



수치해석 Project#1

EigenFace를 이용한 Face Recognition

Python(opencv) 사용

컴퓨터소프트웨어학부 2015005187 최철훈



목차

1. 이미지 확보 및 가공
2. PCA과정과 EigenFace 선택
3. Test 이미지의 c_k 값 구하기
4. Linear Combination으로 원래 이미지 복원해보기
5. 같은 사람과 다른 사람끼리의 c_k 값 비교
6. Face Recognition
7. 마무리

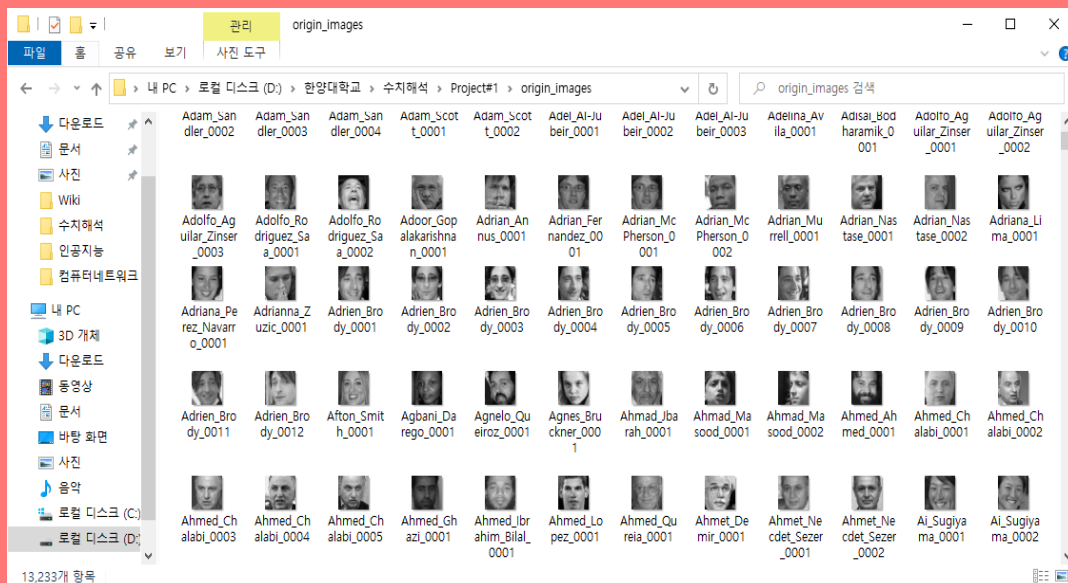
이미지 확보 및 가공

이미지 확보

같이 수업을 수강하는 친구와 함께 Project에 필요한 이미지를 구글링하여 찾아냈다.

총 13,233개의 이미지를 확보하였다.

테스트로 사용할 이미지는 14명의 사람과 각각의 서로 다른 얼굴 이미지 9장 총 126개의 이미지를 확보하였다.



이미지 확보 및 가공

opencv를 활용하여 확보한 이미지의 사이즈를 조절하였다. 여러 사이즈를 시도해보았으나 사이즈를 키울수록 눈에 가시적으로 보이기에는 잘 보이지만 여러 사이즈의 사진으로 PCA를 돌려본 결과, 계산량이 많아 작업이 오래걸려 교수님께서 제시해주신 32×32 로 사이즈로 설정하였다.

이미지 ID	
사진 크기	32 x 32
너비	32픽셀
높이	32픽셀
수평 해상도	96 DPI
수직 해상도	96 DPI
비트 수준	8

```
imagePath = os.path.join(path, filePath)
src = cv2.imread(imagePath, cv2.IMREAD_GRAYSCALE)
im = cv2.resize(src, dsize=(32, 32), interpolation=cv2.INTER_AREA)
cv2.imwrite("test/" + filePath, im)
```

13,233개의 이미지 중 같은 사람의 다른 사진인 경우가 많았다. 데이터의 개수가 많을수록 연산 과정이 오래 걸리므로 데이터의 개수를 줄이고 전부 다른 사람의 사진으로 만들기 위하여 중복된 사람은 제거하여 총 5,749개의 이미지만을 남겼다.

PCA과정과 EigenFace 선택

PCA과정

1. 폴더 내 전체 Training 이미지를 opencv를 활용하여 각각의 픽셀의 값을 나타낸 행렬의 형태로 불러온다. `im = cv2.imread(imagePath, cv2.IMREAD_GRAYSCALE)`

2. 32*32사이즈였으므로 32*32 행렬로 불러온다. 이를 flatten()을 활용하여 1024*1벡터로 만든다. `image = images[i].flatten()`

3. PCA에 필요한 데이터 행렬 A를 만들기 위해 2에서 만든 이미지들을 하나의 행렬로 만든다. `matrix_a[i,:] = image`

4. opencv에 내장된 PCACompute함수를 이용하여 전체 데이터의 평균과 원하는 개수의 EigenVector들을 얻는다. `mean, eigenVectors = cv2.PCACompute(data, mean=None, maxComponents=NUM_EIGEN_FACES)`

PCA과정과 EigenFace 선택

EigenFace 선택

1. 앞서 구한 EigenVector중에서 Principal Component를 선택하기 위해 데이터행렬 A를 SVD 하여 각각의 Singular Value를 얻었다.
2. 1에서 얻은 Singular Value중 10,000이상인 개수가 16개가 있었고, 이를 Principal Component로 설정하였다.

```
u, s, vt = np.linalg.svd(a_matrix)
s = s.flatten()
j = 1
for i in s:
    if(i > 10000):
        print("Singular Value : " + str(i))
        print("Number of Singular Value : " + str(j))
        j = j + 1
```

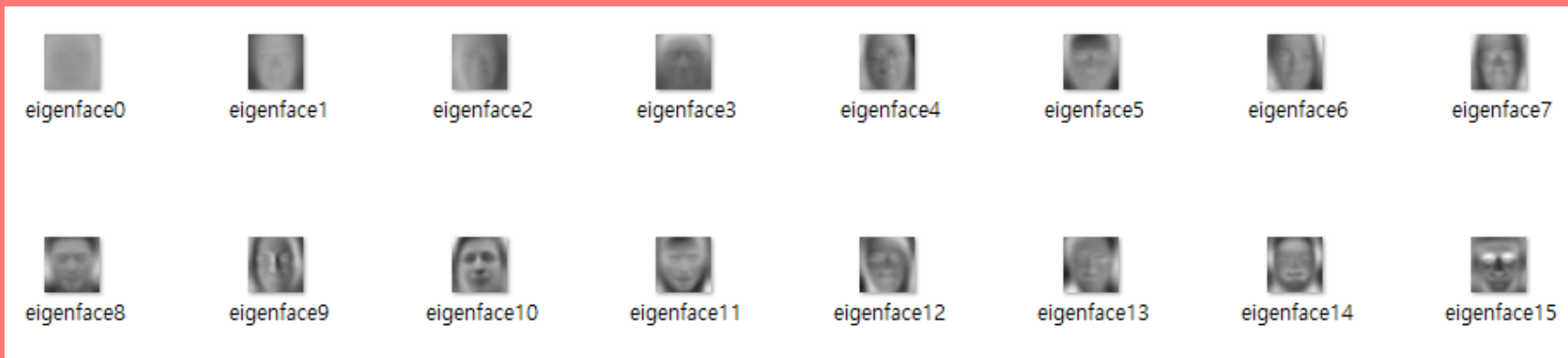
```
Singular Value : 10337.741
Number of Singular Value : 16
```

PCA과정과 EigenFace 선택

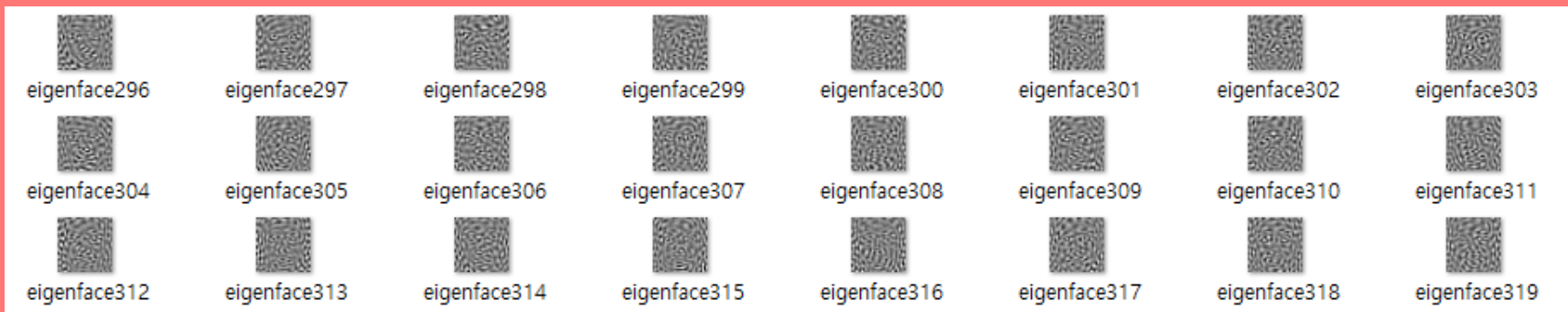
EigenFace 선택

3. 16개의 EigenVector를 EigenFace로 변환하여 이미지화하였을 때, Singular Value가 낮은 EigenVector들과는 확연히 다른 차이를 확인할 수 있었다.

- 선택한 EigenFace



- 영향력이 별로 없는 EigenFace



Test 이미지의 c_k 값 구하기 계산과정

1. 테스트 이미지들을 `flatten()`을 활용하여 1024×1 의 벡터로 만들어 하나의 행렬로 저장한다.
이 때, 각각의 이미지들은 원점을 포함하지 않아 벡터공간을 이루지 않으므로 각각의 평균을 구하고 빼서 원점을 포함하는 벡터공간으로 만든다.

```
im = cv2.imread(imagePath, cv2.IMREAD_GRAYSCALE)
im = im.flatten()
mean = im.mean()
im = im - mean
```



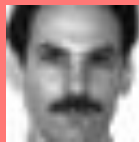
```
images[i,:] = im
i = i + 1
```

2. c_k 는 원래 이미지에서 평균을 뺀 것과 해당하는 EigenFace를 내적하면 결과를 얻을 수 있다.
1에서 얻은 이미지의 행렬성분과 `PCACompute()`로 얻은 EigenFace들을 내적하여 c_k 를 구한다. 다른 사람의 이미지임을 알리기 위해 각각의 사람은 9장의 다른 이미지를 갖고 있으므로 9장마다 구분지었다.

```
ck = np.zeros((126, NUM_EIGEN_FACES), dtype=np.float32)
test_images = readTestImages("test")
for i in range(0, 126):
    for j in range(0, NUM_EIGEN_FACES):
        ck[i][j] = np.dot(test_images[i], eigenFaces[j])
count = 1
for i in range(0, 126):
    print(ck[i])
    if(count % 9 == 0):
        print("-----")
    count = count + 1
```


Test 이미지의 c_k 값 구하기 결과예시

원본 이미지



c_k 값

```
[ 41.320774 -735.7529 -150.4732 -805.1382 -311.78842  
-1175.991 224.79594 308.99213 708.62463 76.038536  
260.78607 -379.08752 -125.49937 -137.66254 218.86322  
-254.76396 ]
```



```
[ -110.68897 -305.19427 656.1328 -907.3788 151.07533 -976.4293  
509.19412 -60.39447 148.72244 148.93253 -53.67522 23.401722  
-156.29367 -34.55419 -155.94101 -103.24802 ]
```



```
[ -83.59227 -465.922 -64.98332 -1117.0896 -327.37952  
-970.22205 58.11895 412.71817 347.96716 7.1860504  
34.008347 180.76901 158.53499 -167.4831 -67.72662  
-129.17632 ]
```

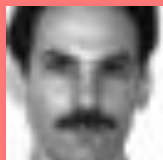
원래 이미지 복원해보기 Linear Combination

앞서 선택한 EigenFace 16개로 원래의 이미지를 복원해본다.

1. 앞서 구한 c_k 와 k번째 EigenFace를 곱한 것들을 더하여 Linear Combination한다.
2. 원래 이미지의 평균을 Linear Combination한 이미지에 더한다.
3. 이미지화한다.

```
means = ImageMean("test")
for i in range(0, 126):
    recovery = np.zeros((32 * 32,), dtype=np.float32)
    for j in range(0, NUM_EIGEN_FACES):
        multiple = ck[i][j] * eigenFaces[j]
        recovery = recovery + multiple
    recovery = recovery + means[i]
    output = recovery.reshape(sz)
    cv2.imwrite("recovery/recovery_" + str(i + 1) + ".jpg", output)
```

- 결과예시



<- 원본 이미지



$\approx c_1$



+ c_2



+ c_3



+ ...

+ c_{16}



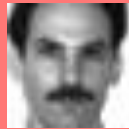
+ M

원래 이미지 복원해보기 All EigenFace

앞서 보았듯이 EigenFace 16개로는 비슷하긴 하지만 완전히 똑같다고 육안으로 판별하기는 어려운 수준이다. 그래서 1024개의 모든 EigenFace로 Linear Combination하여 복원해보았다. 당연한 결과지만 원본과 육안으로 식별하기에 동일한 결과물이 나왔다. 이로 인해 EigenFace의 개수가 많아질수록 원본과 똑같은 이미지를 얻는 것을 알 수 있다.

- 결과예시

원본 이미지



복원한 이미지

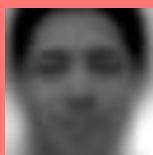
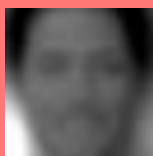
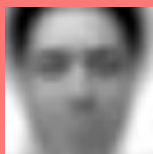


원래 이미지 복원해보기 c_k 를 정수로 하기

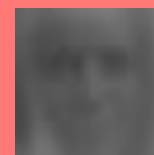
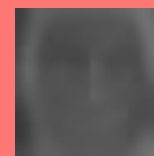
처음에는 c_k 를 판별하기 쉽게 하기 위해 정수로 설정하고 원래 이미지를 복원했었다. 하지만 앞서 복원한 이미지에 훨씬 못미치는 결과가 나타났다. 이로 인해 0이하의 소수점 자리지만 버린다면 연산 결과에는 크게 영향을 미친다는 것을 알 수 있다. 교수님께서 강의에서 말씀하신 Precision의 오류가 결과에 영향을 미친다는 것을 알 수 있었다.

- 결과예시

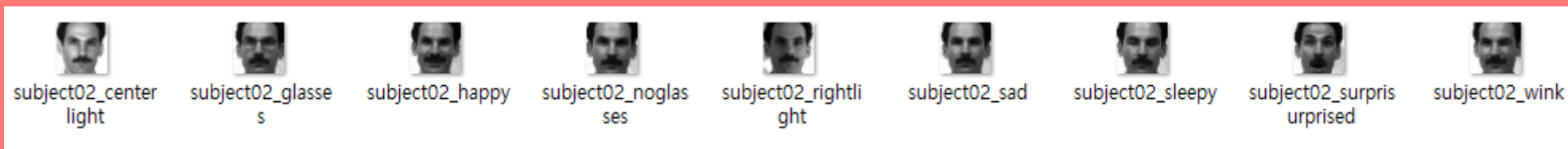
실수로 복원한 이미지



정수로 복원한 이미지



c_k 값 비교 같은 사람, 다른 사진끼리의 비교



[41.3208	-735.7529	-150.4732	-805.1382	-311.7884	-1175.991	224.7959	308.9921	708.6246	76.0385	260.7861	-379.0875	-125.4994	-137.6625	218.8632	-254.764]
[92.6809	-883.178	654.9197	-332.3031	771.5175	-1252.5326	101.2417	383.8459	294.5484	166.4441	558.915	-80.5055	190.9084	-258.2345	207.4628	-240.1309]
[95.6483	-883.3784	441.9628	-401.6793	491.5426	-1371.3499	108.9272	320.278	408.4369	173.7807	458.9501	-176.7124	-4.7322	-249.9845	53.5005	-275.1119]
[50.5301	-501.8955	253.9373	-305.3358	193.0868	-1647.9939	175.1952	61.8023	285.3084	79.5481	234.5789	49.106	-133.814	-262.0563	36.571	-335.9267]
[163.034	-1000.3743	-1050.7229	-778.3414	85.2772	-976.1514	246.2326	157.1737	282.9595	-334.8091	274.1398	-328.4744	-220.5437	44.0175	-122.4351	-127.2315]
[64.9637	-761.8469	529.5779	-393.966	563.134	-1410.0903	166.4077	333.9767	365.6844	182.3644	575.7018	-57.9657	34.1217	-201.444	142.5627	-261.9993]
[72.0765	-640.2489	295.0836	-324.9737	270.2822	-1596.9023	172.7902	110.0455	358.2988	99.4095	276.1875	-17.4418	-63.1519	-271.99	49.813	-301.413]
[112.5743	-1142.0413	90.224	-555.8997	51.0332	-1013.8657	368.1688	512.5769	418.2113	57.9735	678.5316	-252.0489	-322.7261	-96.5532	261.4619	-166.2825]
[95.3517	-924.1326	793.2505	-308.8723	755.8936	-1226.9249	127.1005	335.2348	383.4756	151.8181	539.3788	-16.364	336.4204	-191.8833	190.6214	-263.7462]

같은 사람의 각기 다른 사진 9장에 대한 c_k 값에 대한 비교 예시이다. 각각의 열끼리 비교해보았을 때, 1, 2번째 열처럼 비슷한 값을 보이는 열이 있는 반면에 3, 13번째 열처럼 일정범위를 벗어나는 값이 나타나거나 들쭉날쭉한 것을 확인할 수 있다. 다른 사람도 마찬가지로의 결과를 보였다.

c_k 값 비교 다른 사람끼리의 비교

[41.3208	-735.7529	-150.4732	-805.1382	-311.7884	-1175.991	224.7959	308.9921	708.6246	76.0385	260.7861	-379.0875	-125.4994	-137.6625	218.8632	-254.764]
[92.6809	-883.178	654.9197	-332.3031	771.5175	-1252.5326	101.2417	383.8459	294.5484	166.4441	558.915	-80.5055	190.9084	-258.2345	207.4628	-240.1309]
[95.6483	-883.3784	441.9628	-401.6793	491.5426	-1371.3499	108.9272	320.278	408.4369	173.7807	458.9501	-176.7124	-4.7322	-249.9845	53.5005	-275.1119]
[50.5301	-501.8955	253.9373	-305.3358	193.0868	-1647.9939	175.1952	61.8023	285.3084	79.5481	234.5789	49.106	-133.814	-262.0563	36.571	-335.9267]
[163.034	-1000.3743	-1050.7229	-778.3414	85.2772	-976.1514	246.2326	157.1737	282.9595	-334.8091	274.1398	-328.4744	-220.5437	44.0175	-122.4351	-127.2315]
[64.9637	-761.8469	529.5779	-393.966	563.134	-1410.0903	166.4077	333.9767	365.6844	182.3644	575.7018	-57.9657	34.1217	-201.444	142.5627	-261.9993]
[72.0765	-640.2489	295.0836	-324.9737	270.2822	-1596.9023	172.7902	110.0455	358.2988	99.4095	276.1875	-17.4418	-63.1519	-271.99	49.813	-301.413]
[112.5743	-1142.0413	90.224	-555.8997	51.0332	-1013.8657	368.1688	512.5769	418.2113	57.9735	678.5316	-252.0489	-322.7261	-96.5532	261.4619	-166.2825]
[95.3517	-924.1326	793.2505	-308.8723	755.8936	-1226.9249	127.1005	335.2348	383.4756	151.8181	539.3788	-16.364	336.4204	-191.8833	190.6214	-263.7462]

[65.4715	-846.2003	-434.2378	-787.2926	-157.8937	-1178.3612	-178.7477	331.3075	174.4114	37.8617	-226.3181	128.861	-192.9077	-138.64	13.6475	-50.5861]
[3.4725	-662.559	48.6287	-756.1008	41.5118	-1438.804	46.4236	59.6693	299.1167	-42.8467	167.88	354.6047	-162.6194	-135.5984	169.3404	-181.5706]
[-7.5788	-757.8049	165.9855	-849.8706	192.1481	-1330.219	179.4676	125.6942	257.7405	-57.6929	199.7283	349.6719	2.3839	-153.134	153.6086	-181.5056]
[2.3456	-861.9829	174.0662	-955.7893	118.5038	-1325.5531	182.8864	21.1279	317.9448	-75.8871	392.943	291.2399	-3.4942	-72.8148	154.3503	-321.4298]
[15.7005	-847.1649	-188.8083	-1008.3315	-99.5577	-1278.1685	-44.8499	133.2028	335.1426	-87.7259	144.8424	289.3825	-304.9489	-163.6158	196.1974	-96.8826]
[14.2171	-654.2738	89.21	-623.7736	86.2556	-1495.9585	99.1596	76.2939	262.7351	-14.1163	89.9181	349.3678	-75.5535	-110.1455	157.806	-231.3508]
[49.2315	-867.332	40.3797	-730.7146	77.067	-1455.6417	90.3666	26.2537	329.4567	-30.1234	102.7858	250.6936	-33.32	-72.931	69.8651	-138.1776]
[-1.2507	-977.7523	112.2965	-1060.6724	83.3958	-1132.787	91.8717	115.6512	245.4329	-18.1077	193.4477	346.7078	-19.6735	-62.9585	59.5718	-65.0525]
[36.2636	-757.6664	46.9063	-663.6824	114.0035	-1432.2532	4.1438	91.1133	297.9495	-53.9766	82.6464	324.7727	-155.8748	-268.8533	118.2425	-184.1127]

[-43.9338	-656.4193	-324.2878	-1283.4324	63.3118	-1034.7058	100.4054	355.0637	328.9313	81.6237	-92.8417	74.131	-1.6695	-154.3308	-118.3849	-86.3061]
[-34.4478	-803.4783	105.2311	-1138.2869	390.1499	-977.0109	239.2083	223.2483	188.7392	25.6934	219.8269	364.6442	94.1395	-290.6017	13.3544	-103.7853]
[-123.1884	-476.893	28.4823	-1267.0476	242.4085	-1010.5936	281.7852	165.8566	209.3726	21.6172	341.4257	546.3828	-88.8579	-215.8546	-88.8586	-219.6235]
[-73.4627	-772.3533	273.3148	-1215.3914	572.1681	-795.2792	277.4028	328.3189	294.8296	59.2932	473.6688	463.824	108.731	-197.7991	67.22	-168.5157]
[65.1644	-319.2784	-1129.5176	-563.0649	78.5845	-607.4739	-200.0808	7.5178	-9.1104	-189.279	-80.6762	215.3511	198.8332	-65.8723	-94.3143	-143.3905]
[-91.1885	-529.7997	13.1488	-1167.0195	223.2086	-1065.6797	287.6245	69.5604	238.3815	10.1656	231.9843	576.2878	-96.8497	-174.3696	59.1779	-156.6342]
[-136.5955	-408.994	123.8541	-1192.5347	375.0256	-874.8735	362.3954	169.6806	119.5077	85.2407	347.5808	574.5413	-116.4726	-137.3759	55.3594	-136.8928]
[-92.5718	-596.5552	72.8774	-1156.1189	348.9058	-962.3719	259.2277	299.4902	135.1888	55.4146	522.1281	555.3757	-199.4101	-147.6372	52.7312	-31.5308]
[-85.2251	-628.5325	306.0194	-1092.7476	651.0393	-679.1899	360.3656	259.356	195.4741	140.709	430.7586	508.9172	38.8959	-165.8004	71.8339	-166.757]

c_k 값 비교 다른 사람끼리의 비교

[37.7545	-673.2709	-198.8069	-543.8369	-191.2318	-1096.3347	665.8331	602.2695	502.341	14.8289	623.0293	-163.0594	-203.836	-35.2782	8.6046	-141.6699]
[105.7999	-712.7767	202.8787	-86.4512	134.1862	-1562.0586	557.4863	424.563	547.8695	-32.8997	614.1395	-233.0336	-108.6437	-41.2798	-189.3451	-299.5906]
[67.1974	-554.6424	180.1036	-99.1874	145.452	-1351.1813	749.8033	433.3866	479.4809	6.2659	850.176	-213.6802	-239.3403	22.3862	-215.6718	-336.1949]
[81.393	-671.2877	396.2714	-99.8092	340.9983	-1138.2771	771.6743	480.9816	672.5532	83.3965	931.0955	-355.1742	-200.2342	123.8371	-80.3835	-251.1577]
[105.3228	-378.6184	-1115.2325	-437.8067	391.1711	-733.7572	-4.7026	5.836	281.0999	-308.9755	388.8804	-124.1836	-56.1347	132.168	-305.9758	-110.3736]
[60.3631	-255.9766	391.9332	17.6751	365.4448	-1392.4746	473.4137	-265.3387	601.8801	153.8138	158.4233	-95.9872	-154.0999	135.0992	-192.6911	-457.4247]
[65.0942	-467.6815	631.492	-44.3567	660.1561	-1148.3163	572.806	55.8549	735.3811	224.6342	526.8807	-415.8861	-24.709	122.8671	-104.9159	-296.9942]
[133.498	-758.4549	-178.9623	9.9669	-302.8886	-1206.5996	968.548	396.2718	499.8093	3.6837	829.1411	-297.5166	-371.1094	138.581	76.8083	-211.6502]
[65.9041	-725.1012	879.2976	-219.7015	930.8114	-623.598	439.6256	321.5237	627.0405	15.4564	960.5853	-375.7036	-51.6238	124.2973	167.1512	-168.7035]

[-59.325	-265.9139	278.219	-613.095	320.6092	-981.4248	400.2088	620.7311	489.5728	181.2234	269.4367	-71.0307	47.4866	-100.8768	-332.1653	-137.0942]
[126.9124	-972.808	297.2256	-64.2467	87.3487	-836.9064	646.3574	804.8959	418.5344	62.269	580.2036	-182.7843	-136.5287	-273.6158	-272.6194	-213.6738]
[71.0425	-561.035	437.823	218.8355	393.559	-873.2564	675.9291	553.9471	-342.774	89.6851	747.5839	-79.4283	-394.4356	-124.3889	-351.191	-170.232]
[90.0643	-766.5428	648.0154	26.2052	593.9252	-790.1139	450.837	717.2585	145.1686	113.691	698.1406	-42.1764	-180.1768	-454.5199	-141.8052	-205.4352]
[126.8931	-786.9139	-610.2418	-604.7332	586.046	-600.985	293.8706	419.8469	729.6328	-312.3719	412.4849	-271.9994	6.4158	-186.4392	-508.3777	-117.8702]
[82.1413	-838.3706	775.9773	-140.2707	629.8781	-866.4417	606.661	383.2791	336.0246	70.1044	717.5594	-293.7864	10.3741	-59.1588	-161.0171	-201.6375]
[100.6856	-899.5439	637.3646	-63.1814	458.7889	-794.1701	749.1285	552.491	268.8224	18.4344	758.0548	-290.5046	-68.9516	-50.1597	-188.4932	-147.8965]
[186.3539	-1253.9832	381.2729	95.3265	130.2682	-572.407	871.3331	684.7855	102.0727	51.8202	710.558	-245.8456	-133.4272	-45.2817	-4.3448	-94.8438]
[39.5919	-532.7025	660.6555	-175.579	496.2451	-1212.7599	543.1707	153.1054	304.2349	121.8692	316.8801	-120.0393	-33.3816	-150.9697	-296.9193	-239.1022]

[32.0897	-630.6647	-369.2693	-668.5107	-241.708	-1027.352	288.3527	440.4044	217.5707	-42.077	63.4228	247.3692	-162.6502	-60.3011	-230.8555	-204.5678]
[204.335	-1198.5562	-153.8141	-193.8116	-91.5712	-953.409	533.2166	513.4015	907.6662	-73.3157	538.6819	-208.5913	-138.513	-135.6953	162.2981	-257.1462]
[123.7588	-676.2	-52.968	-62.4662	-199.6508	-1429.0216	542.0209	223.8322	881.4548	-167.2758	356.5691	24.8141	-205.4357	-40.624	-284.3024	-531.2003]
[103.3884	-850.5956	81.9385	-354.621	95.8603	-1050.7972	558.0737	459.5218	996.2916	-65.7134	716.8214	42.8384	-93.7483	-41.2787	38.2696	-398.3458]
[102.9547	-259.9876	-1409.3595	-400.7695	136.9886	-575.4068	-125.3157	171.4859	325.6539	-451.3325	178.7778	33.7225	165.2463	124.6157	-253.3336	-104.7712]
[58.4464	-482.1593	206.1812	-207.7567	175.5117	-1499.729	400.2668	167.9725	711.3323	-76.9911	416.2975	162.4922	-99.5503	-76.1087	-48.7921	-430.8931]
[90.9796	-763.2203	77.3428	-309.9025	62.248	-1116.7979	494.6873	472.1859	936.3806	-45.7683	659.0745	67.4453	-116.8444	-87.8915	-47.0523	-384.33]
[124.4954	-994.2679	-99.8577	-396.4412	-143.7961	-953.6685	665.0517	409.2108	968.6747	-81.7582	707.2399	54.3617	-212.9092	-32.5141	79.3546	-288.1552]
[39.7752	-530.2493	286.0347	-409.3656	378.7139	-1281.6526	196.8184	90.5062	647.895	17.1474	374.6453	320.023	-3.5439	-159.3448	-166.4301	-394.9861]

c_k 값 비교 다른 사람끼리의 비교

1. 앞선 2장의 슬라이드에서 총 6명의 사람을 비교해보았다. 아무래도 얼굴을 이루는 Principal Component로 비교한 것이기에 다른 사람이지만 각각의 EigenFace별로 비슷한 분포를 보이는 열이 있는가 하면 전혀 다른 분포를 보이는 열도 존재하는 것을 확인할 수 있다.

2. 각각의 EigenFace별로 비슷한 분포를 보이더라도 각 분포의 중심축이 조금씩 다른 것을 확인할 수 있다.

-805.1382
-332.3031
-401.6793
-305.3358
-778.3414
-393.966
-324.9737
-555.8997
-308.8723

-787.2926
-756.1008
-849.8706
-955.7893
-1008.3315
-623.7736
-730.7146
-1060.6724
-663.6824

-1283.4324
-1138.2869
-1267.0476
-1215.3914
-563.0649
-1167.0195
-1192.5347
-1156.1189
-1092.7476

Face Recognition Idea

Face Recognition은 총 2가지를 실험해보았다.

- 새로운 사진이 들어왔을 때, 어떤 사람인지를 판별한다.
- 두 개의 사진이 있을 때, 서로 같은 사람인지 다른 사람인지를 판별한다.

첫 번째를 수행하는 방법이다.

1. 값이 너무 들쭉날쭉한 열은 비교의 대상에서 제외한다.
2. 분포가 균일한 열도 극단적이 값은 조금씩 있으므로 최대값과 최소값을 제외하고 남은 값에서의 최대값과 최솟값 사이를 범위로 한다.
3. 새로운 사진이 들어왔을 때, 2에서 만들어낸 범위에 속하는 c_k 값이 10개 이상이면 해당하는 사람으로 판별한다.
4. 새로운 사진이 필요하므로, 각 사람마다 8개의 사진으로 진행한다.

Face Recognition Idea

두 번째를 수행하는 방법이다.

1. 각 사람의 c_k 값의 평균을 구한다. 각 평균의 차이들을 구한다. 이 차이들의 평균을 기준으로 정한다.
2. 두 사진이 들어왔을 때, 두 사진의 c_k 값의 차이가 1에서 구한 기준보다 큰 것이 7개 이상이라면 다른 사람으로 판별한다. 그렇지 않으면 같은 사람으로 판별한다.

Face Recognition First

극단적인 값과 값이 들쭉날쭉한 열을 어떻게 처리할까를 고민하였다.

- 새로운 사진이 들어왔을 때, 어떤 사람인지를 판별한다.

1. 분포가 균일한 열도 극단적이 값은 조금씩 있으므로 최대값과 최소값을 제외하고 남은 값에
서의 최대값과 최소값을 뽑아낸다.
2. 새로운 이미지의 c_k 값을 뽑아낸다.
3. 2에서 뽑아낸 값이 1에서 뽑아낸 범위에 속하는지를 판별한다.
4. 범위에 속하는 c_k 값이 10개 이상이면 일치한다고 판별한다.
5. 들쭉날쭉한 열인 13열은 제외하였다.

```
for i in range(0, 14):
    true_count = 0
    for j in range(0, NUM_EIGEN_FACES):
        if ck_new[i, j] <= ck_min_max[i,0,j] and ck_new[i, j] >= ck_min_max[i,1,j]:
            if(j != 12):
                true_count = true_count + 1
    if true_count >= 10:
        print("Matching" + str(i + 1))
print("-----")
```

Face Recognition 결과

새로운 사진은 1사람당 1장씩 총 14장의 이미지로 테스트하였다. 아래와 같이 총 14장의 사진 중 7장의 사진이 동일한 인물로 판별되는 결과가 나왔다.

일치하는 c_k 값을 7개 이상으로 줄여보았더니 14장의 사진 중 10장의 사진이 동일한 인물로 판별되는 결과가 나왔다.

10개 이상

```
Matching1
-----
Matching3
-----
Matching4
-----
Matching6
-----
Matching7
-----
Matching8
-----
Matching11
-----
-----
-----
-----
```

7개 이상

```
Matching1
-----
Matching3
-----
Matching4
-----
Matching6
-----
Matching7
-----
Matching8
-----
Matching10
-----
Matching11
-----
Matching12
-----
Matching14
-----
```

Face Recognition Second

각 사람들의 일반적인 얼굴 즉, c_k 값의 평균을 이용하면 어떨까?를 고민하였다.

- 두 개의 사진이 있을 때, 서로 같은 사람인지 다른 사람인지를 판별한다.

1. 각 사람의 c_k 값의 평균을 구한다. 극단적인 값은 제외하기 위해 최대값과 최소값을 제외하고 평균을 구하였다. 각 평균의 차이들을 구한다. 이 차이들의 평균을 기준으로 정한다.
2. 두 사진이 들어왔을 때, 두 사진의 c_k 값의 차이가 1에서 구한 기준보다 큰 것이 7개 이상이라면 다른 사람으로 판별한다. 그렇지 않으면 같은 사람으로 판별한다. 7개는 16의 절반에 못미치는 숫자여서 50%가 조금 안되는 정확도를 기대하고 설정하였다.

```
ck_except_m = np.zeros((14, 7, 16), dtype=np.float32)
ck_mean = np.zeros((14, NUM_EIGEN_FACES), dtype=np.float32)
ck_mean_difference = np.zeros((14 * 13, 16), dtype=np.float32)

for i in range(0, 14):
    for j in range(0, 16):
        tmp = np.sort(ck3d[i, :, j])
        tmp = tmp[1:8]
        ck_except_m[i, :, j] = tmp

for i in range(0, 14):
    ck_mean[i] = ck_except_m[i].mean(axis = 0)
print(ck_mean)

num = 0
for i in range(0, 14):
    for j in range(0, 14):
        if i != j:
            ck_mean_difference[num] = abs(ck_mean[i] - ck_mean[j])
            num = num + 1
ck_mean_difference_mean = ck_mean_difference.mean(axis = 0)
print(ck_mean_difference_mean)

ck_compare = np.zeros((2, NUM_EIGEN_FACES), dtype=np.float32)
compare_images = readTestImages("compare_two_images")
for i in range(0, 2):
    for j in range(0, NUM_EIGEN_FACES):
        ck_compare[i, j] = np.dot(compare_images[i], eigenFaces[j])
ck_difference = abs(ck_compare[0] - ck_compare[1])
print(ck_difference)

different_count = 0
for i in range(0, 16):
    if ck_mean_difference_mean[i] <= ck_difference[i]:
        different_count = different_count + 1
if different_count >= 7:
    print("Different Count : " + str(different_count))
    print("Different Person")
else:
    print("Different Count : " + str(different_count))
    print("Same Person")
```

Face Recognition 결과

총 10번의 테스트를 하였으며, 다른사람이지만 같다는 결과와 다르다는 결과, 같은 사람이지만 다르다는 결과와 같다는 결과 이렇게 총 4가지의 경우가 있다. 다른 사람이어도 비슷한 얼굴형을 갖고 있으면 일치하는 결과를, 같은 사람이어도 조명과 안경 유무 등에 따라서 다른사람이라는 결과가 나오는 것을 알 수 있다. 기준보다 큰 것의 개수를 줄인다면 정확도가 올라갈 것이다.

다른 사람이지만 같다는 결과



다른 사람이 다르다는 결과



같은 사람이 같다는 결과



같은 사람이 다르다는 결과



마무리 느낀점

1. 이번 프로젝트는 데이터가 구글링해서 나왔으니 다행이지 일반적인 실험이었으면 데이터 수집부터가 고비였을 것 같다. 데이터 수집의 중요성을 알게 되었다.
2. 소수점 아래자리라도 결과에 큰 영향을 미칠 수 있다는 것을 알게 되었다. Precision의 오류를 체감하였다.
3. 조명과 안경의 유무, 얼굴형 등에 따라서 Face Recognition의 정확도가 많이 달라짐을 체감하였다.
4. 선형대수의 활용예시를 직접 경험해봄으로써 선형대수가 정말 중요함을 느꼈고 이런 분야에 수학이 적용된다는 것이 놀라웠다.

마무리

감사합니다.

https://github.com/cheol-hoon/Numerical_Analysis