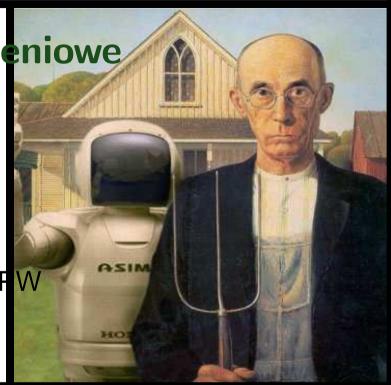
Inteligentne Systemy Obliczeniowe Wykład 8

Piotr Wąsiewicz Zakład Sztucznej Inteligencji - ISE FW

pwasiewi@elka.pw.edu.pl





Generowanie reguł asocjacyjnych



Odzyskiwanie wiedzy z tzw. koszyków



- $(1\ 2)$
- (123)
- $(1\ 2)$
- (1)
- (123)

Jeśli dany koszyk występuje (też jako część składowa) więcej razy niż zakładana wartość progowa to jest istotny statystycznie np. $\frac{|P_{(1\ 2)}|}{N}>20\%$, gdzie $|P_{(1\ 2)}|$ jest liczbą koszyków z produktami 1 i 2, a N liczbą wszystkich koszyków.



Odzyskiwanie wiedzy z tzw. koszyków c.d.



$$\frac{|P_{(1)}|}{N} = 1 > 20\%, \ \frac{|P_{(1\ 2)}|}{N} = \frac{4}{5} > 20\%, \ \frac{|P_{(1\ 2\ 3)}|}{N} = \frac{2}{5} > 20\%.$$

Następnie z częstych podgrup (1), (1 2), (1 2 3) można tworzyć reguły asocjacyjne czyli kojarzyć te podgrupy ze sobą np.:

$$(1) \rightarrow (1\ 2) - (1)$$

Do części warunkującej wybrano częsty podzbiór, a w części warunkowanej jest koszyk zawierający tamten podzbiór z części warunkującej (asocjacyjne skojarzenie), ale np. z reguły $modus\ ponens\ (\frac{a,\,a\Rightarrow b}{b})$ wynika, że konkluzja nie może zawierać przesłanki, stąd różnica w regule asocjacyjnej. W wyniku tych operacji powstaje reguła:

$$(1) \to (2)$$

Inna reguła uzyskana w ten sam sposób to:

$$(1\ 2) \rightarrow (1\ 2\ 3) - (1\ 2)$$

$$(1\ 2) \rightarrow (3)$$



Wiedza w bazach relacyjnych

W bazach relacyjnych wiedza jest zapisywana w tabelach. W kolumnach występują atrybuty mające zdyskretyzowane wartości np.: atrybut A_1 ma n_1 wartości od v_{11} do v_{1n_1} . W wybranej kolumnie atrybut C jest nazywany kategorią, a jej wartości d etykietami.

A_1		A_i	C
(v_{11},\ldots,v_{1n_1})	• • •	(v_{11},\ldots,v_{1n_i})	$\left (d_1, \dots, d_{n_C}) \right $
v_{11}	• • •	v_{23}	d_3
v_{12}		v_{25}	d_{n_C}
v_{1n_1}	• • •	v_{2n_i}	d_1
	• • •		



Kompleksy



• $k_1=\{<$ słoneczna \lor deszczowa, zimna \lor ciepła, $?,?>\}$ $k_2=\{<$ słoneczna, ciepła, $?,?>\}$ $k_2\prec k_1$

 k_2 jest bardziej szczegółowe od k_1 , k_1 jest bardziej ogólne od k_2

- $S\rhd k$ to dokładniej $(\exists k\in S)k\rhd x$ zbiór wszystkich x pokrywanych przez $k\in S$
- $\{k_1 \triangleright x\} = \{1, 2, 5, 6, 9\}$
- $\{k_2 > x\} = \{1, 2\}$
- Kompleks tylko z jednym selektorem nieuniwersalnym zwany jest kompleksem atomowym .



Reguly asocjacyjne



- Wsparcie reguły r na zbiorze przykładów P jest określone jako stosunek liczby przykładów ze zbioru P pokrywanych jednocześnie przez dwa kompleksy p i q do liczby wszystkich przykładów: $s_r(P) = \frac{|P_{p \wedge q}|}{|P|}$
- Wiarygodność reguły r na zbiorze P jest określona jako stosunek liczby przykładów ze zbioru P pokrywanych jednocześnie przez dwa kompleksy p i q do liczby przykładów z P pokrywanych przez kompleks p:

$$f_r(P) = \frac{|P_{p \wedge q}|}{|P_p|}$$

• Wsparcie kompleksu k analogicznie do porzednich wzorów: $s_k(P) = \frac{|P_k|}{|P|}$

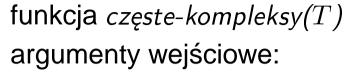
Znajdowanie częstych kompleksów

 $L_K = \prod_{i=1}^n (|A_i| + 1)$ - jest liczbą wszystkich kompleksów zawierających tylko

selektory pojedyńcze i uniwersalne. Aby znależć częste kompleksy należy stosować heurystyki np. założenie, że każdy kompleks zawierający się w pewnym częstym kompleksie jest także częstym kompleksem znajduje zastosowanie w algorytmie *Apriori* , który rozpoczynając od zbioru częstych kompleksów atomowych S generuje w pętli ich nadzbiory zawierające każdorazowo jeden dodatkowy selektor.



Algorytm Apriori



ullet T - zbiór trenujący; zwraca: zbiór częstych kompleksów dla zbioru trenującego T;

$$S_1 := \{k \in \mathbb{S} | s_k(T) \geqslant \theta_s\};$$
 dla wszystkich $i = 2, 3, \ldots, n$ wykonaj $S_i' := połączenie (S_{i-1});$ $S_i'' := przycięcie (S_i', S_{i-1});$ $S_i := \{k \in S_i'' | s_k(T) \geqslant \theta_s\};$ koniec dla zwróć $\bigcup_{i=1}^n S_i$



Algorytm Apriori - połączenie

Kandydatami do połączenia $k \in S_i'$ są dowolne dwa kompleksy $p,q \in S_{i-1}$, dla których spośród ich i-1 selektorów nieuniwersalnych i-2 są identyczne, a ich pozostałe selektory nieuniwersalne odpowiadają różnym atrybutom (czyli znajdują się na różnych pozycjach). Połączony kompleks $k=p \wedge q$ zawiera i selektorów nieuniwersalnych, z których pierwsze i-2 są wspólnymi selektorami kompleksów p i q, a ostatnie dwa są ich różnymi selektorami.



Algorytm Apriori - przycięcie

W związku z heurystyką algorytmu Apriori elementami zbioru S_i'' stają się takie i <u>tylko</u> takie kompleksy ze zbioru S_i' , dla których <u>wszystkie</u> zawarte w nich kompleksy o i-1 selektorach są elementami zbioru S_{i-1} . Spełnione jest zatem założenie, że każdy kompleks zawierający się w pewnym częstym kompleksie jest także częstym kompleksem.



Generowanie reguł na podstawie częstych kompleksó

- Dla dowolnych kompleksów p i q dla tej samej przestrzeni atrybutów $p \subseteq q \Leftrightarrow p \land q = q$ (choć $p \succ q$, to zbiór selektorów nieuniwersalnych decyduje o zawieraniu się).
- Dla dowolnych kompleksów p i q, dla których $p \subseteq q$ oraz dla dowolnego kompleksu k dla tej samej przestrzeni atrybutów $k = q p \Leftrightarrow q = p \wedge k$ i k jest maksymalnie ogólnym kompleksem spełniającym ten warunek czyli nie istnieje kompleks $k' \succ k$, dla którego $q = p \wedge k'$.
- Dla dowolnych dwóch kompleksów p i q mających wymagane minimalne wsparcie, dla których $p \subset q$ może być utworzona reguła $r=p \Rightarrow q-p$ dla $p \wedge (q-p)=q$ z następującym wsparciem i wiarygodnością:

$$s_r(P) = s_q(P), \quad f_r(P) = \frac{s_q(P)}{s_p(P)}.$$



Tablice kontyngencji

Dwa atrybuty $a_i: X\mapsto A_i$ i $a_j: X\mapsto A_j$ spośród atrybutów a_1,a_2,\ldots,a_n i ich dziedziny $A_i=\{v_{i1},v_{i2},\ldots,v_{i|A_i|}\}$ oraz $A_j=\{v_{j1},v_{j2},\ldots,v_{j|A_j|}\}$ tworzą tablicę kontyngencji zawierającą $|A_i|$ wierszy i $|A_j|$ kolumn, przy czym wartość na przecięciu wiersza o numerze k i kolumny o numerze l równa się liczbie takich przykładów w zbiorze trenującym l0 dla których l1 dla których l2 dla których l3 dla których l4 dla których l5 dla których l6 dla których l7 dla których l8 dla których l9 dla których

$$N_P^{a_i a_j}[v_{ik}, v_{jl}] = |\{x \in P | a_i(x) = v_{ik} \land a_j(x) = v_{jl}\}|$$

przy czym $v_{ik} \in A_i$ i $v_{jl} \in A_j$.



Tablice kontyngencji c.d.



$$a_1: X \mapsto \{v_{11}, v_{12}, v_{13}, v_{14}\}, a_2: X \mapsto \{v_{21}, v_{22}, v_{23}\}$$

$$a_3: X \mapsto \{v_{31}, v_{32}, v_{33}\}, a_4: X \mapsto \{v_{41}, v_{42}, v_{43}\}$$

$$a_5: X \mapsto \{v_{51}, v_{52}, v_{53}, v_{54}\}$$

ullet Dla dziedziny X i zbioru trenującego T liczącego 1728 przykładów otrzymujemy następujące przykładowe tablice kontyngencji:

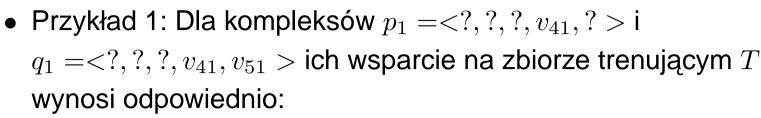
$$N_T^{a_2a_5} = egin{bmatrix} v_{51} & v_{52} & v_{53} & v_{54} \\ v_{21} & 576 & 0 & 0 & 0 \\ v_{22} & 312 & 198 & 36 & 30 \\ v_{23} & 322 & 186 & 33 & 35 \end{bmatrix}$$

$$N_T^{a_3a_5} = egin{bmatrix} v_{51} & v_{52} & v_{53} & v_{54} \\ v_{31} & 450 & 105 & 21 & 0 \\ v_{32} & 392 & 135 & 24 & 25 \\ v_{33} & 368 & 144 & 24 & 40 \end{bmatrix}$$

$$N_T^{a_4a_5} = egin{bmatrix} v_{51} & v_{52} & v_{53} & v_{54} \\ v_{41} & 576 & 0 & 0 & 0 \\ v_{42} & 357 & 180 & 39 & 0 \\ v_{43} & 277 & 204 & 30 & 65 \end{bmatrix}$$



Generowanie reguł na podstawie częstych kompleksó



$$\begin{split} s_{p_1}(T) &= \tfrac{576}{1728} = 0,333, \quad s_{q_1}(T) = \tfrac{576}{1728} = 0,333 \\ \text{Jeśli } s_{p_1}(T) &> \theta_s \text{ i } s_{q_1}(T) > \theta_s \text{ to powstaje regula:} \\ r_1 &= ,?,?,v_{41},? \Rightarrow ,?,?,v_{51} \\ s_{r_1} &= s_{q_1}(T) = 0,333, \quad f_{r_1}(T) = \tfrac{s_{q_1}(T)}{s_{r_1}(T)} = 1 \end{split}$$

• Przykład 2: Dla kompleksów $p_2 = <?,?,?,v_{42},?>$ i $q_2 = <?,?,v_{42},v_{51}>$ ich wsparcie na zbiorze trenującym T wynosi odpowiednio:

$$s_{p_2}(T) = \frac{576}{1728} = 0,333, \quad s_{q_2}(T) = \frac{357}{1728} = 0,207$$

Jeśli $s_{p_2}(T) > \theta_s$ i $s_{q_2}(T) > \theta_s$ to powstaje reguła:
 $r_2 = ,?,?,v_{42},? \Rightarrow ,?,?,v_{51} s_{r_2} = s_{q_2}(T) = 0,207, \quad f_{r_2}(T) = \frac{s_{q_2}(T)}{s_{p_2}(T)} = 0,620$



Odkrywanie wiedzy - podsumowanie

- Odkrywanie wiedzy czyli zależności w danych (ang. Knowledge Mining, Data Mining) łączy techniki wywodzące się z uczenia się maszyn i statystyki w celu pozyskiwania wiedzy z dużych, rzeczywistych baz danych.
- Tradycyjne statystyczne metody analizy nie pozwalają na odkrywanie zależności o dostatecznej dokładności i ich symbolicznej reprezentacji.
- Hipotezy uzyskane za pomocą kilku algorytmów z dużych i zróżnicowanych zbiorów są na tyle dokładne, że można je łączyć zgodnie z koncepcją metauczenia się.

