Feuille d'exercices: exercice type E3C géométrie

Exercice 1: sujet 8

Dans le plan muni d'un repère orthonormé, on considère le point A de coordonnées (3; 1) ainsi que la droite (d) d'équation cartésienne x - 3y - 4 = 0.

- 1. Déterminer les coordonnées du point B d'abscisse 7 appartenant à la droite (d).
- 2. Donner un vecteur normal à la droite (d).
- Déterminer une équation de la droite (Δ) perpendiculaire à la droite (d) passant par le point A.
- 4. Calculer les coordonnées du projeté orthogonal H du point A sur la droite (d).
- 5. Calculer la distance AH et en donner une interprétation.

Exercice 2: sujet 12

On se place dans un repère orthonormé $\left(0\;;\;\overrightarrow{\iota}\;,\;\overrightarrow{\jmath}\right)$. Laquelle de ces équations est une équation cartésienne de la droite Δ , de vecteur directeur $\overrightarrow{u}\begin{pmatrix} -1\\2\end{pmatrix}$ et passant par le point A(-1; 3)?

a.
$$2x - y + 1 = 0$$
 b. $x + 2y + 1 = 0$ **c.** $-x + 2y - 7 = 0$ **d.** $-2x - y + 1 = 0$

On se place dans un repère orthonormé (O; i, j). Parmi ces propositions, quelle est l'équation cartésienne du cercle de centre A(2; 4) et de rayon 3?

a.
$$(x-2)^2 + (y-4)^2 = 3$$

b. $(x+2)^2 + (y+4)^2 = 9$
c. $x^2 + y^2 - 4x - 8y + 11 = 0$
d. $x^2 + y^2 + 11 = 0$

Exercice 3: sujet 22

Dans un repère orthonormé on considère le point A(-3; 5) et la droite (d) dont une équation cartésienne est -x+3y+2=0.

- Tracer la droite (d) dans le repère
- 2. Déterminer les coordonnées d'un vecteur normal à la droite (d).
- Déterminer une équation cartésienne de la droite perpendiculaire à (d) et passant par A.
- En déduire que le point H, projeté orthogonal de A sur la droite (d), a pour coordonnées (−1; −1).
- En déduire la distance entre le point A et la droite (d).

Exercice 4: sujet 43

Dans un repère orthonormé, on considère les points A(-1; 3), B(5; 0) et C(9; 3).

- 1. Déterminer une équation cartésienne de la droite (AB).
- 2. Déterminer une équation cartésienne de la droite D passant par le point C et de vecteur normal $\overrightarrow{n} \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}$.
- 3. Démontrer que les droites D et (AB) ne sont pas parallèles.

Démontrer que le point E(3; 1) est le point d'intersection de ces deux droites.

- 4. Les droites D et (AB) sont-elles perpendiculaires?
- On donne AE= 2√5 et EC = 2√10.
 Calculer la mesure en degrés de l'angle AEC.