Sprawdzian predyspozycji Czerwiec 1993

Zadanie 1

W pewnej grupie złożonej z 1000 osób:

- 480 uczy się języka włoskiego
- 410 hiszpańskiego
- 305 portugalskiego
- 210 włoskiego i portugalskiego
- 105 hiszpańskiego i portugalskiego
- 100 włoskiego i hiszpańskiego
- 65 włoskiego, hiszpańskiego i portugalskiego

Ile osób w tej grupie nie uczy się żadnego z podanych języków? Ile osób uczy się dokładnie jednego języka?

Zadanie 2

Czy istnieje wielokąt o parzystej liczbie boków taki, że liczba przekątnych jest wielokrotnościa liczby boków?

Zadanie 3

Udowodnić, że każdą liczbę naturalną n >= 8 można zapisać jako n = 3k + 5m, gdzie k i m są liczbami całkowitymi nieujemnymi.

Zadanie 4

W czterech wierzchołkach kwadratu o boku a znajdują się domki. Połącz domki ścieżkami tak, aby z każdego domku można było przejść ścieżką do dowolnego innego domku i aby łączna długość ścieżek była mniejsza niż sama długość przekątnych kwadratu.

Zadanie 5

Podstawą ostrosłupa jest wielokąt Q. Wiadomo, że wszystkie krawędzie boczne ostrosłupa są równej długości. Udowodnij, że na wielokącie Q można opisać okrąg.