1	2	3	4	5	6	7	8
В	D	CE,ABE,AB	4	110,114,119,120,122,763	3,7-9-10,4-5-6-8,1-2-3	AD	836

1.

(1) 对边按权值排序:

• w = 1 : (0,1), (0,3)

• w = 2: (3,4)

• w = 3: (2,4)

• w = 4: (0,4), (1,3)

由于点 0 一定是叶子,则不含点 0 的前三条边是 (3,4), (2,4), (1,3), 不成环,加上权值为 1 的含 0 边 (0,1) 或 (0,3) 均不成环,故解得两棵最小生成树:

•
$$T_1 = \{(0,1), (1,3), (2,4), (3,4)\}$$

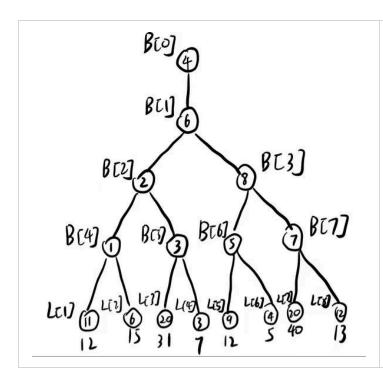
•
$$T_2 = \{(0,3), (1,3), (2,4), (3,4)\}$$

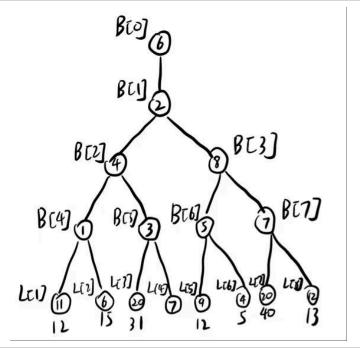
(2) 深度优先搜索并记录节点权值剪枝,记录层数作为终止条件,得到最短路径: $1 \stackrel{1}{\longrightarrow} 0 \stackrel{4}{\longrightarrow} 4 \stackrel{3}{\longrightarrow} 2$

2.

 $120 - 1 \equiv -2 \pmod{(12 - 1)}$, 补充两个虚段即可

3.





4.

由于负载因子是 $lpha=\frac{8}{11}$, 因此 $L=\frac{8}{lpha}=11$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
14	17		16	9	23	4			2	11

5.

- (1) 三次读盘, 分别读 (4,12), (8,10), (5,6)
- (2) 0次读盘, 因为 (4,12), (8,10), (5,6) 读过了, 查找失败

(3)

- 首先查找 7, 三次读盘, 分别读 (4,12), (8,10), (5,6),
- 节点 (5,6) 插入 7 后分裂, 左节点 (5,), 右节点 (7,), 6 上升, 写两次盘
- 节点 (8, 10) 插入 6 后分裂, 左节点 (6,), 右节点 (10,), 8 上升, 写两次盘
- 节点 (4, 12) 插入 8 后分裂, 左节点 (4,), 右节点 (12,), 8 上升, 写两次盘
- 产生新的根节点 (8,), 写一次盘

总共读盘 3次,写盘7次,访外共10次

(4) 对于 3 阶 B 树, 首先查找插入元素的位置,最多此处恰与层数 h 相等,插入后假如总是会导致上层分裂,每层产生 2 次写盘,顶层分裂后产生新的根节点,再写一次盘,一共 2h+1 次写盘.

因此一次插入操作最多读盘 h 次, 写盘 2h+1 次, 访外共 3h+1 次

6.

对于 h > 5, 有限步结束一定不是最坏情况, 最坏的情形是矛盾向上递归.

- $ext{th} = \frac{1}{2} \text{ } \frac{1}{2}$
- 如果其父为红,则其祖父为黑,若其叔为黑
 - \circ 若 x 与其叔同侧(相对于各自的父节点), 单旋一次父亲转化为异侧
 - 。 若 x 与其叔异侧, 单旋一次祖父, 结束
- 以上两种情况都解决了两层的矛盾, 最多旋转 2 次, 且结束插入程序
- 若其叔为红, 将其祖父染红并递归地向下换色, 此时 $x=x\to$ 祖父, 向上递归, 这一情形无需旋转
- 综上, 最坏情况下红黑树一次插入旋转次数不超过 2

1.

```
i == j \&\& len == 0 , sum += GetPathNum_Len(G, v, j, len - 1)
```

2.

```
q==index; , q<index , SelectK(a,l,q-1,index-r+q-1)</pre>
```

四

1.

设红色为0, 蓝色为1,

维护一个二维数组dist, dist[i][j] 表示从起点 0 出发, 最后一条边为颜色 i, 且最后一个点为 j 的最短路径长度. 再维护一个而维数组visited, visited[i][i] 表示是否以颜色 i 到达过点 j.

初始化数组的元素为 $+\infty$, dist[1][0] 和 dist[0][0] 为 0.

使用广度优先搜索, 首先将 (0,0) 和 (0,1) 入队, 每次取出 (a,b) 时, 遍历邻接表列索引为 b 的行, 对每个满足 $b \xrightarrow{1-a} c$ 的点:

- 若 visited[1-a][c] 为 0, 则更新 dist[1-a][c] = min(dist[a][b] + 1, dist[1-a][c]), 并将 (1-a,c) 入队, visited[1-a][c] 置 1
- 若 visited[1-a][c] 为 1, 则跳过

当队列为空时,对每个点 i, 取 dist[0][i] 和 dist[1][i] 的最小值即为所求最短交替色路径长度

(1)

以下给出伪代码

```
Merge(S, T): //此处S 和 T为两树树根
if S == NULL: return T
if T == NULL: return S //处理空树
if S->key < T->key: //保证S的根节点值小于T的根节点值
    swap(S, T)
Sr = S->rightchild; T1 = T->leftchild; //取出S的右子树和T的左子树
T->leftchild = S // T作为合并后新树的节点
S->rightchild = Merge(Sr,T1); //合并S的右子树和T的左子树
return T // 节点值: S1<S<Merge(Sr,T1)<T<Tr, 新树以 T 为树根,且递归地保证了树的性质</pre>
```

每次递归调用,子树层数减少 1,递归深度为 $O(\log n)$,每次递归还进行了一次比较,两次赋值,常数次的访问,因此时间复杂度为 $O(\log n)$

(2)