

ESCOLA POLITÉCNICA DA USP

EQUIPE SKYRATS DE DRONES INTELIGENTES DA ESCOLA POLITÉCNICA DA USP



por Fernando Zolubas Preto,
Integrante da equipe Skyrats a 4 anos, ex Líder do time de Hardware
e atual Engenheiro de Controle no time de Software da equipe.

APOSTILA DE IMPLEMENTAÇÃO BÁSICA DE SISTEMA DE CONTROLE APLICADO A ROBÓTICA COM ROS (ROBOTIC OPERATING SYSTEM)

Prof. Dr Marcelo Zuffo

SÃO PAULO - SP

2022

por Fernando Zolubas Preto,
Integrante da equipe Skyrats a 4 anos, ex Líder do time de Hardware
e atual Engenheiro de Controle no time de Software da equipe.

**APOSTILA DE IMPLEMENTAÇÃO BÁSICA DE SISTEMA DE
CONTROLE APLICADO A ROBÓTICA COM ROS (ROBOTIC
OPERATING SYSTEM)**

PSI3442

Projeto de Sistemas Embarcados

SÃO PAULO - SP

2022

SUMÁRIO

| | |
|------------------------------------------------------------------------------|-----------|
| INTRODUÇÃO | 3 |
| 1 Demo Package: Controlando Turtlesim com ROS e Python intuitivamente | 3 |
| 1.1 Criando um novo workspace e um novo package | 3 |
| 1.1.1 Criando um workspace | 3 |
| 1.1.2 Criando um package | 3 |
| 1.2 Node de controle: turtle_control_demo1.py | 4 |
| 1.2.1 Estratégia | 4 |
| 1.2.2 Código | 4 |
| 1.3 Rodando o programa | 6 |
| 1.4 Extra: Construção passo a passo do Node de Controle | 7 |
| 1.4.1 Estudando os nodes e tópicos a serem utilizados | 7 |
| 1.4.2 Interligando o scirpit em python com o ROS | 11 |
| 1.4.3 Implementando o algoritmo de Controle | 13 |
| 2 Controle PID | 16 |
| 2.1 Controle Proporcional Polar | 16 |
| 2.1.1 O controlador | 16 |
| 2.1.2 O código completo: turtle_proportionalAngularControl.py | 17 |
| 2.1.3 Resultados | 19 |

1 Demo Package: Controlando Turtlesim com ROS e Python intuitivamente

Nesse capítulo será apresentado o *step by step* de como implementar um algoritmo em python intuitivo, mas não otimizado, de controle da tartaruga do node *turtlesim* que é o *hello world* do ROS *Robotic Operational System*

1.1 Criando um novo workspace e um novo package

1.1.1 Criando um workspace

```
1 | mkdir -p workshop21_workspace/src
2 | cd workshop21_workspace/
3 | catkin build
4 | nano ~/.bashrc
```

No nano (editor de texto sem mouse), utilize a seta para baixo e desça até a ultima linha e acrescente:

```
5 | source ~/workshop21_workspace/devel/setup.bash
```

E caso não tenha acrescente também:

```
6 | source /opt/ros/melodic/setup.bash
```

Saia do nano utilizando: ctrl + x

1.1.2 Criando um package

O comando a seguir cria um package chamado *turtle_control_demo1* habilitado para trabalhar com C++ (**roscpp**) e com python (**rospy**).

```
7 | cd ~/workshop21_workspace/src
8 | catkin_create_pkg turtle_control_demo1 rospy roscpp
```

Depois disso é preciso criar uma pasta chamada **scripts** caso ela não exista dentro do package criado. A sequência de comandos a seguir realiza essa operação:

Estando na home utilize:

```
9 | cd ~/workshop21_workspace/src/turtle_control_demo1
10 | mkdir scripts
```

Criar um arquivo **.py** chamado *turtle_control_demo1.py* da maneira que preferir mas dentro da pasta **scripts**.

E para torná-lo executável faça, estando na home:

```
11 | cd ~/workshop21_workspace/src/turtle_control_demo1/scripts
12 | chmod +x turtle\_control\_demo1.py
```

1.2 Node de controle: turtle_control_demo1.py

1.2.1 Estratégia

Para sair de uma posição (x_0, y_0) e chegar numa posição (x, y) qualquer do plano 2D XY será utilizada a intuição de coordenadas polares de tal modo a dividir o problema multivariável em 2 problemas univariáveis.

Esses problemas são:

- Problema do ângulo

A ideia básica é posicionar a cabeça da tartaruga na direção do ponto alvo (x, y) utilizando-se o ângulo formado pelo segmento $(x - x_0, y - y_0)$ com o plano cartesiano.

- Problema da distância radial

Uma vez posicionada a tartaruga na direção correta o próximo e ultimo passo será move-la para frente até que ela alcance a posição (x, y) desejada.

1.2.2 Código

```
13 | #!/usr/bin/env python
14 |
15 | #Libraries
16 | import rospy
17 | from geometry_msgs.msg import Twist
18 | from turtlesim.msg import Pose
19 | import math
20 |
21 | class Turtle:
22 |     def __init__(self):
23 |         self.pose = Pose()
24 |         self.vel = Twist()
25 |         self.goal_pose = Pose()
26 |
27 |         rospy.init_node("gotogoal")
```

```

28         self.rate = rospy.Rate(10) # 10Hz
29         self.velocity_publisher = rospy.Publisher("/turtle1/
           cmd_vel", Twist, queue_size = 10)
30         self.pose_subscriber = rospy.Subscriber("/turtle1/pose
           ", Pose, self.pose_callback)
31
32     def pose_callback(self, data):
33         self.pose.x = data.x
34         self.pose.y = data.y
35         self.pose.theta = data.theta
36
37     def distance(self, pose, goal_pose):
38         return math.sqrt((goal_pose.x - pose.x) * (goal_pose.x
           - pose.x) + (goal_pose.y - pose.y) * (goal_pose.y
           - pose.y))
39
40     def angle(self, pose, goal_pose):
41         return math.atan2(goal_pose.y - pose.y, goal_pose.x -
           pose.x)
42
43     def moveToGoal(self):
44         self.goal_pose.x = float(input("Set your x goal: "))
45         self.goal_pose.y = float(input("Set your y goal: "))
46
47         while abs(self.angle(self.pose, self.goal_pose) - self
           .pose.theta) >= 0.05 and not rospy.is_shutdown():
48             self.vel.angular.z = 1
49             self.velocity_publisher.publish(self.vel)
50
51         self.vel.angular.z = 0
52         while self.distance(self.pose, self.goal_pose) >= 0.3
           and not rospy.is_shutdown():
53
54             # Set velocity
55             self.vel.linear.x = 1
56
57             self.velocity_publisher.publish(self.vel)
58             self.rate.sleep()
59
60             # When get out, is near the goal pose
61             self.vel.linear.x = 0
62             self.vel.angular.z = 0
63             self.velocity_publisher.publish(self.vel)
64             #print(vel.angular.z)
65
66     #=== end class ===
67
68 if __name__ == '__main__':
69
70     turtle = Turtle()
71     turtle.moveToGoal()

```

Observação importante: Quando esse script estiver rodando basta utilizar `ctrl + c` para parar sua execução. Isso funciona graças ao código

```
72 || and not rospy.is_shutdown ()
```

adicionado em cada `while` do programa.

1.3 Rodando o programa

Para esta secção recomenda-se utilizar o programa terminator.

Para instalar basta abrir um terminal e fazer:

```
73 || sudo add-apt-repository ppa:gnome-terminator  
74 || sudo apt-get update  
75 || sudo apt-get install terminator
```

Observação: No terminator: Utilize (`ctrl + shift + o`) para criar uma nova aba abaixo. Utilize (`ctrl + shift + e`) para criar uma nova aba ao lado.

Mas com ou sem terminator, para rodar o programa basta seguir as instruções a seguir:

- `roscore` Abra um terminal e digite:

```
76 || roscore
```

Esse comando inicializa o ROS. De fato o ROS1 é baseado numa estrutura de grafo centralizada num nó chamado `roscore` ou (coração do ROS) que deve sempre ser inicializado e executado ao longo de toda a utilização dos packages do ROS.

- `turtlesim_node`

Abra outro terminal e digite

```
77 || roslaunch turtlesim turtlesim_node
```

Esse comando roda o node da tartaruga. Surgirá uma tartaruga na tela.

- `node de controle`

Abra outro terminal e digite

```
78 || roslaunch turtle_control_demo1 turtle_control_demo1.py
```

Esse comando irá rodar o script.

Como primeira tentativa digite `<1>,<enter>,<1>,<enter>` e observe que a tartaruga irá girar e depois se deslocar até o ponto ($x = 1, y = 1$).

Para verificar se tudo deu certo utilize o comando **rostopic list** para listar os tópicos disponíveis. Queremos verificar a posição, então utilizamos o tópico `/turtle1/pose` e fazemos **rostopic echo /turtle1/pose**.

1.4 Extra: Construção passo a passo do Node de Controle

1.4.1 Estudando os nodes e tópicos a serem utilizados

Nessa seção vamos explorar o passo a passo para contruir um node em python para interagir com qualquer robô através do ROS.

Inicialmente iniciaremos o grafo do ROS utilizando o comando **roscore**. E também, vamos ligar o sistema robótico que desejamos controlar. No nosso caso desejamos controlar a tartaruga do **turtlesim_node**. Para isso, em outro terminal iremos rodar **roslaunch turtlesim turtlesim_node**.



Figura 1: Tela Turtlesim: Tartaruga a ser controlada

Com tudo ligado ao ROS vamos agora analisar as informações disponíveis com **rostopic list**. Além disso, com **rostopic echo /turtle1/pose** verificamos que além do `/rosout` (node que serve para reportar logs) temos ativo o `/turtlesim`.

```
zoLubas@zoLubas-532U3C-532U4C-532U3X:~$ rostopic list
/rosout
/rosout_agg
/turtle1/cmd_vel
/turtle1/color_sensor
/turtle1/pose
```

Figura 2: Listando Tópicos do ROS

De posse dos tópicos disponíveis iremos acessar a documentação do node associado a um elemento físico que desejamos controlar. Aqui temos apenas a simulação da tartaruga, mas o procedimento é análogo. Em geral essas documentações serão do seu projeto ou estarão no github caso esteja usando o código de outrém. No caso do turtlesim basta acessar: <http://wiki.ros.org/turtlesim>

| Contents | |
|----------|------------------------------------------------|
| 1. | Getting Started with Turtlesim |
| 2. | Nodes |
| 1. | turtlesim_node |
| 1. | Subscribed Topics |
| 2. | Published Topics |
| 3. | Services |
| 4. | Parameters |
| 2. | mimic |
| 1. | Subscribed Topics |
| 2. | Published Topics |
| 3. | Turtlesim Video Tutorials |
| 1. | Python Tutorials |
| 2. | C++ Tutorials |

Figura 3: Documentação do Turtlesim na roswiki

A seguir analisaremos os *topics*.

- Subscribed Topics

Documentação: turtleX/cmd_vel (geometry_msgs/Twist) The linear and angular command velocity for turtleX. The turtle will execute a velocity command for 1 second then time out. Twist.linear.x is the forward velocity, Twist.linear.y is the strafe velocity, and Twist.angular.z is the angular velocity.

Comentário: Analisando a documentação vemos que podemos impor velocidades lineares nas direções x e y e velocidade angular em torno do eixo z . Aqui fica evidente que podemos alterar as velocidades da tartaruga, porém não podemos impor uma posição no plano XY diretamente.

- Published Topics

Documentação: turtleX/pose (turtlesim/Pose) The x, y, theta, linear velocity, and angular velocity of turtleX.

Comentário: Analisando a documentação vemos que é possível obter informações das posições x, y e angular θ além das velocidades lineares e angular. Do ponto de vista multivariável pensando-se em espaço de estados é como se tivéssemos acesso ao estado todo em termos de observação.

Por completude listam-se a seguir os *services* e *parameters*.

- Services

- clear (st_srvs/Empty) Clears the turtlesim background and sets the color to the value of the background parameters.
- reset (std_srvs/Empty) Resets the turtlesim to the start configuration and sets the background color to the value of the background.
- kill (turtlesim/Kill) Kills a turtle by name.
- spawn (turtlesim/Spawn) Spawns a turtle at (x, y, theta) and returns the name of the turtle. Also will take name for argument but will fail if a duplicate name.
- turtleX/set_pen (turtlesim/SetPen) Sets the pen's color (r g b), width (width), and turns the pen on and off (off).
- turtleX/teleport_absolute (turtlesim/TeleportAbsolute) Teleports the turtleX to (x, y, theta).
- turtleX/teleport_relative (turtlesim/TeleportRelative) Teleports the turtleX a linear and angular distance from the turtles current position.

- Parameters

- ~background_b (int, default: 255) Sets the blue channel of the background color.
- ~background_g (int, default: 86) Sets the green channel of the background color.
- ~background_r (int, default: 69) Sets the red channel of the background color.

Feita a análise já sabemos que iremos fazer um controle de posição baseado em velocidade. Note que os services de *teleport* não tem interesse prático e por tanto não serão utilizados.

Na documentação já vimos que o tipo da mensagem contida no tópico `/turtle1/pose` é `turtlesim/pose`. Vimos também que o tipo da mensagem contida no tópico `/turtle1/cmd_vel` é `geometry_msgs/Twist`.

Todavia é possível obter essa mesma informação com o comando **rostopic info <nome do tópico>**

```

zolubas@zolubas-532U3C-532U4C-532U3X:~$ rostopic info /turtle1/cmd_vel
Type: geometry_msgs/Twist

Publishers: None

Subscribers:
 * /turtlesim (http://zolubas-532U3C-532U4C-532U3X:43259/)

```

Figura 4: Informações sobre um tópico.

No item **type** é mostrado o tipo de mensagem do tópico. Podemos olhar a estrutura da mensagem usando **rosmmsg show <nome da mensagem>**

```

zolubas@zolubas-532U3C-532U4C-532U3X:~$ rosmmsg show turtlesim/Pose
float32 x
float32 y
float32 theta
float32 linear_velocity
float32 angular_velocity

zolubas@zolubas-532U3C-532U4C-532U3X:~$ rosmmsg show geometry_msgs/Twist
geometry_msgs/Vector3 linear
  float64 x
  float64 y
  float64 z
geometry_msgs/Vector3 angular
  float64 x
  float64 y
  float64 z

```

Figura 5: Detalhes das mensagens que são publicadas por *publishers* e lidas por *subscribers*.

Um outro caminho possível é explorar melhor a *ROS wiki* como mencionado anteriormente. Façamos isso no caso do turtlesim a título de exemplo:

Entrando em <http://wiki.ros.org/turtlesim> encontraremos a documentação do node turtlesim e explorando a página veremos:

2. Nodes

New in ROS hydro As of *Hydro* turtlesim uses the [geometry_msgs/Twist](#) message instead of its own custom one (*turtlesim/Velocity* in *Groovy* and older). Also the topic has been changed to `cmd_vel` (instead of `command_velocity` before).

2.1 turtlesim_node

turtlesim_node provides a simple simulator for teaching ROS concepts.

2.1.1 Subscribed Topics

turtleX/cmd_vel ([geometry_msgs/Twist](#))

The linear and angular command velocity for turtleX. The turtle will execute a velocity command for 1 second then time out. Twist.linear.x is the forward velocity, Twist.linear.y is the strafe velocity, and Twist.angular.z is the angular velocity.

Figura 6: Explicação dos tópicos do ROS. Na imagem, explicação do topic chamado *cmd_vel* relacionado a inputs de velocidade no turtlesim

Vemos que esse topic possui mensagens do tipo **geometry_msgs** e do subtipo **geometry_msgs /Twist** cujo link é fornecido na roswiki em azul como se vê na imagem acima. Clicando no link visualiza-se a seguinte página:

geometry_msgs/Twist Message

File: `geometry_msgs/Twist.msg`

Raw Message Definition

```
# This expresses velocity in free space broken into its linear and angular parts.
Vector3 linear
Vector3 angular
```

Compact Message Definition

```
geometry_msgs/Vector3 linear
geometry_msgs/Vector3 angular
```

autogenerated on Wed, 13 Jan 2021 03:28:11

Figura 7: Explicação da mensagem do tipo **geometry_msgs /Twist**

Nesse arquivo podemos ver o **File** chamado **geometry_msgs /Twist**.

Para importar esse a biblioteca **geometry_msgs** de mensagens que contem mensagens do subtipo **/Twist** escrevemos no topo de um script em python:

```
79 || import rospy
80 || from geometry_msgs.msg import Twist
```

Note que a receita aplicada a outras mensagens de outros topics que não o *cmd_vel* é:

```
81 || from <tipo da mensagem>.msg import <subtipo da mensagem>
```

Note também que é do **File** que retiramos as informações de qual é a mensagem e qual é o subtipo dela para colocarmos no python:

File: `geometry_msgs /Twist`

File: `<tipo da mensagem> /<subtipo da mensagem>`

1.4.2 Interligando o script em python com o ROS

Feito esse estudo inicial do robô que desejamos controlar, em que entendemos quais são as informações disponíveis, em quais tópicos elas estão, qual o papel de cada tópico (subscriber/publisher) e também quais e como são as mensagens de cada um dos tópicos que iremos utilizar finalmente podemos escrever o primeiro bloco de código do *turtle_control_demo1.py* para importar as bibliotecas a serem utilizadas.

```
82 || #Habilitar ROS no python
83 || import rospy
```

```

84 | #Habilitar geometry_msgs/Twist
85 | from geometry_msgs.msg import Twist
86 | #Habilitar turtlesim/Pose
87 | from turtlesim.msg import Pose
88 | #Habilitar funções matemáticas
89 | import math

```

Trabalhando numa estrutura da chamada Programação Orientada a Objetos criaremos uma classe chamada **Turtle**.

O construtor da classe Turtle instancia um vetor de posições lidas num objeto chamado **pose**, um vetor de posição-objetivo num objeto chamado **goal_pose** e um vetor de velocidades num objeto chamado **vel**. Além disso, o comando **rospy.init_node("gotogoal")** é o responsável por inicializar o node com o nome **gotogoal** que deve ser único. É possível chamar **rospy.init_node** com o argumento **anonymous=True** para que o ROS se encarregue de gerar um número aleatório adicionado no fim do nome do seu node de forma a torná-lo único.

Cria-se também a variável **rate** para guardar a frequência de amostragem de informações vindas dos tópicos do ROS. Nesse caso escolheu-se a frequência de 10Hz.

E ainda são instanciadas objetos que tem a estrutura de tópico de modo a permitir o interfaciamento entre o node em python e os tópicos do ROS. Criaram-se nesse exemplo **velocity_publisher** e **pose_subscriber**. Em ambos os casos os argumentos são, nesta ordem, **topic name**, **Message type** e **queue.size** que define quantas mensagens são guardadas ao mesmo tempo. Quanto maior o **queue.size** maior a robustez e a latência da comunicação. Em geral utiliza-se um número baixo para esse argumento a menos que a frequência de publicação de mensagens seja muito elevada ou que a aplicação em questão necessite de informações do passado para funcionar.

Já o argumento **callback** é um método da classe (ou função se não estiver usando POO) que é chamado automaticamente pelo ROS sempre que uma nova mensagem é publicada num tópico no qual o node é um subscriber. O motivo pelo qual cabe a nós definirmos o **callback** é por que o usuário deve especificar como gostaria de receber a mensagem e em quais variáveis ou objetos gostaria de guardar as informações provenientes da mensagem recebida.

Uma explicação oficial para implementações de publishers/subscribers pode ser encontrada em

<http://wiki.ros.org/ROS/Tutorials/WritingPublisherSubscriber%28python%29>

Nota: Em geral é comum abreviar os nomes para conjuntos de três letras de modo que `velocity_publisher` poderia ser apenas `vel_pub`.

```

90 class Turtle:
91     def __init__(self):
92         self.pose = Pose()
93         self.vel = Twist()
94         self.goal_pose = Pose()
95
96         rospy.init_node("gotogoal")
97         self.rate = rospy.Rate(10)
98         self.velocity_publisher = rospy.Publisher("/turtle1/
99             cmd_vel", Twist, queue_size = 10)
100         self.pose_subscriber = rospy.Subscriber("/turtle1/pose
101             ", Pose, self.pose_callback)

```

1.4.3 Implementando o algoritmo de Controle

Implementadas todas as declarações e funções/métodos necessários para que o script em python possa se comunicar com as informações disponíveis através da estrutura do ROS temos um conjunto de variáveis e objetos que contém todas as informações necessárias para implementarmos o controle. Sendo assim, basta prosseguir normalmente com a programação do script sem se preocupar com o ROS.

Geometria

A seguir implementa-se o cálculo da distância euclidiana no plano XY fazendo-se

$$d = \sqrt{(x_{goal} - x_{atual})^2 + (y_{goal} - y_{atual})^2} \quad (1)$$

```

100 def distance(self, pose, goal_pose):
101     return math.sqrt((goal_pose.x - pose.x) * (goal_pose.x
102         - pose.x) + (goal_pose.y - pose.y) * (goal_pose.y
103         - pose.y))

```

E também calcula-se o ângulo formado entre o vetor que sai da origem e aponta para (x_{atual}, y_{atual}) e (x_{goal}, y_{goal}) .

$$\theta_z = \text{atan2}((y_{goal} - y_{atual}), (x_{goal} - x_{atual})) \quad (2)$$

```

102 def angle(self, pose, goal_pose):
103     return math.atan2(goal_pose.y - pose.y, goal_pose.x -
104         pose.x)

```

A figura a seguir mostra geometricamente as grandezas envolvidas nos cálculos dos dois métodos mostrados acima.

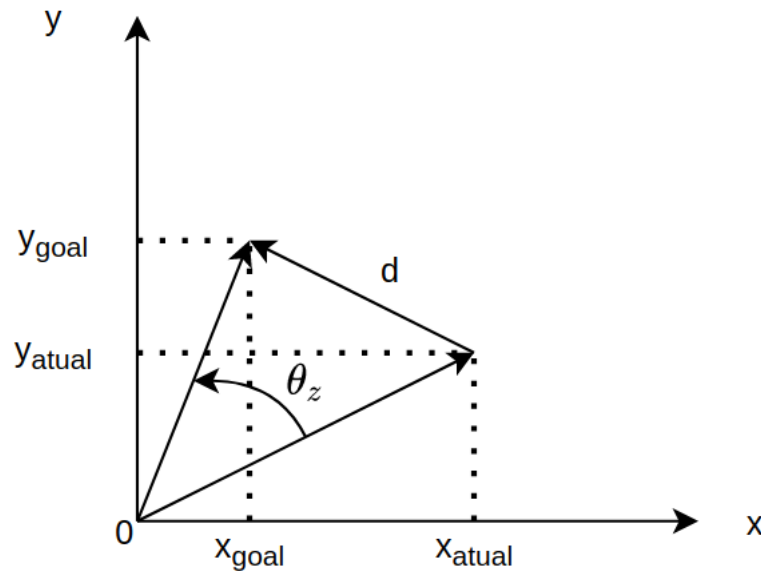


Figura 8: Geometria do problema.

Notar que d e θ_z são as grandezas calculadas, mas não foram utilizadas variáveis para guardar esses valores no código. Ao invés disso, chamam-se os métodos **distance** e **angle** sempre que se deseja saber esses valores.

O método de Controle

Essencialmente baseado na ideia de coordenadas polares como já mencionado, o método a seguir implementa a ação de rotacionar a tartaruga em torno do eixo z até que o ângulo entre o vetor posição-objetivo e o vetor posição-atual seja nulo (no caso menor que 0.05 rad). E feito isso, de mover a tartaruga para frente até que a distância entre o vetor posição-objetivo e o vetor posição-atual seja nula (no caso menor que 0.3 cm).

Note que para ir para frente basta solicitar uma velocidade positiva na direção X pois ao alinhar ambos os vetores (ângulo nulo), rotacionou-se o sistema de coordenadas da tartaruga de tal sorte que o vetor x desse sistema ficou paralelo com o vetor dado por $(x_{goal}, y_{goal}) - (x_{atual}, y_{atual})$.

```

104 |     def moveToGoal(self):
105 |
106 |         #Pede-se a posição-objetivo
107 |         self.goal_pose.x = float(input("Set your x goal: "))
108 |         self.goal_pose.y = float(input("Set your y goal: "))

```

```

109
110     #Rotacione (anti-horario) até angulo ser nulo
111     while abs(self.angle(self.pose, self.goal_pose) - self
112         .pose.theta) >= 0.05 and not rospy.is_shutdown():
113         #Set angular velocity
114         self.vel.angular.z = 1
115         #Publique a velocidade vel no tópico cmd_vel
116         self.velocity_publisher.publish(self.vel)
117
118     #Com angulo nulo, pare de rotacionar -> vel.angular = 0
119     self.vel.angular.z = 0
120
121     #Vá para frente até distancia ser nulo]a
122     while self.distance(self.pose, self.goal_pose) >= 0.3
123         and not rospy.is_shutdown():
124
125         # Set velocity
126         self.vel.linear.x = 1
127         #Publique a velocidade vel no tópico cmd_vel
128         self.velocity_publisher.publish(self.vel)
129         #Espere para publicar novamente
130         self.rate.sleep()
131
132     # Quando chegar no destino zere todas as velocidades
133     self.vel.linear.x = 0
134     self.vel.angular.z = 0
135     self.velocity_publisher.publish(self.vel)
136     #print(vel.angular.z)

```


2 Controle PID

É o controle mais popular na indústria. Possui a vantagem de poder ser relacionado a especificações temporais e ser derivado de operações simples da disciplina de cálculo. Dessa forma, é possível realizar um ajuste intuitivo de seus parâmetros empiricamente já que é fácil compreender o efeito de cada um deles no sistema, mas também é possível fazer projetos sofisticados levando-se em conta especificações no domínio do tempo e até mesmo no domínio da frequência.

De acordo com o padrão ISA o PID é especificado pela formula a seguir:

$$\frac{V_m(s)}{E(s)} = K_p \times \left(1 + \frac{1}{T_I \times s} + \frac{T_D \times s}{1 + \frac{T_D \times s}{N}} \right) \quad (3)$$

E tem três parâmetros a serem ajustados: K_p , T_I e T_D . Por questões de ruído em regal a implementação conta com um quarto parâmetro $N \in [3, 20]$.

Adicionalmente um ponto que é fundamental é que na prática de robótica existem varios efeitos não lineares em que comprometem a precisão máxima que um controlador pode ter ao controlar a posição de um robô qualquer que seja. Nesse caso isso não é considerado por conta da simplicidade do turtlesim_node.

2.1 Controle Proporcional Polar

Nesta secção implementou-se um controlador proporcional utilizando-se a mesma estratégia do capítulo 1. Ou seja, o problema bidimensional foi dividido em 2 problemas unidimensionais. O primeiro problema consiste num ajuste da posição angular e o segundo consiste no ajuste da posição radial de modo que a tartaruga alcance uma posição (x, y) desejada.

2.1.1 O controlador

O controle proporcional foi implementado nestas secções do código:

Primeiramente implementa-se o controle proporcional para acertar o angulo

$$\begin{cases} e_k = \text{angle}(\text{pose}, \text{goal_pose}) - \text{pose.theta} \\ \omega_z = e_k \end{cases}$$

No código é importante notar que a variável **ros_zero** teve que ser multiplicada por 1000 dado que a precisão máxima da velocidade angular é inferior a precisão máxima da velocidade linear. Com isso, há um erro que não pode ser corrigido inserido no controle em razão da estratégia polar adotada.

```

135 while abs(self.angle(self.pose, self.goal_pose) - self.pose.
    theta) >= 1000*self.ros_zero and not rospy.is_shutdown():
136     # Set angular velocity by proportional control rad/s
137     self.vel.angular.z = self.angle(self.pose, self.goal_pose)
        - self.pose.theta
138     self.velocity_publisher.publish(self.vel)
139 self.vel.angular.z = 0

```

E em seguida, uma vez que o versor \hat{x} está orientado na direção de (y_{goal}, x_{goal}) a tartaruga é direcionada para frente através do loop a seguir que implementa o segundo controlador proporcional.

$$\begin{cases} e_k = |\text{goal_pose.x} - \text{pose.x}| \\ v_x = e_k \end{cases}$$

```

140 while abs(self.distance_x(self.pose, self.goal_pose)) > self.
    ros_zero and not rospy.is_shutdown():
141
142     # Set velocity by proportional control 10[(m/s)/m]*
        distnace()[m] = vel [m/s]
143     self.vel.linear.x = 1*self.distance_x(self.pose, self.
        goal_pose)
144     self.velocity_publisher.publish(self.vel)
145     self.rate.sleep()
146
147 # When get out, is near the goal pose
148 self.vel.linear.x = 0
149 self.vel.angular.z = 0
150 self.velocity_publisher.publish(self.vel)

```

2.1.2 O código completo: turtle_proportional_angularControl.py

No código vale ressaltar que a função **distance_x** implementa a medida do módulo da distância na direção de \hat{x} . E como mencionado a precisão angular é 1000 vezes inferior do que a precisão radial, isto é, quando a tartaruga se move em relação ao eixo \hat{x} .

```

151 #!/usr/bin/env python
152
153 import rospy
154 from geometry_msgs.msg import Twist
155 from turtlesim.msg import Pose
156 import math
157
158 class Turtle:
159     def __init__(self):
160         self.pose = Pose()
161         self.vel = Twist()
162         self.goal_pose = Pose()
163
164         rospy.init_node("gotogoal")
165         self.rate = rospy.Rate(10)
166         self.velocity_publisher = rospy.Publisher("/turtle1/
            cmd_vel", Twist, queue_size = 10)
167         self.pose_subscriber = rospy.Subscriber("/turtle1/pose
            ", Pose, self.pose_callback)
168
169     def pose_callback(self, data):
170         self.pose.x = data.x
171         self.pose.y = data.y
172         self.pose.theta = data.theta
173
174     def distance(self, pose, goal_pose):
175         return math.sqrt((goal_pose.x - pose.x) * (goal_pose.x
            - pose.x) + (goal_pose.y - pose.y) * (goal_pose.y
            - pose.y))
176
177     def distance_x(self, pose, goal_pose):
178         return abs(self.goal_pose.x - self.pose.x )
179
180     def angle(self, pose, goal_pose):
181         return math.atan2(goal_pose.y - pose.y, goal_pose.x -
            pose.x)
182
183     def moveToGoal_proportionalRotational(self):
184         #Similar then moveToGoal but works with P controler on
            angular position
185
186         #Error tolerance using ROS precision
187         self.ros_zero = 0.000000001 #5.544444561
188
189         self.goal_pose.x = float(input("Set your x goal: "))
190         self.goal_pose.y = float(input("Set your y goal: "))
191
192         while abs(self.angle(self.pose, self.goal_pose) - self
            .pose.theta) >= 1000*self.ros_zero and not rospy.
            is_shutdown():

```

```

193         # Set angular velocity by proportional control    rad/
194         s
195         self.vel.angular.z = self.angle(self.pose, self.
196             goal_pose) - self.pose.theta
197         self.velocity_publisher.publish(self.vel)
198
199     self.vel.angular.z = 0
200     while abs(self.distance_x(self.pose, self.goal_pose))
201         > self.ros_zero and not rospy.is_shutdown():
202
203         # Set velocity by proportional control 10[(m/s)/m
204         ]*distnace()[m] = vel [m/s]
205         self.vel.linear.x = 1*self.distance_x(self.pose,
206             self.goal_pose)
207         self.velocity_publisher.publish(self.vel)
208         self.rate.sleep()
209
210     # When get out, is near the goal pose
211     self.vel.linear.x = 0
212     self.vel.angular.z = 0
213     self.velocity_publisher.publish(self.vel)
214
215     #=====
216
217 if __name__ == '__main__':
218
219     turtle = Turtle()
220     turtle.moveToGoal_proportionalRotational()

```

2.1.3 Resultados

A tartaruga começa por padrão na posição $(x, y) = (5.5, 5.5)$. Chamamos a rotina `turtle_proportionalAngularControl.py` 3 vezes. Solicitamos (2,7), (8,6) e (3,3).

A seguir é mostrada a trajetória realizada e os status de posição após cada chamada de `turtle_proportionalAngularControl.py`.

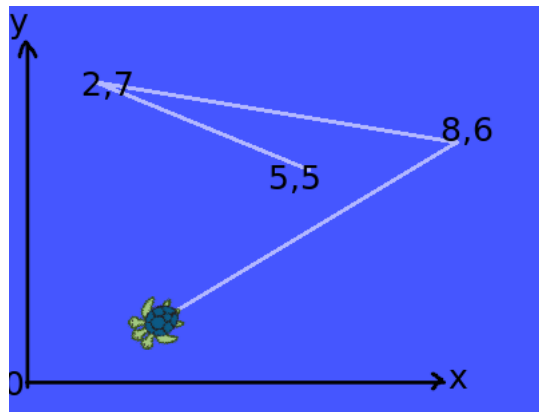


Figura 9: Trajetória Controle Polar Proporcional

- goal (2,7)

Result:

x: 2.0

y: 7.0000038147

theta: 2.75193119049

linear_velocity: 0.0

angular_velocity: 0.0

- goal (8,6)

Result:

x: 8.0

y: 6.00000619888

theta: -0.165148302913

linear_velocity: 0.0

angular_velocity: 0.0

- goal (3,3)

Result:

x: 3.0

y: 2.99999284744

theta: -2.60117125511

linear_velocity: 0.0

angular_velocity: 0.0

O resultado principal a ser observado é que a escolha da estratégia polar sempre leva a um erro não nulo na coordenada y pois a precisão máxima que se consegue em termos angulares é inferior a precisão máxima nas direções de \hat{x} e de \hat{y} . Note que o erro acontece na coordenada y pois o controle radial é feito por meio da coordenada x que se torna exatamente a coordenada radial ρ de (ρ, θ) e que consegue por tanto utilizar a precisão máxima permitida pelo ROS.

Além disso, fazendo-se outros testes percebeu-se que esse controlador não é robusto e pode levar a problemas de posicionamento da tartaruga em razão de erros numéricos que interferem na convergência do algoritmo. Uma sugestão de otimização é trabalhar com tolerâncias maiores (por exemplo 1×10^{-4}) ou implementar outras restrições para impedir quebra de convergência do algoritmo. Nessa implementação foi utilizada uma tolerância de 1×10^{-9} para posição radial e de 1×10^{-6} para posição angular.