Exemple d'application pour les modèles de langage : algorithme prédictif pour l'aide à la saisie de texte

Dans cet exercice de travaux pratiques, il vous est proposé de construire un modèle de langage de type *n-gram* afin de prédire les mots en cours de saisie les plus probables. Cette probabilité est calculée en fonction de l'historique de la frappe (*i.e.* des mots précédents).

Pour cela, vous aurez d'abord besoin d'estimer un modèle de langage. Cela consiste dans un premier temps à calculer les probabilités d'apparition de chacun des *n-grams* du corpus d'apprentissage. Ici, nous utiliserons un modèle *trigram*. Il s'agit alors d'utiliser la formule suivante :

$$P(w_i|w_{i-2}w_{i-1}) = \frac{c(w_{i-2}w_{i-1}w_i)}{c(w_{i-2}w_{i-1})}$$

où *c(.)* correspond au nombre d'occurrences de '.' dans le corpus d'apprentissage.

Algorithmiquement c'est très simple :

- 1. calculer $c(w_{i-2}w_{i-1})$ pour chaque bigram $w_{i-2}w_{i-1}$
- 2. calculer $c(w_{i-2}w_{i-1}w_i)$ pour chaque trigram $w_{i-2}w_{i-1}w_i$
- 3. pour chaque trigram $w_{i-2}w_{i-1}w_i$, calculer $P(w_i|w_{i-2}w_{i-1})$

On considèrera que le vocabulaire des modèles de langage correspond à l'ensemble des mots présents dans le corpus d'apprentissage.

- → Une fois l'estimation de ces probabilités de trigrams réalisée, faites la même chose pour les bigrams et les unigrams.
- → Tester vos modèles avec des trigrams ou des bigrams existants dans le corpus d'apprentissage.
- Tester vos modèles avec des trigrams ou des bigrams absents du corpus d'apprentissage (mais composés de mots de votre vocabulaire).

Vous avez pu constater qu'aucune probabilité n'est affectée aux *n-grams* absents du corpus d'apprentissage. Pourtant, il n'est pas raisonnable de considérer que ces *n-grams* ont une probabilité nulle.

Afin d'affecter une probabilité aux *n-grams* non vus dans le corpus d'apprentissage, il est généralement appliqué une technique dite de *discounting*.

Cette estimation sera réalisée en utilisant la technique simple (et loin d'être la plus efficace) de *discounting* dite de lissage additif (*additive smoothing*). Cette technique considère que n'importe quel *n-gram* a été vu au moins un (très) petit nombre de fois :

ce nombre est noté δ avec généralement $0<\delta\leq 1$. Ainsi la probabilité d'un trigramme devient :

$$P_{add}(w_i|w_{i-2}w_{i-1}) = \frac{\boldsymbol{\delta} + c(w_{i-2}w_{i-1}w_i)}{\boldsymbol{\delta}|\boldsymbol{V}| + c(w_{i-2}w_{i-1})}$$

où |V| est le nombre de mots du vocabulaire.

- → Une fois l'estimation de ces nouvelles probabilités de trigrams réalisée, faites la même chose pour les bigrams et les unigrams.
- → Tester vos modèles avec des trigrams ou des bigrams existants dans le corpus d'apprentissage.
- Tester vos modèles avec des trigrams ou des bigrams absents du corpus d'apprentissage.

À l'aide de ces modèles, construisez un programme qui propose, à chaque frappe, les 5 mots les plus probables au cours de la saisie.