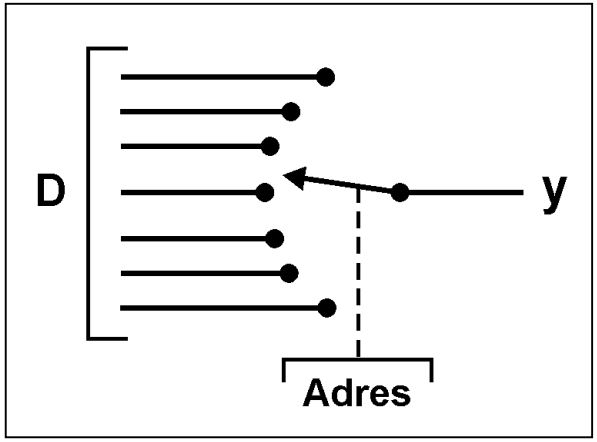
CYFROWE BLOKI KOMBINACYJNE

- ***Multipleksery***
- ***Demultipleksery***
- ***Kodery, dekodery***
- ***Konwertery kodów***
- ***Komparatory***
- ***Bloki arytmetyczne***

Multipleksery (MUX, MX)

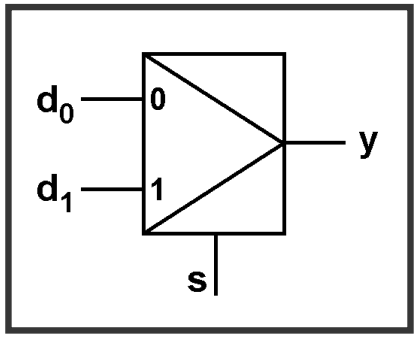
Układy pełniące funkcję selektora (komutatora) umożliwiając wybór i połączenie jednego z wielu wejść do jednego wyjścia.

Wybór wejścia określany jest przez adres.

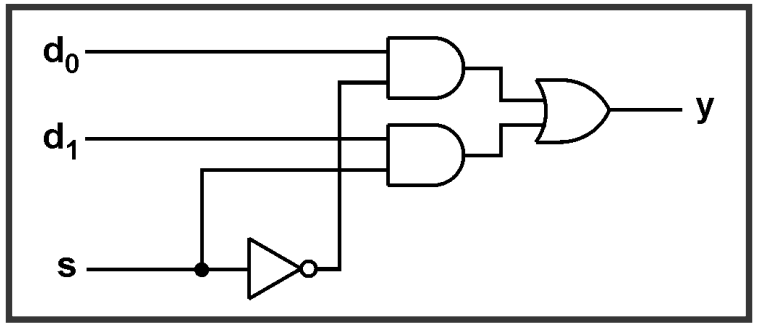


Multipleksery

Multiplekser 2-wejściowy (2-na-1)



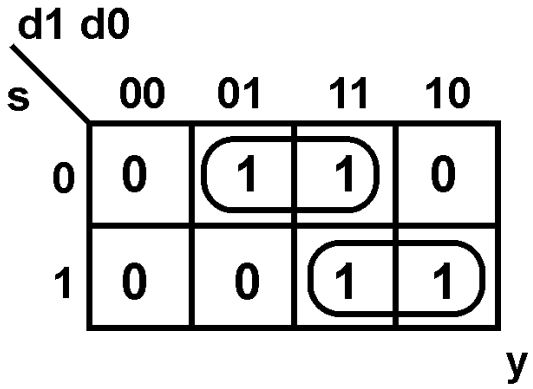
s	y
0	d0
1	d1



Tablica prawdy

s	d1	d0	y
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

Siatka Karnough...

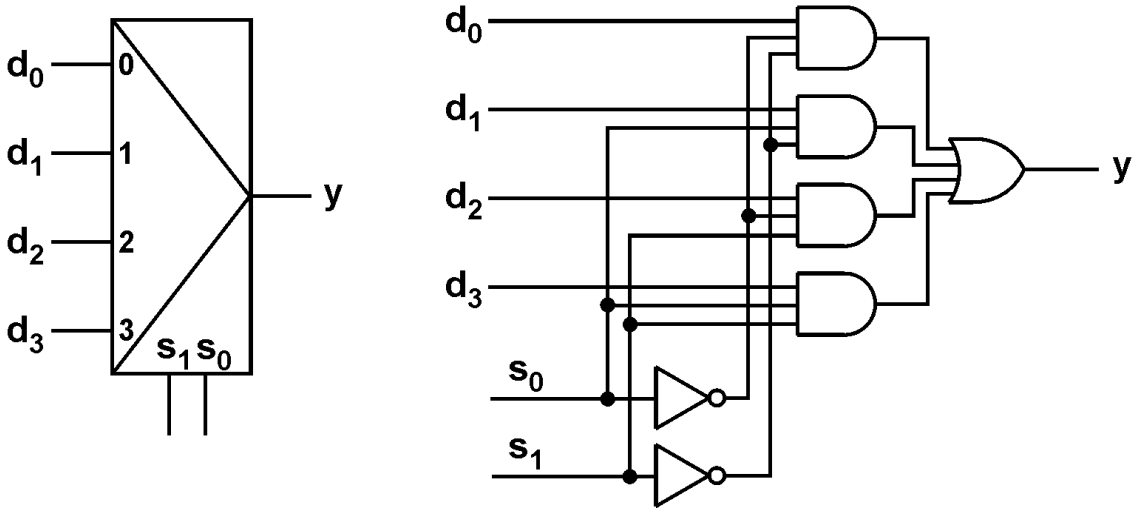


Funkcja logiczna...

$$y = d_1 s + d_0 \overline{s}$$

Multipleksery

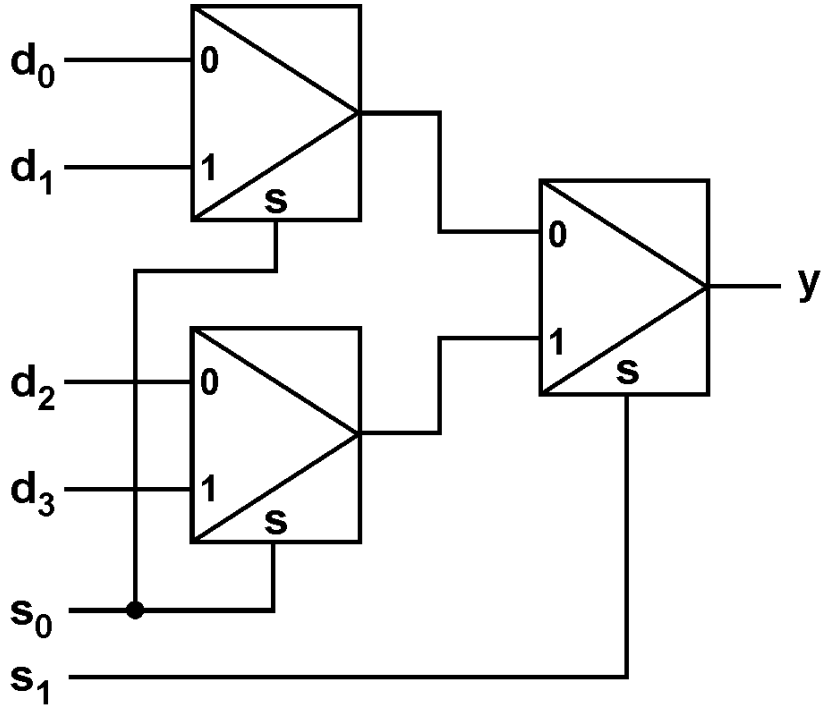
Multiplekser 4-wejściowy (4-na-1)



$$y = d_3 s_1 s_0 + d_2 s_1 \overline{s}_0 + d_1 \overline{s}_1 s_0 + d_0 \overline{s}_1 \overline{s}_0$$

Multipleksery

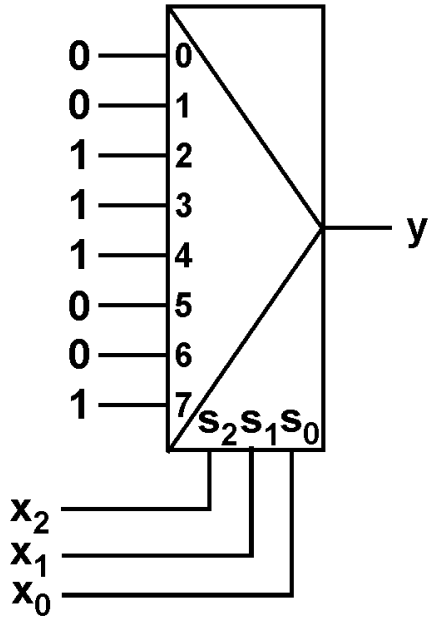
Multiplekser 4-wejściowy (4-na-1) wykonany z multiplekserów 2-na-1



Multipleksery – realizacja funkcji logicznej !!!

np. $T = \{ 2, 3, 4, 7 \}$

$x_2\ x_1\ x_0$	y
0 0 0	0
0 0 1	0
0 1 0	1
0 1 1	1
1 0 0	1
1 0 1	0
1 1 0	0
1 1 1	1

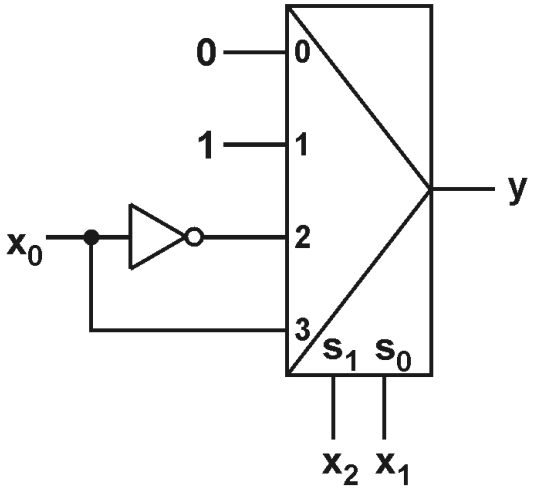


Nie ciekawie!

Multipleksery – realizacja funkcji logicznej !!!

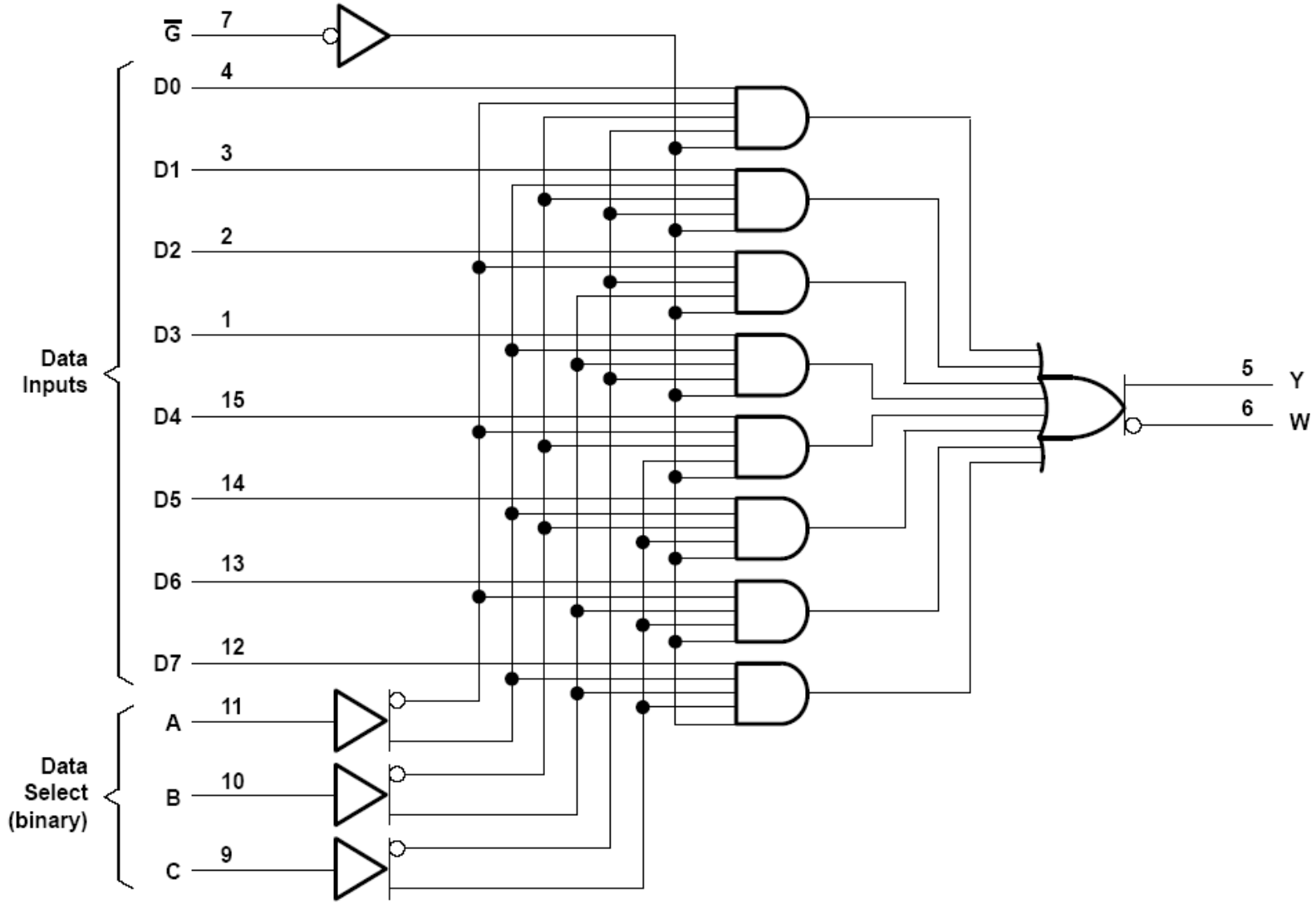
np. $T = \{ 2, 3, 4, 7 \}$

x_2 x_1 x_0	y
0 0 0	0
0 0 1	0
0 1 0	1
0 1 1	1
1 0 0	1
1 0 1	0
1 1 0	0
1 1 1	1



Lepiej!

Multiplekser scalony 74151

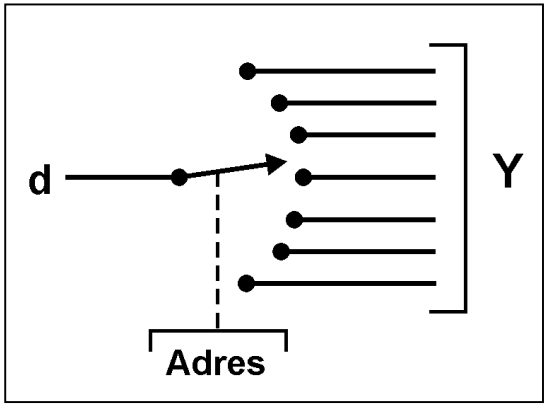


Demultipleksery (DMUX, DX)

Układy pełniące funkcję odwrotną niż multipleksery.

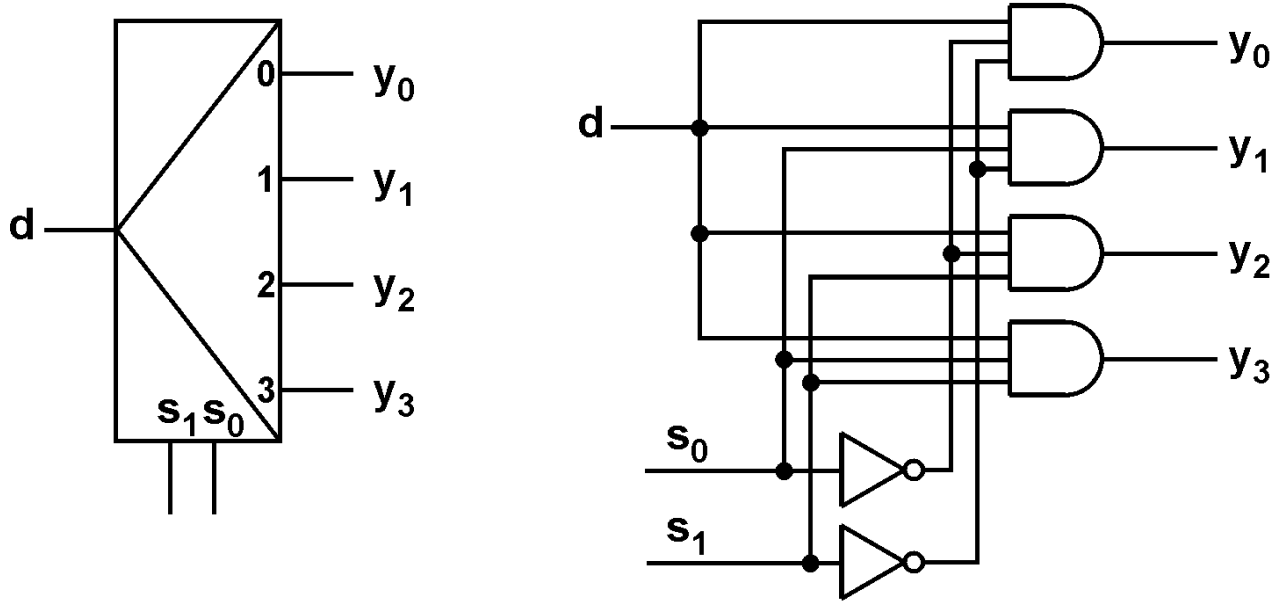
Umożliwiają połączenie jednego sygnału wejściowego do jednego z wielu wyjść.

Wybór wyjścia określany jest przez adres.



Demultipleksery

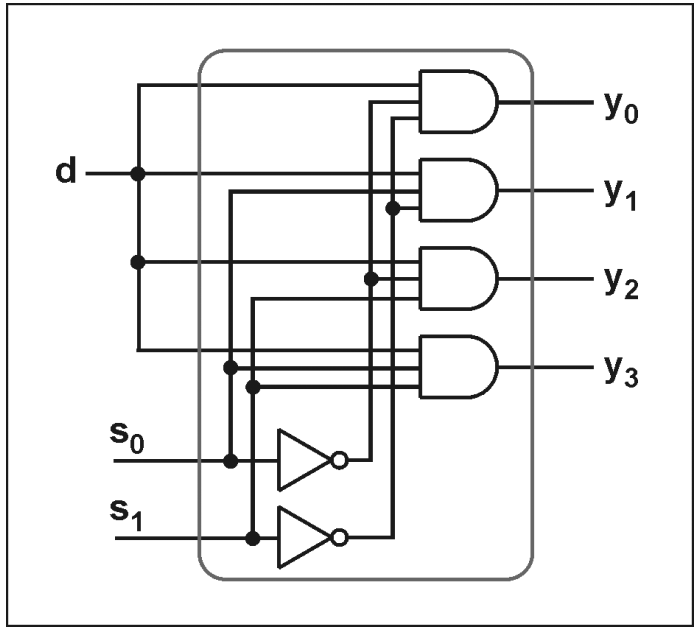
np. **Multiplekser 4-wyjściowy (1-na-4)**



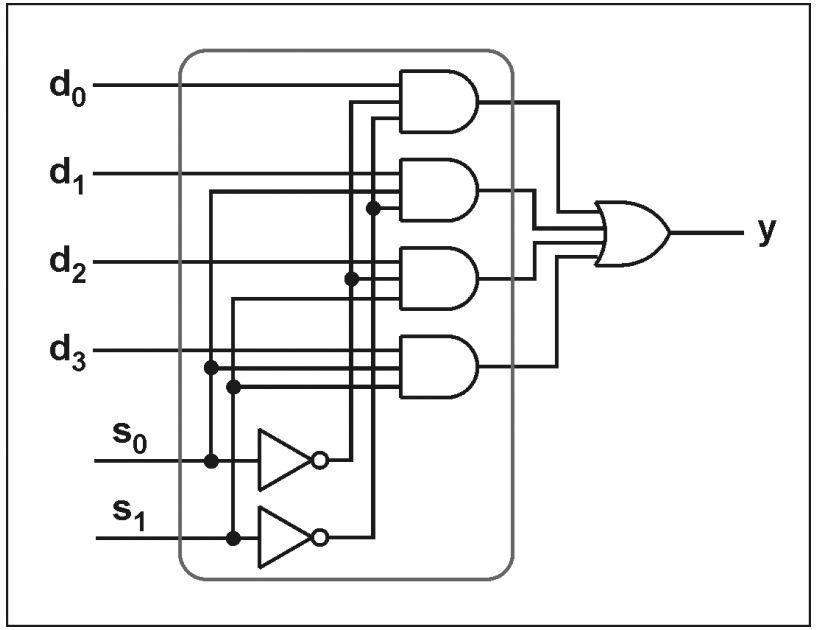
$$y_0 = d\overline{s}_1\overline{s}_0 \qquad y_1 = d\overline{s}_1 s_0$$

$$y_2 = d s_1\overline{s}_0 \qquad y_3 = d s_1 s_0$$

Demultiplekser



Multiplekser



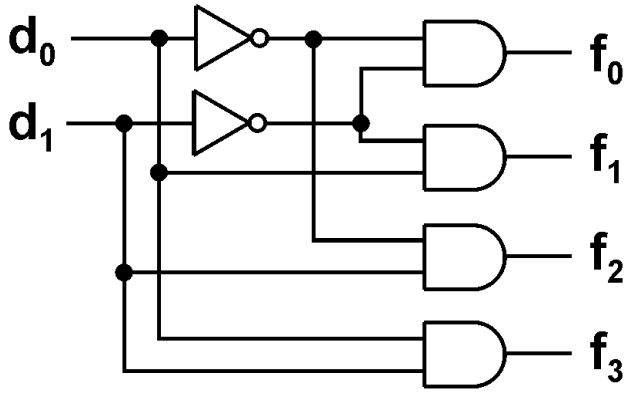
Takie same „układy” wewnątrz obu struktur...

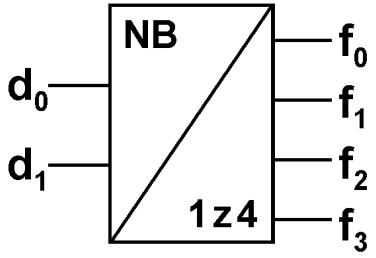
Dekodery

Służą do przetwarzania dowolnego kodu binarnego na kod 1–z–*N*.

np.

NB	1-z-4
00	0001
01	0010
10	0100
11	1000





$$f_0 = \overline{d}_1 \overline{d}_0$$

$$f_1 = \overline{d}_1 d_0$$

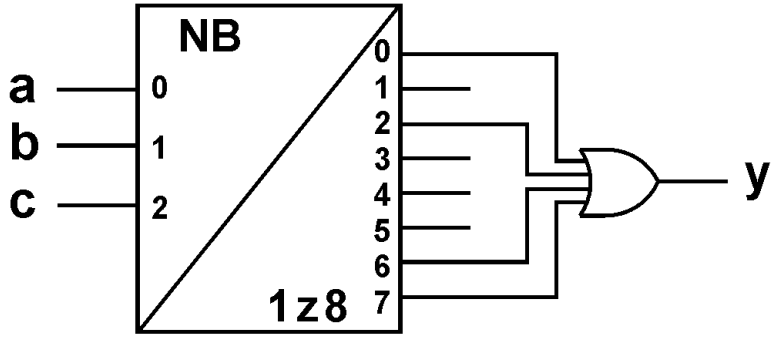
$$f_2 = d_1 \overline{d}_0$$

$$f_3 = d_1 d_0$$

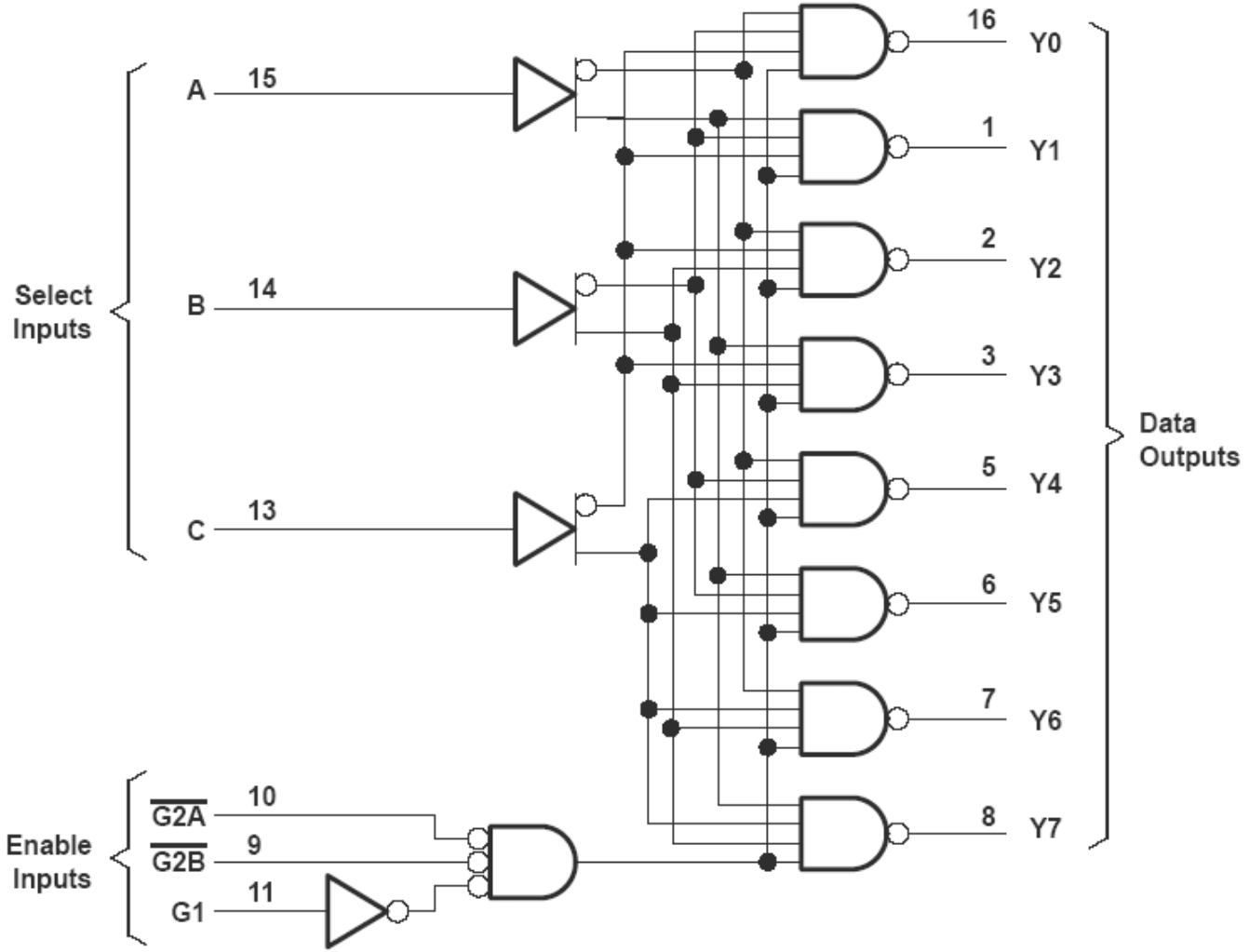
Dekodery – realizacja funkcji logicznej !!!

np. $T = \{ 0, 2, 6, 7 \}_{cba}$

$$y = \bar{c}\bar{b}\bar{a} + \bar{c}b\bar{a} + cb\bar{a} + cba$$



Dekoder scalony 74138

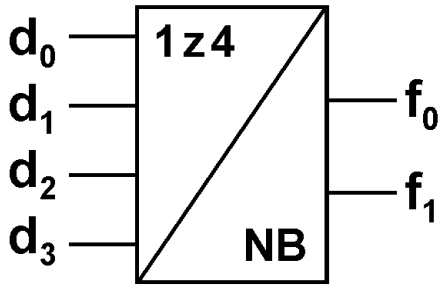


Kodery

Służą do przetwarzania kodu 1–z–*N* na kod binarny.

np.

1-z-4	NB
0001	00
0010	01
0100	10
1000	11

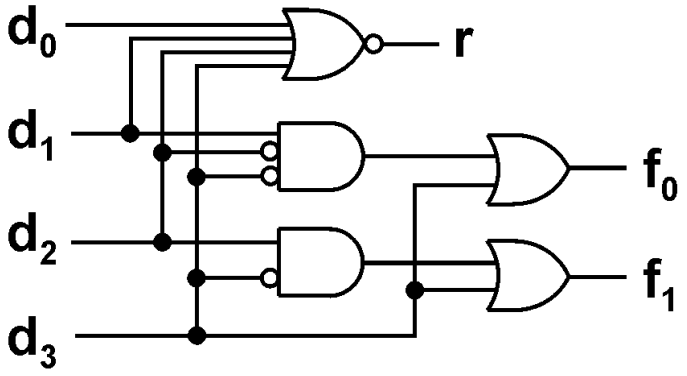


???: 0000, 0011, 1010, 1101, itd…

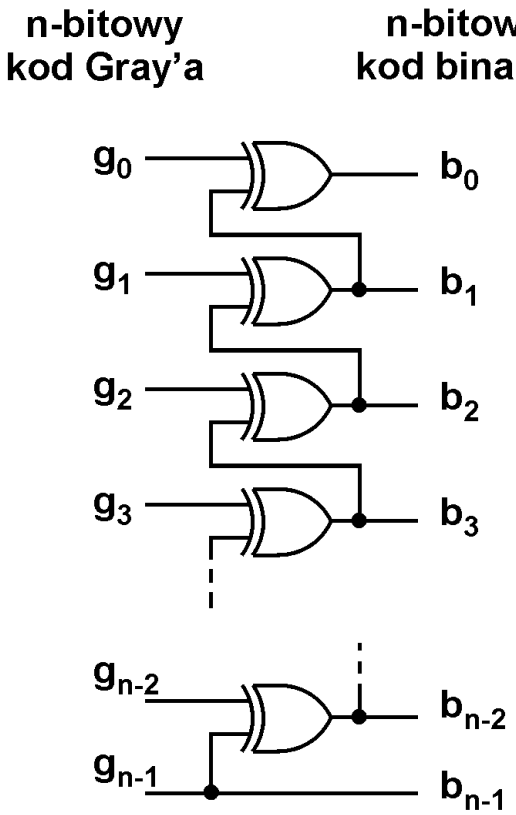
Kodery priorytetowe

W przypadku obecności na kilku wejściach stanów aktywnych, kodowaniu podlega tylko stan na wejściu o najwyższym priorytecie, zazwyczaj zgodnie z kierunkiem indeksowania...

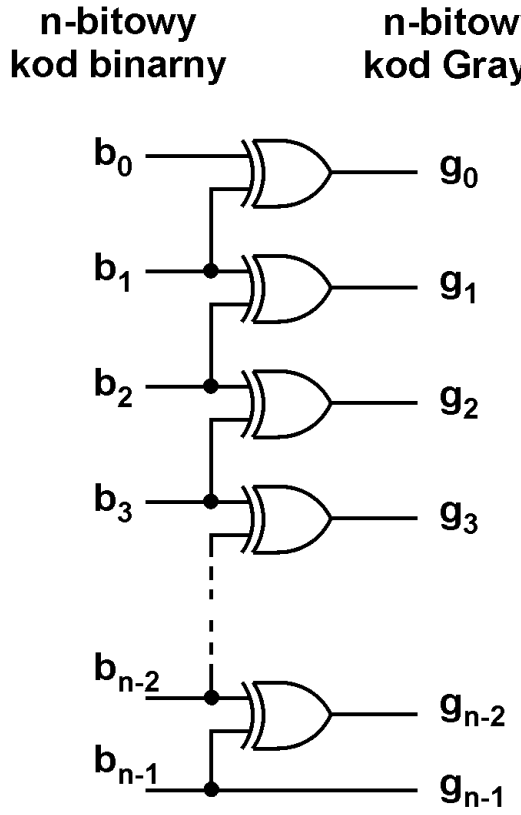
1-z-4	NB	r
0000	00	1
0001	00	0
001-	01	0
01- -	10	0
1- - -	11	0



Konwertery kodu Gray'a (układ iteracyjny...)



$$b_{n-1} = g_{n-1}$$
$$b_i = g_i \oplus b_{i+1}$$



$$g_{n-1} = b_{n-1}$$
$$g_i = b_i \oplus b_{i+1}$$

Pozostałe dekodery...

Do sterowania cyfrowych wskaźników informacyjnych stosuje się również dekodery kodu BCD-8421 na kod wskaźnika 7-segmentowego, np. 7447

ARYTMETYKA DWÓJKOWA

Podstawowe operacje arytmetyki dwójkowej:

- dodawanie arytmetyczne,

- odejmowanie arytmetyczne,

- mnożenie arytmetyczne,

- dzielenie arytmetyczne.

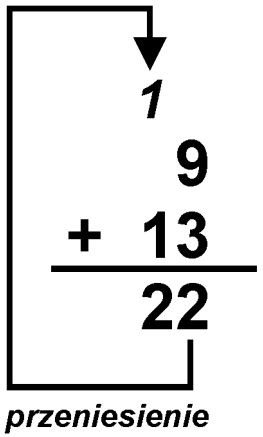
Operacje wykonywane są na liczbach kodowanych dwójkowo.

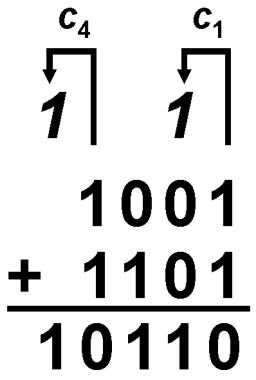
DODAWANIE

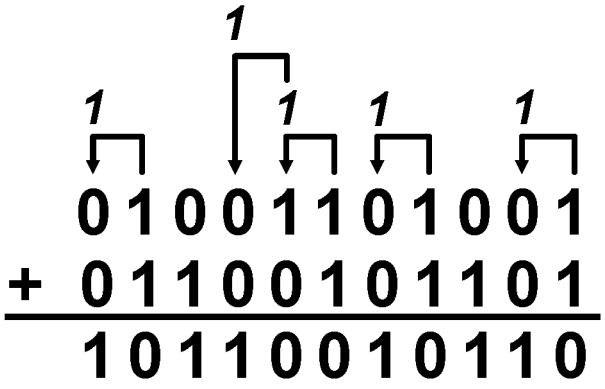
Aby dodać dwie liczby dwójkowe należy dokonać sumowania par bitów na poszczególnych pozycjach, rozpoczynając od najmniej znaczącego bitu (LSB).

Cyfrowy układ dodający to sumator.

Podobnie jak w arytmetyce dziesiętnej, należy przy sumowaniu bitów na każdej *i*-tej pozycji uwzględniać bit przeniesienia c_i z niższej pozycji.



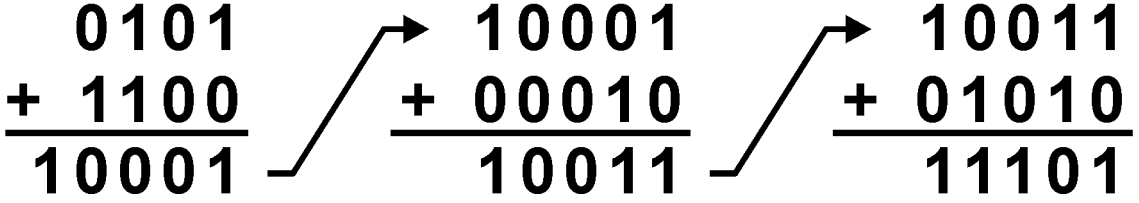




Dodawanie kilku liczb dwójkowych

Liczby dwójkowe dodajemy parami!

Np.: 0101 + 1100 + 0010 + 1010



TO JEST SUMOWANIE AKUMULACYJNE!

UZUPEŁNIENIA LICZB

Każdą liczbę naturalną można zapisać w odpowiednim kodzie uzupełnieniowym.

Dla każdego kodu liczbowego o podstawie *p* istnieją dwa rodzaje uzupełnień:

– uzupełnienie do *p* – 1, oznaczane U(*p* – 1)

– uzupełnienie do podstawy *p*, oznaczane U(*p*)

Np.:

Dla liczb o podstawie *p* = 10 (czyli dziesiętnych), istnieją uzupełnienia U9 i U10.

Dla liczb o podstawie *p* = 2 (czyli dwójkowych), istnieją uzupełnienia U1 i U2.

Uzupełnienia liczb U(*p* – 1)

W praktyce uzupełnienie U(*p* – 1) liczby nieujemnej otrzymuje się poprzez odjęcie każdej cyfry tej liczby od *p* – 1.

Np.:

U9 (378) = 621 **ponieważ 999 – 378 = 621**

U9 (13,345) = 86,654 **ponieważ 99,999 – 13,345 = 86,654**

W przypadku liczb dwójkowych operacja uzupełnienia do 1 (czyli U1) określana jest *operacją dopełnienia*, a liczba dwójkowa w kodzie U1 nazywana jest *dopełnieniem*. W praktyce jest to negacja wszystkich bitów!

Np.:

U1 (101) = 010

U1 (0) = 1

U1 (11.01101) = 00.10010

Uzupełnienia liczb U*p*

W praktyce uzupełnienie U*p* liczby nieujemnej otrzymuje się poprzez dodanie 1 do jej uzupełnienia U(*p* – 1).

Np.:

U10 (378) = 621 + 1 = 622

U10 (13,345) = 86,654 + 0,001 = 86,655

albo…

U10 (378) = 1000 – 378 = 622

U10 (13,345) = 100 – 13,345 = 86,655

Uzupełnienia liczb U2

W przypadku liczb dwójkowych operacja uzupełnienia do 2 (czyli U2) wykonywana jest przez dodanie arytmetyczne jedynki do uzupełnienia U1 tej liczby.

Np.:

U2 (101) = 010 + 001 = 011

U2 (0) = 0

U2 (11.01101) = 00.10010 + 00.00001 = 00.10011

ZAPIS LICZB DWÓJKOWYCH ZE ZNAKIEM

W systemie dziesiętnym liczby ujemne mają znak minus (–) a dodatnie plus (+).

W dwójkowym systemie liczbowym znaki te mogą być wprowadzone tylko za pomocą odrębnego bitu znaku, którego wartość równa 1 oznacza znak „ – ” , a wartość 0 odpowiada znakowi „+”.

Zatem istnieją trzy sposoby kodowania liczb dwójkowych ze znakiem:

- **znak-moduł (ZM),**
- **znak-uzupełnienie do 1 (ZU1),**
- **znak-uzupełnienie do 2 (ZU2).**

ZM $+12_{10} \rightarrow 0.1100_2$

$-12_{10} \rightarrow 1.1100_2$

ZU1 $+12_{10} \rightarrow 0.1100_2$ *– jak w ZM*

$-12_{10} \rightarrow 1.0011_2$

ZU2 $+12_{10} \rightarrow 0.1100_2$ *– jak w ZM*

$-12_{10} \rightarrow 1.0100_2$

ODEJMOWANIE

W technice cyfrowej odejmowanie liczb dwójkowych wykonuje się poprzez dodawanie uzupełnionego odjemnika:

$$P - Q = P + (- Q)$$

To pozwala użyć zwykłe sumatory.

Najpierw odjemnik przedstawia się w jednym z kodów uzupełnieniowych a następnie wykonuje się dodawanie.

Czasami cyfrowe układy odejmujące nazywane są subtraktorami.

ODEJMOWANIE LICZB DZIESIĘTNYCH BEZ ZNAKU

```
  54
- 30
----
  24
```

U9 (30) = 69

```
  54    ND
+ 69    U9
----
 123
  +1
----
  24    ND
 +24
```

dwa sumowania

U10 (30) = 70

```
  54    ND
+ 70    U10
----
 124
 +1
----
  24    ND
 +24
```

jedno sumowanie!

ODEJMOWANIE LICZB DZIESIĘTNYCH BEZ ZNAKU

```
  30
- 54
----
 -24
```

U9 (54) = 45

```
  30    ND
+ 45    U9
----
 075
  +0
----
  75    U9

 -24
```

U10 (54) = 46

```
  30    ND
+ 46    U10
----
 076    U10
  |
  v
 -24
```

ODEJMOWANIE LICZB DWÓJKOWYCH BEZ ZNAKU – *U1*

U1

NB(54) = 110110

U1(54) = 001001

NB(30) = 011110

U1(30) = 100001

54 – 30 = ...

```
  110110   NB
+ 100001   U1
-------
1←010111
   └──→ +1
-------
+ 011000   NB
└──────→ + 24
```

30 – 54 = ...

```
  011110   NB
+ 001001   U1
-------
0←100111
   └──→ + 0
-------
- 100111   U1
└──────→ - 24
```

ODEJMOWANIE LICZB DWÓJKOWYCH BEZ ZNAKU – *U2*

U2

NB(54) = 110110	NB(30) = 011110
U1(54) = 001001	U1(30) = 100001
U2(54) = 001010	U2(30) = 100010

54 – 30 = ...

```
  110110   NB
+ 100010   U2
-------
1←011000

+ 011000   NB

+ 24
```

30 – 54 = ...

```
  011110   NB
+ 001010   U2
-------
0←101000

- 101000   U2

- 24
```

ODEJMOWANIE LICZB DWÓJKOWYCH ZE ZNAKIEM – *U1*

ZU1

NB(37) = 100101	NB(12) = 001100
U1(37) = 011010	U1(12) = 110011
ZU1(–37) = 1.011010	ZU1(–12) = 1.110011

12 – 37 = ...

```
  0.001100
+ 1.011010
0←1.100110
  └──────→ +0
  1.100110   ZU1
  └──────→ -25
```

37 – 12 = ...

```
  0.100101
+ 1.110011
1←0.011000
  └──────→ +1
  0.011001   ZM
  └──────→ +25
```

ODEJMOWANIE LICZB DWÓJKOWYCH ZE ZNAKIEM – *U2*

ZU2

NB(37) =	100101
U2(37) =	011011
ZU2(–37) =	1.011011

NB(12) =	001100
U2(12) =	110100
ZU2(–12) =	1.110100

12 – 37 = ...

```
  0.001100
+ 1.011011
  1.100111   ZU2
```

-25

37 – 12 = ...

```
  1.110100
+ 0.100101
  0.011001   ZM
```

+25

PEWIEN PROBLEM SUMOWANIA...

NADMIAR – może wystąpić, gdy sumowane liczby są jednocześnie dodatnie lub ujemne.

+69	0.1000101
+103	+0.1100111
+172	1.0101100

$c_z = 0$, $c_m = 1$

„– 84” w kodzie ZU2 !

Stąd test nadmiaru:

$$c_z \oplus c_m = 1$$

Wówczas wiadomo, że błędny wynik!

PEWIEN PROBLEM SUMOWANIA...

Gdy test nadmiaru jest równy 1 to należy zwiększyć długość dodawanych liczb dwójkowych o jeden bit!

$$
\begin{array}{rr}
+69 & 0.01000101 \\
+103 & +\,0.01100111 \\
\hline
 & 0.10101100
\end{array}
$$

„+ 172” w ZU2 !

$c_z = 0$ $\quad c_m = 0$

UKŁADY ARYTMETYCZNE

– **komparatory do porównywania dwóch lub więcej słów dwójkowych (liczb),**

– **sumatory (np. 7483),**

– **bloki arytmetyczno-logiczne (np. 74181),**

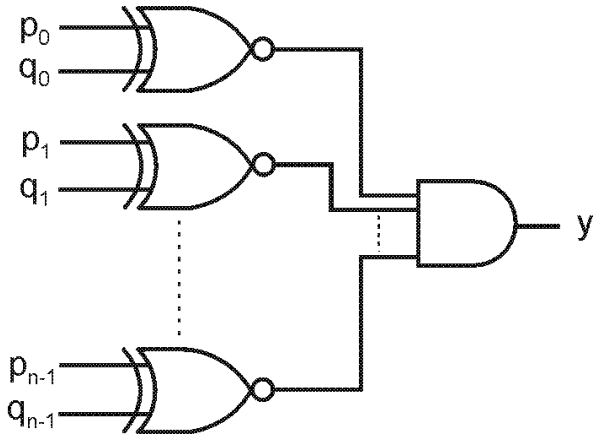
– **bloki mnożące.**

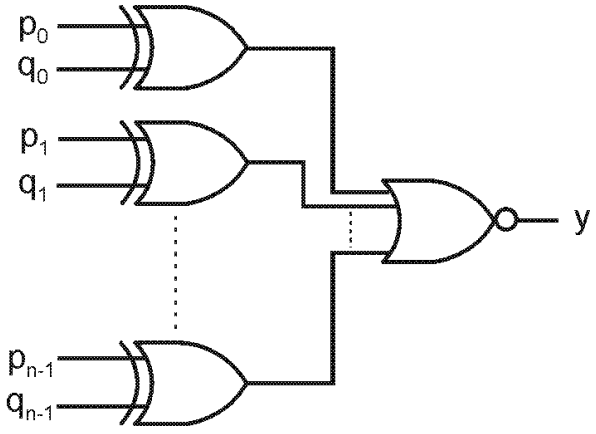
Komparatory

Wynikiem może być sygnał wyjściowy równy 1 gdy porównywane liczby są równe, różne, jedna mniejsza od drugiej lub jedna większa od pozostałej.

Najprostszy komparator jednobitowy to bramka XNOR.
Wyjście ma stan 1 dla równych stanów na obu wejściach.

Komparator dwóch słów wielobitowych *P* i *Q* porównuje *i*-te bity:





Sumatory

Układy dodające liczby dwójkowe. Struktura zależy od rodzaju kodu, w którym są zapisane dodawane liczby – zazwyczaj w kodzie NB (sumator dwójkowy) oraz BCD (sumator dziesiętny).

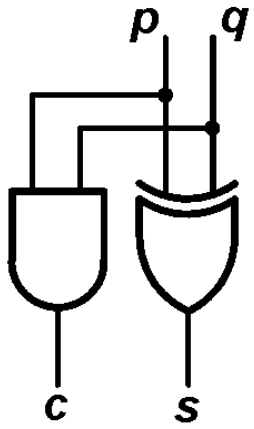
Sumator liczb dwójkowych bez znaku w kodzie NB

Najprostszy układ zwany *półsumatorem* operuje na dwóch liczbach jednobitowych *p* i *q* generując bit sumy *s* i przeniesienia *c*:

p	*q*	*s*	*c*
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

$$s = p \oplus q$$

$$c = pq$$

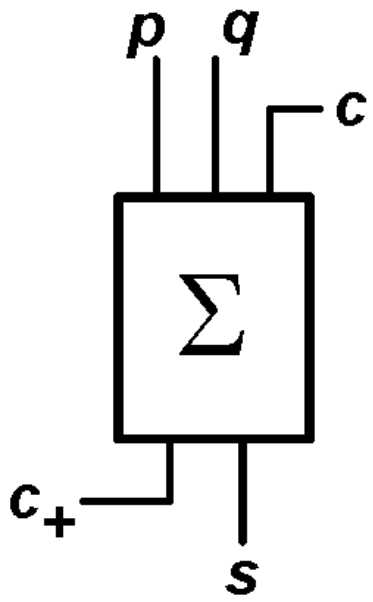


Sumator liczb dwójkowych bez znaku w kodzie NB

Aby realizować sumowanie liczb wielobitowych układ sumatora musi mieć dodatkowe wejście przeniesienia z pozycji poprzedzającej.

Dla *i*-tej pozycji taki układ nazywany jest *sumatorem jednobitowym*.

p	q	c	s	c_+
0	0	0	0	0
0	1	0	1	0
1	0	0	1	0
1	1	0	0	1
0	0	1	1	0
0	1	1	0	1
1	0	1	0	1
1	1	1	1	1

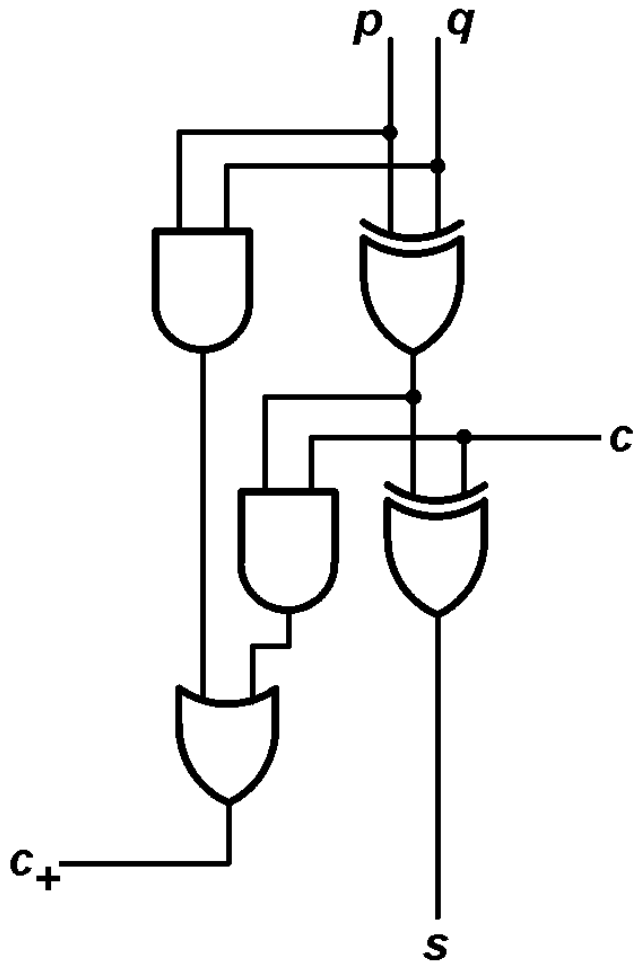


Sumator jednobitowy (tzw. pełny)

$$s = p \oplus q \oplus c$$

$$c_+ = pq + c(p \oplus q)$$

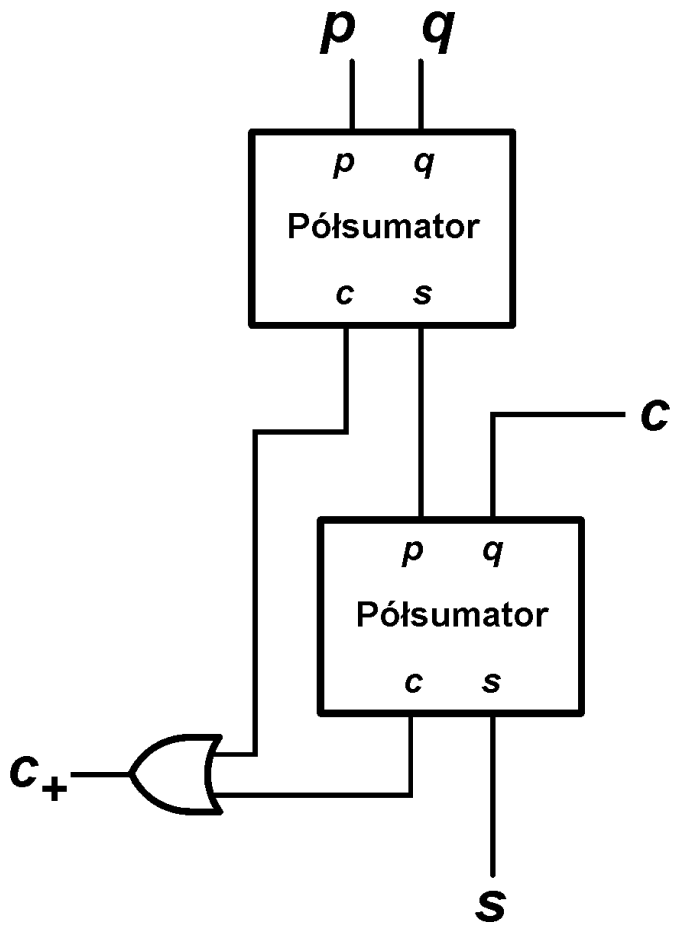
$$c_+ = pq + c(p + q)$$



Sumator jednobitowy z dwóch półsumatorów

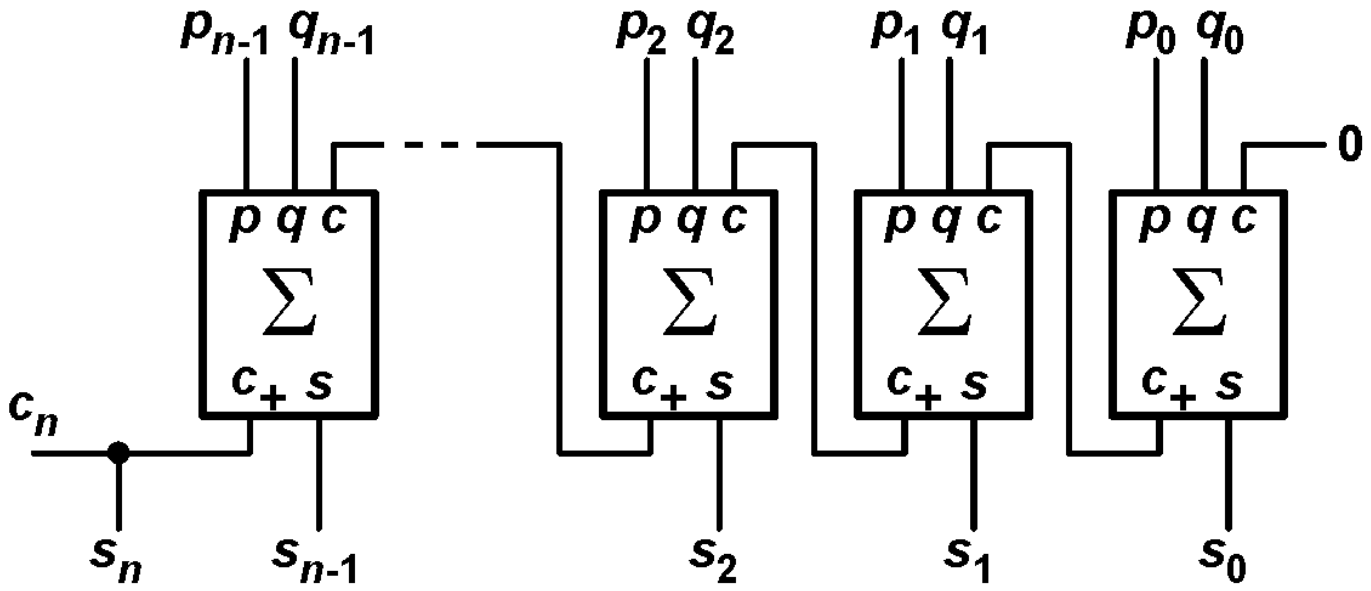
$$s = (p \oplus q) \oplus c$$

$$c_+ = pq + c(p \oplus q)$$



Sumator *n*-bitowy

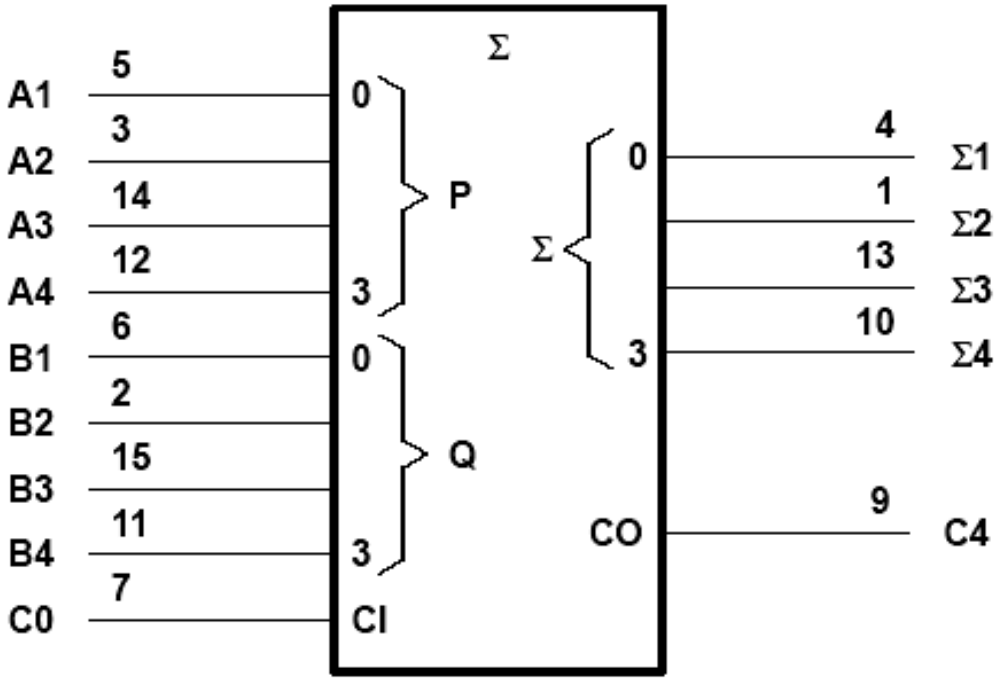
Otrzymywany przez połączenie sumatorów jednobitowych:



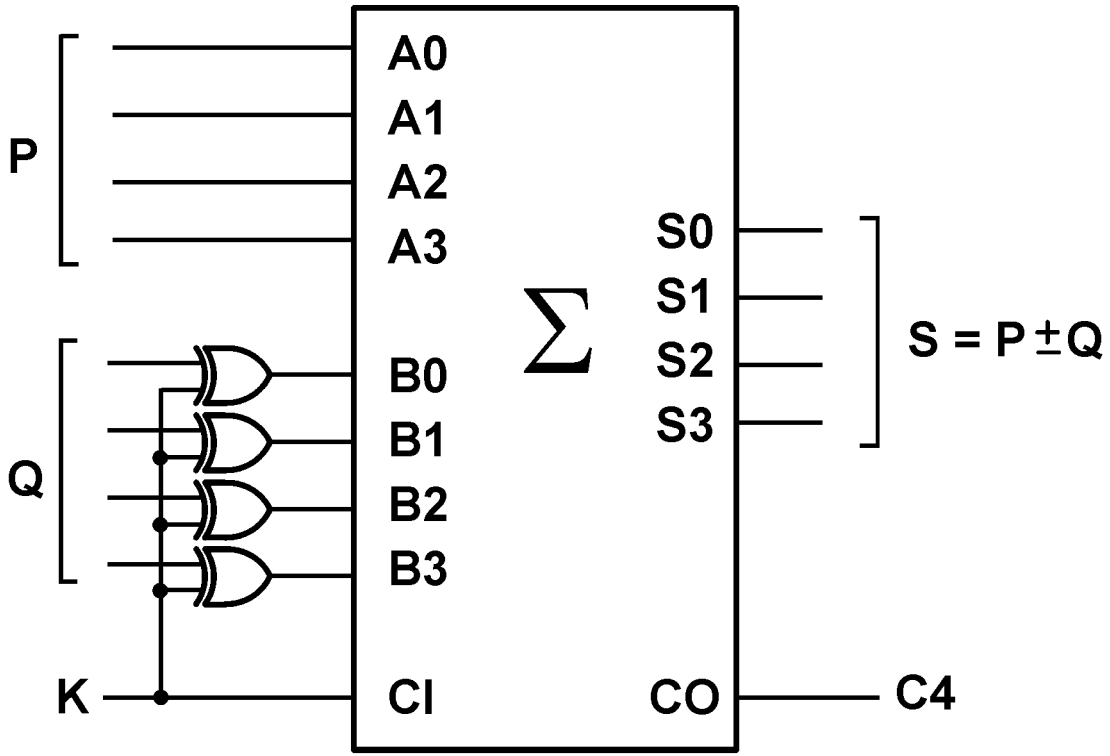
Dla dwóch liczb n-bitowych wynik ma n+1 bitów.

Wada: długi czas otrzymywania wyniku z powodu propagacji przeniesień

Sumator 4-bitowy – symbol graficzny (7483)



Sumator/subtraktor 4-bitowy w kodzie U2



K = 0 – sumator

K = 1 – subtraktor

Sumator w kodzie BCD

$$\begin{array}{r} 23 \\ +\ 47 \\ \hline 70 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 0010\ 0011 \\ +\ 0100\ 0111 \\ \hline 0110\ 1010 \end{array} \qquad ?$$

6_{10} 10_{10}

Aby wynik był prawidłowy, należy wykonać korektę każdej tetrady wyniku jeśli pojawiło się przeniesienie jedynkowe z najwyższej pozycji danej tetrady, lub gdy tetrada reprezentuje liczbę większą od 9.

Korekta polega na odjęciu od każdej tetrady 10_{10}, czyli dodaniu $U2(1010_2) = 0110_2$

Sumator w kodzie BCD

$$\begin{array}{r} 23 \\ +\ 47 \\ \hline 70 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0010\ 0011 \\ +\ 0100\ 0111 \\ \hline 0110\ 1010 \\ +\ 0110 \\ \hline 0111\ 0000 \\ \quad 1 \\ 7_{10}\quad 0_{10} \end{array}$$

← *korekcja, ponieważ wynik „>9”*

Sumator w kodzie BCD

$$\begin{array}{r} 68 \\ +\ 39 \\ \hline 107 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0110\ 1000 \\ +\ 0011\ 1001 \\ \hline 1010\ 0001 \\ \quad\ \ 1 \end{array}$$

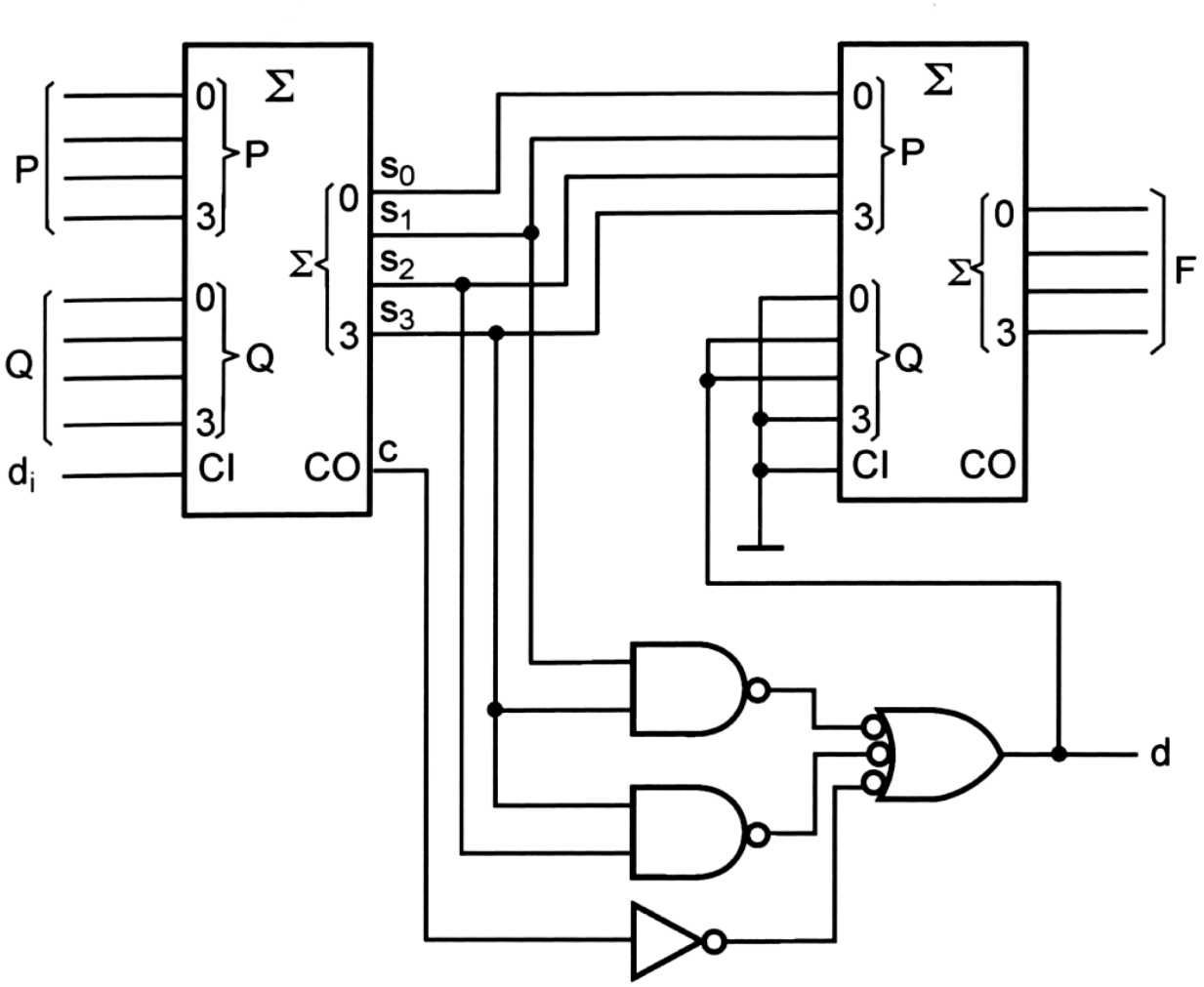
korekcja, → ponieważ wynik „>9”

$$\begin{array}{r} +0110 \\ \hline 1\ 0000 \end{array} \qquad \begin{array}{r} +0110 \\ \hline 0111 \end{array}$$

← *korekcja, ponieważ przeniesienie*

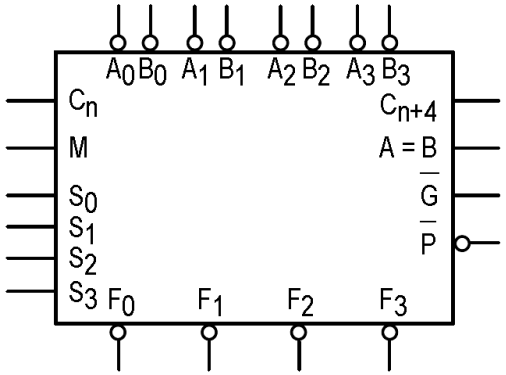
1_{10} 0_{10} 7_{10}

Sumator w kodzie BCD



ALU (74181)

Jednostka arytmetyczno-logiczna



SELECTION				ACTIVE-HIGH DATA		
				M = H	M = L; ARITHMETIC OPERATIONS	
S3	S2	S1	S0	LOGIC FUNCTIONS	$\overline{C_n}$ = H (no carry)	$\overline{C_n}$ = L (with carry)
L	L	L	L	F = $\overline{A}$	F = A	F = A PLUS 1
L	L	L	H	F = $\overline{A+B}$	F = A + B	F = (A + B) PLUS 1
L	L	H	L	F = $\overline{A}B$	F = A + $\overline{B}$	F = (A + $\overline{B}$) PLUS 1
L	L	H	H	F = 0	F = MINUS 1 (2's COMPL)	F = ZERO
L	H	L	L	F = $\overline{AB}$	F = A PLUS A$\overline{B}$	F = A PLUS A$\overline{B}$ PLUS 1
L	H	L	H	F = $\overline{B}$	F = (A + B) PLUS A$\overline{B}$	F = (A + B) PLUS A$\overline{B}$ PLUS 1
L	H	H	L	F = A ⊕ B	F = A MINUS B MINUS 1	F = A MINUS B
L	H	H	H	F = A$\overline{B}$	F = A$\overline{B}$ MINUS 1	F = A$\overline{B}$
H	L	L	L	F = $\overline{A}$ + B	F = A PLUS AB	F = A PLUS AB PLUS 1
H	L	L	H	F = $\overline{A \oplus B}$	F = A PLUS B	F = A PLUS B PLUS 1
H	L	H	L	F = B	F = (A + $\overline{B}$) PLUS AB	F = (A + $\overline{B}$) PLUS AB PLUS 1
H	L	H	H	F = AB	F = AB MINUS 1	F = AB
H	H	L	L	F = 1	F = A PLUS A	F = A PLUS A PLUS 1
H	H	L	H	F = A + $\overline{B}$	F = (A + B) PLUS A	F = (A + B) PLUS A PLUS 1
H	H	H	L	F = A + B	F = (A + $\overline{B}$) PLUS A	F = (A + $\overline{B}$) PLUS A PLUS 1
H	H	H	H	F = A	F = A MINUS 1	F = A

UKŁADY MNOŻĄCE

– Przesuwanie w lewo (każde przesunięcie o 1 bit to mnożenie przez 2)

0000 0110	6
0000 1100	12
0001 1000	24
0011 0000	48
0110 0000	96

– Sumowanie wielopoziomowe (matrycowe)

			a_2	a_1	a_0
		*	b_2	b_1	b_0
			a_2b_0	a_1b_0	a_0b_0
		a_2b_1	a_1b_1	a_0b_1	
	+	a_2b_2	a_1b_2	a_0b_2	
		Σ	Σ	Σ	Σ	Σ

– Sumowanie iteracyjne (akumulacyjne)