8.3 不可数集

命题

1. **(8.3.1 康托尔定理)** 设X是任意一个集合(可以是有限集,也可以是无限集),那么集合X与集合 2^X 不可能拥有同样的基数。

(注: 2^X 是X的幂集,也即X所有子集的集合,具体可以参考 $\underline{1}$ 理3.4.9)

- 2. **(8.3.3 康托尔定理推论其一?)** $2^{\mathbb{N}}$ 是不可数集。
- 3. (8.3.4 康托尔定理推论其二?) ℝ是不可数集。

(注:关于推论8.3.4有一些不在学习要求但是很有意思的事情,由推论8.3.4我们可以得到实数集聚的基数是严格大于自然数集№的,由此可以延伸出一个有趣的问题,即:是否存在一类无限集,它们的基数介于自然数集与实数集之间,连续统假设断言不存在这样的集合。这个假设独立于集合论的其它公理,也即既不能被那些公理证明,也不能被那些公理否定。有兴趣可以自行了解。)

课后习题

本节相关跳转

实分析 3.4 象和逆象