<u>实 验 报 告</u> 评分

少年班 系<u>06</u>级

学号 PB06000680

姓名 张力

日期 2007-3-26

实验题目:单摆的设计和研究

实验目的:利用经典的单摆公式、给出的器材和对重力加速度 g 的测量精度的要求,进行简单的设计性实验基本方法的训练,学会应用误差均分原理选用适当的仪器和测量方法,学习积累放大法的原理及应用,分析误差的来源,提出进行修正和估算的方法。

实验器材:提供的器材及参数:

实验原理:在本实验中,实验精度 g/g<1%,故摆球的几何形状、摆的质量、空气浮力、摆角等因素对

测量造成的修正项均是高阶小量,可忽略。那么近似的周期测量公式为 $T=2\pi\sqrt{rac{L}{g}}$,故可通

过误差均分原理,在一定的精度范围内测量 T、L,从而求得重力加速度 g。

实验设计:由 $T=2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$,得: $g=4\pi^2\frac{L}{T^2}$ 。

两边取对数处理,有: g/g=2 T/T+ L/L。

若要求 g/g<1%,由误差均分原理,就应该有 2 T/t<0.5%且 L/L<0.5%,其中 t=nT, n=1、 2、……, L=l+D/2, l 表示摆线长, D 表示摆球直径, T= p+ $_{ }$ 0.01s+0.2s=0.21s。

那么 L<0.5% 0.5%(70.00cm+2.00cm/2)=0.335cm,故选用米尺测量摆线长,用游标卡尺测量摆球的直径, L 可满足条件。

由于 t> T/0.5% 84s, 即 nT>84s, 将 T 1.700s 代入,知一次测量若需达到要求的精度,需测量 n=50(nT 85s>84s)个周期的时间。

除上述分析中提到的实验仪器外,还需要选择电子秒表、支架、细线、钢球。

实验步骤:1、按照实验要求组装好实验仪器,将电子秒表归零;

- 2、多次(3-5次,本实验中5次)测量摆球直径、摆线长度;
- 3、将摆球拉离平衡位置使其小角度(小于5度)同平面摆动;
- 4、多次(3-5次,本实验中5次)用电子秒表测量单摆50次全振动所需时间;
- 5、整理仪器;
- 6、数据处理和误差分析。

数据处理和误差分析:

本实验中所测得的原始数据如下:

实验报告

少年班 系<u>06</u>级

学号 PB06000680

姓名___张力___

日期 2007-3-26

测量序号	摆线长度/cm	摆球直径/mm	50 个周期全振动时间/s
1	70.07	22.20	84.90
2	70.11	22.24	84.89
3	70.10	22.20	84.71
4	70.24	22.22	84.77
5	70.16	22.22	84.96

表一:原始数据

摆线长度的平均值:

$$\bar{l} = \frac{70.07 + 70.11 + 70.10 + 70.24 + 70.16}{5}cm = 70.14cm ,$$

摆线长度的标准差:

$$\sigma_{l} = \sqrt{\frac{(70.07 - 70.14)^{2} + (70.11 - 70.14)^{2} + (70.10 - 70.14)^{2} + (70.24 - 70.14)^{2} + (70.16 - 70.14)^{2}}{5 - 1}}cm = 0.067cm$$

那么它的展伸不确定度为:

$$U_{10.68} = \sqrt{(t_{0.68} \frac{\sigma_I}{\sqrt{n}})^2 + (k_P \frac{\Delta_B}{C})^2} = \sqrt{(1.14 \times \frac{0.067}{\sqrt{5}})^2 + (1 \times \frac{0.05}{3})^2} cm = 0.038 cm, P = 0.68$$

上式中 B 即是米尺精度 *

摆球直径的平均值:

$$\overline{D} = \frac{22.20 + 22.24 + 22.20 + 22.22 + 22.22}{5} mm = 22.22 mm$$

摆球直径的标准差:

$$\sigma_D = \sqrt{\frac{(22.20 - 22.22)^2 + (22.24 - 22.22)^2 + (22.20 - 22.22)^2 + (22.22 - 22.22)^2 + (22.22 - 22.22)^2}{5 - 1}} mm = 0.017 mm$$

那么它的展伸不确定度为

$$U_{D0.68} = \sqrt{(t_{0.68} \frac{\sigma_D}{\sqrt{n}})^2 + (k_P \frac{\Delta_B}{C})^2} = \sqrt{(1.14 \times \frac{0.017}{\sqrt{5}})^2 + (1 \times \frac{0.02}{\sqrt{3}})^2} mm = 0.014mm, P = 0.68$$

上式中 B 即是游标卡尺精度 +

综合以上,可以得到摆长的平均值为: $\overline{L}=\overline{l}+\overline{\frac{D}{2}}$ =(70.14+2.222/2)cm=71.25cm

由误差传递公式,摆长的展伸不确定度:

$$U_{L0.68} = \sqrt{U_{I0.68}^2 + (U_{D0.68}/2)^2} = \sqrt{0.067^2 + (0.0014/2)^2} cm = 0.067 cm, P = 0.68$$

单摆周期的平均值:

$$\overline{T} = \frac{84.90 + 84.89 + 84.71 + 84.77 + 84.96}{5 \times 50}$$
s = 1.697s

少年班 系<u>06</u>级

学号 PB06000680

姓名 张力

日期 2007-3-26

单摆周期的标准差:

$$\sigma_{_{\mathrm{T}}} = \sqrt{\frac{(\frac{84.90}{50} - 1.697)^2 + (\frac{84.89}{50} - 1.697)^2 + (\frac{84.71}{50} - 1.697)^2 + (\frac{84.77}{50} - 1.697)^2 + (\frac{84.96}{50} - 1.697)^2}{5 - 1}} \\ \mathbf{s} = 0.002 \\ \mathbf{s} =$$

又在这个实验中对测量周期 T 而言

$$\Delta_{BT} = \frac{1}{50} \sqrt{{\Delta_{fX}}^2 + {\Delta_{f}}^2} = \frac{1}{50} \sqrt{0.01^2 + 0.2^2} s = 0.004s$$

那么周期测量中的展伸不确定度为:

$$U_{T0.68} = \sqrt{\left(t_{0.68} \frac{\sigma_T}{\sqrt{n}}\right)^2 + \left(k_p \frac{\Delta_{BT}}{C}\right)^2} = \sqrt{\left(1.14 \times \frac{0.002}{\sqrt{5}}\right)^2 + \left(1 \times \frac{0.004}{3}\right)^2} s = 0.0017s, P = 0.68$$

根据经典的单摆周期公式,那么有

$$\overline{g} = \frac{4\pi^2 \overline{L}}{\overline{T}^2} = \frac{4\times 3.14^2 \times 0.7125m}{(1.697s)^2} = 9.767m/s^2$$

g 的展伸不确定度为:

$$\frac{U_{g0.68}}{\overline{g}} = \sqrt{1^2 \left(\frac{U_{L0.68}}{\overline{L}}\right)^2 + 2^2 \left(\frac{U_{T0.68}}{\overline{T}}\right)^2} = \sqrt{1^2 \left(\frac{0.067}{71.25}\right)^2 + 2^2 \left(\frac{0.0017}{1.697}\right)^2} = 0.0022, P = 0.68$$

$$U_{g0.68} = 0.0022 \times 9.767 m/s^2 = 0.022 m/s^2, P = 0.68$$

由以上也可以知道 g/g<1%,满足实验设计的条件。

那么最终测量结果的表达式为:

$$g = \overline{g} \pm U_{0.068} = 9.767 \pm 0.022 m/s^2, P = 0.68$$