PROGRAMACIÓN Y MANEJO DE BASE DE DATOS EN R - CON UN ENFOQUE A LA ECONOMÍA

César Anderson Huamaní Ninahuanca

2021-05-03

Contents

Pı	rologo	1
1	R COMO CALCULADORA. 1.1 PRINCIPALES OPERACIONES MATEMÁTICAS. 1.2 DECIMALES EXACTOS Y REDONDEO DE CIFRAS. 1.3 GUARDAR O DEFINIR OBJETOS. 1.4 FUNCIONES.	5 7
2	VECTORES. 2.1 DEFINICIÓN DE UN VECTOR. 2.2 CLASES DE VECTORES. 2.3 NÚMERO DE ELEMENTOS DE UN VECTOR. 2.4 FUNCIONES PARA CONSTRUIR VECTORES MÁS EFICIENTEMENTE. 2.5 CONCATENAR ELEMENTOS Y VECTORES.	11 14 14
3	OPERACIONES MATEMÁTICAS Y ESTADÍSTICAS CON VECTORES. 3.1 OPERACIONES MATEMÁTICAS	
4	VECTORES ALEATORIOS y SELECCIÓN DE ELEMENTOS. 4.1 CREACIÓN DE VECTORES CON ELEMENTOS ALEATORIOS	
5	OPERADORES LÓGICOS, ÍNDICE DE ELEMENTOS Y CAMBIO DE VALORES. 5.1 OPERADORES LÓGICOS	
•	FACTORES Y LISTAS.	41

Prólogo

Este libro es una guía para los estudiantes y egresados de economía, así también como para las personas que desean aprender a manejar el software R con aplicaciones a la economía.

Si tienes como objetivo desarrollarte profesionalmente en el análisis de datos, aprender R es fundamental. En el mercado actual las empresas requieren personas con conocimiento en softwares de programación que permitan tratar grandes cantidades de datos de manera versátil y eficientemente, es decir, programar funciones

y tareas que disminuyan el uso de tiempo y recursos en su tratamiento. Al ser R un lenguaje orientado en objetos, cualquier problema que imagines se podrá sistematizar a través de la creación de algoritmos o funciones.

R tiene enormes ventajas en relación a otras softwares usados por estudiantes y egresados de economía como: STATA, EVIEWS, SPSS y otros. R es muy versátil que puede desarrollar todos los procedimientos de los otros softwares, incluso más. En R puedes crear dashboards, páginas web, informes automatizados, scrapear páginas web, entre otras muchas más tareas.

Asimismo, el libro nace como respuesta a las asimetrías de información entre los estudiantes y egresados de la capital y de provincias, el objetivo principal del libro es cerrar brechas educativas entre estudiantes o egresados de provincias con personas del mismo perfil que residen en la capital u otras regiones con estudios en universidades en donde se imparte cursos de programación en R.

El libro consta de 20 capítulos: El capítulo 1, "R como calculadora" en donde se muestran las principales operaciones matemáticas y estadísticas, así también como una introducción a la creación de funciones lo que permitirá ver el enorme potencial del software; en el capítulo 2, "Vectores" se da a conocer las clases de vectores que existen en R, así también como las operaciones, lógicas, matemáticas y estadísticas entre vectores, por último se muestra como seleccionar elementos y subvectores; en el capítulo 3, "Listas y Factores" se muestra como crear listas y factores y su uso en temas posteriores; en el capítulo 4 "Matrices" se desarrolla como crear matrices y sus operaciones lógicas, matemáticas y estadísticas, así también como la selección de elementos y operaciones de cálculo matricial.

1 R COMO CALCULADORA.

Uno de los primeros pasos para poder dominar \mathbf{R} es comprender su uso como si fuera una calculadora. \mathbf{R} realiza una variedad de operaciones matemáticas y lógicas de una manera muy sencilla. En las siguientes líneas se podrá observar algunas operaciones matemáticas básicas.

1.1 PRINCIPALES OPERACIONES MATEMÁTICAS.

Desarrollar calculos matemáticos en \mathbf{R} es muy similar que usar una calculadora, a continuación mostramos los principales operadores aritméticos y su sintaxis en el entorno \mathbf{R} .

OPERACIÓN	SINTAXIS
Adición	+
Sustracción	-
Producto	*
División	/
División: Para Calcular el cociente	%/%
División: Para Calcular el residuo	%%
Potencia	^ **

Veamos unos ejemplos de como usarlo.

Si deseamos sumar 4 más 3 en R. Tenemos que digitar en la consola 4+3.

[1] 7

 $^{^1}$ Esto nos servirá siempre y cuando el vector o variable tiene muchas observaciones. Imagínese que tiene 2000 observaciones, el software mostrará los primeras 1000 y luego recién lo hará con los niveles.

Como se puede dar cuenta el resultado es 7. Si deseamos realizar la sustracción de 5 en 7. Tenemos que digitar en la consola la operación 5-7.

5-7 # Sustracción.

[1] -2

Para el caso de la multiplicación se usa el operador *, es así que si deseamos multiplicar 3 por 4, entonces, tendremos que digitar en la consola 3*4.

3*4 # Producto.

[1] 12

Si se desea calcular la división usamos el operador /.

6/2 # División.

[1] 3

En efecto, al dividir 6 entre 2 nos resulta 3. Pero si se desea calcular sólo el cociente de una división inexacta usaremos el operador %/%.

10%/%3 # División para encontrar el cociente.

[1] 3

El cociente resultante es 3. Asimismo, si sólo desea obtener el residuo de una división inexacta tendrá que usar el operador %%.

10%%3 # División para encontrar el residuo.

[1] 1

En efecto, el residuo de dividir 10 entre 3 es 1.

Otra operación fundamental es elevar un número a la potencia n. Veamos un ejemplo en elevar 4 al cubo.

4³ # Potencia.

[1] 64

Usted se puede dar cuenta que hemos usado el operador ^, pero este no es el único operador que calcula la potencia de un número, también se puede calcular si se usa el operador **.

4**3 # Potencia.

[1] 64

Entonces, puede usar ^ o ** si desea calcular la potencia de un número.

Ahora veremos algunas operaciones matemáticas un poco más avanzadas, que nos servirán en un futuro para poder hacer cálculo estadístico, matemático y poder transformar variables cuando especifiquemos modelos econométricos.

OPERACIÓN	SINTAXIS
Factorial	factorial()
Combinatorio	${ m choose}()$
Raíz Cuadrada	$\mathbf{sqrt}()$
Número de Euler-Exponente	$\exp()$
Logaritmo Natural	$\log()$
Valor Absoluto	$\mathbf{abs}()$

Si deseamos calcular el factorial de un número usaremos la función factorial(). Veamos un ejemplo del

factorial de 5.

```
factorial(5) # Factorial.
```

[1] 120

Nos resulta 120, recordar que el factorial de un número es la multiplicación de n(n-1)(n-2)...1. En el caso del factorial del 5, se multiplicó 5*4*3*2*1.

Asimismo, si deseamos calcular las combinaciones posibles de un número agrupado por otro, usaremos el combinatorio. En R se usa la función choose().

```
choose(5,3) # Combinatorio.
```

[1] 10

R nos arroja el valor de 10, recordar que el cálculo que se usó fue el siguiente: $\frac{5!}{2!*3!}$.

Si tenemos la varianza de una variable, podremos calcular su desviación si le sacamos la raíz cuadrada. Entonces, si deseamos calcular la raíz cuadrada usaremos la función sqrt().

```
sqrt(12) # Raiz cuadrada.
```

[1] 3.464102

Nos resulta 3.464102, es un número con 6 decimales y es posible que usted lo desee con más o menos decimales. En la siguiente sección veremos como mostrar los decimales que deseados.

Otra posible situación a la que se podrá enfrentar en un futuro es si desea calcular los Odds ratios de los modelos logit, recordemos que estos se calculan si se les saca el exponencial. Entonces si usted desea calcular el exponencial de un número tendrá que usar la función exp().

```
exp(1) # Si se considera 1, dará el número de euler.
```

[1] 2.718282

En este ejemplo se ha calculado el exponencial de 1, lo que nos da el número de Euler que es 2.7182818. Asimismo, si deseamos especificar nuestro modelo econométrico en logaritmos naturales y así poder hacer una interpretación a nivel de elasticidades tendremos que transformar las variables aplicándoles el logaritmo natural, para lo cual tendremos que usar la función log().

```
log(3) # Logaritmo Natural.
```

[1] 1.098612

Por otro lado, si deseamos calcular el valor absoluto de un número usaremos la función abs().

```
abs(-2) # Valor Absoluto.
```

[1] 2

Ahora veremos como calcular las razones trigonométricas, para lo cual en la tabla siguiente se muestra la sintaxis de las razones trigonométricas.

RAZÓN TRIGONOMÉTRICA	SINTAXIS
seno	$\sin()$
coseno	$\cos()$
$ ext{tangente}$	an()

Para poder calcular las razones trigonométricas se tiene que considerar al **ángulo en pi radianes**. En **R** el valor de pi se puede obtener si digitamos en la consola pi, R comprende que al escribir pi se está llamando al número irracional pi.

```
рi
```

[1] 3.141593

En efecto, nos resulta 3.1416.

Asimismo, como se puede dar cuenta para la cosecante, secante y cotangente no se tiene un función específica, ya que estan son las inversas del seno, coseno y tangente, respectivamente.

Si deseamos calcular el seno de 30. Entonces tenemos que usar la función sin() y especificar el ángulo en pi radianes.

```
sin(pi/6) # Seno de 30 grados sexagesimales.
```

```
## [1] 0.5
```

A continuación veamos unos ejemplos para el coseno y la tangente.

```
cos(pi/4) # Coseno de 45 grados sexagesimales.
```

```
## [1] 0.7071068
```

```
tan(pi/4) # Tangente de 45 grados sexagesimales.
```

[1] 1

Ahora si se desea trabajar omitiendo los pi radianes, se tendrá que usar las funciones **sinpi()**, **cospi()**, **tanpi()**.

A continuación se muestran algunos ejemplos:

```
sinpi(1/6) # Seno de 30 grados sexagesimales.
```

```
## [1] 0.5
```

En efecto, es el mismo resultado que se obtuvo con la función sin(), solo que aquí se está omitiendo los piradianes.

```
cospi(1/4) # Coseno de 45 grados sexagesimales.
```

```
## [1] 0.7071068
```

```
tanpi(1/4) # Tangente de 45 grados sexagesimales.
```

[1] 1

1.2 DECIMALES EXACTOS Y REDONDEO DE CIFRAS.

1.2.1 NÚMERO DE CIFRAS.

Si al realizar los cálculos usted desea obtener los resultados con un número determinado de cifras se tendrá que usar la función $print()^2$ en donde se tendrá que especificar el número de dígitos que se desea.

Por ejemplo deseamos obtener la raíz cuadrada de 12 pero queremos que el resultado se muestre 10 cifras. Entonces, usaríamos la siguiente sintaxis.

```
# La raíz cuadrada de 12, pero que nos muestre 10 cifras,
print(sqrt(12), 10)
```

```
## [1] 3.464101615
```

²Obtendríamos el mismo resultado si hubieramos usando la función as.factor(), pero esta función no acepta argumentos como levels, labels, exclude, entre otros.

En efecto, nos muestra 10 cifras. A continuación se muestra un ejemplo adicional en donde le indicamos a \mathbf{R} que nos muestre el mismo resultado pero ahora sólo con 3 cifras.

```
# La raíz cuadrada de 12, pero que nos muestre 3 cifras, print(sqrt(12), 10)
```

[1] 3.464101615

En efecto, tenemos la raíz cuadrada de 12 en 3 cifras.

Es importante saber que el número máximo de cifras que reporta \mathbf{R} usando la función $\mathsf{print}()$ es de 17. Veamos un ejemplo, sabemos que pi es un número irracional por lo que tiene infinitos decimales. Entonces, si queremos mostrar 16 decimales, usaríamos la siguiente sintaxis.

```
print(pi, 17)
```

[1] 3.1415926535897931

En efecto, nos arroja 16 decimales. ¿Por qué usamos 17 y no 16 en la función? ya que pi tiene un entero y queremos 16 decimales, se tiene que especificar 17. Pero si por ahí se le ocurriera mostrar pi con 20 decimales, usted usaría la siguiente sintaxis.

```
print(pi, 21)
```

[1] 3.1415926535897931

Pero lamentablemente, sólo obtiene el mismo número de decimales que si hubiera usado print(pi, 17). Con lo cual queda demostrado que la función print() sólo puede mostrar hasta 17 cifras.

Pero no se frustre, en R hay otras funciones que permiten obtener los resultados con más decimales. Una de estas funciones es sprintf(), el cual puede mostrar más funciones pero los decimales después del 15 no serán tan exactos³.

Veamos un ejemplo, en donde deseamos que se muestren 50 decimales

```
sprintf("%.50f",pi)
```

[1] "3.14159265358979311599796346854418516159057617187500"

Por otra parte, si quieres trabajar con muchos decimales puede resultar tedioso usar en cada cálculo la función print() o sprintf(). Para solucionar esto se usa la función options(), por ejemplo si deseas que los calculos que vas a desarrollar se trabajen con 10 decimales tienes que correr en la consola la siguiente sintaxis.

```
options(digits=10)
```

Y con eso todos los resultados que se calculen se mostraran con 10 cifras. Asimismo, es preciso aclarar que esta función puede arrojar como máximo de 22 dígitos.

1.2.2 REDONDEO.

Si se desea redondear una operación se tendrá que usar la función round(), que al igual que el anterior se tendrá que especificar el número de dígitos, que en este caso será el número de decimales a los que se desea redondear.

A continuación se muestra un ejemplo:

```
# La raíz cuadrada de 3 redondeada a cinco decimales.
round(sqrt(3), 5)
```

³Para más detalles puede revisar la siguiente documentación: https://cutt.ly/hjfCXw5

```
## [1] 1.73205
```

Sí sólo se considera la función round() redondeará a la cifra entera:

```
# La raíz cuadrada de 3 redondeada a la cifra entera.
round(sqrt(3))
```

[1] 2

1.3 GUARDAR O DEFINIR OBJETOS.

Hasta ahora sólo hemos hecho calculos y sólo los hemos mostrado en la consola. Pero puede surgir la necesidad de guardar estos cálculos para que en un futuro podamos generar cálculos más complejos o llamar a estos resultados. Entonces, surge la necesidad de guardar nuestros resultados.

En R todo es un objeto, desde un número, un vector, una variable, una matriz, un data frame, una lista, un factor, un gráfico, etc. Así que lo primordial será guardar estos objetos. Para lo cual tendremos la opción de usar uno de estos tres operadores si deseamos guardar estos objetos en la memoría del software.

Estos operadores son: $\langle -, =, - \rangle$.

Por ejemplo si deseamos guardar un objeto que se llame a y que tome el valor de 8. Entonces, nosotros definiremos al objeto a de la siguiente manera.

```
a<-8
```

Hemos usado uno de los operadores (<-) para definir objetos⁴. Ahora si deseamos llamar a este objeto, nosotros sólo digitamos el objeto en la consola y damos enter.

а

[1] 8

En efecto, podemos ver que el objeto a toma el valor de 8. Podemos usar los otros operadores indiferentemente para poder definir objetos. Veamos un pequeño ejemplo.

```
b<-6
d=6
6->f
```

En este caso hemos definido a los objetos $\tt b, \tt d y f$ con el valor de 6 a cada uno.

Veamos si los valores son los correctos.

b

[1] 6

А

[1] 6

f

[1] 6

En efecto, cada objeto toma el valor de 6.

Como se ha podido dar cuenta se abre una amplia gama de nombres con los que usted podría guardar objetos. Por ejemplo, podemos usar la palabra objeto para guardar la suma de 5+12.

 $^{^4}$ El operador más usado y adecuado para definir objetos es <-, pero el uso de los otros operadores es más usado en casos especiales, estos casos lo veremos más adelante.

```
objeto < -5+12
```

Llamando a nuestro objeto objeto.

objeto

```
## [1] 17
```

Como podemos ver, ahora objeto toma el valor de 17.

Pero como en todo software, los objetos no pueden tomar cualquier nombre. Es así que hay una regla única, que se debe tener en cuenta a la hora de guardar objetos, estos "NO pueden empezar con números".

Veamos un ejemplo en donde intentamos definir un objeto en donde el nombre de este empiece con un número.

```
1y<-4
```

```
## Error: <text>:1:2: unexpected symbol
## 1: 1y
##
```

Vemos que nos sale un mensaje de error, que nos dice que hay un símbolo inesperado en 1y el cual es el 1. Entonces, para definir objetos, estos nunca tienen que empezar con un número.

1.4 FUNCIONES.

Entonces, una vez que ya sabemos definir objetos, veremos otro de los objetos fundamentales en R, estos son las funciones⁵. Una función realiza un proceso o algoritmo que ha sido programado con anterioriedad.

Los creadores de R definieron funciones bases cuando crearon el software. Por ejemplo, una función base es sqrt(), el cual calcula la raíz cuadrada de un número. Nosotros también podemos definir nuestras propias funciones, al igual que lo han programado los creados de R. Esto es lo fundamental y maravilloso de los softwares de programación, ya que nos permite personalizar y adaptar a nuestras necesidades el software.

Veamos a manera de introducción cómo definir una función en R. Para esto se tendrá que hacer uso de la función function() en donde se tendrá que especificar argumentos que definiran la función que desemos crear.

Vamos empezar definiendo funciones como si fueran expresiones matemáticas. Por ejemplo, deseamos definir el objeto y que es función del argumento o variable x, es decir, x será el dominio y y será el rango.

```
# Se define la función "y" que tiene como argumento a "x"
# que tiene una forma cuadrática: x^2 +2

y<-function(x){
    x^2+2
}</pre>
```

Hemos creado el objeto y que es una función que tiene como argumento o variable a x. Es decir, cada vez que cambiemos el valor de x cambiará el valor de y, ya que x define a y.

Veamos como podemos usar esta función.

```
# Para poder evaluar la función "y" en un determinado valor de "x"
# En este caso x=0, la sintaxis sería la siguiente:
y(x=0)
```

 $^{^5}$ En esta parte del libro, veremos sólo una parte introductoria de funciones, en el capítulo 9 veremos a más detalle y profundidad este tema.

[1] 2

Como se puede observar si la función se evalua en cero, es decir, si x es igual a 0; la función tomará el valor de 2 $(0^2 + 2 = 2)$.

Veamos otro ejemplo para que quede más claro. Ahora veremos que valor toma la función si x es igual a 8.

```
y(x=8)
```

[1] 66

Nos resulta el valor de 66 $(8^2 + 2 = 66)$.

Si se tiene en consideración una función en R^3 . Se tendá que tomar en cuenta dos argumentos o variables dentro de la función function(). como se muestra a continuación:

```
# Se define la función Z que depende de la variable x e y.
z<-function(x,y){
   x+4+4*y
}</pre>
```

Se ha definido a la función \mathbf{z} como una función de \mathbf{x} y y. Usted puede estar pensando que el argumento y es la función que hemos definido anteriormente. Pero, déjeme decirle que no es así. Cuando se define funciones en R los argumentos de estás no toman las propiedades de los objetos guardados en la memoría del software. Es así que el nombre de los argumentos puede ser incluso el nombre de objetos que están guardados en la memoría, pero esto no implicará que el argumento juege el rol del objeto que está definido en la memoría del software. En palabras sencillas, el argumento y en la función \mathbf{z} no tiene nada que ver con la función y que definimos anteriormente.

Veamos que resulta en la función z si x toma el valor de 0 y y el valor de 2.

```
# Se evalua la función "z" cuando "x" e "y" toman el valor # de 0 y 2, respectivamente. \mathbf{z}(\mathbf{x=0,y=2})
```

[1] 12

Podemos ver que el resultado es 12 (0+4+4*2=12).

Para que quede claro, a continuación se muestra un ejemplo pero considerando la densidad de la función de distribución normal.

```
# Se define la función "N" que es la densidad de la función
# de distribución normal con media igual a 0.5 y
# desviación estándar de 0.1.

N<- function(x){
  dnorm(x, mean =0.5, sd=0.1)}
# Se evaluará cuando la variable aleatoria toma el valor de 0.2.

N(0.2)</pre>
```

[1] 0.04431848

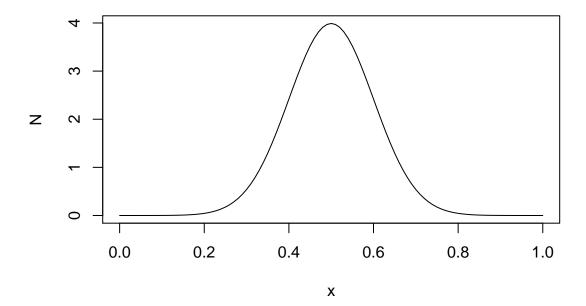
Es preciso aclarar que para poder obtener la densidad de la distribución normal se uso la función dnorm(), para mejor detalle podría revisar la documentación si digita en la consola ?dnorm y da enter a continuación.

Hemos visto una pequeña introducción sobre funciones, hasta el momento. En el capítulo 9, veremos a más detalle cómo programar funciones, pero para esto es necesario aprender más cosas que nos permitan

programar cualquier tipo de funciones. Es así que en los capítulos posteriores aprenderemos más objetos como: vectores, matrices, listas, etc.

Por el momento como motivación y ver lo que se viene en los siguientes capítulos. Haremos un gráfico de la función de densidad N que hemos definido anteriormente. Y podrá ver con que facilidad se logra este objetivo.

La gráfica de la densidad de la FDN.
plot(N)



2 VECTORES.

Uno de los objetos más importantes del entorno \mathbf{R} son los vectores. Un vector en \mathbf{R} es un objeto que agrupa a varios elementos, es algo muy similar a un conjunto. Gracias a ellos se pueden construir matrices, listas, data frame, etc. Lo que posibilita que se pueda hacer análisis de datos al más alto nivel. Por tanto, en las siguientes lineas se muestra como definir vectores, sus clases, y las funciones más importantes para poder obtener vectores y realizar operaciones matemáticas, lógicas y estadísticas.

2.1 DEFINICIÓN DE UN VECTOR.

Para poder definir un vector se puede usar cualquiera de los tres operadores <-, =, ->. En este libro, de aquí para adelante, para definir vectores usaremos el símbolo <-.

Tambien es necesario la función c que sirve para concatenar elementos (más adelante se verá a más detalle esta función). Con estas dos herramientas es suficiente para poder definir vectores.

2.2 CLASES DE VECTORES.

En R, al igual que en otros softwares los objetos son de distintas clases. Esto permite un orden a la hora de transformar o generar operaciones, ya que todo vector, no puede aceptar operaciones matemáticas, estadísticas o lógicas.

En la siguiente tabla se muestran las clases de vectores que se pueden usar en R.

CLASE DE VECTOR	QUE CONTIENE
Integer	Números enteros
Numeric	Números reales
Logical	Caracteres lógicos
Character	Caracteres o Palabras
Complex	Números complejos

Como se mencionó anteriormente, para definir vectores usaremos el operador de definición <- y la función c(). esta función permite juntar elementos en un determinado objeto.

Para la clase de vectores **Integer** sólo permite elementos que sean números enteros. En el entorno \mathbf{R} para definir un número entero es necesario agregar al número la letra \mathbf{L} , como se muestra a continuación:

```
#Vector Integer - Números enteros.

x<-c(1L,2L,3L,4L,5L,6L)

y<-c(1L,3L,5L,7L,9L,11L,13L)
```

Se realizá la definición de los vectores ${\bf x}$ y ${\bf y}$. En los cuales se hizo uso de <- y ${\bf c}$ (). Los resultados se muestran a continuación:

X

```
## [1] 1 2 3 4 5 6
```

У

```
## [1] 1 3 5 7 9 11 13
```

En efecto, podemos ver que $\mathbf x$ vale 1, 2, 3, 4, 5, 6 y y vale 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13.

Con respecto a la clase de vectores **Numeric** estos adminten números reales. Es muy fácil definirlos, a continuación se muestra un ejemplo.

```
#Vector Numeric - Números reales.
z<-c(1.3, pi, exp(1))
t<-c(sin(pi/4), log(45), tan(pi/3))</pre>
```

Podemos ver que los vectores \mathbf{z} y \mathbf{t} contienen números reales, en el caso del vector \mathbf{z} está compuesto por 1.3, pi y el número de euler. Los resultados son los siguientes:

```
Z
```

```
## [1] 1.300000 3.141593 2.718282
t
```

```
## [1] 0.7071068 3.8066625 1.7320508
```

Un caso especial y fundamental de los lenguajes de programación son los vectores lógicos, estos permiten que los procesos sean más rápidos y a la vez más intuitivos. Para el caso de estos vectores, sólo acepta como elementos a TRUE y FALSE. A continuación se muestra un ejemplo:

```
# Vector Logical - Caracteres lógicos.
m<-c(TRUE,FALSE,FALSE,TRUE)
p<-c(T,F,F,T,T,T,F)</pre>
```

Como se habrán podido dar cuenta no es necesario escribir las palabras completas (TRUE o FALSE) es suficiente con escribir sus iniciales. Para comprobarlo a continuación se muestran los resultados.

m

```
## [1] TRUE FALSE TRUE
P
```

[1] TRUE FALSE FALSE TRUE TRUE TRUE FALSE

Si se desea crear vectores **Character** se tendrá que usar como elementos sólo palabras o caracteres. Estos vendrán especificados por las comillas "", un ejemplo se muestra a continuación:

```
# Vector Character - Palabras.
p1<-c("Luis", "María", "José")
p2<-c("12", "casa", "pi")</pre>
```

El vector p1 contiene nombres (palabras) y el vector p2 contiene los números 12 y pi, pero como se usó las comillas, R los considera como caracteres, adicionalmente tiene a la palabra casa.

)1

```
## [1] "Luis" "María" "José"
p2
```

```
## [1] "12" "casa" "pi"
```

Por último, los vectores **complex** sólo aceptan elementos que sean números complejos. Para definir un número complejo es necesario considerar el número imaginario **i**. A continuación se muestran uno ejemplo:

```
# Vector Complex - N?meros complejos.
c1<-c(1+2i, 4i, 3+6i)</pre>
```

El vector c1 contiene tres elementos, los cuales son números complejos. Los resultados son los siguientes: c1

```
## [1] 1+2i 0+4i 3+6i
```

2.2.1 ¿Cómo saber si un objeto es un vector?

Para poder saber si un objeto es un vector, es necesario usar la función <code>is.vector()</code>. Este nos arrojará los valores <code>TRUE</code> (si es un vector) o <code>FALSE</code> (si no es un vector). A continuación se muestran los resultados para algunos de los vectores que hemos definido antes:

```
is.vector(x)
## [1] TRUE
is.vector(z)
## [1] TRUE
is.vector(m)
## [1] TRUE
```

```
is.vector(p1)
## [1] TRUE
is.vector(c1)
## [1] TRUE
```

Como era de esperarse, todas las variables definidas, resultan ser vectores.

2.2.2 ¿Cómo saber de que clase es un vector?

Para conocer la clase, se tendrá que usar la función is.integer(), is.numeric(), is.logical(), is.character() y is.complex(). Al igual que antes este arrojará TRUE o FALSE. A continuación se muestran unos ejemplos.

```
is.integer(x)
## [1] TRUE
is.numeric(x)
## [1] TRUE
is.logical(m)
## [1] TRUE
is.character(p1)
## [1] TRUE
```

[1] FALSE

Puede parecer algo confuso, pero usted se puede preguntar, por qué el vector \mathbf{x} que fue definido como **Integer** también arroja como si fuera un vector **Numeric**. Esto es porque los números enteros están contenidos en los números reales, mejor dicho el conjunto de números enteros es un subconjuto del conjunto de los números reales.

2.2.3 ¿Qué pasa si defino un vector con distintas clases de elementos?

¿Qué clase de vector será si defino el siguiente vector?

```
v<- c(12, "azul", 2+1i, pi)
is.integer(v); is.numeric(v); is.logical(v); is.character(v); is.complex(v)

## [1] FALSE

## [1] FALSE

## [1] TRUE

## [1] FALSE</pre>
```

Como se puede observar el vector fue definido como **Character**, porque existe una jerarquía de elementos. Si el vector contiene un elemento caracter considerará a los otros elementos como caracteres. Como se muestra a continuación:

[1] "12" "azul" "2+1i" "3.14159265358979"

La jerarquía es la siguiente:

Character>Complex>Numeric>Integer>Logical

Entonces, si quitamos el elemento caracter el vector debe de convertirse en un vector complejo. Veamos:

```
v<- c(12, 2+1i, pi)
is.integer(v); is.numeric(v); is.logical(v); is.character(v); is.complex(v)</pre>
```

[1] FALSE

[1] FALSE

[1] FALSE

[1] FALSE

[1] TRUE

En efecto, el vector es un vector complejo.

2.3 NÚMERO DE ELEMENTOS DE UN VECTOR.

Si deseamos conocer el número de elementos o dimensión o tamaño que tiene un vector. Nosotros usaremos la función length(). La cual nos permitirá conocer el número de elementos por los que está compuesto el vector. Veamos el siguiente ejemplo.

```
# Definimos el vector.
wasu<-c(1,3,54,6,3,4,2,4,6,9,87,8,4,5,3,2,2,3,4,5,6,4,5,6,7,7,7)
wasu
```

[1] 1 3 54 6 3 4 2 4 6 9 87 8 4 5 3 2 2 3 4 5 6 4 5 6 7 7 7

Y si deseamos saber cuántos elementos tiene el vector wasu entonces:

```
length(wasu)
```

[1] 27

El vector wasu tiene 27 elementos.

Veamos un ejemplo adicional.

```
length(c("Marcos", "Rocio", 12, 12, 12, 3434, 5656, 788, 5, 4, TRUE, F))
```

[1] 12

El vector que acabamos de crear tiene 12 elementos.

2.4 FUNCIONES PARA CONSTRUIR VECTORES MÁS EFICIENTE-MENTE.

2.4.1 Vectores de elementos consecutivos:

Para poder construir un vector de números consecutivos se necesitará el operador :. Por ejemplo, si deseamos contruir la serie de números desde el 1 al 10, entonces la sintaxis sería la siguiente.

```
# Vector que tiene como elementos desde el 1 al 10. 
 x0 < -1:10 
 x0
```

```
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

Otro ejemplo sencillo, podría ser si deseamos generar números consecutivos desde el 20 al 45.

```
# Vector que tiene elementos desde el 20 al 45.
x1<-20:45
x1</pre>
```

```
## [1] 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45
```

En efecto, se ha generado la serie de números consecutivos desde el 20 al 45.

2.4.2 Vectores con patrones:

También existen vectores en donde los elementos siguen cierto patrón, como una secuencia aritmética o patrónes recurrentes. Veremos 2 funciones importntísimas para crear vectores los cuales son rep() y seq().

FUNCIÓN	GENERA
$rep() \\ seq()$	Repite elementos o vectores Elementos ordenados en progresión aritmética

Veamos algunos ejemplos de uso.

2.4.2.1 Función rep(). Est función tiene la siguiente sintaxis:

```
# rep(x, ...)
```

Donde:

x: Es el elemento o vector que se desea repetir.

....⁶: Son otros argumentos como: times, each y length.out.

Entonces, si deseamos construir un vector en donde se repita el 2 diez veces, podemos usar la siguiente sintaxis.

```
# Para repetir el 2 diez veces.
rep(x=2,times=10)
```

```
## [1] 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
```

Con la sintaxis anterior le indicamos a R que el elemento x=2 se repita times=10 veces.

Veamos otro ejemplo en donde el elemento Luis se repita 8 veces.

```
# Para repetir "Luis" ocho veces.
rep("Luis",8)
```

```
## [1] "Luis" "Luis" "Luis" "Luis" "Luis" "Luis" "Luis" "Luis"
```

Usted habrá notado que en esta ocación he omitido colocar el nombre de los argumentos **x** y **times** dentro de la función. Esto se hace siempre y cuando se sepa el orden de los argumentos. Es así que sí sé que el primer

 $^{^6}$ Esto nos servirá siempre y cuando el vector o variable tiene muchas observaciones. Imagínese que tiene 2000 observaciones, el software mostrará los primeras 1000 y luego recién lo hará con los niveles.

argumento de la función rep() es el elemento o vector que se desea repetir, entonces podría omitir de la sintaxis la x. Esto es así porque el orden de los argumentos de la función rep() es el siguiente:

```
rep(x, times = 1, length.out = NA, each = 1)
```

Como se ve, el primer argumento es x, el segundo es times, el tercero es length.out y el cuarto es each.

Veamos una situación en donde se coloca en orden inverso los argumentos. Por ejemplo queremos repetir el 8 cuatro veces.

```
# Estamos inviertiendo el orden intencionalmente.
rep(4, 8)
```

```
## [1] 4 4 4 4 4 4 4 4
```

Resultó que se repitió el elemento 4 ocho veces. Y no resulta lo que teníamos pensado el 8 cuatro veces.

Entonces, podemos usar el orden inverso siempre y cuando coloquemos los nombres de los argumentos. Por ejemplo:

```
rep(times=4, x=8)
```

```
## [1] 8 8 8 8
```

En efecto, ahora si conseguimos lo que hemos estado buscando, que el 8 se repita cuatro veces.

Entonces, como conclusión, si deseamos omitir el nombre de los argumentos debemos de asignar valores en el orden que fueron definidos.

Asimismo, otro detalle importante de las funciones es que los argumentos toman valores por defecto, por ejemplo el argumento times toma el valor de 1 que se representa times=1. Esto implica que si usted omite usar el argumento times en su sintaxis, times tomará el valor de 1. Es decir, el elemento se repetirá 1 vez. Veamos el ejemplo.

```
# Omitimos especificar el argumento times.
rep(8)
```

[1] 8

En efecto, el elemento 8 se ha repetido una vez, es decir, se mantiene el 8.

Es así que es muy importante conocer los valores que toman por defecto los argumentos de las funciones. Con el uso y el mayor expertiz que vaya ganando en el uso del software R, usted podrá omitir nombres de argumentos ya que sabrá la posición de estos.

Ahora veamos como podríamos hacer repetir vectores.

[1] 1 1 1 2 2 2 3 3 3 4 4 4 5 5 5

El argumento times se usa cuando se quiere repetir todo el vector un número determinado de veces y each cuando se requiere repetir los elementos del vector. A continuación se muestran unos ejemplos.

```
# Repetirir el vector 1,2,3,4,5 tres veces.
rep(1:5, times=3)

## [1] 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5
# Repetirir los elementos del vector 1,2,3,4,5 tres veces.
rep(1:5, each=3)
```

```
# Repetir los elementos del vector 1,2,3,4,5 tres veces y luego este nuevo vector dos veces. rep(x0, each=3, times=2)
```

[1] 1 1 1 2 2 2 3 3 3 4 4 4 5 5 5 6 6 6 7 7 7 8 8 8 9 9 9 10 ## [29] 10 10 1 1 1 2 2 2 3 3 3 4 4 4 5 5 5 6 6 6 7 7 7 8 8 8 9 9

```
## [57] 9 10 10 10
```

Para repetir Arbitrariamente los elementos del vector se usa la función concatenar c y se indica la veces que se desea repetir cada elemento del vector. A continuación un ejemplo:

```
# Repetición arbitraria de elementos del vector 1,2,3,4,5,6 rep(1:6, times=c(3,0,1,0,4,2))
```

```
## [1] 1 1 1 3 5 5 5 5 6 6
```

Se repite el elemento 1 tres veces, el elemento 2 cero veces, el elemento 3 una vez, el elemento 4 cero veces, el elemento 5 cuatro veces y el elemento 6 dos veces.

La función rep() también se puede usar para repetir el vector y especificar una determinada dimension. Con el argumento length.out podemos indicar la dimensión o tamaño deseado del vector.

El siguiente es un ejemplo de este caso:

```
# Repetir los elementos del vector 1,2,3 dos veces.
# Pero la dimensión del vector resultante que sea de 5.
rep(1:3, each=2, length.out=5)
```

```
## [1] 1 1 2 2 3
```

Si no se hubiese especificado el argumento length.out el vector tendría una dimensión de 6, pero como se especificó que sólo tenga una dimensión de 5. Sólo considero los elementos hasta llegar a una dimensión o tamaño de 5.

A continuación se muestra un ejemplo más, con el fin de aclarar dudas.

```
rep(1:10, each=5, length.out=3)
```

```
## [1] 1 1 1
```

Si no se hubiera especificado el argumento length.out el vector tendría un tamaño de 50, pero gracias a la especificación de length.out este sólo cuenta con un tamaño de 3.

2.4.2.2 Función seq(). Esta función tiene como fin que los elementos del vector aumenten o decrezcan en proporción a una razón aritmética. La sintaxis es la siguiente:

```
seq(from = 1, to = 1, by = ((to - from)/(length.out - 1)), length.out = NULL, along.with = NULL, ...)
```

Donde:

from: Corresponde al número con el que empezará la progresión.

to: Indica el último número de la progresión.

by: Indica la razón aritmética.

length.out: La dimensión que se desea que tenga el vector resultante.

along.with: Con este argumento se le indica que tome la dimensión de otro objeto.

Un detalle importante de la función seq() es que no se puede usar mmutuamente el argumento by y el length.out, es decir, no se puede usar los dos argumentos a la vez. Veremos ejemplos de aquello líneas mas abajo.

Veamos un ejemplo, en donde se desea tener un vector que parta del 1 y termine en 21 y que aumente de 2 en 2.

```
seq(1, 21, by=2)
```

```
## [1] 1 3 5 7 9 11 13 15 17 19 21
```

En efecto tenemos el vector de número impares desde el 1 al 21.

Ahora veamos un caso donde la progresión tenga una razón aritmética negativa. Para este caso el from tiene que ser más grande que el to ya que la progresión es decreciente.

```
seq(40, 3, by=-4)
```

```
## [1] 40 36 32 28 24 20 16 12 8 4
```

En efecto, tenemos los números del 40 al 4 que decrecen de 4 en 4. El último elemento no es el 3, ya que el 3 queda fuera de la progresión aritmética, es decir, el valor de 4 es el mínimo elemento que se puede obtener en esta serie si la razón decrece de 4 en 4.

Si deseamos tener una determinada dimensión y omitir la razón se tendrá que especificar el argumento length.out. Ya que con esto le indicamos a R que calcule la razón aritmética, ya que nosotros deseamos que la secuencia tenga un determinado número de elementos.

A continuación veamos un ejemplo.

```
# El vector empezará de 1 y terminará en 50
# y tendrá una dimensión de 10.
seq(1,50, length.out=10)
```

```
## [1] 1.000000 6.444444 11.888889 17.333333 22.777778 28.222222 33.666667 39.111111 ## [9] 44.555556 50.000000
```

En efecto, al no asignarle la razón aritmética (by). El software ha calculado un by ya que nosotros le indicamos un tamaño específico.

También podemos usar el tamaño de otros objetos para poder indicar en la función seq() la dimensión deseada. Para esto tenemos que usar el argumento along.with.

Veamos un ejemplo a continuación.

```
# Definimos el vector a:
a<-c(1,4,67,8)  # El vector a tiene 4 elementos.

# Entonces si queremos tener un vector de 4 elementos.
seq(1,10, along.with = a)</pre>
```

```
## [1] 1 4 7 10
```

En efecto, tenemos un vector de 4 elementos que parte desde 1 y termina en 10.

Por último, veremos el caso en donde sólo especificamos el from pero no el to y ningún otro argumento adicional.

R nos dice en la documentación de la función seq() que si sólo usamos el argumento from entonces devolverá una secuencia de números consecutivos desde el 1 hasta el número especificado en el from, es decir, 1:from. El software incluso recomienda usar la función seq_len()⁷ en detrimento de seq() si se desea obtener estos resultados.

The fifth form generates the sequence 1, 2, ..., length(from) (as if argument along.with had been specified), unless the argument is numeric of length 1 when it is interpreted as 1:from (even for seq(0) for compatibility with S). Using either seq_along or seq_len is much preferred (unless strict S compatibility is essential).

Para más detalle puede revisar la documentación de la función ?seq.

⁷Obtendríamos el mismo resultado si hubieramos usando la función as.factor(), pero esta función no acepta argumentos como levels, labels, exclude, entre otros.

2.5 CONCATENAR ELEMENTOS Y VECTORES.

Para concatenar elementos, como se explicó antes, se usa la función c(), asimismo, si deseamos concatenar vectores con elementos tambipen se usará c().

En el siguiente ejemplo se puede observar este procedimiento:

```
# Se define el vector t2.

t2<-seq(1, 20, by=3)
t2
```

```
## [1] 1 4 7 10 13 16 19
```

Primero definimos el vector t2. Ahora, si deseamos agregar el número 0 como primer elemento del vector t2, lo haríamos de la siguiente manera.

```
# Agregando el cero al inicio del vector t2.

t2<-c(0,t2)
t2</pre>
```

```
## [1] 0 1 4 7 10 13 16 19
```

En efecto, se ha podido agregar el 0 al inicio del vector t2. Ahora si deseamos agregar dos elementos y estos que están al final del vector t2. Haríamos como sigue.

```
# Si se desea agregar dos elementos al final del vector.
t2<-c(t2, 20, 21)
```

```
## [1] 0 1 4 7 10 13 16 19 20 21
```

Se ha agregado el 20 y 21 al final del vector t2. Entonces, si deseamos agregar elementos a un vector entonces usando la función c() podremos conseguir este objetivo.

Como último caso, mostramos como concatenar dos vectores.

```
# Definimos 2 vectores. El vector "x" y "z" x<-c(1,4,6) z<-c(3,10,12)
```

Si deseamos concatenarlos tendremos que usar la función c().

```
t3<-c(x,z)
t3
```

```
## [1] 1 4 6 3 10 12
```

En efecto, se han unido los dos vectores y se ha generado el vector t3 que contiene a x y z.

3 OPERACIONES MATEMÁTICAS Y ESTADÍSTICAS CON VECTORES.

En este capítulo se desarrollará operaciones matemáticas y estadísticas con vectores. Para este capítulo es fundamental recordar lo que se desarrolló en el capítulo 1 llamado "R como calculadora".

3.1 OPERACIONES MATEMÁTICAS.

En el siguiente tabla se mostrarán algunas operaciones que se pueden hacer con vectores en R.

OPERACIONES	SINTAXIS
Adición	+
Sustracción	-
Producto Escalar	% * %
Producto de Elementos	*
Suma de elementos	$\mathbf{sum}()$
Producto	$\mathbf{prod}()$
Suma Acumulada	cumsum()
Producto Acumulado	cumprod()
Diferencias	diff()

Para mostrar las operaciones primero se definirán 2 vectores que nos permitirán hacer los cálculos.

```
# Creamos el vector x
x<-1:8
x</pre>
```

```
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8
```

```
# Y el vector y
y<-seq(3,27, length.out = 8)
y</pre>
```

[1] 3.000000 6.428571 9.857143 13.285714 16.714286 20.142857 23.571429 27.000000

Si se toma en cuenta la adición, esta se dará entre los elementos de posiciones iguales. Es decir, se sumará elemento de la primera posición del vector \mathbf{x} y el elemento de primera posición del vector \mathbf{y} , y así sucesivamente.

Veamos como sería la suma del vector x y y.

```
# Adición de vectores.
x+y
```

[1] 4.000000 8.428571 12.857143 17.285714 21.714286 26.142857 30.571429 35.000000

Para el caso de la sustracción es similar. Como se muestra en el siguiente ejemplo:

```
# Sustracción de vectores.
x-y
```

```
## [1] -2.000000 -4.428571 -6.857143 -9.285714 -11.714286 -14.142857 -16.571429
## [8] -19.000000
```

EL producto escalar, como se sabe es la suma agregada del producto de cada elemento de posiciones iguales. Para poder determinarlo se usará la función %*%.

```
# Producto escalar.
x%*%y
```

```
## [,1]
## [1,] 684
```

El producto de elementos se da cuando se multiplica elementos de la misma posición:

```
# Producto de Elementos.
x*y
```

[1] 3.00000 12.85714 29.57143 53.14286 83.57143 120.85714 165.00000 216.00000

Si deseamos sumar todos los elementos de un vector se tendrá que usar la función sum(). Veamos un ejemplo.

```
# Suma de elementos del vector.
sum(x)
```

[1] 36

Con lo visto, otra forma de calcular el producto escalar es usando el producto de elementos y la suma de elementos. Veamos el método alternativo.

```
sum(x*y)
```

[1] 684

En efecto, nos resulta lo mismo que si lo hubieras hecho con la función %*%.

Ahora que ya conocemos como calcular algunas oeraciones matemáticas, podremos calcular algunas operaciones un poco más complejas como el cálculo de la norma o longitud del vector. Recordar que la norma de vector es: $Norma = \sqrt{x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + ...x_n^2}$

Entonces, este procedimiento podremos hacerlo en R con la siguiente sintaxis.

```
sqrt(sum(x^2))
```

[1] 14.28286

En el caso que se desee calcular el producto de todos los elemenos de un vector, se usará la función prod().

```
# El producto de todos los elementos de x. prod(x)
```

[1] 40320

Lo que se ha calculado aquí es la multiplicación de todos los elementos del vector \mathbf{x} , es decir, 1 por 2 por 3 por 4 por 5 por 6 por 7 y por 8.

Otra operación es la suma acumulada de elementos, para ello se usa la función cumsum(), lo que hace es sumar los dos primeros elemento; este resultado lo suma al tercer elemento y así sucesivamente.

```
# Suma acumulada de elementos de x.
cumsum(x)
```

```
## [1] 1 3 6 10 15 21 28 36
```

Como se puede observar, el último elemento de la suma acumulada es igual a la suma de todos los elementos, el resultado que se obtuvo con la función sum().

Similarmente el producto acumulado, se calculará con la función cumprod()

```
# El producto acumulado de elementos de x.
cumprod(x)
```

```
## [1] 1 2 6 24 120 720 5040 40320
```

Para diferenciar elemento a elemento se usa la función diff(), que realiza la diferencia entre dos elementos contiguos.

```
# Diferencias sucesivas de elementos de x. diff(x)
```

[1] 1 1 1 1 1 1 1

Como el vector \mathbf{x} es una secuencia que aumenta de 1 en 1. Al aplicar esta función el resultado nos muestra que cada elemento del vector se diferencia en una unidad.

3.2 OPERACIONES ESTADÍSTICAS.

A continuación se presentarán las funciones para realizar operaciones estadísticas con vectores.

OPERACIÓN	SINTAXIS
Media	mean()
Mediana	median()
Máximo	$\max()$
Mínimo	$\min()$
Cuantiles	quantile()
Coeficiente de Correlación	$\mathbf{cor}()$

Todas las operaciones se harán respecto al vector x.

Si se desea calcular la media aritmética o promedio de los elementos del vector, se tendrá que usar la función mean(), como sigue:

```
\# Cálculo de la media del vector x.

mean(x)
```

[1] 4.5

Asimismo, si deseamos calcular la mediana de un vector tenemos que usar la función median(). A continuación un ejemplo.

```
# C\'alculo de la mediana del vector x.
median(x)
```

[1] 4.5

Para hallar el elemento de máximo valor se usará la función max().

```
# El elemento de valor máximo del vector x.

max(x)
```

[1] 8

Asimismo, para calcular el elemento de mínimo valor se usará la función min()

```
# El elemento de valor mínimo del vector x.
min(x)
```

[1] 1

Ahora una de las operaciones más importantes es poder calcular los percentiles de un vector, para esto se usará la función quantile().

```
quantile(x)
```

```
## 0% 25% 50% 75% 100%
## 1.00 2.75 4.50 6.25 8.00
```

R por defecto, nos arroja los resultados para los cuartiles. Es así que podemos ver que se tiene información para el 25%, 50%, 75% y 100%.

Pero si deseamos obtener los quintiles, entonces podemos hacer uso del argumento probs de la función quantile(). De la siguiente manera.

```
quantile(x, probs = c(0,.2,.4,.6,.8,1))
```

0% 20% 40% 60% 80% 100% ## 1.0 2.4 3.8 5.2 6.6 8.0

En efecto, ahora tenemos información para los quintiles: 20%, 40%, 60%, 80% y 100%.

Entonces, si usted desea calcular los deciles, colocaría en probs=c(0, .1, .2, .3, .4, .5, .6, .7, .8, .9, 1), y si quiere calcular los ventiles la serie sería 0, .05, .1, .15 y así susecivamente hasta el 1. Usted se habrá podido dar cuenta que esto es muy tedioso y que debe de haber una forma más rápida y sencilla.

En realidad, sí. Usted que ha leído el capítulo 2 sabrá con que función solucionar este pequeño problema. En efecto, es la función seq().

Entonces, si queremos calcular los quintiles usando la función seq(), será de la siguiente manera.

```
quantile(x, probs = seq(0,1, by=0.2))
## 0% 20% 40% 60% 80% 100%
## 1.0 2.4 3.8 5.2 6.6 8.0
Y si desea calcular los deciles y los ventiles.
# Para calcular los deciles.
quantile(x, probs = seq(0,1, by=0.1))
```

```
20% 30% 40%
        10%
                            50%
                                60%
                                     70%
                                          80%
                                               90% 100%
   1.0 1.7
             2.4
                 3.1 3.8
                                     5.9
                                          6.6
                            4.5
                                5.2
                                               7.3
# Para calcular los ventile.
quantile(x, probs = seq(0,1, by=0.05))
```

```
## 0% 5% 10% 15% 20% 25% 30% 35% 40% 45% 50% 55% 60% 65% 70% 75% 80% ## 1.00 1.35 1.70 2.05 2.40 2.75 3.10 3.45 3.80 4.15 4.50 4.85 5.20 5.55 5.90 6.25 6.60 ## 85% 90% 95% 100% ## 6.95 7.30 7.65 8.00
```

En efecto, hemos calculado los deciles y ventiles⁸ sin escribir tanto código.

Por último, si deseamos calcular el coeficiente de corrrelación entre dos vectores, usaremos la función cor().

```
# El coeficiente de correlación entre "x" y "y".
cor(x,y)
```

```
## [1] 1
```

La función cor() calcula por defecto el coeficiente de correlación de pearson. Pero si usted desea calcularlo con otro método, tendrá que usar el argumento method. R nos da la posibilidad de poder calcular el coeficiente de correlación de Kendall y el de spearman, adicionalmente, al de Pearson que viene por defecto.

Es así que si usted desea calcular el coeficiente de correlación de spearman. Tendría que usar la siguiente sintaxis.

```
cor(x,y, method = "spearman")
```

```
## [1] 1
```

⁸Esto nos servirá siempre y cuando el vector o variable tiene muchas observaciones. Imagínese que tiene 2000 observaciones, el software mostrará los primeras 1000 y luego recién lo hará con los niveles.

3.2.1 ¿CÓMO TRABAJAR CON MISSING O ELEMENTOS FALTANTES (NA)?

Hasta ahora hemos visto que nuestros datos están completos, pero en el día a día la mayoría de veces no se cuenta con la totalidad de los datos y se tiene **missing values** o mejor conocidos como valores faltantes. En R, a estos valores faltantes se les conoce como NA (not available).

Si se tiene NA en un vector, entonces, las funciones que hemos utilizado para hacer cálculos matemáticos y estadísticos arrojarán como resultado NA. Veamos un ejemplo para que quede claro.

```
# Definimos el vector z.
z<-c(1,4,NA,6,10)
z
```

```
## [1] 1 4 NA 6 10
```

Si deseamos calcular la media del vector z.

```
mean(z)
```

```
## [1] NA
```

En efecto, nos arrojó como resultado NA. Entonces cuando se tenga elementos faltantes en nuestro vector, tendremos que usar el argumento na.rm. Este argumento es parte de todas las funciones que hemos desarrollado en este capítulo.

A continuación un ejemplo.

```
mean(x, na.rm = TRUE)
```

```
## [1] 4.5
```

Hemos podido solucionar el problema de los elementos faltantes.

Es así que si usted tiene valores faltantes y desea obtener el cálculo de los estadísticos sin tener en consideración a éstos, tiene que usar el argumento na.rm=TRUE.

3.2.2 ¿CÓMO ORDENAR ELEMENTOS DE LOS VECTORES?

En este apartado se verá cómo ordenar los elementos de los vectores con las funciones sort() y rev()⁹. La función sort() permite ordenar elementos de manera decreciente o creciente, mientras que la función rev() permite obtener el vector en orden inverso.

Veamos los argumentos de la función sort():

```
sort(x, decreasing=FALSE, ...)
```

Donde:

x: Es un objeto vector de clase numérico, complejo, caracter o lógico. decreasing: Es un argumento lógico en donde si toma el valor de TRUE entonces los elementos del vector son ordenados de manera decreciente. Su valor por defecto es FALSE. . . . : Otros argumentos.

Para más detalles veamos un ejemplo:

```
# Creamos el vector x.
x<-c(3,5,3,2,1,4,8,9,7,10,13,1,6)
x
```

```
## [1] 3 5 3 2 1 4 8 9 7 10 13 1 6
```

⁹Obtendríamos el mismo resultado si hubieramos usando la función as.factor(), pero esta función no acepta argumentos como levels, labels, exclude, entre otros.

Podemos ver que el vector \mathbf{x} que acabamos de crear tiene los elementos desordenados. Así que si queremos ordenarlos de forma creciente, usaremos la función sort.

```
# Ordenando de manera creciente.
sort(x)
```

```
## [1] 1 1 2 3 3 4 5 6 7 8 9 10 13
```

En efecto, se ha ordenado los elementos del vector x de forma creciente. Como puede ver, no hemos usado el argumento decreasing, ya que queremos ordenarlo de forma creciente.

Si queremos ordenarlo de forma decreciente, sí tendremos que usaar el argumento decreasing

```
sort(x, decreasing = TRUE)
```

```
## [1] 13 10 9 8 7 6 5 4 3 3 2 1 1
```

El vector x ha sido ordenado de forma creciente.

Ahora, si deseamos ordenar los elementos del vector en orden inverso, tendremos que usar la función rev(). Veamos su sintaxis.

rev(x)

Donde:

x: Es un vector u otro objeto que pueda ser definido inversamente.

Por ejemplo, si nosotros queremos ordenar el vector x de forma decreciente, una vez que ya se ordenó de manera creciente.

```
# Ordenando el vector x de manera creciente.
x_cre<-sort(x)
x_cre</pre>
```

```
## [1] 1 1 2 3 3 4 5 6 7 8 9 10 13
```

Hemos definido al vector x_cre con el vector ordenado crecientemente del vector x. Ahora le aplicamos la función rev() para que se ordene de forma inversa (decrecientemente).

```
# Ordenando inversamente el vector x_cre
rev(x_cre)
```

```
## [1] 13 10 9 8 7 6 5 4 3 3 2 1 1
```

En efecto, el vector x_cre ha sido ordenado de forma inversa.

4 VECTORES ALEATORIOS y SELECCIÓN DE ELEMENTOS.

En este capítulo usted aprenderá a crear vectores de elementos aleatorios, así también, cómo seleccionar uno o varios elementos de un vector, a crear vectores vacíos y conocer el tamaño de los vectores.

Quizá le parezca muy abstracto lo que se desarrollará en este capítulo, quizá usted se pregunte, ¿en el dia a día cómo voy a trabajar con vectores? o ¿para qué me servirá seleccionar elementos?. Déjeme decirle que en capítulos posteriores, los vectores se convertirán en columnas y las columnas en variables y las variables juntas generarán un dataframe o base de datos. Así que comprender cómo seleccionar elementos o saber el tamaño de vectores le permitirán filtrar observaciones en un futuro.

En este y en el siguiente capítulo está lo más fundamental, si uno desea conocer el funcionamiento y en un futuro empezar a programar en el software R. Es asi que se recomienda leer, estos dos capítulos, las veces que sea posible hasta que quede asimilado por completo.

4.1 CREACIÓN DE VECTORES CON ELEMENTOS ALEATORIOS.

Para poder crear vectores con elementos aleatorios tendremos que usar la función sample(). Veamos a continuación su sintaxis.

```
sample(x, size, replace = FALSE, prob = NULL)
```

Donde:

x: Elemento o vector que contiene el universo de elementos.

size: Es el tamaño del vector resultante. Es decir, el número de elementos de nuestro vector generado. replace: Argumento lógico que indica si se escogeran los elementos con reemplazo o no. Su valor por defecto es FALSE, lo que implica que la elección de elementos sea sin reemplazos.

prob: Vector de probabilidades que indica la ocurrencia de los elementos del elemento o vector x.

Para comprender su funcionamiento, veamos un ejemplo. Si queremos escoger aleatorimente 5 elementos de un vector con elementos del 1 al 10.

```
# Escogiendo aleatoriamente 5 elementos.
sample(x=1:10, size = 5)
```

```
## [1] 2 3 6 10 4
```

El vector que contiene el universo de donde se escogeran los 5 números aleatoriamente es 1:10. Asimismo, con el argumento size=5 le estamos indicando que escoga 5 elementos. Está escogiendo 5 números distintos, ya que el argumento replace se está dejando con su valor por defecto que es FALSE, es decir, sin reemplazos.

Es preciso aclarar que usted obtendrá resultados distintos cada vez que ejecute el ejemplo, ya que en cada ejecución el software utiliza un algoritmo distinto para seleccionar elementos. Es decir, está escogiendo aleatoriamente los elementos en cada ejecución.

Veamos como con la misma sintaxis, el software, a escogido distintos elementos.

```
# Escogiendo aleatoriamente 5 elementos.
sample(x=1:10, size = 5)
```

```
## [1] 5 6 7 2 3
```

Entonces si queremos corregir esto y queremos guardar los resultados y que al volver a correr toda la sintaxis arroje los mismos resultados, tendremos que usar una semilla. En R, colocar una semilla a un proceso aleatorio se realiza usando la función set.seed(), que toma como argumento cualquier número (semilla).

Veamos un ejemplo. Vamos a ejecutar la misma sintaxis del ejemplo anterior pero usando una semilla.

```
set.seed(10)
sample(x=1:10, size = 5)
```

```
## [1] 9 7 8 6 3
```

Cuando usamos la semilla con valor de 10. Nos arroja como resultado los números: 9 8 7 6 y 3¹⁰.

Veamos como sale el mismo resultado cuando volvemos a ejecutar la misma sintaxis.

```
set.seed(10)
sample(x=1:10, size = 5)
```

```
## [1] 9 7 8 6 3
```

 $^{^{10}}$ Esto nos servirá siempre y cuando el vector o variable tiene muchas observaciones. Imagínese que tiene 2000 observaciones, el software mostrará los primeras 1000 y luego recién lo hará con los niveles.

En efecto, los resultados son los mismos. Con lo cual queda demostrado que si deseamos obtener los mismos resultados de un proceso aleatorio tendremos que usar una semilla.

Ahora veamos un ejemplo un poco más atractivo.

Vamos a seleccionar aleatoriamente 2 personas de un conjunto de 6 personas.

```
set.seed(12)
sample(x=c("LUIS", "MARÍA", "JUAN", "ROBERTH", "CARLOS", "FLOR"), size = 2)
```

```
## [1] "MARÍA" "FLOR"
```

El software escogió a MARÍA Y FLOR. Este ejemplo se desarrollo con el fin de poder ver un ejemplo en donde el vector universal es un vector de elementos caracter. Ahora veamos un ejemplo usando el argumento replace.

Vamos a generar un vector de 20 elementos en donde se escoga entre 1 y 0.

```
set.seed(20)
sample(x=c(0,1), size = 20, replace = TRUE)
```

```
## [1] 1 0 0 1 1 0 1 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1
```

Se ha escogido aleatoriamente 20 elementos que son 1 o 0. Esto se pudo dar gracias al uso del argumento replace=TRUE. Ya que si no se hubiera especificado que haya reemplazos, nos arojaría error ya que no se puede toma una muestra más grande que el vector universal cuandi replace toma el valor de FALSE. Veamos este caso a continuación:

```
set.seed(20)
sample(x=c(0,1), size = 20)
```

Error in sample.int(length(x), size, replace, prob): cannot take a sample larger than the population En efecto nos arroja un error, al correr el código.

Ahora veamos un ejemplo en donde se usa el argumento prob. Vamos a escoger un vector que tenga 100 elementos entre hombres y mujeres, pero queremos que la proporción de hombres sea del 30% y de mujeres del 70%, aproximadamente.

Primero ejecutemos el problema sin especificar la proporción de hombres y mujeres.

```
set.seed(1805)
sexo<-sample(x=c("HOMBRE", "MUJER"), size = 100, replace = T)</pre>
##
     [1] "HOMBRE" "HOMBRE" "HOMBRE"
                                      "HOMBRE" "MUJER"
                                                         "MUJER"
                                                                   "HOMBRE" "HOMBRE" "MUJER"
                                                         "HOMBRE"
##
    [10] "MUJER"
                   "HOMBRE"
                            "MUJER"
                                      "MUJER"
                                                "MUJER"
                                                                   "HOMBRE"
                                                                            "MUJER"
                                                                                      "MUJER"
##
    [19]
         "MUJER"
                   "MUJER"
                            "MUJER"
                                      "MUJER"
                                                "MUJER"
                                                         "HOMBRE"
                                                                   "HOMBRE"
                                                                            "MUJER"
                                                                                      "HOMBRE"
##
    [28] "HOMBRE" "MUJER"
                                                                                      "MUJER"
                            "MUJER"
                                      "MUJER"
                                                "HOMBRE" "HOMBRE" "HOMBRE"
##
    [37] "MUJER"
                   "MUJER"
                            "MUJER"
                                      "HOMBRE"
                                               "MUJER"
                                                         "MUJER"
                                                                   "HOMBRE" "MUJER"
                                                                                      "MUJER"
                                                "HOMBRE"
##
    [46] "MUJER"
                   "MUJER"
                            "MUJER"
                                      "MUJER"
                                                         "HOMBRE"
                                                                   "HOMBRE" "MUJER"
                                                                                      "HOMBRE"
##
    [55] "MUJER"
                   "MUJER"
                            "HOMBRE"
                                      "HOMBRE"
                                               "HOMBRE"
                                                         "HOMBRE"
                                                                   "HOMBRE"
                                                                            "HOMBRE"
                                                                                      "MUJER"
##
    [64] "MUJER"
                   "HOMBRE" "MUJER"
                                      "MUJER"
                                               "HOMBRE"
                                                        "MUJER"
                                                                   "MUJER"
                                                                            "MUJER"
                                                                                      "MUJER"
    [73] "HOMBRE" "HOMBRE" "MUJER"
                                                         "MUJER"
                                                                   "MUJER"
                                                                            "MUJER"
                                      "HOMBRE" "MUJER"
                                                                                      "MUJER"
                                      "HOMBRE" "HOMBRE"
                                                                   "MUJER"
##
    [82]
         "HOMBRE"
                   "HOMBRE"
                            "HOMBRE"
                                                         "MUJER"
                                                                            "HOMBRE"
                                                                                      "MUJER"
    [91] "MUJER"
                            "HOMBRE" "HOMBRE" "HOMBRE" "MUJER"
##
                   "MUJER"
                                                                   "MUJER"
                                                                            "HOMBRE" "MUJER"
## [100] "HOMBRE"
```

Estamos guardando los resultados en el vector sexo. Si queremos saber cuántos son hombres y cuántos son mujeres usted podría contar uno por uno, pero esto resultaría muy tedioso, la forma más eficiente es ver los resultados en una tabla de valores absolutos. Para esto usamos la función table(). Veamos el resultado a continuación.

table(sexo)

```
## sexo
## HOMBRE MUJER
## 45 55
```

El software escogió aleatoriamente 45 hombres y 55 mujeres. Para poder obtener estos resultados en valores relativos usamos la función prop.table().

```
prop.table(table(sexo))
```

```
## sexo
## HOMBRE MUJER
## 0.45 0.55
```

El 45% son hombres y el 55% son mujeres.

El problema en un inicio nos decia generar un vector de hombres y mujeres en donde el 30% sea hombres y el 70% mujeres. Entonces, para poder generar el vector deseado usaremos el argumento prob.

```
set.seed(1805)
sexo<-sample(x=c("HOMBRE", "MUJER"), size = 100, replace = T, prob = c(0.3,0.7))
sexo</pre>
```

```
[1] "MUJER"
                    "MUJER"
                              "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                  "MUJER"
                                                            "MUJER"
                                                                      "HOMBRE"
                                                                               "HOMBRE"
                                                                                         "MUJER"
##
                                                            "HOMBRE"
                                                                               "HOMBRE"
                                                                                         "MUJER"
##
    [10]
         "MUJER"
                    "HOMBRE"
                             "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                  "MUJER"
                                                                     "MUJER"
##
    [19]
         "MUJER"
                    "MUJER"
                              "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                  "MUJER"
                                                            "MUJER"
                                                                      "MUJER"
                                                                               "MUJER"
                                                                                          "MUJER"
##
    [28] "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                           "MUJER"
                                                                     "MUJER"
                                                                               "HOMBRE" "MUJER"
                    "HOMBRE" "MUJER"
                                                  "MUJER"
##
    [37] "HOMBRE" "HOMBRE"
                             "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                  "HOMBRE"
                                                           "MUJER"
                                                                      "HOMBRE"
                                                                               "MUJER"
                                                                                          "MUJER"
##
    [46] "HOMBRE"
                   "MUJER"
                              "HOMBRE"
                                       "HOMBRE"
                                                 "HOMBRE"
                                                           "HOMBRE"
                                                                     "MUJER"
                                                                               "MUJER"
                                                                                          "MUJER"
                                                            "MUJER"
##
    [55] "HOMBRE" "HOMBRE"
                             "HOMBRE"
                                       "MUJER"
                                                  "MUJER"
                                                                      "MUJER"
                                                                               "MUJER"
                                                                                          "MUJER"
    [64] "HOMBRE" "MUJER"
                              "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                 "MUJER"
                                                           "MUJER"
                                                                      "MUJER"
                                                                                          "HOMBRE"
##
                                                                               "MUJER"
##
          "MUJER"
                    "MUJER"
                              "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                  "HOMBRE"
                                                            "MUJER"
                                                                      "MUJER"
                                                                               "MUJER"
                                                                                          "MUJER"
##
    [82]
          "HOMBRE"
                    "MUJER"
                              "HOMBRE"
                                        "HOMBRE"
                                                  "MUJER"
                                                            "MUJER"
                                                                      "HOMBRE"
                                                                               "MUJER"
                                                                                          "MUJER"
##
    Г917
         "MUJER"
                    "HOMBRE" "MUJER"
                                        "MUJER"
                                                  "HOMBRE"
                                                           "HOMBRE"
                                                                     "MUJER"
                                                                               "MUJER"
                                                                                          "MUJER"
## [100] "MUJER"
```

Estamos usando la misma semilla, pero estamos especificando las probabilidades¹¹, además, estamos guardando los resultados en el mismo vector **sexo** (el vector se está reescribiendo). Veamos defrente en valores relativos la proporción de hombres y mujeres.

```
prop.table(table(sexo))
```

```
## sexo
## HOMBRE MUJER
## 0.29 0.71
```

El 29% son hombres y el 71% son mujeres. En efecto, gracias a especificar el vector de probabilidades de suceso de cada elemento del vector universal se ha podido obtener la proporción del 30% y 70% entre hombres y mujeres, aproximadamente.

4.1.1 APLICACIÓN: LEY DE GRANDES NÚMEROS.

Una de las leyes más importantes en la teoría de la probabilidad es la "ley de grandes números". La cual nos dice que al aumentar el número de ensayos de un experimento, este tiende a la esperanza matemática de la variable aleatoria que se ha generado en el experimento.

¹¹Obtendríamos el mismo resultado si hubieramos usando la función as.factor(), pero esta función no acepta argumentos como levels, labels, exclude, entre otros.

Por ejemplo, vamos a definir a un experimento como el lanzamiento de una moneda. Asimismo, definiremos a la variable aleatoria como el número de caras que resulte del experimento. Es así que sí sale cara la variable aleatoria tomará el valor de 1 y si sale sello la variable aleatoria tomará el valor de 0.

Si sacamos la esperanza matemática de este experimento. Nos resultaría 1/2.

Probabilidad de que salga cara = 1/2Probabilidad de que salga sello = 1/2

Esperanza matemática =
$$\frac{1}{2} * 1 + \frac{1}{2} * 0 = \frac{1}{2}$$

Lo que implica que el porcentaje de caras será el 50% y el porcentaje de sellos el otro 50%.

Entonces, si nosotros desarrollamos el experimento un número pequeño de veces no nos saldrá necesariamente la mitad de veces cara y la otra mitad sello. Vamos hacer el experimento con 200 ensayos.

```
set.seed(2020)
experimento<-sample(c("CARA","SELLO"), 200, T)

round(prop.table(table(experimento))*100,4)

## experimento
## CARA SELLO</pre>
```

Vemos que el porcentaje de caras es del 46.5% y el de sellos es de 53.5%. Pero por la ley de grandes números nosotros sabemos que al aumentar el número de ensayos el experimento tenderá a la esperanza matemática, es decir, 50% de caras y 50% de sellos.

Veamos el resultado cuando el número de ensayos es de 1000.

```
set.seed(2020)
experimento<-sample(c("CARA", "SELLO"), 1000, T)
round(prop.table(table(experimento))*100,4)</pre>
```

```
## experimento
## CARA SELLO
## 48.4 51.6
```

46.5 53.5

Con 1000 ensayos el porcentaje de caras es del 48.4% y el de sellos es de 51.6%. Se va acercando a la esperanza matemática. Veamos que resulta con 100000 de ensayos.

```
set.seed(2020)
experimento<-sample(c("CARA", "SELLO"), 100000, T)
round(prop.table(table(experimento))*100,4)</pre>
```

```
## experimento
## CARA SELLO
## 50.136 49.864
```

Con 100000 ensayos el porcentaje de caras es del 50.14% y el de sellos es de 49.86%. Ya casi es igual al valor de la esperanza matemática.

Por último, veamos que pasa si consideramos 1000000 ensayos.

```
set.seed(2020)
experimento<-sample(c("CARA", "SELLO"), 1000000, T)
round(prop.table(table(experimento))*100,4)</pre>
```

```
## experimento
## CARA SELLO
## 50.0036 49.9964
```

Con 1000000 ensayos el porcentaje de caras es del 50% y el de sellos es de 50%. Es así como hemos podido demostrar la ley de grandes números.

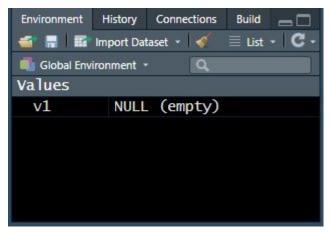
4.2 VECTORES VACÍOS Y SELECCIÓN DE ELEMENTOS.

4.2.1 Vectores vacíos.

Hasta el momento hemos visto que un vector puede tener uno o más elementos. Pero también están los vectores que no tienen elementos y que son vacíos. A continuación veamos un ejemplo de un vector vacío.

```
# Vector vacio.
v1<-c()</pre>
```

Hemos creado el vector vacío, en el environment podemos ver que el vector v1 está vacío, pero que existe en memoría.



Estos vectores nos serán útiles cuando veamos el tema de ciclos y el tema de funciones. Por el momento es suficiente con saber de su existencia.

4.2.2 Seleción de elementos usando [].

Si nosotros necesitamos selecionar un elemento o un conjunto de elementos de un vector, tendremos que usar el operador []. Veamos unos ejemplos.

```
# Creando un vector.
x < -c(10,3,65,3,2,5,7,6,5,9,99,100,102,1,2,2,3,6,87,12,12,13)
                                                9 99 100 102
   [1]
         10
              3
                 65
                           2
                               5
                                                                1
                                                                     2
                                                                         2
                                                                             3
                                                                                    87
                                                                                       12 12
## [22]
         13
```

Hemos creado el vector x. Si usted quiere seleccionar el elemento de posición 8, usted debería de hacer lo siguiente.

```
# Seleccionado el elemento de posición 8. x[8]
```

[1] 6

En efecto, nos ha selecionado el elemento 6 que corresponde al elemento de posición 8 contando de izquierda a derecha. Entonces, si queremos seleccionar o extraer elementos de un vector, primero se tiene que indicar el vector del cual se desea extraer el elemento o elementos luego abrir corchetes y colocar la posición del elementos y cerrar los corchetes.

Veamos otro ejemplo en donde se selecciona el elemento de posición 5.

```
# Seleccionado el elemento de posición 5.
x[5]
```

[1] 2

Nos resulta el 2, si usted cuenta de izquierda a derecha el elemento de posición 5 es el elemento 2.

Hasta ahora hemos visto como extraer sólo un elemento, pero podemos seleccionar varios elementos, para esto usaremos vectores en vez de elementos dentro de los corchetes. A continuación un ejemplo.

```
# Seleccionado los elementos de posición 3 al 5.
x[3:5]
```

```
## [1] 65 3 2
```

En efecto, hemos seleccionado los elementos de posición 3, 4 y 5 que son 65, 3, 2. Entonces, si deseamos seleccionar varios elementos, usaremos la posición de estos, pero definido como un vector. Veamos un ejemplo adicional en donde se selecciona los elementos de posición 7, 12 y 4.

```
# Seleccionado los elementos de posición 7, 12 y 4. x[c(7,12,4)]
```

```
## [1] 7 100 3
```

Hemos definido el vector de posiciones deseadas con c(7,12,4). Y nos ha resultado los elementos 7, 100, 3. Con esta especificación se espera que se haya comprendido claramente el uso de vectores dentro de los corchetes.

Pero si nosotros queremos seleccionar un conjunto de elementos pero indicando exclusión, es decir, indicando que no seleccione a uno o varios elementos, entonces usaremos el operador \neg . Con esto le indicaremos que nos seleccione todo el vector a excepción de (\neg) . Veamos un ejemplo, en donde se desea seleccionar a todo el vector \mathbf{x} , pero a excepción del primer elemento.

```
# Seleccionado todo el vector x, a excepción, del elemento de posición 1. x[-1]
```

```
## [1] 3 65 3 2 5 7 6 5 9 99 100 102 1 2 2 3 6 87 12 12 13
```

En efecto, se ha selecionado todos los elemento del vector \mathbf{x} , pero sin considerar el primer elemento. Esta especifiación lo podemos proyectar para excluir a varios elementos. Veamos un ejemplo en donde se quiere excluir a los elementos de posición 6, 10 y 3.

```
# Selectionar el vector x, a excepción, de los elementos de # posición 6, 10 y 3. x[-c(6,10,3)]
```

```
## [1] 10 3 3 2 7 6 5 99 100 102 1 2 2 3 6 87 12 12 13
```

El resultado es el deseado.

4.2.3 ¿Cómo saber cuántos elementos tiene un vector?

A veces, el vector a estudiar es un vector muy grande y no conocemos su dimensión (total de elementos). Entonces, para conocer el número de elementos de un vector usaremos la función length(), que tiene sólo un argumento que es el objeto del cual se desea saber su dimensión. Veamos un ejemplo y conozcamos cuántos elementos tiene el vector x.

```
# Para saber el número de elementos del vector x.
length(x)
```

[1] 22

El software nos indica que el número de elementos del vector x es de 22.

Asimismo, podemos usar esta función para seleccionar elementos (uniendo con lo visto anteriormente). Es así que si deseamos seleccionar el último elemento del vector \mathbf{x} , podemos usar la siguiente sintaxis.

```
\# Seleccionado el último elemento del vector x. x[length(x)]
```

[1] 13

En efecto, hemos seleccionado el último elemento del vector \mathbf{x} . Por último, si queremos seleccionar los últimos 4 elementos.

```
# Seleccionado los últimos 4 elementos.
x[(length(x)-3):length(x)]
```

```
## [1] 87 12 12 13
```

Recordar que si deseamos seleccionar varios elementos, lo que tiene que estar dentro de los corchetes tiene que ser un vector, por eso colocamos (length(x)-3):length(x). La primera parte (length(x)-3) hace referencia a inicio, es decir, desde que posición se desea seleccionar (22-3=19); la segunda parte length(x) indica el final (22). Es así que seleccionará desde el elemento 19 al 22 (los 4 últimos elementos).

Usted puede pensar que es tedioso y podría ser más eficiente definir la sintaxis con los números, de esta manera x[19:22]. Déjeme decirle, que tiene cierta razón, pero su opción sólo sería viable cuando conozca el número total de elementos y tenga un sólo vector. Cuando usted desee automatizar procesos y trabaje con muchos vectores y de una dimensión colosal (que es lo que día a día se encuentra en un centro de trabajo). Usted verá la importancia y le parecerá más factible la sintaxis que hemos usado. Por el momento, estamos realizando ejemplos muy básicos, en capítulos posteriores verá la importancia de este tipo de sintaxis.

5 OPERADORES LÓGICOS, ÍNDICE DE ELEMENTOS Y CAMBIO DE VALORES.

En este capítulo se tratará de cómo usar operados lógicos como: y, o, igualdad, mayor que, menor que, diferente, negación, entre otros. Gracias a estos operadores lógicos podremos filtrar y seleccionar elementos y variables de bases de datos. Además se aprenderá como encontrar el índice de elementos y cambiar valores de estos elementos siempre y cuando cumplan una condición.

5.1 OPERADORES LÓGICOS.

Al igual que las operaciones aritméticas, las operaciones lógicas tienen una importancia primordial ya que a través de ellas se pueden formar condicionales que nos simplificarán el procesamiento de datos.

Al usar un operador lógico en R, es como si le preguntaramos al software y él se limitara a responder sólo con un TRUE o FALSE. El programa no te arrojará otras respuestas a menos que hayas especificado mal la sintaxis para el uso de operadores lógicos. Asimismo, para R el valor numérico de TRUE es 1 y para FALSE es 0, esto nos permitirá, por ejemplo, saber cuántos elementos de un vector cumplen lo especificado en la operación lógica y cuántos no.

En la siguiente tabla se muestra los operadores lógicos más importantes:

OPERADOR LÓGICO	SINTAXIS
Igualdad	==
Mayor que	>
Menor que	<
Mayor igual que	>=
Menor igual que	<=
Diferente	!=
Negación	!
У	&
O	
Pertenece	%in $%$

Primero definiremos un vector del cual podremos desarollar ejemplos usando los operadores lógicos.

```
# Definiendo el vector x.

x<-c(5,2,4,8,6,4,0,8,1,4,7,3,11,5,1,1,2,3,4,3,3,7,7,10)

# Mostrando el vector x.

x
```

[1] 5 2 4 8 6 4 0 8 1 4 7 3 11 5 1 1 2 3 4 3 3 7 7 10

5.1.1 Igualdad.

Si nosotros queremos comprobar si dos objetos son iguales, entonces usaremos el operador de igualdad ==. Es así que si deseamos saber si dos o más elementos son iguales o si uno o más vectores son iguales o otras operaciones tendremos que usar este operador. Veamos un ejemplo muy sencillo para comprenderlo.

Para esto vamos a consultar a \mathbf{R} si 5 es igual a 7.

```
# ¿El número 5 es igual al número 7?

5==7
```

[1] FALSE

Como se muestra \mathbf{R} nos arroja el booleano FALSE. El cual nos indica que 5 no es igual a 7. Ahora veamos un ejemplo en donde dos elementos son iguales.

```
# ¿El número 2.4 es igual a 2.4?
2.4==2.4
```

[1] TRUE

Como era obvio, nos arroja el booleano TRUE.

Hasta ahora hemos visto como saber si un elemento es igual a otro. Pero esta operción se puede proyectar a vectores. Por ejemplo, vamos a consultar a \mathbf{R} que elementos del vector \mathbf{x} son iguales a 3.

```
# \dot{\epsilon}Qué elementos del vector x son iguales a 3? x==3
```

[1] FALSE FALSE

Podemos ver que nos arroja TRUE o FALSE por cada elemento del vector x. Nos arroja TRUE en el elemento de posición 12, lo que nos indica que el elemento de posición 12 es igual a 3. Asimismo, también encontramos otros TRUE en los elementos de posición 18, 20, 21, lo que nos indica también que en esos elementos del vector x son iguales a 3.

Veamos que sucede si preguntamos a $\mathbf R$ que elementos del vector $\mathbf x$ son iguales a 33.

```
# \dot{\epsilon}Qué elementos del vector x son iguales a 33? x==33
```

[1] FALSE FALSE

El resultado que obtenemos son todos FALSE, lo que nos indica que no hay un elemento en el vector x que sea igual a 33.

Hagamos una comprobación que nos arroje un similar resultado. Para esto vamos a decirle a R que sume cuantos elementos del vector x son iguales a 33. Entonces, con la siguiente sintaxis sé que el total de elementos de x no son iguales a 33.

```
# Método que nos permite comprobar los resultados.
sum(x==33)==0
```

[1] TRUE

Lo que hemos hecho es sumar (numéricamente los TRUE y FALSE), recordar que para R TRUE significa 1 y FALSE significa 0. Entonces, si sumamos 33 FALSE nos resultará 0 que es igual al 0 que colocamos en la parte derecha del operador lógico.

Y en efecto, el resultado es TRUE, lo que nos indica que no hay ningún elemento en el vector \mathbf{x} que sea igual a 33.

5.1.2 Mayor que.

Si queremos saber si un elemento es "mayor que" otro elemento, entonces, se tiene que usar el operador lògico >. Este operador lógico también se puede proyectar a más objetos. Veamos un ejemplo, vamos a consultar a R si, 5 es mayor que 3.

```
# ¿El número 5 es mayor que 3?
5>3
```

[1] TRUE

Como era obvio, nos arroja el valor de TRUE, ya que, 5 es mayor que 3. Ahora veamos un ejemplo usando vectores. Vamos a consultarle a R, qué números son mayores que 8.

```
# \dot{\epsilon}Qué elementos del vector x son mayores que 8? x>8
```

[1] FALSE FALSE

Podemos observar que los elementos de posición son el 13, 24.

5.1.3 Menor que.

Si queremos saber si un elemento es "menor que" otro elemento, entonces, se tiene que usar el operador lògico <. Este operador lógico también se puede proyectar a más objetos como: vectores, matrices, listas, etc. Veamos un ejemplo, vamos a consultar a R si, 7 es menor que 10.

```
# ¿El número 7 es menor que 10?
7<10
```

```
## [1] TRUE
```

En efecto, el resultado es verdadero TRUE, ya que, 7 es menor que 10. Ahora veamos un ejemplo en donde se le consunta a R que elementos del vector x son menores que 3.

```
# \dot{\epsilon} Qué elementos del vector x son menores que 3? x<3
```

[1] FALSE TRUE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE FA

Nos muestra que la posición de los elementos menores que 3 son: 2, 7, 9, 15, 16, 17.

5.1.4 Differente.

Otro de los operadores lógicos de mucha relevancia es el operador "diferente" que en R se representa con !=. Este operador servirá cuando queremos saber si un número es diferente a otro o cuando deseamos filtrar observaciones que son distintas al valor evaluado. Veamos un ejemplo en donde consultamos a R, si el 8 es diferente del 9.

```
# \dot{\epsilon}El número 8 es diferente del 9?
8!=9
```

[1] TRUE

Como es obvio nos arroja TRUE, ya que, el 8 es diferente del 9. Veamos un ejemplo usando vectores. Vamos a consultarle a R que nos arroje los elementos que son distintos de 7.

```
# \dot{\epsilon} Qué elementos del vector x que son diferentes de 7? x!=7
```

TRUE FALSE TRUE TRUE TRUE [1] TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE ## [15] TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE FALSE FALSE TRUE

Nos arroja muchos TRUE, por lo que la gran mayoría de elementos son distintos de 7. Veamos cuántos elementos son diferentes de 7.

```
# ¿Cúantos números cumplen la condición?
sum(x!=7)
```

[1] 21

R nos dice que hay 21 elementos que son diferentes de 7.

5.1.5 Negación.

La negación sirve para mutar el booleano de TRUE a FALSE o de FALSE a TRUE. Es así que si deseo consultar a R por una cuestión, puedo negar esta cuestión y obtener el resultado contrario. Veamos un ejemplo, en donde consultamos a R si 10 es igual a 8. Obviamente, nos dirá que es FALSE, pero si usamos la negación el booleano mutará a TRUE.

```
#¿El número 10 es igual 8?
10==8
```

[1] FALSE

```
# Usando la negación.
!(10==8) # ¿El número 10 es diferente del número 8?
```

[1] TRUE

En efecto, al negar la consulta hemos obtenido el resultado contrario. Ahora veamos un ejemplo usando vectores. Vamos a consultarle a R cuales son los elementos que son iguales a 5, pero lo negaremos, por lo cual nos arrojará los que son distintos de 5.

```
# \dot{\epsilon} Qué elementos del vector x son iguales a 5? x==5
```

[1] TRUE FALSE FALSE

```
# Usando la negación.
!(x==5) # Elementos distintos de 5.
```

```
TRUE TRUE TRUE FALSE
   [1] FALSE
               TRUE
                     TRUE
                          TRUE
                                 TRUF.
                                       TRUE.
                                             TRUE
                                                    TRUE
                                                          TRUE
                                                                TRUE
## [15]
         TRUE
               TRUE
                     TRUE
                           TRUE
                                 TRUE
                                       TRUE
                                              TRUE
                                                    TRUE
                                                          TRUE
                                                                TRUE
```

El resultado es muy intuitivo y reulta ser el complemento del primero. Este tipo de operadores lógicos se usará con mayor frecuencia cuando se haga operaciones lógicas usando caracteres.

5.1.6 Y condicional (Conjunción).

El Y condicional es un operador lógico que representa la intersección entre dos o más operaciones lógicas. Es así que si deseamos obtener el resultado cuando si o si se cumplan dos o más operaciones lógicas, entonces, usaremos la condicional "y" que se representa como &.

veamos un ejemplo, en donde se le consulta a R si el número 3 es menor que 8 y que el caracter "azul" es diferente del caracter "rojo".

```
# ¿El número 3 es menor que 8 y el caracter azul
# es diferente del caracter rojo?
3<8 & "azul"!="rojo"</pre>
```

[1] TRUE

Como era de esperarse el resultado es TRUE, ya que 3 es menor que 8 y además azul es distito de rojo.

Ahora veamos un ejemplo en donde se usará más de dos operaciones lógicas.

Se el consultará a R si el 5 es mayor que 4 y si el 10 es menor que 6 y si 8 es igual a 8.0.

```
# ¿el 5 es mayor que 4 y si el 10 es menor que 6
# y si 8 es igual a 8.0?

5>4 & 10<6 & 8==8.0</pre>
```

[1] FALSE

El resultado que obtenemos es FALSE, ya que la primera operación es verdadera, la segunda falsa y la tercera verdadera. Lo que en conjunto resulta ser FALSE.

Pero usted, puede estar preguntandose por qué un verdadero, un falso y otro verdadero da falso. Esto se puede entender de dos formas. La primera, intuitivamente; y la segunda, con la tabla de verdades de los

cursos de lógica proposicional que se imparten en la educación básica. Veamos a detalle cada una de estas formas.

La forma intuitiva, si nosotros queremos saber el resultado de un conjunto de operaciones lógicas, nosotros sabemos que el resultado podría ser TRUE o 'FALSE. El operador y (&) representa a la conjunción, ésta une dos o más proposiciones con el fin de poder construir a un proposición mayor y si esta intersección de proposiciones es verdadera entonces el resultado será verdadero, ya que estas dos proposiciones se podrán intercambiar. Entonces, será verdadero cuando el conjunto de operaciones lógicas resultan verdadero, ya que una verdad y otra verdad y otra verdad serán VERDAD. Si una de ellas es falsa, entonces el conjunto de operaciones lógicas resultará falso, ya que se rompe la relación de igualdad entre las operaciones lógicas.

La segunda forma, usando la tabla de verdades de los cursos de lógica proposicional, estoy seguro que usted recordará de sus cursos de lógica la siguiente tabla.

Р	Q	P ^ Q
\overline{V}	V	\mathbf{V}
V	\mathbf{F}	${f F}$
F	V	\mathbf{F}
F	F	\mathbf{F}

En este cuadro podemos ver dos proposiciones la proposición \mathbf{P} y la proposición \mathbf{Q} , cada una de estas proposiciones puede tomar el valor de V (verdad) o F (falso), esto se representa en las dos primeras columnas de la tabla anterior. En la última columna tenemos el resultado de la intersección de \mathbf{P} y \mathbf{Q} , en donde observamos que sólo dos verdades resultan en verdad, en los otros casos resulta falso. Es así que si nosotros deseamos ejecutar un proceso y si o si el conjunto de proposiciones que evaluamos tienen que ser verdaderas entonces usaremos el operador &.

5.1.7 O condicional (disyunción).

La O condicional representa la unión entre una y más operaciones lógicas, en R se representa con |. Veamos un pequeño ejemplo, en donde consultamos a R si el 8 es igual a 9 o el 10 es igual 10.0.

```
# ¿El número 8 es igual al número 9 o el
# número 10 es igual al número 10.0?
8==9 | 10==10.0
```

[1] TRUE

El resultado que obtenemos es TRUE, ya que la condicional o arroja la unión de las dos proposiciones. Es así que si la primera es FALSE y la segunda TRUE, entonces, el resultado es TRUE, ya que una de las proposiciones resultó ser TRUE.

A continuación mostramos la tabla de verdades para un mejor entendimiento.

Р	Q	P v Q
\overline{V}	V	\mathbf{V}
V	\mathbf{F}	${f V}$
F	V	${f V}$
F	F	\mathbf{F}

Sólo si el resultado en las dos proposiciones es falso entonces el resultado será falso, en los otros casos el

resultado será verdadero. Es así que si nosotros queremos ejecutar un proceso y sólo queremos que una se las proposiciones sea verdadera para poder ejecutarlo, entonces usaremos el operador |.

5.1.8 Mayor y menor igual que.

La diferencia con los operadores anteriores (mayor que y menor que) es que ahora se considerarán como límites los valores iguales al número evaluado. Veamos dos ejemplos, en el primero se consultará a R si el 4 es mayor igual a 18 y el 9 es menor igual que 9,

```
# ¿El número 4 es mayor igual que 18?
4>=18

## [1] FALSE
# ¿El número 9 es menor igual que 9?
9<=9</pre>
```

```
## [1] TRUE
```

En el primer caso, el 4 no es mayor igual que 18; y en el segundo, el 8 si es menor igual que 9.

Proyectándolo a vectores. Vamos a er el ejemplo en donde se le consulta a R la posición de elementos que son mayores igual a 5 y menores iguales que 8.

```
# \dot{\epsilon}Qué elementos del vector x son mayores iguales que 5 # y menores iguales que 8? x>=5 \& x<=8
```

[1] TRUE FALSE FALSE TRUE TRUE FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE TRUE ## [15] FALSE FAL

Los elementos de posición 1, 4, 5, 8, 11, 14, 22, 23 son mayores iguales que 5 y menores iguales que 7. Adicionalmete, si queremos saber cuántos números son, usamos la siguiente sintaxis.

```
# Para saber cuántos números cumplen la condición.
sum(x>=5 & x<=8)
```

```
## [1] 8
```

R nos indica que hay un total de 8 números que cumplen la condición. Es probable que usted piense que esto es en vano, ya que podría contar el número de TRUE sin la necesidad de correr sum(x>=5 & x<=8). Esto sucede porque nuestro ejemplo es pequeño, pero si trabaja con datos reales, el tamaño de observaciones es mucho mayor. Así que esta última parte del codigo servirá mucho.

5.1.9 Operador pertenece.

El operador pertenece juega el mismo papel que en teoría de conjutos. Es así que si queremos saber si uno o varios elementos pertenecen a un objeto usaremos este operador. En R este operador se representa como %in%. El operador pertenece se usa mucho cuando se trabaja con caracteres.

Veamos un ejemplo en donde vamos a consultarle a R si el elemento 8 pertence al vector x.

```
# Definimos el vector x.
x<-c(1:10,2,3,4,3)
# ¿El número 8 pertence al vector x?
8 %in% x</pre>
```

[1] TRUE

Como era de esperarse nos arroja el valor de TRUE. Ahora veamos un ejemplo usando caracteres.

Vamos a consultarle a R si los elementos "Lunes" y "Martes" pertenecen al vector x.

```
# Definimos el vector x.
x<-c("Lunes", "Martes", "Miércoles", "Jueves", "Viernes", "Sábado", "Domingo")
# ¿Los elementos "Lunes" y "Martes" pertenecen al vector x?
c("Lunes", "Martes") %in% x</pre>
```

[1] TRUE TRUE

En efecto, nos arroja como resultado TRUE, TRUE.

¿Pero que sucede si invierto el orden de los objetos?

El resultado que obtenemos será como si preguntaramos lo siguiente: los elementos del vector x pertenecen al objeto c("Lunes", "Martes").

```
x %in% c("Lunes", "Martes")
```

[1] TRUE TRUE FALSE FALSE FALSE FALSE

Nos arroja TRUE, TRUE y luego sólo FALSE. Esto es porque el primer elemento del vector x está en el objeto, lo mismo para el segundo elemento del vector x. Pero el tercer elemento del vector x ("Miércoles") no está en el objeto.

El operador pertenece sirve muchísimo porque nos ayuda a simplificar mucho la sintaxis de grandes operaciones lógicas. Veamos un ejemplo.

Le preguntamos a R que elementos del vector x son iguales a "A" o "B" o "C".

```
# Definimos el vector x.
set.seed(20)
x<-sample(c("A","B","C","D"),20,T)
x</pre>
```

```
## [1] "B" "C" "C" "D" "B" "A" "B" "A" "B" "B" "A" "C" "C" "A" "C" "A" "A" "A" "B" "D"

# ¿Qué elementos del vector x son iguales a "A" o "B" o "C"?

x=="A" | x=="B" | x=="C"
```

Pero si usamos el operador pertenece (%in%) la sintaxis sería más limpia y más corta.

```
# La misma solución pero usando el operador pertenece.

x %in% c("A","B","C")
```

5.2 ENCONTRAR EL ÍNDICE DE ELEMENTOS Y CAMBIAR VALORES.

En este capítulo hemos visto hasta el momento que se puede determinar que elemento(s) pertenecen al vector (siempre y cuando se cumplan determinada operación lógica), pero si uno desea saber la posición de este(os) elemento(s). Se tendrá que usar la función which(). Esta función permite encontrar la posición de los elementos siempre y cuando se cumpla una determinada operación lógica.

Veamos los argumentos de la función which().

```
which(x, arr.ind = FALSE, useNames = TRUE)
```

Donde:

x = Es un vector lógico o un array. arr.ind = Argumento lógico que se usa cuando x es un array. Si es TRUE, entonces, devuelve los índices en una matriz cuando x es una matriz. uselvent es usa cuando x es una array. Si es TRUE, entonces, los nombres del array se deben de mostrar.

Para este capítulo solo usaremos la función which() cuando el argumento x es lógico, así que no se tendrá en cuenta los dos últimos argumentos, ya que estos se usan cuando x es una array.

Entonces, vamos a ver un ejemplo. Pero primero vamos a crear el vector x que tiene los sigientes elementos.

```
# Creando el vector x.
set.seed(2021)
x<-sample(1:100,50,T)</pre>
```

Se crea un vector aleatorio de 50 elementos los cuales pueden ser entre el 1 al 100 y pueden repetirse.

Veamos los elementos del vector x que acabamos de crear.

```
Х
```

```
## [1] 7 38 46 58 12 70 64 38 69 23 76 51 60 18 60 3 46 26 36 86 31 98 19 68 86 5 73 63 ## [29] 38 18 43 59 70 86 70 63 79 34 22 16 79 88 17 20 68 94 72 83 67 2
```

Nosotros queremos saber las posiciones de los elementos del vector \mathbf{x} son mayores que 50. Para esto realizamos la siguiente sintaxis.

```
# Para encontrar la posición de los elementos que son
# mayores a 50 del vector x.
which(x>50)
```

```
## [1] 4 6 7 9 11 12 13 15 20 22 24 25 27 28 32 33 34 35 36 37 41 42 45 46 47 48 49
```

Lo que nos ha arrojado R son las posiciones de los elementos que son mayores a 50 del vector x. Es así que el elemento de posición 4 es mayor a 50. Si nos fijamos en el vector x, el elemento de posición 4 es el elemento de valor 58 que es mayor a 50.

5.2.1 CAMBIAR VALORES DE ELEMENTOS.

Una práctica común es cambiar el valor de los elementos de una variable siempre y cuando cumpla una condición o si queremos cambiar el valor de un elemento determinado.

Veamos un ejemplo, para esto vamos a crear el vector aleatorio z.

```
# Creando el vector aleatorio z.
set.seed(2021)
z<-sample(1:10, 30, T)</pre>
```

El vector z es un vector aleatorio de 30 elementos que pueden ser entre el 1 y 10 donde los elementos se repiten. El vector z tiene los siguientes elementos.

```
## [1] 7 6 10 7 4 6 6 6 5 7 9 7 3 2 3 8 10 4 5 6 2 3 4 5 6 5 9 6 ## [29] 2 2
```

Por ejemplo. Si se desea cambiar el elemento de posición 9 por el 20, tendríamos que realizar la siguiente sintaxis.

```
# Cambiando el valor del elemento de índice 9
# por el valor de 20 en el vector z.
z[9]<-20
```

Veamos como ha quedado el vector z.

Z

```
## [1] 7 6 10 7 4 6 6 6 20 7 9 7 3 2 3 8 10 4 5 6 2 3 4 5 6 5 9 6 ## [29] 2 2
```

En efecto, lo que hemos hecho es cambiar el valor del elemento de índice 9 por el valor de 20.

Ahora veamos un ejemplo en donde se desea cambiar por 100 todos los elementos que son iguales a 3. La sintaxis sería la siguiente.

```
z[z==3]<-100
```

Veamos como nos ha quedado el vector z.

z

```
## [1] 7 6 10 7 4 6 6 6 20 7 9 7 100 2 100 8 10 4 5 6 2 ## [22] 100 4 5 6 5 9 6 2 2
```

En efecto, todos los elementos que valián 3 ahora valen 100.

Veamos un último ejemplo en donde los elementos de valor 5 se le sume 1000 con lo cual se convertirán en 1005. Para desarrollar lo siguiente usaremos la siguiente sintaxis.

```
z[z==5] < -z[z==5] + 1000
```

Y en efecto, los elementos de valor 5 ahora valen 1005.

z

```
##
     [1]
             7
                    6
                        10
                                7
                                             6
                                                   6
                                                         6
                                                              20
                                                                            9
                                                                                  7
                                                                                      100
                                                                                               2
                                                                                                  100
                                                                                                           8
                                                                                                                10
## [18]
             4 1005
                                2
                                    100
                                             4 1005
                                                                            6
                                                                                  2
                          6
                                                         6 1005
                                                                      9
                                                                                         2
```

En el siguiente capítulo se verán los temas de factores y listas, objetos muy importantes en la programación en el software R.

6 FACTORES Y LISTAS.

En este capítulo se desarrollará el tema de factores donde los niveles no tienen un orden y otro en donde los niveles si están ordenados, para esto se usará las funciones: factor() y ordered(). Asimismo, se crearán listas y explicaremos para que sirven y cuando usarlas.

6.1 Factores.

En R un objeto factor es una variable que asigna índices a las categorías de las variable. Esto permite una mayor facilidad de procesamiento que si se mantendría la variable en string. Por otro lado, también sirve para asignar categorías a números, este uso es característico de softwares como STATA y SPSS. Hay dos tipos de variables factor en R: los que tienen los niveles desordenados (porque no es necesario que haya un orden) y los que tienen niveles ordenados. En el primero caso usaremos la función factor() o su variante as.factor(), y para el segundo caso, usaremos la función ordered().

6.1.1 Factores con niveles desordenados.

Los niveles no necesitarán un orden cuando las categorías de las variables no tienen un orden jerárquico. Por ejemplo, la variable sexo que tiene dos categorías: masculino y femenino. En esta variable el género másculino no vale más que el género femenino ni viceversa. Otro ejemplo, es el estado civil, en esta variable las categorías no tienen un orden jerarquico, ya que, ser soltero no es más o menos que estar casado o estar viudo.

Una vez que se ha comprendido cuando las categorías no tienen un orden jerarquico, podemos ver unos ejemplos para ver como funciona en el software la función factor().

Primero vamos a crear un vector aleatorio llamado sexo en donde se tienen las dos categorías: masculino y femenino.

```
# Generando el vector sexo.
set.seed(2021)
sexo<-sample(c("MASCULINO", "FEMENINO"), 33, T)</pre>
# Hemos creado al vector sexo con 33 elementos.
sexo
##
    [1] "MASCULINO" "FEMENINO"
                                "FEMENINO"
                                            "FEMENINO"
                                                        "MASCULINO" "FEMENINO"
                                                                                "FEMENINO"
   [8] "FEMENINO"
                    "FEMENINO" "FEMENINO"
                                            "MASCULINO" "FEMENINO"
                                                                    "FEMENINO"
                                                                                "MASCULINO"
       "MASCULINO" "MASCULINO" "MASCULINO" "FEMENINO"
                                                                    "MASCULINO"
                                                                                "FEMENINO"
## [22] "FEMENINO"
                    "MASCULINO" "FEMENINO"
                                            "MASCULINO" "MASCULINO" "FEMENINO"
                                                                                "FEMENINO"
                    "FEMENINO" "MASCULINO" "FEMENINO"
## [29] "FEMENINO"
                                                       "MASCULINO"
```

Podemos darnos cuenta que todos los elementos del vector **sexo** son character. Entonces, si nosotros queremos colocar un índice a cada variable y así mejorar el procesamiento, entonces necesitamos convertir a factor la variable sexo.

La forma más sencilla es usando la función as.factor(). Veamos como:

```
# Convirtiendo a factor la variable sexo.
sexo1<-as.factor(sexo)</pre>
```

Estamos guardando el resultado en la variable sexo1.

```
sexo1
```

```
## [1] MASCULINO FEMENINO FEMENINO FEMENINO MASCULINO FEMENINO FEMENINO FEMENINO FEMENINO MASCULINO MASCULINO MASCULINO MASCULINO MASCULINO FEMENINO ## [33] MASCULINO ## Levels: FEMENINO MASCULINO
```

Ahora los elementos del vector no son character, además, en la parte inferior se observa que se tiene dos niveles: FEMENINO Y MASCULINO. Lo que ha hecho el software es asignar un índice a cada categoría de la variable sexo, en este caso ha asignado el índice 1 a la categoría femenino y 2 a la categoría masculino. Para observar esto usamos la función str() que nos arroja la estructura de cada vector.

```
# Viendo la estructura de la variable sexo1.
str(sexo1)
```

```
## Factor w/ 2 levels "FEMENINO","MASCULINO": 2 1 1 1 2 1 1 1 1 1 ...
```

En efecto, nos arroja que la variable sexo1 tiene dos niveles: femenino y masculino y que el índice del primero es 1 y del segundo es 2. Esto es lo que se observa en la parte sombreada de amarillo de la siguiente imagen.

```
> str(sexo1)
Factor w/ 2 levels "FEMENINO","MASCULINO": 2 1 1 1 2 1 1 1 1 1 ...
```

Primero observamos un 2, luego un 1, luego otro 1 y otro 1 y luego un 2 y así sicesivamente. estos son los índices que considera el software para cada categoría. Pero usted se preguntará cómo sé que el 2 corresponde a la categoría femenino y el 1 a masculino. El orden es el mismo que la posición de cada elemento.

```
MASCULINO FEMENINO
                        FEMENINO
                                  FEMENINO
                                            MASCULINO FEMENINO
              FEMENINO
                        MASCULINO FEMENINO
                                             FEMENINO
                                                       MASCULINO MASCULINO MASCULINO
   MASCULINO MASCULINO FEMENINO
                                  MASCULINO FEMENINO
                                                       FEMENINO
                                                                 MASCULINO FEMENINO
   MASCULINO MASCULINO FEMENINO
                                  FEMENINO
                                            FEMENINO
                                                       FEMENINO
                                                                 MASCULINO FEMENINO
   MASCULINO
evels: FEMENINO MASCULINO
```

Otra forma para saber cual vale 1 y cual vale dos es el orden en el cual aparecen los niveles de la variable. Para saber cuales son los niveles podemos llamar al vector y ver en la última fila.

sexo1

```
##
    [1] MASCULINO FEMENINO
                            FEMENINO
                                      FEMENINO
                                                MASCULINO FEMENINO
                                                                     FEMENINO
                                                                              FEMENTNO
    [9] FEMENINO
                  FEMENINO
                            MASCULINO FEMENINO
                                                FEMENINO
                                                          MASCULINO MASCULINO MASCULINO
  [17] MASCULINO MASCULINO FEMENINO
                                      MASCULINO FEMENINO
                                                          FEMENINO
                                                                     MASCULINO FEMENINO
  [25] MASCULINO MASCULINO FEMENINO
                                      FEMENINO
                                                FEMENINO
                                                          FEMENINO
                                                                     MASCULINO FEMENINO
## [33] MASCULINO
## Levels: FEMENINO MASCULINO
```

O podemos usar la función levels(), para conocer los niveles del vector. 12

levels(sexo1)

```
## [1] "FEMENINO" "MASCULINO"
```

Por las dos formas podemos ver que el primer nivel es FEMENINO y el segundo es MASCULINO. Es así que el software le asignará el valor de 1 a femenino y 2 a masculino. Aquí surge una pregunta muy interesante ¿Por qué el software R empieza los índices con 1 y no con 0, como lo hacen otros softwares como python, java, stata, entre otros?

La respuesta no es clara al 100%, sólo lo saben los que programaron \mathbf{R} , pero es una ventaja de \mathbf{R} , ya que, si empezaría en 0 el índice al llamar elementos de los vectores. Por ejemplo, si queremos llamar al primer elemento de un vector \mathbf{x} usamos $\mathbf{x}[1]$, en cambio, en python si queremos llamar al primer elemento tendremos que usar el índice 0, así $\mathbf{x}[0]$. A mi parecer, el índice 0 para llamar al primer elemento me resulta extraño y confuso. Para mayor conocimiento y detalle del tema puede ingresar al siguiente enlace stackoverflow

Entonces, la cuestión es ¿se puede modificar el valor de los índices, es decir, que femenino tome 0 y masculino 1, manteniendo el nombre de las categorías? La respuesta es **NO**. Esto no es posible, pero no se observa la utilidad de colocar los índices con 0 y 1. Quizá piense que es necesario cuando desarrollará modelos de regresión o clasificación. En realidad, no, el software R sólo necesita que la variable sea factor o en su defecto que las variables sean convertidas en dummies. Esta cuestión se verá más a detalle en capítulos finales.

Otra cuestión podría ser que a usted le interesa que femenino valga 2 y masculino valga 1. Esto sí es posible, para esto usaremos la función factor().

Primero veamos los argumentos de la función factor().

```
factor(x = character(), levels, labels = levels, exclude = NA, ordered = is.ordered(x), nmax = NA)
```

 $^{^{12}}$ Esto nos servirá siempre y cuando el vector o variable tiene muchas observaciones. Imagínese que tiene 2000 observaciones, el software mostrará los primeras 1000 y luego recién lo hará con los niveles.

Donde:

x = Es un vector.

levels = Son los niveles del vector x.

labels = Son las etiquetas que tomarán los niveles del vector x.

exclude = Son los niveles que se excluirán a la hora de convertir en factor al vector x.

ordered = Si deseamos que los niveles del vector x tengan un orden.

nmax = El número máximo de niveles que se desea tener.

Para verlo a detalle vamos a usar la variable sexo que teníamos creado.

sexo

```
##
       "MASCULINO" "FEMENINO"
                                "FEMENINO"
                                            "FEMENINO"
                                                        "MASCULINO" "FEMENINO"
                                                        "FEMENINO"
##
       "FEMENINO"
                    "FEMENINO"
                                "FEMENINO"
                                            "MASCULINO"
                                                                                "MASCULINO"
        "MASCULINO"
                   "MASCULINO" "MASCULINO" "FEMENINO"
                                                                    "MASCULINO"
                                                                                "FEMENTNO"
                    "MASCULINO" "FEMENINO"
                                            "MASCULINO" "MASCULINO" "FEMENINO"
  [22] "FEMENINO"
                                "MASCULINO" "FEMENINO"
  [29] "FEMENINO"
                    "FEMENINO"
                                                        "MASCULINO"
```

Por defecto, el software coloca los índices por orden alfabético. Por tal motivo, en los resultados anteriores colocaba a femenino el índice 1 y a masculino el índice 2. Pero si queremos cambiar el orden del indice, es decir, que el índice 2 sea para femenino y el índice 1 para masculino.

Para obtener estos resultados ejecutaríamos la siguiente sintaxis.

```
sexo2<-factor(sexo, levels = c("MASCULINO", "FEMENINO"))</pre>
```

Lo que hemos realizado es colocar los niveles con el argumento levels, es así que como primer nivel hemos considerado a MASCULINO y como segundo nivel a FEMENINO. Al colocar los niveles en ese orden, el software asignará los indices en ese orden.

sexo2

```
##
    [1] MASCULINO FEMENINO
                           FEMENINO
                                      FEMENINO
                                                MASCULINO FEMENINO
                                                          MASCULINO MASCULINO MASCULINO
    [9] FEMENINO
                 FEMENINO
                           MASCULINO FEMENINO
                                                FEMENINO
   [17] MASCULINO MASCULINO FEMENINO
                                     MASCULINO FEMENINO
                                                          FEMENINO
                                                                    MASCULINO FEMENINO
  [25] MASCULINO MASCULINO FEMENINO FEMENINO
                                               FEMENINO
                                                          FEMENINO
                                                                    MASCULINO FEMENINO
## [33] MASCULINO
## Levels: MASCULINO FEMENINO
```

En efecto, ahora el primer nivel es MASCULINO y el segundo es FEMENINO. También podemos observar con la función str().

```
str(sexo2)
```

```
## Factor w/ 2 levels "MASCULINO", "FEMENINO": 1 2 2 2 1 2 2 2 2 ...
```

Detalle importante a considerar en este punto es que no podemos cometer errores al escribir los niveles, si nosotros escribimos un nivel distinto al que está en nuestra variable, entonces, cometeremos un error y no estaremos considerando a esa categoría en el nivel esperado. Veamos un ejemplo, y observemos lo que sucede.

```
sexo3<-factor(sexo, levels = c("masculino", "FEMENINO"))</pre>
```

Aquí podemos observar que en vez de colocar el nivel MASCULINO se ha colocado en minusculas masculino. Lo cual nos genera un error ya que al no encontrar el nivel masculino no podrá colocar el índice, y por ende, asiganará el valor de NA a cada observación que no tiene el nivel correcto. Observemos.

sexo3

```
## [28] FEMENINO FEMENINO FEMENINO <NA> FEMENINO <NA> ## Levels: masculino FEMENINO
```

En efecto, le asignó el valor de NA a todos los elementos que no encontró un nivel que se le asigno, en este caso, a todos los que son MASCULINO.

Entonces, aquí surge un cuestión ¿podemos cambiar los nombres de los niveles?, la respuesta es sí. Para realizar esto tenemos que usar el argumento labels. Veamos un ejemplo, en donde nuestros niveles estén en minúsculas.

Hemos hecho el mismo procedimiento que anteriormente, pero ahora estamos utilizando el argumento labels que son las etiquetas que se asignarán a cada nivel. Veamos el resultado.

sexo4

```
## [1] masculino femenino femenino femenino masculino femenino femenino femenino femenino
## [9] femenino femenino masculino femenino femenino masculino masculino masculino femenino femenino femenino femenino masculino femenino
## [25] masculino masculino femenino femenino femenino femenino masculino femenino
## [33] masculino
## Levels: masculino femenino
```

Aquí lo fundamental, es el orden. Si nosotros consideramos primero a MASCULINO entonces su etiqueta debe de ser masculino, si nosotros hubiesemos considerado primero la etiqueta femenino en vez de masculino, se habría cambiado a todos los MASCULINOS por femenino. Por tal motivo, es fundamental el orden en el que se coloca los niveles y las etiquetas.

Otra cuestión que puede surgir es el no considerar a uno o más categorías. Para realizar esto vamos a usar el argumento exclude. Vamos a crear el vector x para desarrollar un nuevo ejemplo.

```
# Creando el vector x.
set.seed(2021)
x<-sample(c("A","B","C","D"), 30, T)
x
```

```
## [1] "C" "B" "B" "B" "C" "D" "D" "B" "D" "B" "C" "B" "B" "A" "C" "C" "A" "C" "D" "C" "D" ## [22] "B" "C" "D" "A" "C" "B" "D"
```

Hemos creado el vector x que tiene 30 elementos, los cuales son las letras: A, B, C y D.

Entonces, si nosotros queremos convertir en factor a la variable x y no nos interesa el orden de los índices, entonces podemos correr la siguiente sintaxis.

```
factor(x)
```

```
## [1] C B B B C D D B D B C B B A C C A C D C D B C D A C B D B D ## Levels: A B C D
```

Al no interesarnos el orden de los índices suficiente con colocar el vector \mathbf{x} dentro de la función $\mathsf{factor}()$. Como sabemos el software, asignará los índices en orden alfabético¹³.

El resultado que hemos obtenido es el esperado a asignado los niveles en orden alfabético es así que el primer índice es para A y el segundo para B, y así sucesivamente.

Pero si nosotros quisíeramos excluir al nivel B entonces usaríamos la siguiente sintaxis.

¹³ Obtendríamos el mismo resultado si hubieramos usando la función as.factor(), pero esta función no acepta argumentos como levels, labels, exclude, entre otros.

```
factor(x, exclude = "B")
   [1] C
             <NA> <NA> <NA> C
                                  D
                                       D
                                             <NA> D
                                                        <NA> C
                                                                  <NA> <NA> A
                                                                                  С
                                                                                       С
                                                                                            Α
## [18] C
             D
                  С
                        D
                             <NA> C
                                       D
                                             Α
                                                  С
                                                        <NA> D
                                                                  <NA> D
```

Y en efecto, ya no estamos considerando al nivel B y asigna el valor de NA a todas los elementos que son B. Hasta ahora hemos visto ejemplos con factores en donde no es importante el orden de los niveles. Pero en la siguiente sección veremos a detalle como trabajar con niveles ordenados.

6.1.2 Factores con niveles ordenados.

Levels: A C D