

$$p > 0 \Rightarrow c0 = 0 \wedge c1 = 0$$

Cuando se inicia el invariante se cumple, ya que todos empiezan en valor 0 (no hay nadie cruzando)

Consideremos las ejecuciones del monitor (de principio a fin):

\* can-enter-c0, can-enter-c1 y can-enter-ped:

son funciones que no modifican  $c0$ ,  $c1$  ni  $p$ , luego no cambian  $I$ , sigue cumpliéndose.

\* wants-enter-car: en esta función se puede incrementar  $c0$ , pero en ese caso el programa se asegura de que  $c1 = p = 0$ . Análogo con  $c1$ .

\* leaves-car:  $c0$  o  $c1$  se podrían reducir, pero esto no hace que  $I$  no se cumpla, se sigue cumpliendo.

\* wants-enter-ped: se incrementa  $p$ , pero el programa se asegura de que  $c0 = c1 = 0$

\* leaves-ped: se reduce  $p$ , pero esto no hace que  $I$  no se cumpla, se sigue cumpliendo  $I$ .

Veamos que pasa en los notify:

\* leaves-car (notify): se podría desbloquear un peatón ( $p > 0$ ) o un coche en dirección contraria, pero se asegura de que esto sólo ocurre si los coches en la dirección que está son 0.

\* leaves-ped (notify): podría desbloquear un coche ( $c0 > 0$  o  $c1 > 0$ ) pero el programa se asegura de que esto ocurre sólo si  $p = 0$ , y como un peatón ha cruzado se tiene que  $c0 = 0$  y  $c1 = 0$ .

Weg, el invariante se cumple durante todo el programa.