



Fundamentos de Deep Learning

M.Sc. Angelo Jonathan Diaz Soto

2025

Data Science – Business Intelligence – Big Data – Machine Learning – Artificial Intelligence – Innovation and (+51) 976 760 803

lechnology www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com





Gradiente Descendente Perceptron Multicapa Redes Neuronales Redes Feedforward y Recurrent Neural Networks

Pesos, parámetros sesgo y activación

Funciones de activación: Sigmoidal, ReLu y Softmax

Gradiente descendiente y Backpropagation





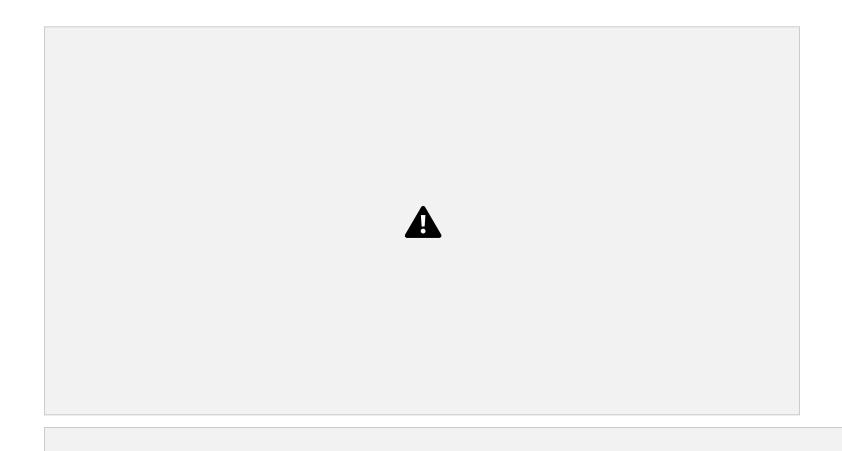




1.Red neuronal artificial

surgen inicialmente simular el de las redes neuronales A

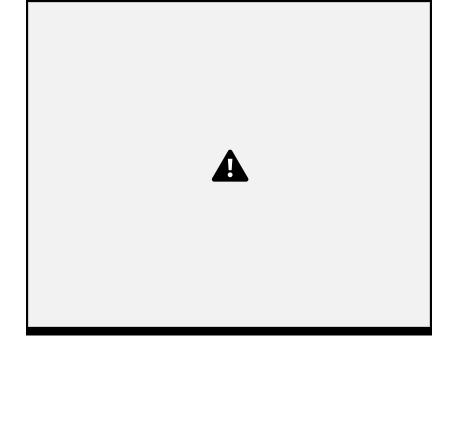
Las Rns artificiales como un modo de comportamiento naturales.

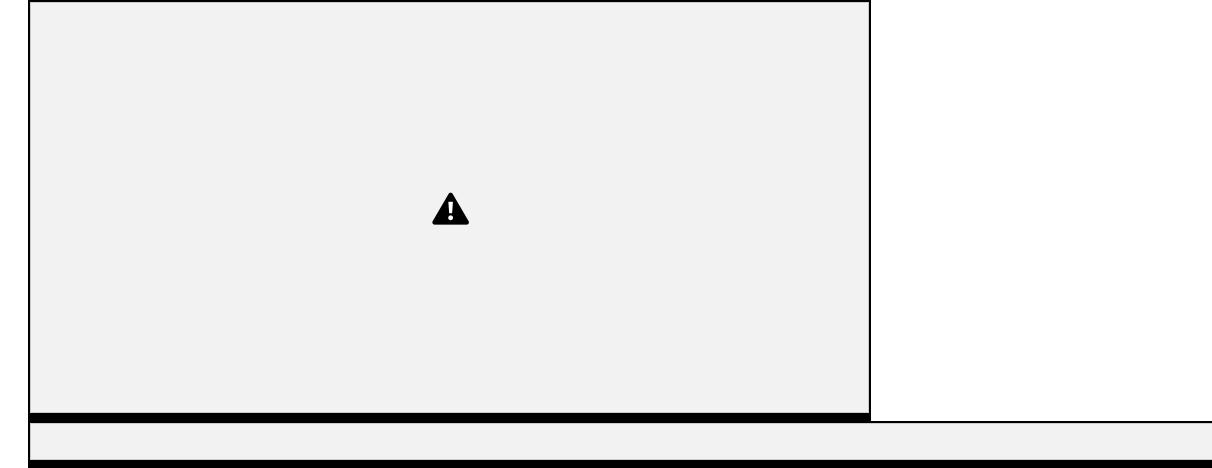


(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

2.Red neuronal

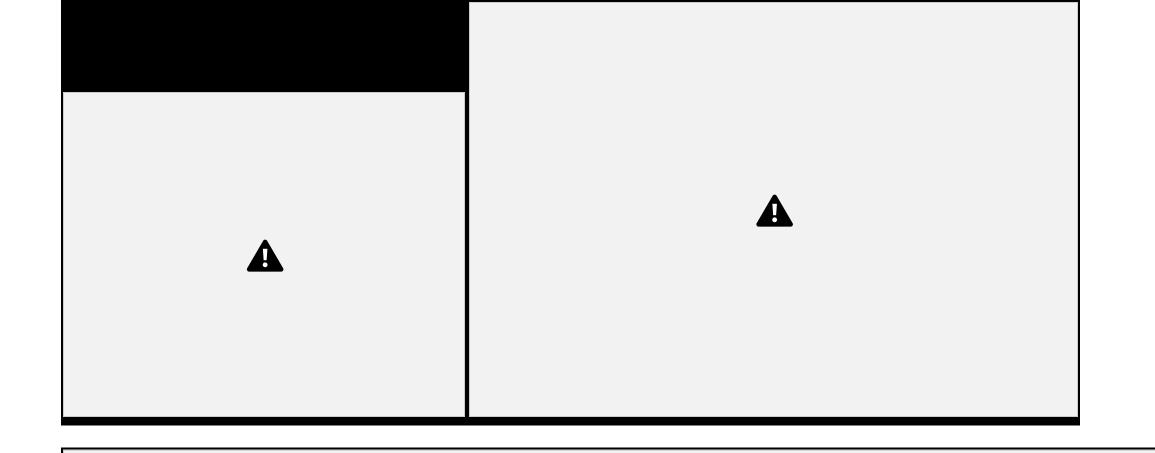






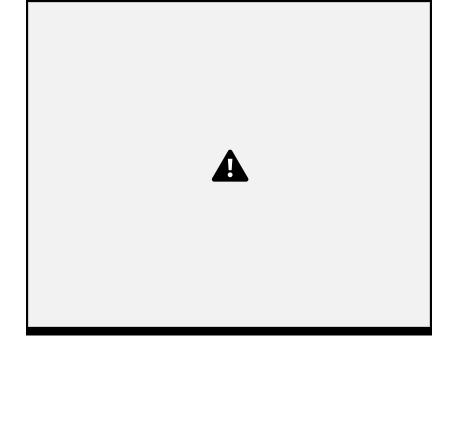


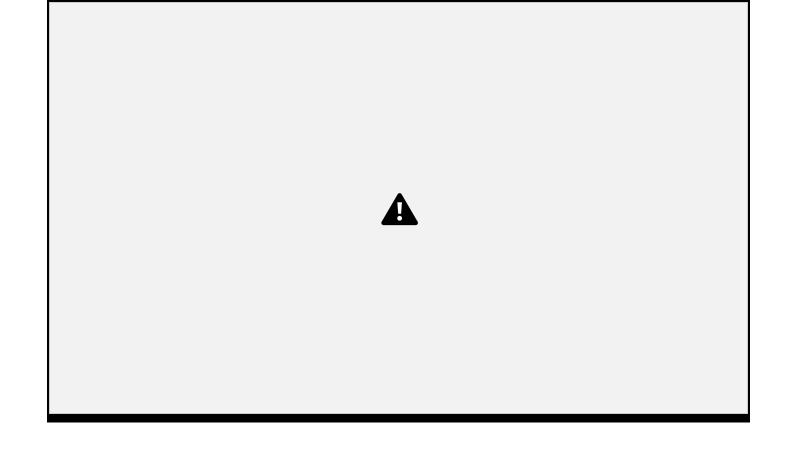




2.Red neuronal

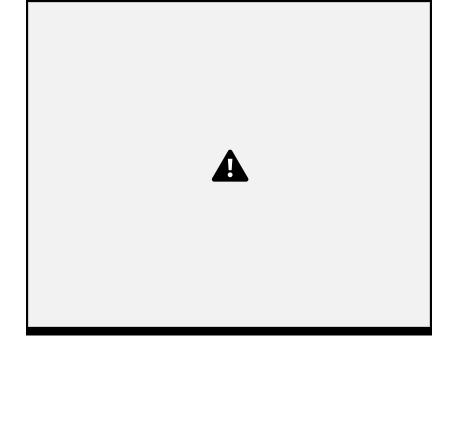
A

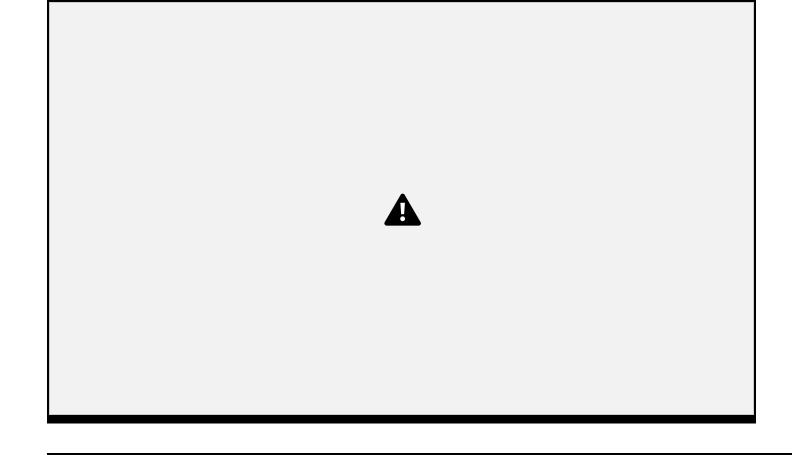






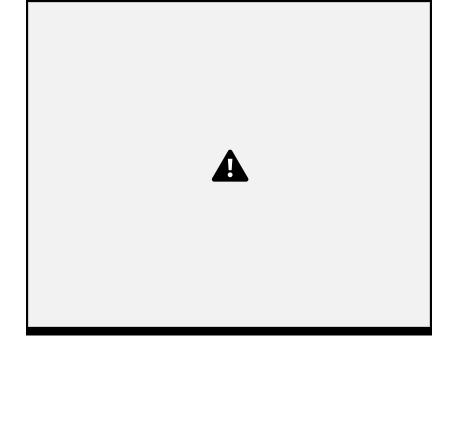
2.Red neuronal

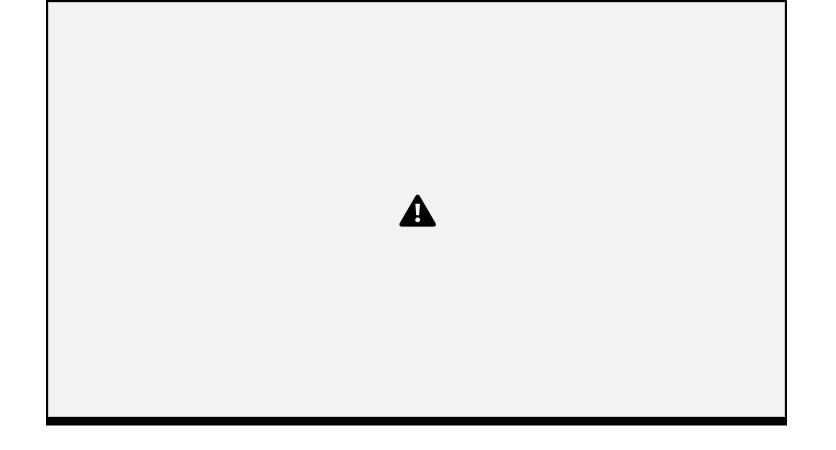






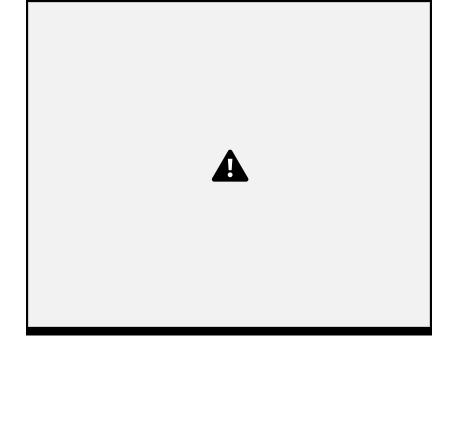


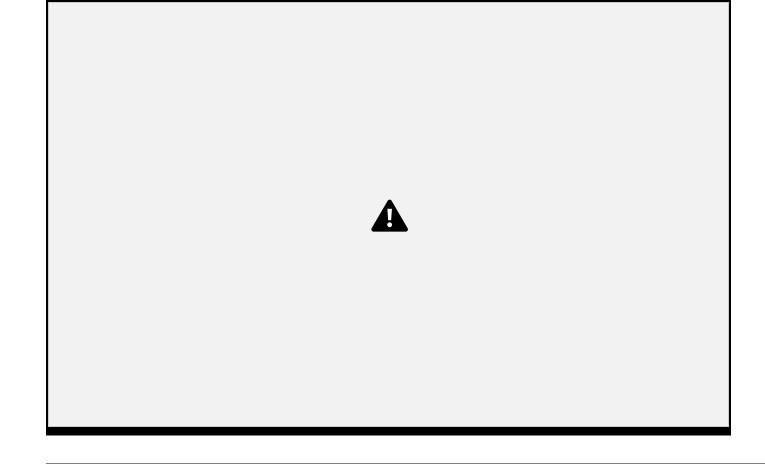






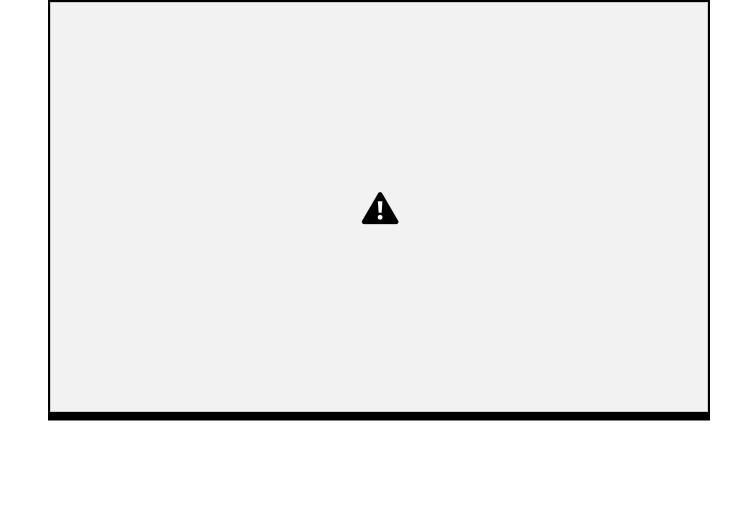
2.Red neuronal

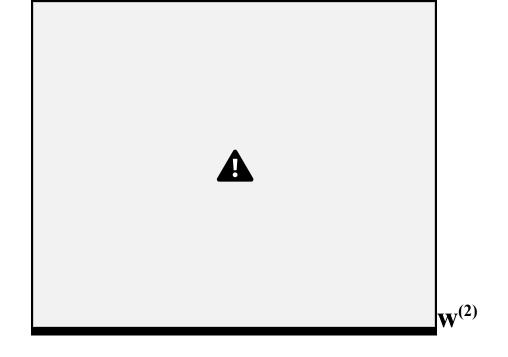




2.Red neuronal







2.Red neuronal



Red formada por varias capas de

interconectadas.

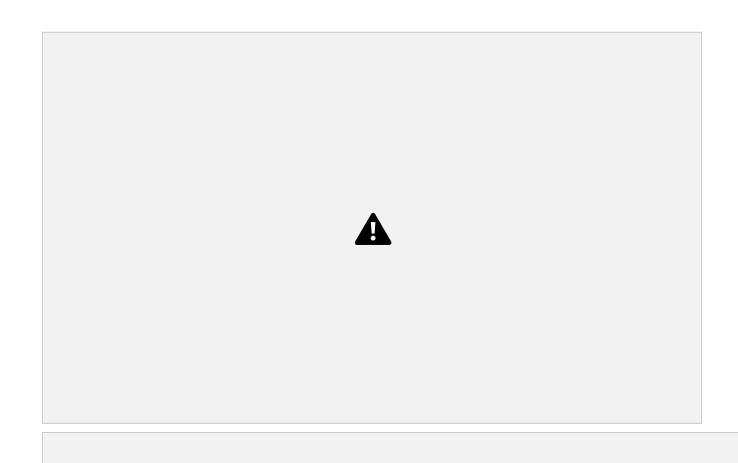
 $\mathbf{w}^{(1)}$

3. Multilayer Perceptrón



Hay muchos tipos de

redes basados en neuronas artificiales, el más clásico se denomina Perceptrón multicapa.



4.Aplicaciones

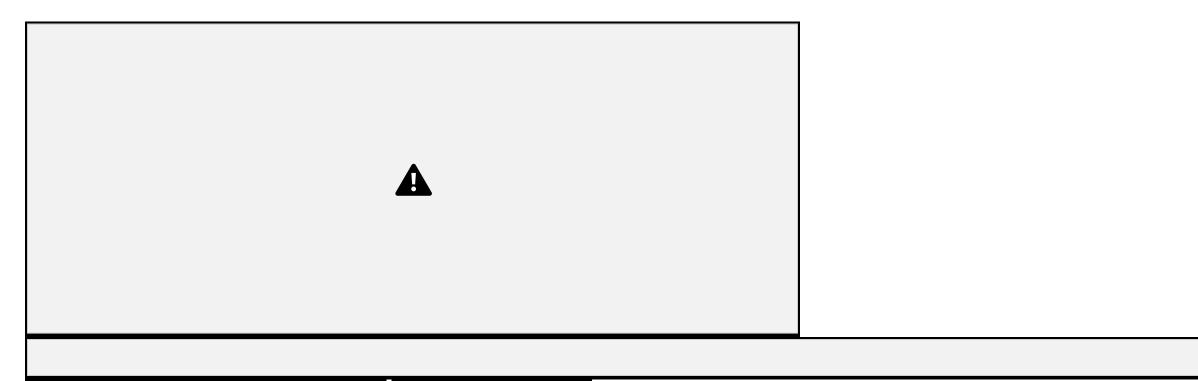


Son la base de las redes profundas,

actualmente muy utilizadas con mucho éxito.

Cada capa extrae

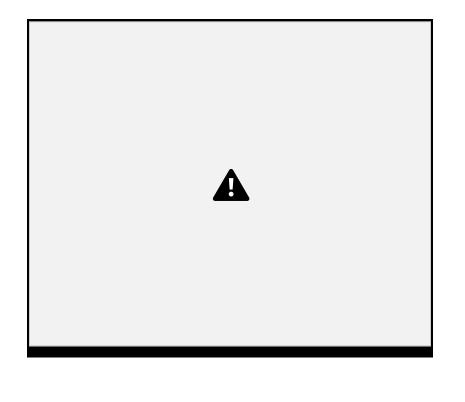
características cada vez más complejas

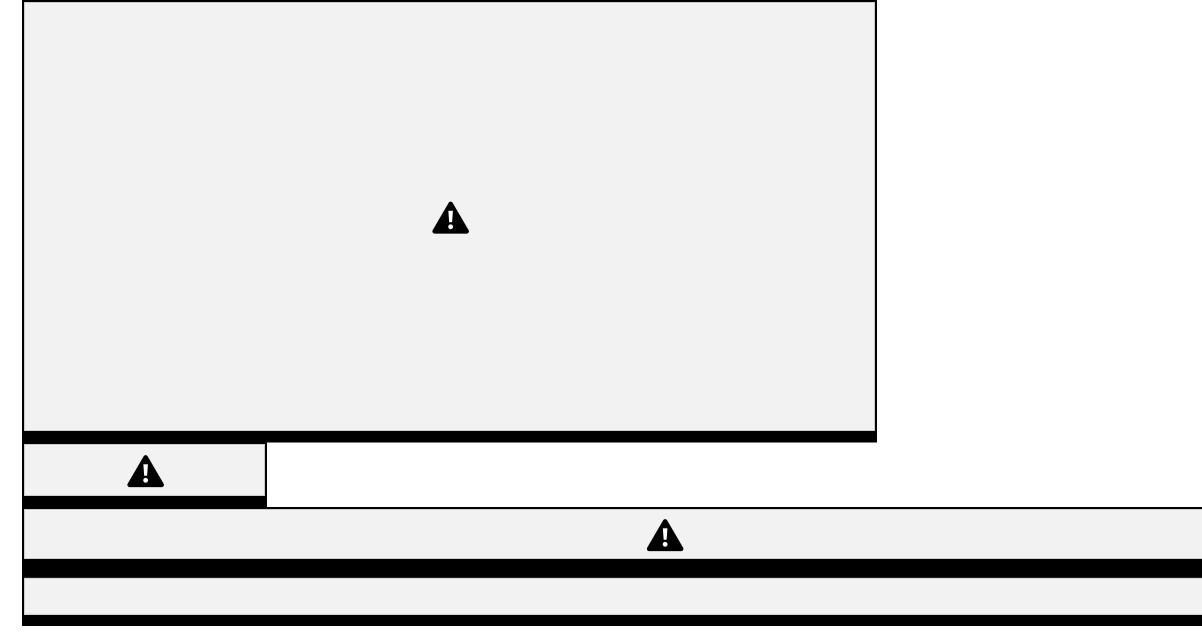


5. Propagación hacia delante

Forward



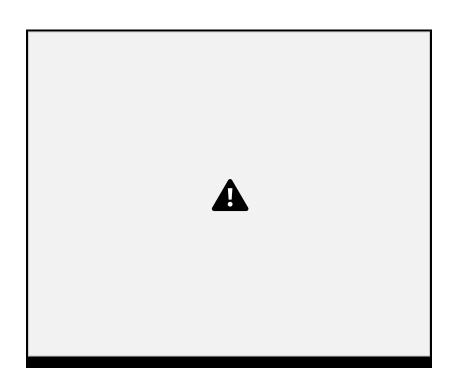


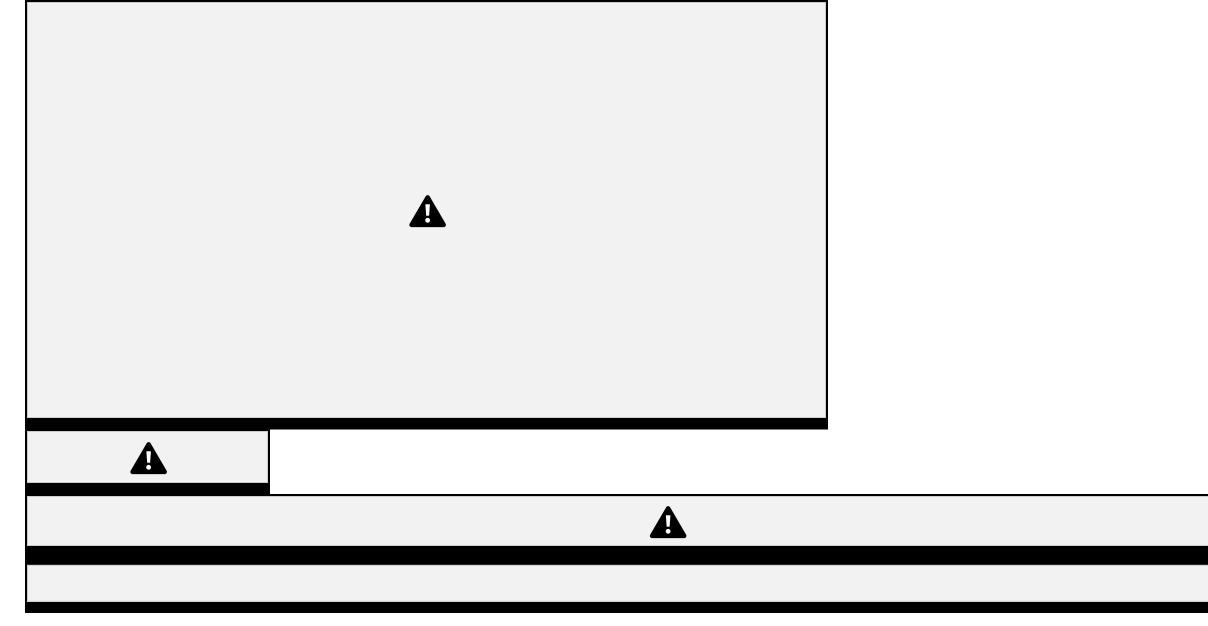


5. Propagación hacia delante



Forward

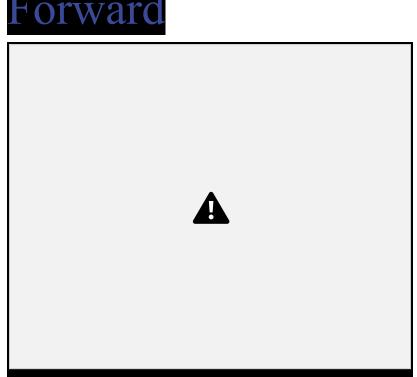


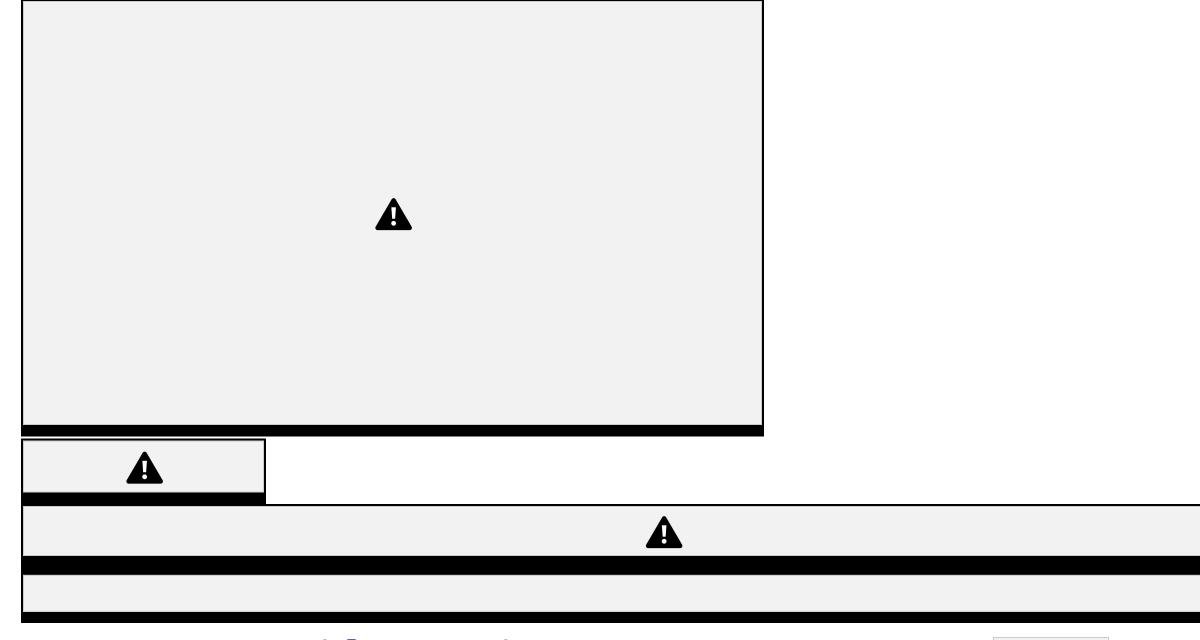


5. Propagación hacia delante



Forward

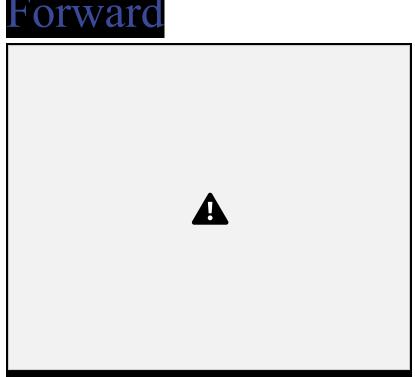


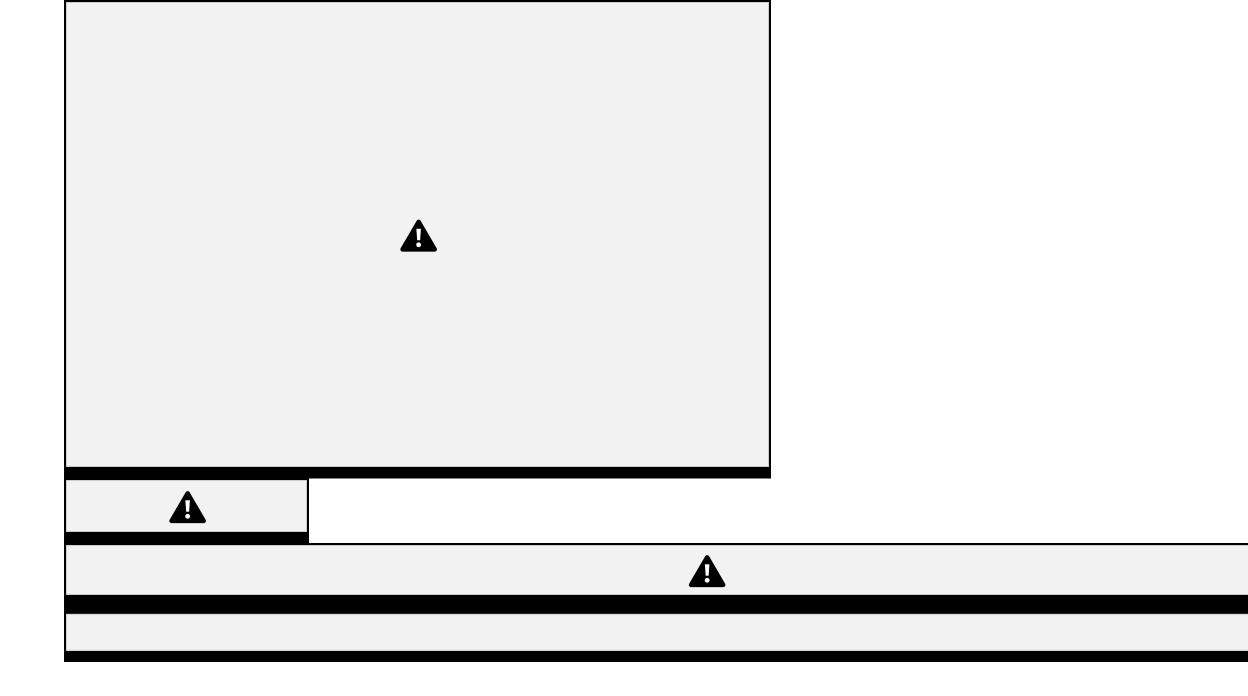


5. Propagación hacia delante



Forward



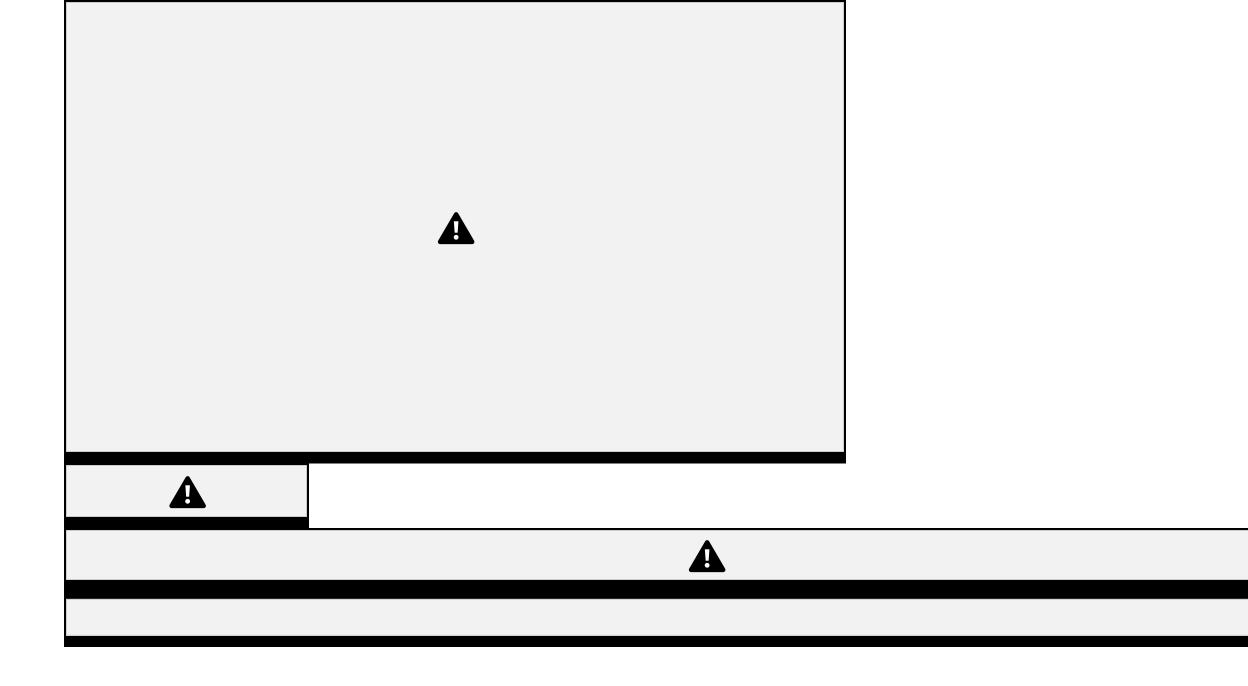


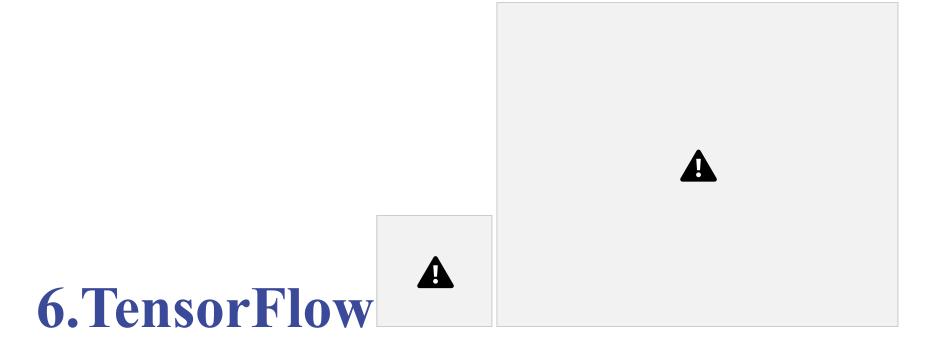
5. Propagación hacia delante

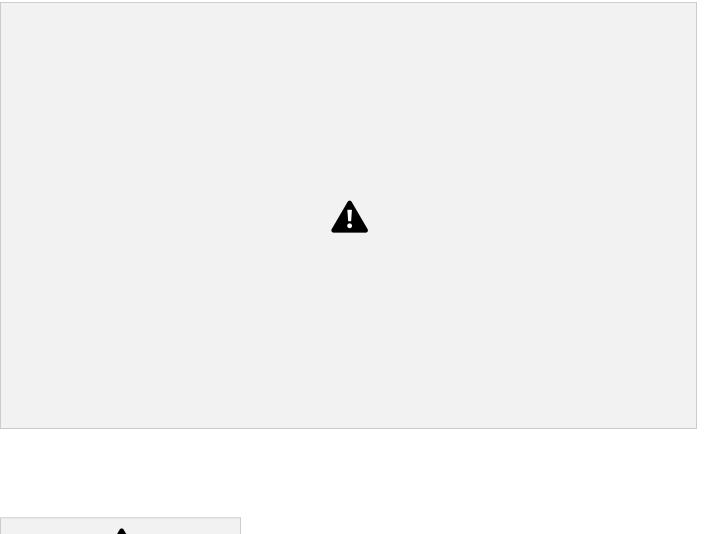












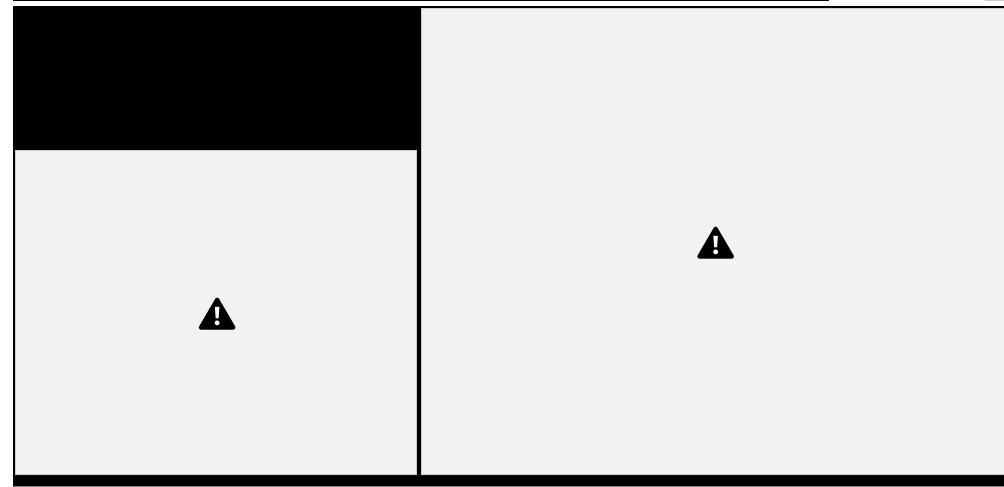


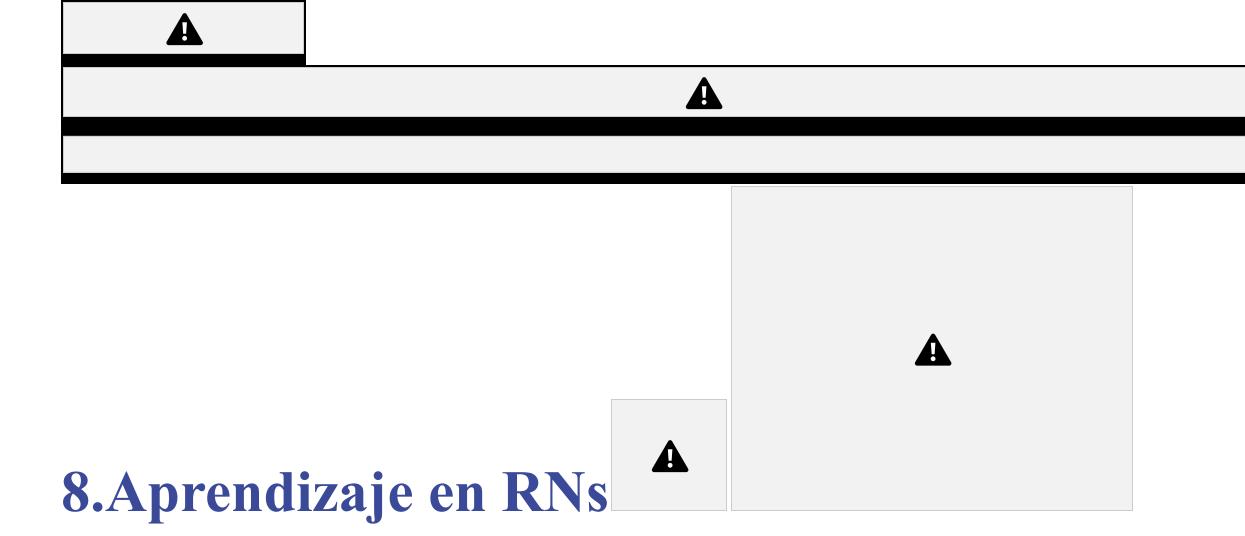


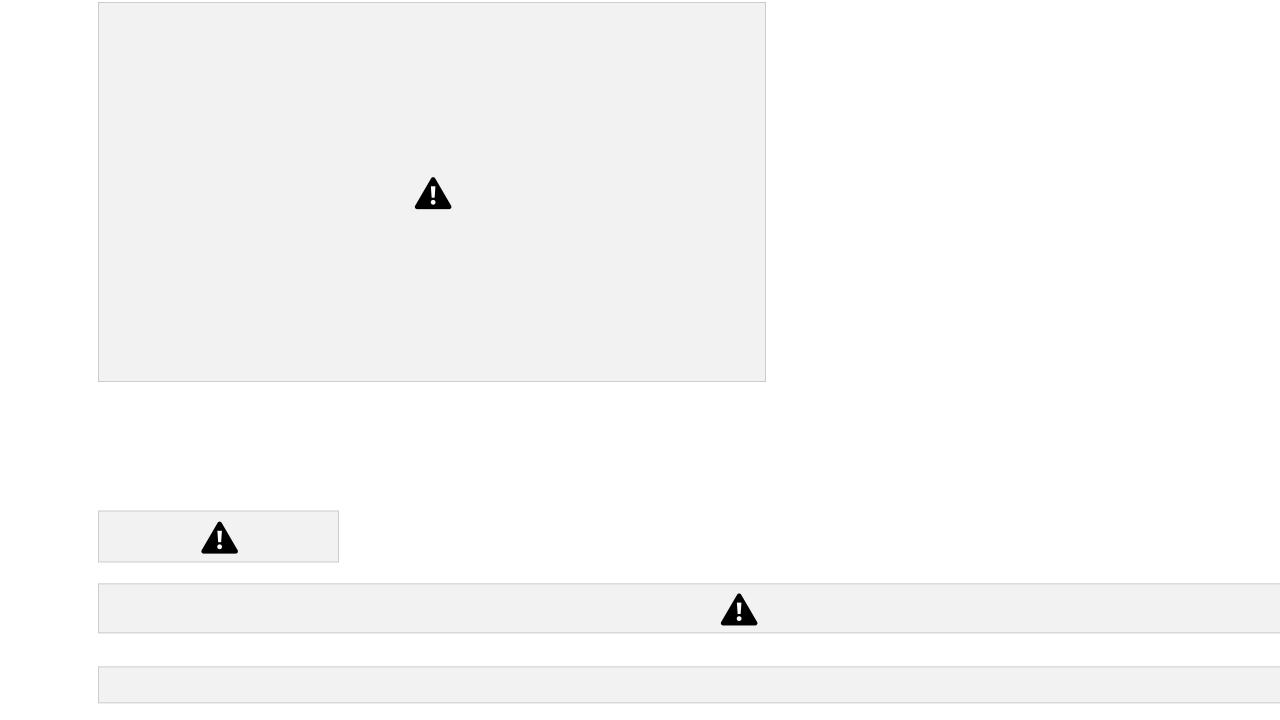
7. Clasificación multi etiqueta

A

Uno vs Todos: Múltiples unidades de salida







9.scikit-learn

A

Contiene dos clases principales para RNAs

- neuronal_network. MLPClassifier. -

neuronal_network. M

Ambas comparten varios parámetros:

- *Alpha*. Parámetro que rige la regularización.
- *Activation*. Función de activación:



- 'identity' (tenemos la z=a, no hay función de activación), 'logistic', 'tanh' o 'relu' (es lineal)
- *hidden_layer_sizes*. Tupla que contiene el número de neuronas en cada capa intermedia.

- Solver. Algoritmo de optimización:
 - 'lbfgs', 'sgd' (gradiente descendiente estocástico) o 'adam'

+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

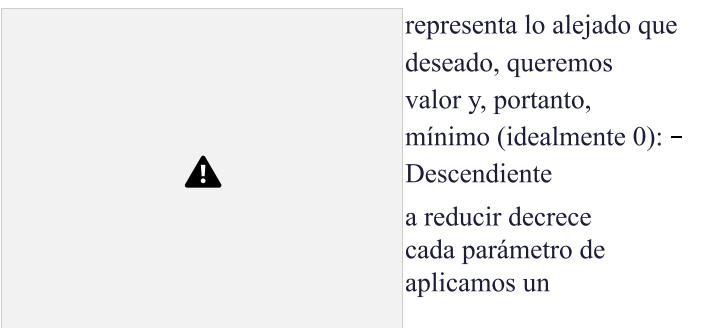




1.Contexto

Dado que el coste
estamos del resultado
Minimizar dicho
alcanzar su valor
Usamos Gradiente

- Hipótesis: el valor rápidamente si en la Fórmula, corrector negativo.



→ Este corrector o gradiente se obtiene a partir de la derivada parcial en el peso a establecer computado.

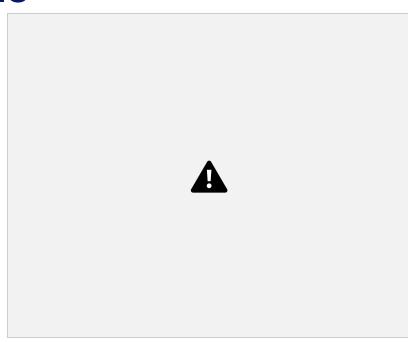
La aplicación de cada gradiente (al completo) sobre cada peso no es una buena idea, ya que aumenta la posibilidad de caer en **óptimos locales**.

- En su lugar, se aplica un **ratio de aprendizaje** de forma que en cada iteración, el valor de un peso se actualiza:

$$wi_{t+1} = wi_t * (1-ratio) - ratio * gradient$$

(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

2.Ejemplo









3.El gradiente descendiente (I)

El método gradiente

descendiente permite minimizar una función. Para ello, básicamente parte de unos valores para los parámetros elegidos aleatoriamente, y avanza en pasos

parámetros elegidos sucesivos hacia un mínimo.

Utilizando como ejemplo una función cualquiera: $F(\theta_0, \theta_1)$.

- Se pretende minimizar $F(\theta_0, \theta_1)$
- Se parte de unos valores θ_0 y

 θ_l elegidos aleatoriamente.

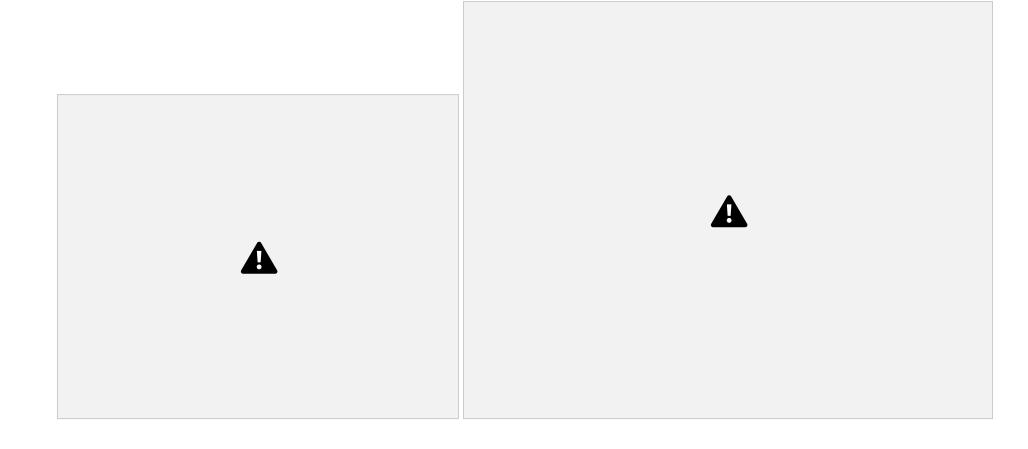
- Se actualizan θ_0 y θ_1 mientras se reduzca $F(\theta_0 \theta_1)$

A

+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

3.El gradiente descendiente (I)











3.El gradiente descendiente (III)

Suponiendo una funcicualquiera de **una** var $F(\theta_1)$ El signo de la derivada nos

dirá si θ_1 crece o



decrece. Cuando la derivada de la

tangente es 0 se estanca en un valor.



grad ient e desc

endi ente (III)

Suponiendo una Funç cualquiera de **Una** var

El signo de la derivada

nos dirá si θ_1 crece o decrece.

A

Cuando la derivada de la

tangente es 0 se estanca en un valor.

+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com 3.El gradiente Como la función crece la derivada es positiva

(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com



3.El gradiente de

Como la función crece la derivada es positiva

Por tanto, decrece y se acerca al punto de convergencia





Como la función crece la derivada es positiva

Por tanto, decrece y se acerca al punto de convergencia

Ahora la pendiente es negativa, porque la función decrece. Ahora la derivada es negativa y al restar un número negativo con - α entonces θ_1 crecerá y será positivo (se desplaza a la derecha)

3.El gradiente descendiente(IV)



Cuando el valor de los

parámetros se aproxima a un mínimo, el algoritmo da pasos más pequeños de manera automática, ya que $_{d\theta 1}{}^{d}F(\theta_{I})$ es menor.

Portanto, no es necesario decrementar α a lo largo de las

iteraciones. Debemos fijar un valor aceptable.



El valor α se

3.El gradiente descendiente (V)

denomina razón de

aprendizaje



A

Siαesdemasiadopequeña,la convergenciapuedeserdemasiadolenta.

 $Si\alpha$ esdemasiadogrande, el algoritmo puedeno converger, eincluso divergir.





rgencia ido lenta.

Si α es demasiado grande, el algoritmo puede no converger, e incluso divergir.

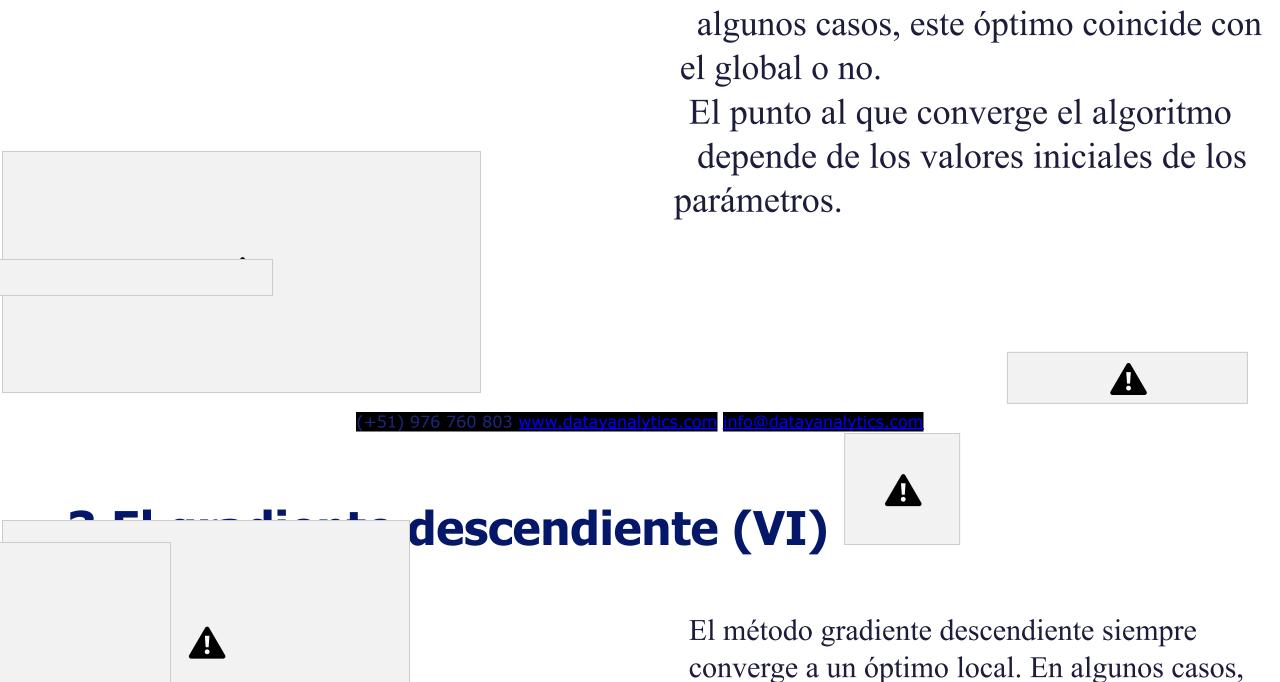
(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

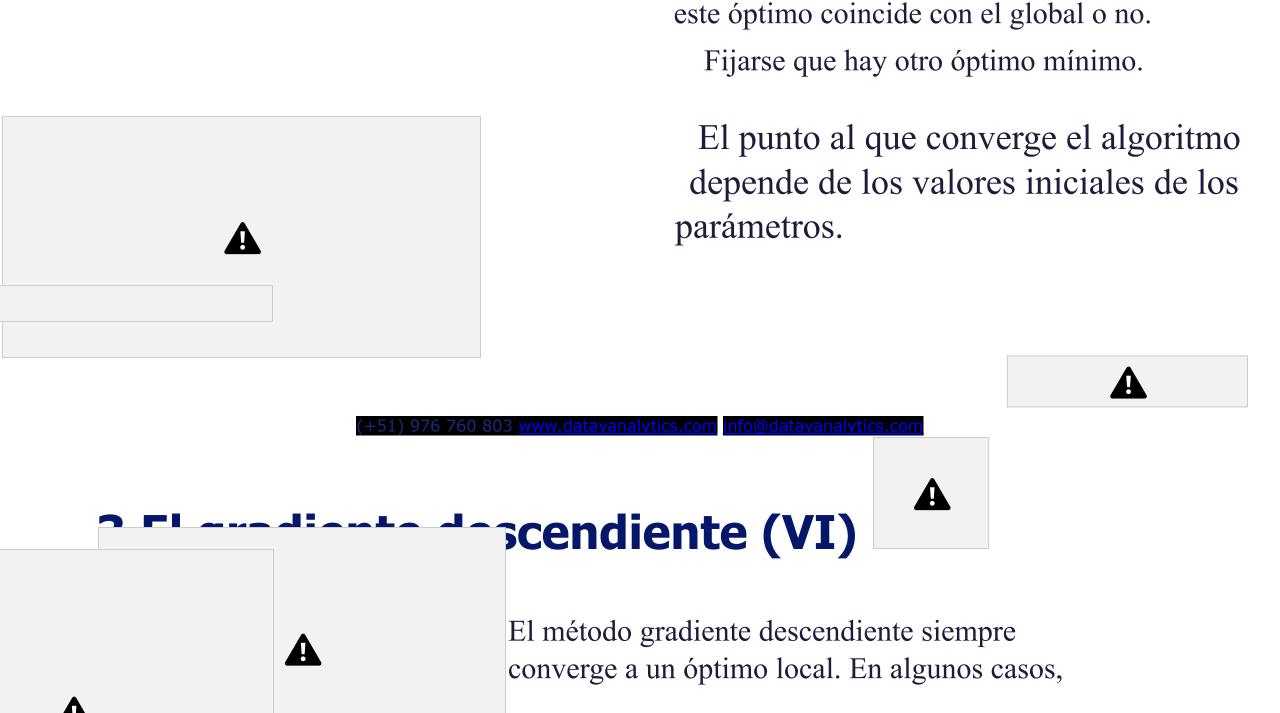






El método gradiente descendiente siempre converge a un óptimo local. En

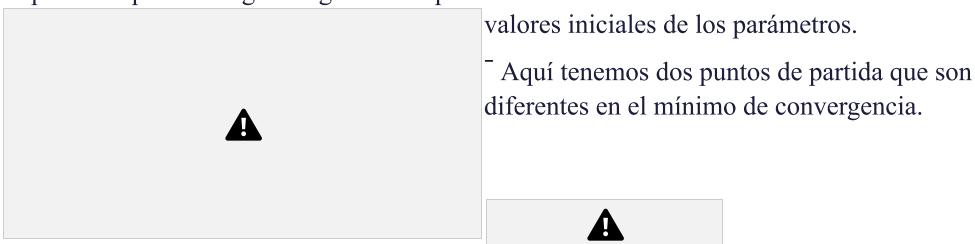




este óptimo coincide con el global.

Fijarse que hay otro óptimo mínimo.

El punto al que converge el algoritmo depende de los



(+51) 976 760 803 <u>www.datayanalytics.com</u> <u>info@datayanalytics.con</u>









1.Perceptron multicapa

Perceptrón multicapa parte de un modelo simple desarrollado en la década de los

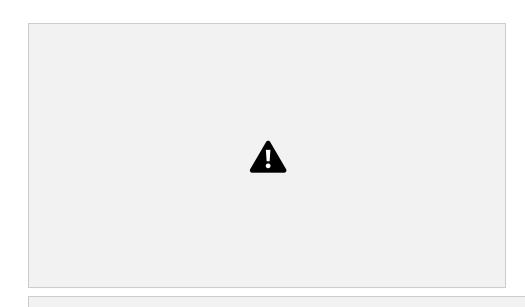
50: Perceptrón

Este modelo toma una y genera una salida a una función que utiliza pesos $(w_1,...,w_n)$, y un



serie de N entradas $(x_1,...,x_n)$ partir de

las entradas, una serie de factor adicional: sesgo(b)



(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

2.Conceptos clave

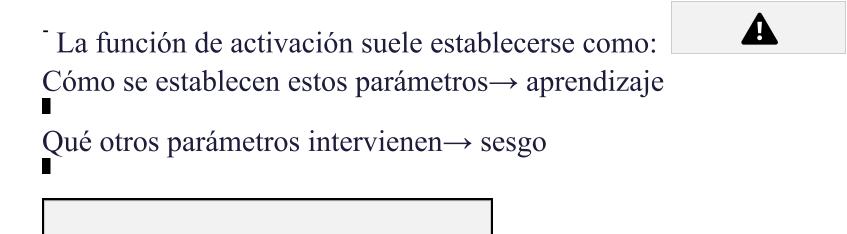


Cómo se combinan las

entradas→ pesos(w)

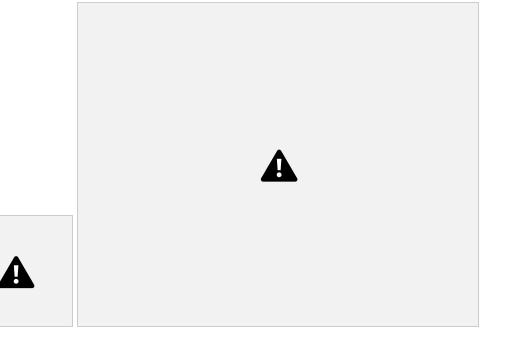
Cómo se determina la salida→ función de activación



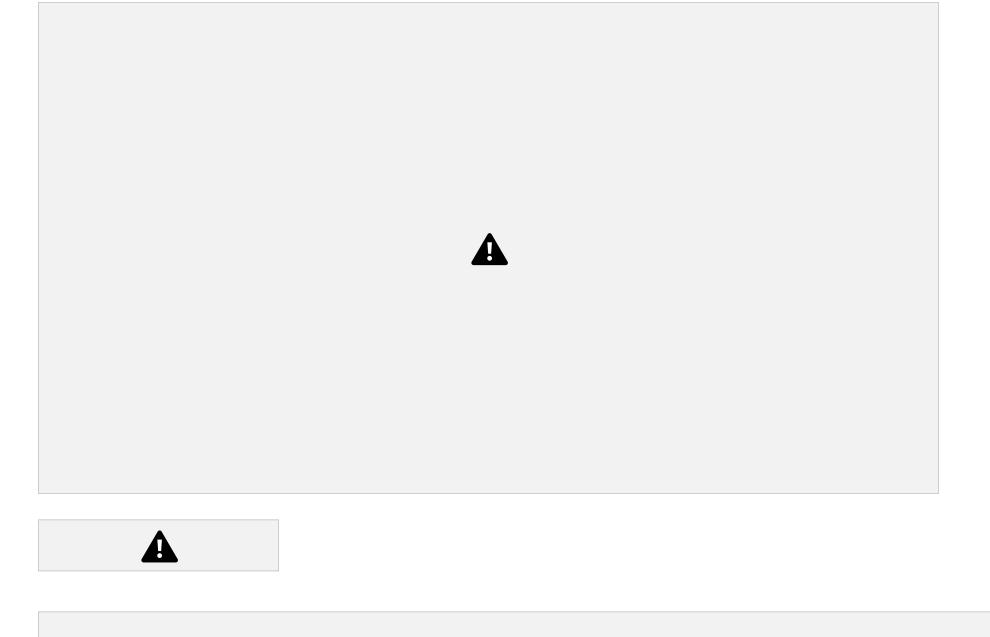


A

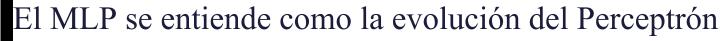
(+51) 976 760 803 <u>www.datayanalytics.com</u> info@datayanalytics.com



3.Arquitectura







Simple donde aparecen diferentes capas intermedias (llamadas ocultas) entre la entrada

y salida.

En estas capas función

sigmoidal*

intermedias podemos reemplazar la anterior por una

A



*Algunos autores limitan el uso del término MLP al uso de funciones básicas y al introducir sigmoidales pasan al término de Redes Neuronales.

5. Función sigmoidal

A

introduce ciertos

- La generación de son binarias sino en el
- La capacidad de

A

El uso de esta función cambios:

salidas que ya no Rango [0,1].

resolución de



problemas no lineales.



(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

6. Características



El número de capas

ocultas aumer

→ Afecta a
aumenta la

El proceso

de



, pero sobre todo zaje. aprendizaje puede verse como la búsqueda de reducir un valor llamado Coste.

Este valor Coste representa lo lejos que está nuestra red de producir un resultado perfecto sobre un conjunto de entrenamiento.

(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

7.Aprendizaje



del **coste**: clave En lugar de computar el error absoluto, se buscan funciones de coste que varíen

ligeramente ante pequeños cambios en los parámetros (pesos o sesgo).

En este proceso se hace uso de dos técnicas:

- Back propagation
- Gradiente Descendente

El aprendizaje es un proceso iterativo donde se introduce un parámetro:

- Factor o Ratio de Aprendizaje
- Factores altos aumentan la velocidad, pero también el **riesgo** de caer en Óptimos locales.

(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

8. Proceso de Aprendizaje (I)



Consta de dos etapas forward y backward, partiendo de una red con pesos inicializados (normalmente de forma aleat salida esperada.

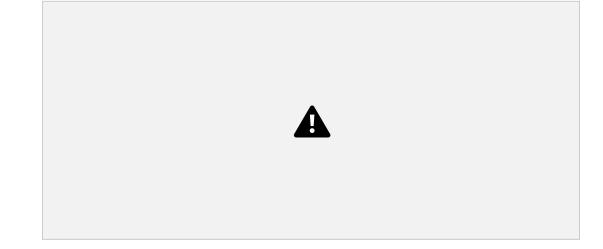
Forward: a partir de unos realizan los cálculos almacenan para cálculos un resultado.

Se compara con el error.

nto con valores de entrada y

valores de entrada, se intermedios, se posteriores, y se obtiene

esperado y se computa el





8. Proceso de Aprendizaje (II)

Backward: Se aplica la regla de la cadena de forma que en cada neurona se

actualicen sus en base a

El ratio de

constante

gradiente

la **derivada**

(descomponiendo

la neurona a actualizar.





aprendizaje: Suele ser una (normalmente 0.05) 1) El computado para esta neurona: Es **parcial** del error total la fórmula) con respecto al peso de



9.Estimar el error



Para una red podemos error

con *N* neuronas de salida, estimar el error usando el cuadrático medio.

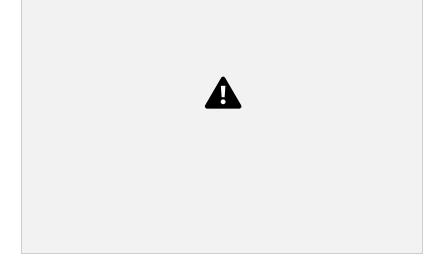




... pero luego veremos que otras fórmulas de error son más apropiadas.

Más adelante profundizaremos en la formulación y los conceptos de gradiente descendiente y *Back propagation*.









1.Fed Forward

importante conocer 1

Las llamadas **Feed** modelo tradicional, y se

como redes sin

El flujo de datos pasa de intermedias, y finalmente a la capa de

A pesar de que se verán en la última sesión, es ipales **topologías** de redes.

Forward se corresponden con el definen

ciclos ni bucles durante la clasificación.

las capas de entrada a las

salida donde se obtiene el resultado final.







2. Recurrent Neural Networks

Las redes Recurrent Neural Networks (RNNs), nor el contrario, permiten la aparición de bucles en su arqu Estos bucles tienen diferentes implicaciones, como la capacidad de aprovechar la temporalidad de una secuencia de entrada a través de un estado. Podemos decir que una red puede procesar una imagen en último estado para procesar la el instante t, y utilizar este siguiente imagen capturada en el instante t+1.



3. Características de FFN y RNN

Los resultados usando

RNNs han sido especialmente buenos hasta el momento en el

reconocimiento d

Línea De Inv

Sinembargo, son difíciles de entrenar y en muchos casos no

resulta

A

Abierta

práctico su uso ante problemas que puedan resolverse con redes Feed Forward.

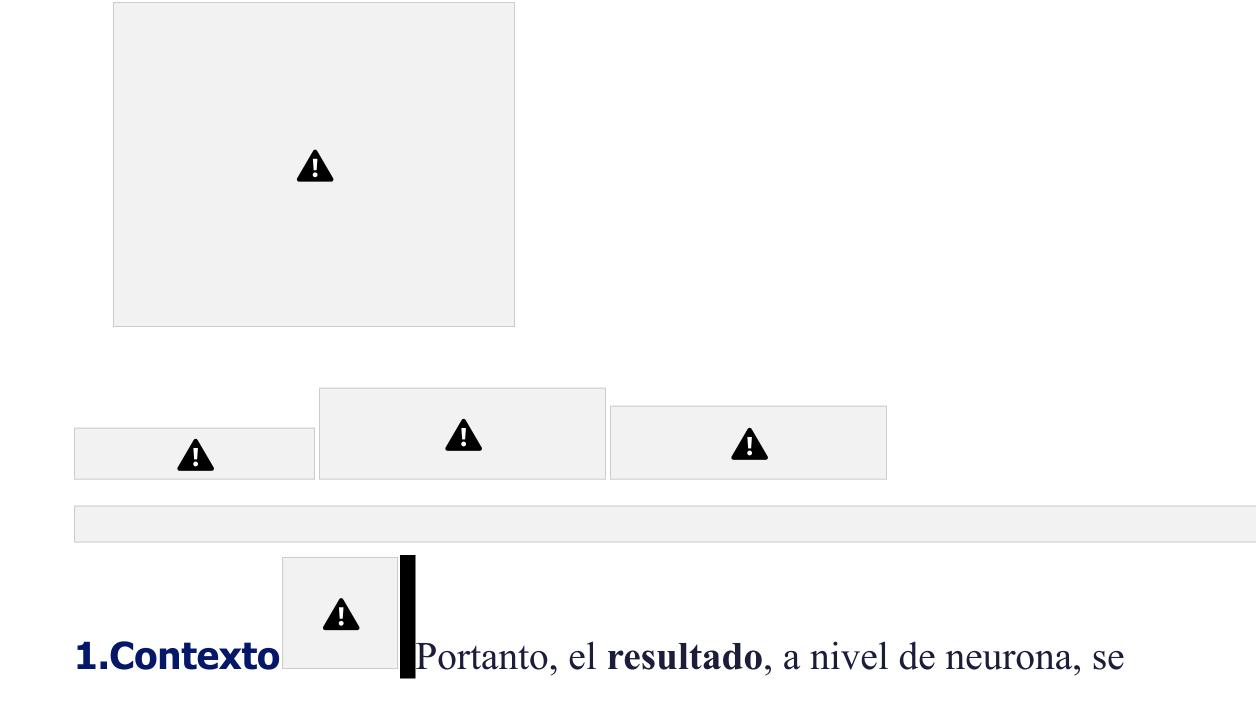
- Recomendable únicamente para problemas que requieran esa potencia.

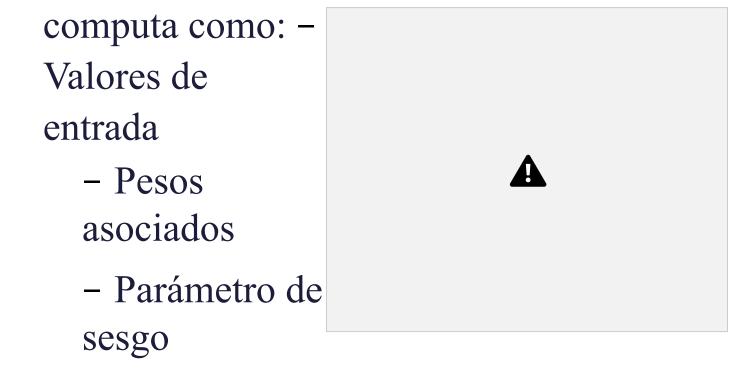
Existe un tercer tipo de red con enlaces no dirigidos llamadas

Symmetric o Restricted Boltzmann Machines.

(+51) 976 760 803 www.datavanalytics.com info@datavanalytics.com







Entonces, para una neurona conectada con n neuronas de una capa

anterior tendremos:

- *n* pesos, pero
- un **único** parámetro de **sesgo** (b)

+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.cor



2. Aprendizaje y activación

los **pesos** y conocimiento neuronal:

El proceso objetivo el

parámetros.

Junto a su arquitectura, sesgo codifican el aprendido por una red

de aprendizaje tiene por

establecimiento de estos

- Para que este proceso fluya correctamente

debemos prestar atención al proceso de activación

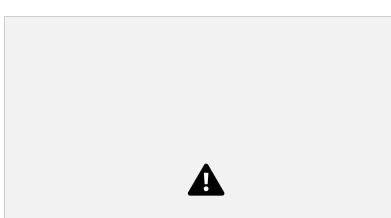
•La activación de una neurona determina el valor computado que esta neurona propaga a las siguientes capas.

+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com



3. Función de activación

La función de
abstracción
intervienen en
aunque tiene
orienta el



activación sirve como de qué neuronas el proceso de clasificación, otros objetivos – Simplifica y proceso de aprendizaje



Partiendo del modelo más sencillo (Perceptrón), vimos que las neuronas únicamente propagaban valores binarios, pero a continuación veremos **diversas funciones** (y sus implicaciones)

(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

3. Función de activación

Sigmoidal(I)



La función de los perceptrones

activación usada en parte de la

limitación de resolver problemas lineales.

Además de esta función, se ha visto la **sigmoidal**, la cual aporta

una mayor versatilidad para resolver problemas complejos y no solamente problemas lineales.



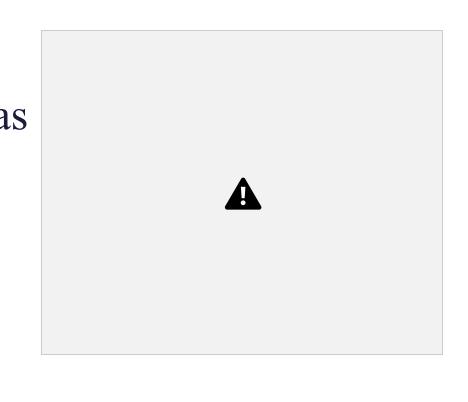
(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

3. Función de activación

Sigmoidal(I)



Una de las principales ventajas de la función sigmoidal es la acotación de la salida en el rango[0,1].



Sin embargo, esta función tiende a tener **pequeñas** variaciones

ante los cambios en los parámetros de entrada.



(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

3. Función de activación

Sigmoidal(II)

Este hecho afecta al problema *gradient*, dificultando el proceso

- *Vanishing gradient:* durante el variaciones en los parámetros no suficientemente significativas
- •Parecido a problemas de



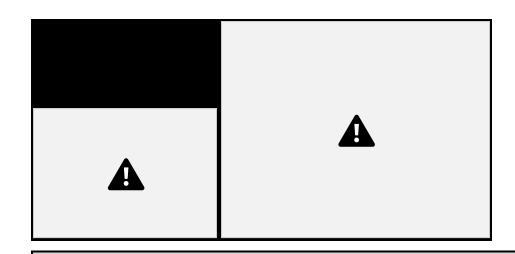
conocido como *vanishing*de aprendizaje.

aprendizaje algunas
se traducen en diferencias lo
como para tomarse en cuenta.
optimización, si el cambio



que hacemos no tiene grandes efectos en el resultado vamos a descartar el cambio.

A pesar de estas limitaciones, la función sigmoidal sigue siendo ampliamente utilizada.



(+51) 976 760 803 <u>www.datayanalytics.com</u> info@datayanalytics.com

3. Función de activación

ReLu(I)



La función de activación Learning es la conocida (Rectified Linear Unit). más usada en Deep como **ReLu** Valor de entrada si es positivo, o 0 si es cero o negativo.

Puede pensarse que presenta las mismas restricciones que las funciones lineales...

pero ReLu no es lineal y sus combinaciones tampoco lo son.



(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

3. Función de activación

ReLu(I)



La principal ventaja de ReLu es su

clasificación y aprendizaje:

- Funciones como la sigmoidal se dónde la mayor parte de las proceso→ activaciones densas.
- •Ineficiente: las clasificaciones neuronas obtienen mejores
- ReLu fuerza la no activación de negativos, lo que favorece obtiene el mismo resultado pero



aportación al proceso de

traducen en clasificaciones neuronas intervienen en el

sobre subconjuntos de datos de resultados.

las neuronas con valores **activaciones dispersas**→ se más rápido.



3. Función de activación

ReLu(II)



ReLu, su introducción en las

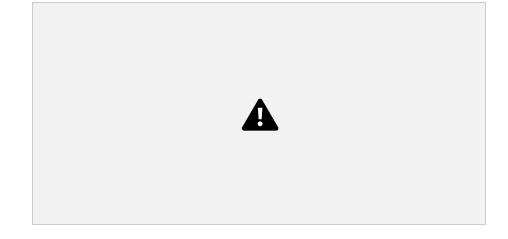
A pesar de la simplicidad de redes neuronales ha tenido un **enorme impacto**.

- Algunos trabajos muestran
 acelera hasta 6 veces al utilizar
 sigmoidal o variaciones de la
- La computación también es
 También posee algunas

Dying ReLu problem.

- Algunas neuronas dejan de aprender y quedan bloqueadas en un estado de no activación.

cómo el aprendizaje se
ReLu en lugar de la función
misma.
más eficiente.
desventajas, como el llamado



+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

3. Función de activación

ReLu(II)



- A pesar de la simplicidad de Rel u su introducción en las redes neuronales ha tenido un enorme impacto.
 - Algunos trabajos
 acelera hasta 6 veces
 función sigmoidal o
 - La computación
- También posee algunas



muestran cómo el aprendizaje se al utilizar ReLu en lugar de la variaciones de la misma.

también es más eficiente.

desventajas, como el llamado Dying ReLu problem.



y quedan bloqueadas en un estado de no activación.

Estasneuronasdejan deaprender

+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com









1.Contexto

La capa final el resultaction.

Además de conocer la categoría o clase que debemos asociar a la entrada

proporcionada, la interpretación se refiere a las diferencias entre valores obtenidos.

Tanto si utilizamos la función Sigmoidal como ReLu, las neuronas de la capa final presentarán unos valores que no son válidos para una interpretación directa. (+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.cor



2.Interpretar resultados

Si estamos activación valores en el pensar en neurona final clase.



utilizando una función de ReLu, cada neurona tendrá rango [0,inf] y podemos seleccionar directamente la con mayor activación como

Si utilizamos la función **Sigmoidal** partimos de un escenario similar... pero controlado en el **rango [0,1].**

El problema lo tenemos si queremos interpretar el resultado como **probabilidad de pertenencia** de la entrada a cada una de las clases.

(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com



3.Softmax

Para solventar esta carencia se i *Multinomial Logistic Maximun*Esta regresión parte de la

bién llamada

siguiente premisa:

Todas las **clases** o categorías son **excluyentes entre sí**; es ampliamente utilizada en otros campos como SVMs





4. Clases de salida

La fórmula parte de

valores de salida, los cuales se coresponden con las posibles clases del dominio y generan un nuevo vector normalizado.





4. Clases de salida

La fórmula salida, los con las posibles generan un



parte de valores de cuales se coresponden clases del dominio y nuevo vector normalizado.





5.Interpretación de salida

El nuevo vector Softmax ya puede probabilidad de clases del

Para que el uso debemos coste puede integrar

interpretarse como la pertenencia a cada una de las dominio.

de Softmax sea efectivo, trabajar con la **función de cross-entropy**, la cual se fácilmente en la

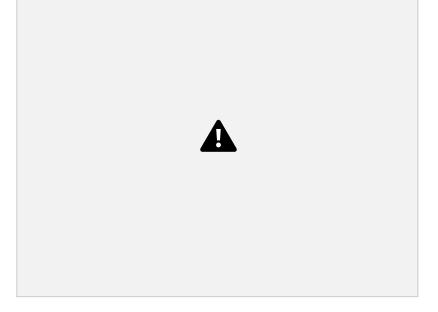
formulación para realizar el aprendizaje.

En esta función, el término O_i representa la salida I tras el uso de Softmax, y T representa el valor real $(1 \circ 0)$.



(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com







1.Contexto

conjuntos de entrada, lo

Backpropagation
consiste de forma
iterativa la corrección de
parámetros con Gradiente
Descendiente:

- Para optimizar los cálculos se utiliza la regla de la cadena.

En lugar de aprender entrada a entrada, se suele utilizar **pequeños**

t descent.



La aplicación de Back propagation se realiza capa a capa desde el final, de forma que los primeros cálculos

afectan a la capa de salida y la última de las capas ocultas.

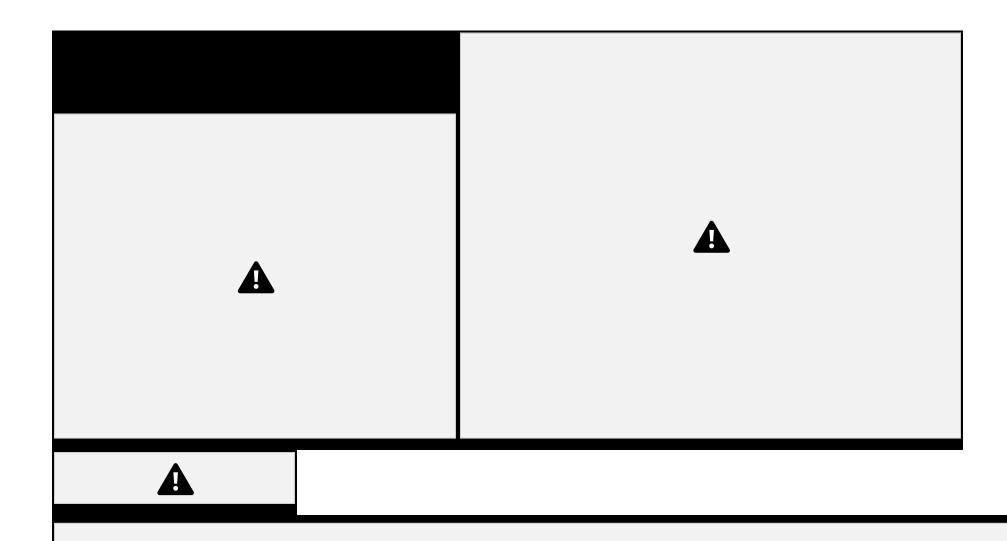
Para entender sus implicaciones, nos remitiremos a un ejemplo usando la topología de la siguiente página, donde se parte de unos pesos y sesgo ya establecidos.

- Usamos la función de activación **Sigmoidal** y el **error cuadrático medio** como función de Coste.
- https:/mattmazur.com/2015/03/17/a-step-by-step-backpropagation-example

(+51) 976 760 803 www.datavanalytics.com info@datavanalytics.com

2.Ejemplo Arquitectura de la red





2.Ejemplo

Arquitectura de la red





- -Dos neuronas de entrada (i)
- -Dos neuronas ocultas (h)
- -Dos posibles categorías (o)
- -w son los pesos
- -Abajo están los bías o coste que son únicos



(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

2.Ejemplo

Valores de capas ocultas



Centrándonos en la neur de aprendizaje a partir salida esperada es[0.01]

El paso *forward*, los valores de *h1* y *h2* se establecen a

partir de la suma de pesos por la entrada más sesgo, y en





este caso usamos la función de activación Sigmoidal:

f(h1) = sigmoid(0.15*0.05+0.2*0.10+0.35)

f(h1)=sigmoid(0.3775)=0.593269992

f(h2) = sigmoid(0.25*0.05+0.3*0.10+0.35)

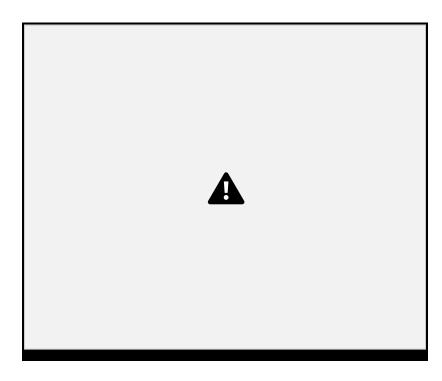
f(h2)=sigmoid(0.3925)=0.5958843378

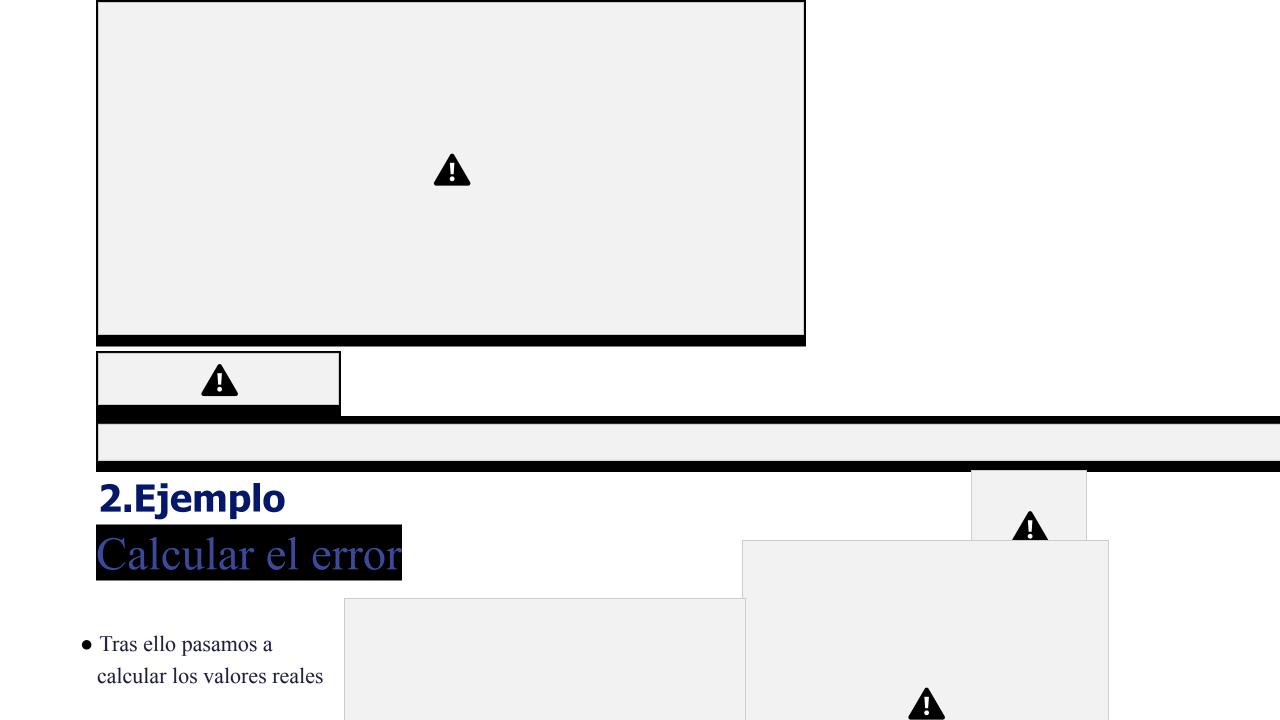


(+51) 976 760 803 www.datayanalytics.com info@datayanalytics.com

2.Ejemplo Calcular el error







obtenidos en la Salidade O1 y O2:

- f(O1) = sigmoid(0.4*0.593269 92+0.45*0.5958 43 78+0.6)
- f(O1)=sigmoid(1.105905967)=0.75136507
- f(O2)=sigmoid(0.5*0.593269 92+0.5 *0.5958 43 78+0.6)
- f(O2)=sigmoid(1.2 437138)=0.7 2928465
- Y calculamos el **error** (utilizando el error cuadrático) ya que no es lo esperado del target:
 - Error total=E(O1)+E(O2)
 - $E(O1)=\frac{1}{2}(0.01-0.75136507)^2=0.27481083$
 - $E(O2)=\frac{1}{2}(0.9-0.72928465)^2=0.0.02356026$
 - Error total=0.298371 09



2.Ejemplo

Etapa Backwards



Como no hemos tenido los valores esperados tenemos que

corregir la red con una rectificación para poder aproximarnos al erro resperado (target establecido)[0.1,0.9]



Calculamos el **gradiente** para *w5* (valor inicial 0.4), la cual

afecta únicamente al cálculo de O1.

Hacemos uso de la regla de la cadena para descomponer, y

obtenemos lo siguiente:





El objetivo es **simplificar** el cálculo en pequeñas partes que también se pueden **reutilizar** en otros cálculos