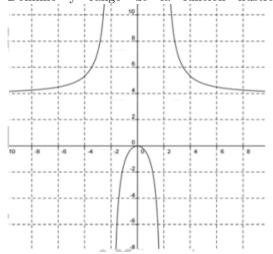
# Cálculo

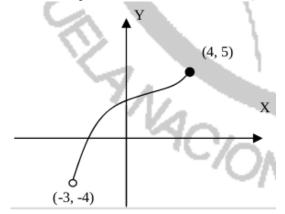
enero 2019

# 1. Dominio y Rango de una función

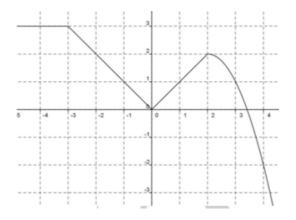




2. El dominio de la función cuya gráfica se presenta a continuación, es:



- 3. El dominio de la función  $g = \{(3, 2), (5, 0), (7, -2), (8, 7), (9, -10)\}$
- 4. El dominio de la función  $y = x^2$
- 5. El dominio de  $f(x) = \frac{x^2 9}{x 3}$
- 6. El dominio de la función  $y = \frac{x}{x^2 1}$
- 7. El dominio de  $f(x) = \frac{x}{x^2 + x 6}$
- 8. Obtener el dominio de la función  $f(x) = \sqrt{2-3x}$
- 9. El rango o imagen del dibujo de la función es:



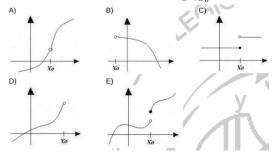
- 10. El recorrido ó impane de la relación  $y = x^2 3$
- 11. El rango de la función xy + y = 1
- 12. El rango de la función dado por  $f(x) = \frac{2}{1-x}$

# 2. Operaciones con funciones

- 1. si  $f(x) = \sqrt{x}$  y  $g(x) = x^2 + 1$  entonces la operación  $(f \bullet g)$  es
- 2. Sean f(x)=3x+1,  $g(x)=\frac{3}{x^2-x}$  con  $x\neq 0,1$  y  $h(x)=\sqrt[2]{3x+2}$ , con  $x\geq -\frac{2}{3}$  Calcular lo siguiente
  - a) La composición de  $(g \circ f)(x)$
  - b) La composición de  $(h \circ f)(x)$
  - c) La composición de  $(g \circ f \circ h)(x)$
  - d) La operación de  $f(x) g(x)h(x) + (g \circ f)(3)$

#### 3. Límites

1. Indica la opción donde  $\lim_{x \to x_0} f(x)$  existe



- 2. El valor del  $\lim_{x \to -\frac{2}{3}} \frac{x^2 3x + 1}{1 x}$
- 3. El limite de y=3sin(2x) cuando "x"<br/>tiende a  $\frac{\pi}{4}$  es

#### 3.1. Límites indeterminados

1. El 
$$\lim_{x \to 3} \frac{x^2 + x - 2}{x^2 - 9}$$

2. Calcula el valor de lím
$$\frac{1-\frac{3}{x}}{x^2-9}$$

3. El 
$$\lim_{x \to -3} \sqrt{\frac{x^2 - 9}{2x^2 + 7x + 3}}$$

## 4. Derivadas

1. La derivada del siguiente polinomio 
$$f(x) = \frac{1}{4}x^4 + 3x^3 - 5x^2 + 6x - 18$$

2. La pendiente de la recta tangente a la curva 
$$y = x^3 + 2x^2 - x - 10$$
 en el punto (-2,8) es:

3. La derivada con respecto a "x" de 
$$f(x) = 8x^2 + \frac{3}{x^2}$$

4. La derivada de la función 
$$y = 2x^{\frac{1}{2}} + 3x^{\frac{1}{3}}$$

#### 4.1. Derivada del producto y la división

1. La derivada de 
$$y = \frac{2}{2x-1}$$

2. La derivada de 
$$(2x+1)(4x^2-2)$$

3. La derivada de 
$$\left(\frac{x+1}{x+2}\right)(2x-5)$$
 es

### 4.2. Regla de la cadena

1. La derivada de la función 
$$f(x) = (8x - 4)^5$$

2. La derivada de la función 
$$f(x) = \frac{(6x+1)^4}{(1-x)^4}$$

3. La derivada de 
$$f(x) = [3 + (5x - 1)^10]^10$$

4. Si 
$$f(x) = \sqrt{1 + \sqrt{x}}$$
 entonces  $f'(1)$ 

#### 4.3. Derivada implícita

1. El resultado de derivar 
$$15x = 15y + 5y^3 + 3y^5$$

2. La deriviada implícita de 
$$\frac{1}{x^2} + \frac{1}{y^2} = 2$$
 es:

### 4.4. Derivada de orden superior

1. La segunda derivada de 
$$y = \frac{16}{x+4}$$

2. La segunda derivada de 
$$f(x) = x^2 - 3x + 5$$

# 5. Máximos y mínimos de una función

- 1. Identificar los puntos críticos de la función y decir si son máximos o mínimos de  $y = x^2 6x^2 + 12x 12$
- 2. El máximo o mínimo de  $f(x) = x^2 + \frac{432}{x}$
- 3. Los puntos máximos y mínimos de  $f(x) = 2x^3 3x^2 12x + 2$