


3ª Lista de Exercícios – Cálculo Numérico Computacional	
 <b>INSTITUTO FEDERAL</b> Catarinense Campus Blumenau	<b>Assunto:</b> Sistemas Não Lineares e Interpolação Polinomial <b>Professor:</b> Fabricio Alves Oliveira <b>Curso:</b> Engenharia Elétrica

## Sistemas Não Lineares

1- Resolva, pelo Método de Newton, os sistemas não lineares a seguir, com  $\varepsilon = 10^{-3}$ .

a) 
$$\begin{cases} x_1^2 + x_2^2 = 1 \\ x_1^2 - x_2^2 = -\frac{1}{2} \end{cases} \text{ com } x^0 = \begin{pmatrix} 1.5 \\ 3.2 \end{pmatrix}$$

b) 
$$\begin{cases} 3 \cdot x_1^2 \cdot x_2 - x_2^3 = 4 \\ x_1^2 + x_1 \cdot x_2^3 = 9 \end{cases} \text{ com } x^0 = \begin{pmatrix} 2.1 \\ 2.5 \end{pmatrix}$$

c) 
$$\begin{cases} (x_1 - 1)^2 + x_2^2 = 4 \\ x_1^2 + (x_2 - 1)^2 = 4 \end{cases} \text{ com } x^0 = \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \end{pmatrix}$$

d) 
$$\begin{cases} x_1 + 3 \cdot \ln x_1 - x_2^2 = 0 \\ 2 \cdot x_1^2 - x_1 \cdot x_2 - 5 \cdot x_1 + 1 = 0 \end{cases} \text{ com } x^0 = \begin{pmatrix} 3.5 \\ 2.2 \end{pmatrix}$$

2- Resolva os sistemas não lineares (b) e (c) do exercício 1, pelo Método de Newton Modificado. Considere  $\varepsilon = 10^{-3}$  e como solução inicial

- para o item (b),  $x^0 = \begin{pmatrix} 1.3 \\ 1.6 \end{pmatrix}$
- para o item (c),  $x^0 = \begin{pmatrix} 1.5 \\ 1.6 \end{pmatrix}$

## Interpolação Polinomial

3- Conhecendo a seguinte tabela:

$x$	-1	0	3
$f(x)$	15	8	-1

determinar o polinômio de interpolação para a função definida por este conjunto de pontos, usando a resolução do sistema linear.

4- Considere a tabela:

$x$	1	3	4	5
$f(x)$	0	6	24	60

- (a) Determine o polinômio de interpolação, na forma de Lagrange, sobre todos os pontos.
- (b) Calcule  $f(3.5)$ .

**5-** Construir o polinômio de interpolação, na forma de Lagrange, para a função  $f(x) = \sin(\pi x)$ , escolhendo os pontos:  $x_0 = 0$ ,  $x_1 = 1/6$ , e  $x_2 = 1/2$ .

**6-** Calcular  $e^{3.1}$  usando a fórmula de Lagrange sobre três pontos e a tabela:

$x$	2.4	2.6	2.8	3.0	3.2	3.4	3.6	3.8
$e^x$	11.02	13.46	16.44	20.08	24.53	29.96	36.59	44.70

(Para tornar a interpolação mais precisa, use os pontos da tabela que estão mais próximos de  $x = 3.1$ .)

**7-** Seja a função tabelada:

$x$	-2	-1	1	2
$f(x)$	0	1	-1	0

(a) Determinar o polinômio de interpolação usando a fórmula de Newton.

(b) Calcular  $f(0.5)$ .

**8-** Dada a função tabelada:

$x$	0	1	1.5	2.5	3.0
$f(x)$	1.0	0.5	0.4	0.286	0.25

(a) Determinar o polinômio de interpolação usando a fórmula de Newton sobre dois pontos (interpolação linear). (Use os pontos mais próximos de  $x = 0.5$ )

(b) Determinar o polinômio de interpolação usando a fórmula de Newton sobre três pontos (interpolação quadrática). (Use os pontos mais próximos de  $x = 0.5$ )

(c) Calcular  $f(0.5)$  usando os itens (a) e (b).

Lembre-se que a fórmula de Newton do polinômio de interpolação sobre três pontos é igual ao polinômio sobre dois pontos adicionando ao termo de ordem 2. Além disso, o ponto  $x_0$  dever ser comum aos dois polinômios. Portanto, tome cuidado ao escolher os pontos.

**9-** Considerando a função  $f(x) = \sqrt{x}$  tabelada:

$x$	1.00	1.10	1.15	1.25	1.30
$f(x)$	1.00000	1.04881	1.07238	1.11803	1.14018

(a) Determinar o valor aproximado de  $\sqrt{1.12}$  usando o polinômio de interpolação de Newton sobre três pontos. (Escolha os pontos mais próximos de  $x = 1.12$  para fazer a interpolação).

(b) Calcular o erro da interpolação.

**10-** Dada a função  $f(x) = xe^{x/2}$  e a tabela:

$x$	2.25	2.5	2.75
$xe^{x/2}$	6.930	8.726	10.87

(a) Calcular o polinômio de interpolação sobre 3 pontos usando a forma de Newton.

(b) Calcular  $f(2.4)$ .

(c) Obter uma estimativa para o erro.

**11-** Considere a tabela:

$x$	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5
$y = e^x$	1	1.1052	1.2214	1.3499	1.4918	1.6487

Determine o valor de  $x$  tal que  $e^x = 1.3165$ , usando interpolação quadrática e a Forma de Newton.