

1.

(1)

```
Node* search(Node* head, Node*& p, int K) {
    if (p == nullptr) p = head;
    if (p->key < K) {
        while (p != nullptr && p->key < K) {
            p = p->next;
        }
    }
    else if (p->key > K) {
        while (p != nullptr && p->key > K) {
            p = p->prev;
        }
    }
    if (p != nullptr && p->key == K) {
        return p;
    }
    return nullptr;
}
```

(2)

注意到:

$$ASP_{succ} = \frac{1}{n} \sum_{i \in [n]} \frac{1}{n} \sum_{j \in [n]} |i - j| = \frac{n}{3} - \frac{1}{3n}$$

2.

1. 排序集合:

- 首先对集合 S_1 和 S_2 排序, 时间复杂度分别为 $O(N \log N)$ 和 $O(M \log M)$ 。
- 排序的目的是便于在交集中快速查找公共元素。

2. 双指针遍历:

- 初始化两个指针 i 和 j , 分别指向 S_1 和 S_2 的起始位置。
- 根据以下规则移动指针:
 - 如果 $S_1[i] = S_2[j]$, 将该元素加入交集, 两个指针同时向前移动。
 - 如果 $S_1[i] < S_2[j]$, 指针 i 向前移动。
 - 如果 $S_1[i] > S_2[j]$, 指针 j 向前移动。

3. 终止条件:

- 当任一指针超过对应集合长度时，停止遍历。

4. 结果返回：

- 返回保存交集结果的集合。

```
Function Intersection(S1, S2):
    sort S1 // 时间复杂度  $O(N \log N)$ 
    sort S2 // 时间复杂度  $O(M \log M)$ 
    i ← 0
    j ← 0
    Result ← Empty Set
    while i < N and j < M: // 时间复杂度  $O(N + M)$ 
        if S1[i] == S2[j]:
            Add S1[i] to Result
            i ← i + 1
            j ← j + 1
        else if S1[i] < S2[j]:
            i ← i + 1
        else:
            j ← j + 1
    return Result
```

综上, 总时间复杂度为:

$$O(N \log N) + O(\log N \log \log N) + O(N + \log N) = O(N \log N)$$

3.

(1)

HT	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Key	21	14	3	5	20		9	37		

检索成功的平均长度:

$$\frac{1}{7}(1 + 2 + 1 + 1 + 1 + 2 + 3) \approx 1.57$$

(2)

HT	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Key	21	5	3	14	20		9		37	

检索成功的平均长度:

$$\frac{1}{7}(1 + 2 + 1 + 1 + 1 + 2 + 1) \approx 1.29$$