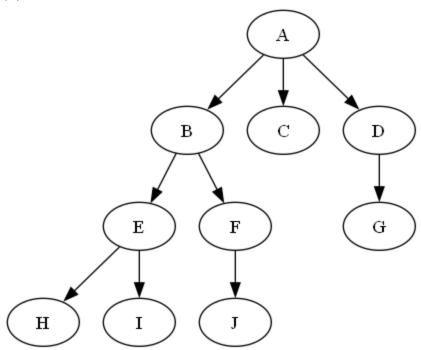
1.

(1)



 $(\mathsf{A}(\mathsf{B}(\mathsf{E}(\mathsf{H})(\mathsf{I}))(\mathsf{F}(\mathsf{J})))(\mathsf{C})(\mathsf{D}(\mathsf{G})))$ 

(2)

深度为3, 高度为4

```
TreeHeight(T):
    if T == NULL:
        return 0
    if T.children == NULL:
        return 1
    maxHeight = 0
    for i in T.children:
        h = TreeHeight(i) // 递归计算每个孩子的高度
        maxHeight = max(maxHeight, h) // 更新最大高度
    return maxHeight + 1 // 返回最大高度加一
```

(3)

ForestToBinaryTree(F): \\F = [T\_1,T\_2,...T\_n], 输入是树时即为 [T\_1] 空二叉树根节点 T

F\_1 = [T\_11,T\_12,...T\_1m] \\ T\_1除去根节点后的森林
F\_2 = [T\_2,...T\_n] \\ F除去T\_1后的森林
T->leftchild = ForestToBinaryTree(F\_1)
T->rightchild = ForestToBinaryTree(F\_2)
返回 T

## 2.

- (1)  $n \in [rac{K^{L-1}-1}{K-1}+1,rac{k^L-1}{k-1}]$
- (2) 假设完全K叉树根节点编号为 1 , 则编号为N的节点的父节点编号为  $\lfloor \frac{N-2}{K} \rfloor + 1$
- (3) 编号为N的节点的第 i 个子节点编号为 K(N-1)+i (假如该点编号没有达到总节点数)

## 3.

归纳证明union生成的高度为 L 的树的节点数是  $\Omega(2^L)$ 的 对于一个高度为 k+1 的树T,生成该树的过程中存在一步,使得合并的两个树高度都为 k, 设为A,B.由归纳假设,有

$$n(T) \geq n(A) + n(B) \geq 2 \min n(A) + n(B) \geq c \cdot 2^{k+1} = \Omega(2^{k+1})$$

k = 1的情形显然,因此存在常数 c, 使得  $n(T) \geq c \cdot 2^L$  从而有

$$L \le \log n(T) - \log c = O(\log N)$$