

—

1	2	3	4	5	6	7	8
B	D	CE,ABE,AB	4	110,114,119,120,122,763	3,7-9-10,4-5-6-8,1-2-3	AD	836

—
—

1.

(1) 对边按权值排序:

- $w = 1 : (0,1), (0,3)$
- $w = 2 : (3,4)$
- $w = 3 : (2,4)$
- $w = 4 : (0,4), (1,3)$

由于点 0 一定是叶子, 则不含点 0 的前三条边是 (3,4), (2,4), (1,3), 不成环, 加上权值为 1 的含 0 边 (0,1) 或 (0,3) 均不成环, 故解得两棵最小生成树:

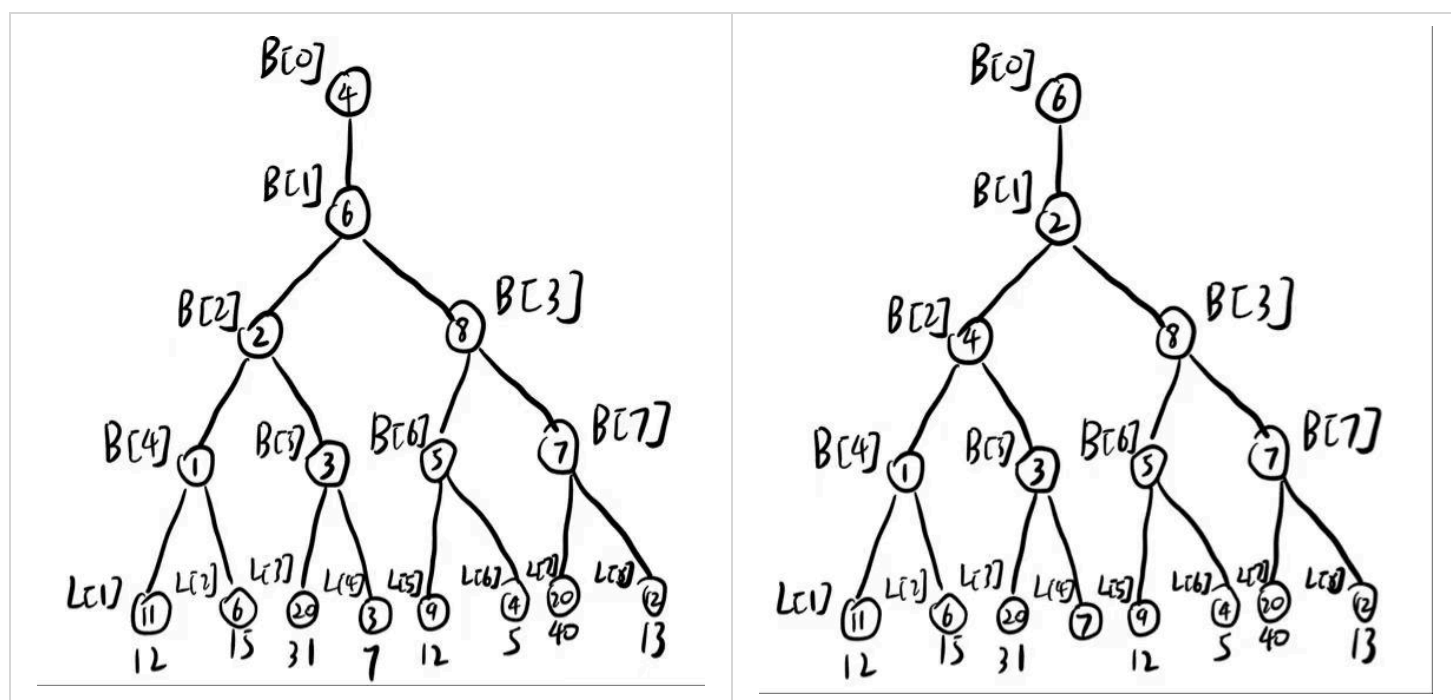
- $T_1 = \{(0,1), (1,3), (2,4), (3,4)\}$
- $T_2 = \{(0,3), (1,3), (2,4), (3,4)\}$

(2) 深度优先搜索并记录节点权值剪枝, 记录层数作为终止条件, 得到最短路径: $1 \xrightarrow{1} 0 \xrightarrow{4} 4 \xrightarrow{3} 2$

2.

$120 - 1 \equiv -2 \pmod{(12 - 1)}$, 补充两个虚段即可

3.



4.

由于负载因子是 $\alpha = \frac{8}{11}$, 因此 $L = \frac{8}{\alpha} = 11$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
14	17		16	9	23	4			2	11

5.

- (1) 三次读盘, 分别读 (4,12), (8,10), (5,6)
- (2) 0次读盘, 因为 (4,12), (8,10), (5,6) 读过了, 查找失败
- (3)

- 首先查找 7, 分别读 (4,12), (8,10), (5,6), 但是都读过了
- 节点 (5,6) 插入 7 后分裂, 左节点 (5,), 右节点 (7,), 6 上升, 写两次盘
- 节点 (8, 10) 插入 6 后分裂, 左节点 (6,), 右节点 (10,), 8 上升, 写两次盘
- 节点 (4, 12) 插入 8 后分裂, 左节点 (4,), 右节点 (12,), 8 上升, 写两次盘
- 产生新的根节点 (8,), 写一次盘

总共读盘 0 次, 写盘 7 次, 访外共 7 次

(4) 对于 3 阶 B 树, 首先查找插入元素的位置, 最多此处恰与层数 h 相等, 插入后假如总是会导致上层分裂, 每层产生 2 次写盘, 顶层分裂后产生新的根节点, 再写一次盘, 一共 $2h + 1$ 次写盘.

因此一次插入操作最多读盘 h 次, 写盘 $2h + 1$ 次, 访外共 $3h + 1$ 次

6.

对于 $h > 5$, 有限步结束一定不是最坏情况, 最坏的情形是矛盾向上递归.

- 在 $h + 1$ 层插入新的红色节点 x , 如果其父为黑, 结束
- 如果其父为红, 则其祖父为黑, 若其叔为黑
 - 若 x 与其叔同侧(相对于各自的父节点), 单旋一次父亲转化为异侧
 - 若 x 与其叔异侧, 单旋一次祖父, 结束
- 以上两种情况都解决了两层的矛盾, 最多旋转 2 次, 且结束插入程序
- 若其叔为红, 将其祖父染红并递归地向下换色, 此时 $x = x \rightarrow$ 祖父, 向上递归, 这一情形无需旋转
- 综上, 最坏情况下红黑树一次插入旋转次数不超过 2

三

1.

```
i == j && len == 0 , sum += GetPathNum_Len(G, v, j, len - 1)
```

2.

```
q==index; , q<index , SelectK(a,l,q-1,index)
```

四

1.

设红色为 0, 蓝色为 1,

维护一个二维数组 $dist$, $dist[i][j]$ 表示从起点 0 出发, 最后一条边为颜色 i , 且最后一个点为 j 的最短路径长度. 再维护一个二维数组 $visited$, $visited[i][j]$ 表示是否以颜色 i 到达过点 j .

初始化数组的元素为 $+\infty$, $dist[1][0]$ 和 $dist[0][0]$ 为 0.

使用广度优先搜索, 首先将 $(0, 0)$ 和 $(0, 1)$ 入队, 每次取出 (a, b) 时, 遍历邻接表列索引为 b 的行, 对每个满足 $b \xrightarrow{1-a} c$ 的点:

- 若 $visited[1-a][c]$ 为 0, 则更新 $dist[1-a][c] = \min(dist[a][b] + 1, dist[1-a][c])$, 并将 $(1 - a, c)$ 入队, $visited[1-a][c]$ 置 1
- 若 $visited[1-a][c]$ 为 1, 则跳过

当队列为空时, 对每个点 i , 取 $dist[0][i]$ 和 $dist[1][i]$ 的最小值即为所求最短交替色路径长度

2.

(1)

把S最大的点splay到根, 然后把T接到他右儿子, 搞定. 复杂度 $O(\log n)$

(2)

Delete(H, x):

// 首先确保 x 在 H 上, 如果不在, 则返回删除失败, 题目没有给定是否需要考虑这种情况

if x->father->leftchild == x:

 x->father->leftchild = Merge(x->leftchild, x->rightchild)

else:

 x->father->rightchild = Merge(x->leftchild, x->rightchild)

return