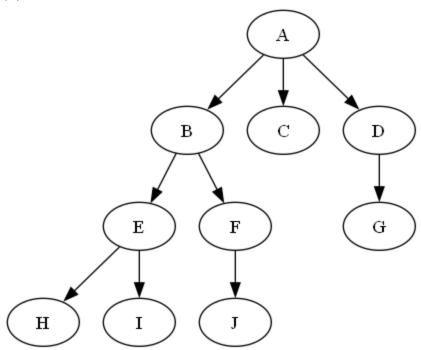
1.

(1)



 $(\mathsf{A}(\mathsf{B}(\mathsf{E}(\mathsf{H})(\mathsf{I}))(\mathsf{F}(\mathsf{J})))(\mathsf{C})(\mathsf{D}(\mathsf{G})))$

(2)

深度为3, 高度为4

```
TreeHeight(T):
    if T == NULL:
        return 0
    if T.children == NULL:
        return 1
    maxHeight = 0
    for i in T.children:
        h = TreeHeight(i) // 递归计算每个孩子的高度
        maxHeight = max(maxHeight, h) // 更新最大高度
    return maxHeight + 1 // 返回最大高度加一
```

(3)

ForestToBinaryTree(F): \\F = [T_1,T_2,...T_n], 输入是树时即为 [T_1] 空二叉树根节点 T

F_1 = [T_11,T_12,...T_1m] \\ T_1除去根节点后的森林

F_2 = [T_2,...T_n] \\ F除去T_1后的森林

T->leftchild = ForestToBinaryTree(F_1)

T->rightchild = ForestToBinaryTree(F_2)

返回 T

2.

(1)
$$n \in [rac{K^{L-1}-1}{K-1}+1,rac{k^{L}-1}{k-1}]$$

- (2) 假设完全K叉树根节点编号为 0 , 则编号为N的节点的父节点编号为 $\lfloor \frac{N-1}{K} \rfloor$
- (3) 编号为N的节点的第i个子节点编号为NK+i (假如该点编号没有达到总节点数)

3.

归纳证明union生成的高度为 L 的树的节点数是 $\Omega(2^L)$ 的 对于一个高度为 k+1 的树T,生成该树的过程中存在一步,使得合并的两个树高度都为 k, 设为A,B.由归纳假设,有

$$n(T) \geq n(A) + n(B) \geq 2 \min n(A) + n(B) \geq c \cdot 2^{k+1} = \Omega(2^{k+1})$$

k = 1的情形显然,因此存在常数 c, 使得 $n(T) \geq c \cdot 2^L$ 从而有

$$L \le \log n(T) - \log c = O(\log N)$$