**Zadanie 1.** Przedsięwzięcie składa się z operacji A, B, C, D, E, F i G o następujących czasach trwania i relacjach poprzedzania:

Operacja	A	В	C	D	E	F	G
Czas trwania	5	2	8	3	4	11	7
Operacje poprzednie	G	_	G	B,G	C,D	A,B	_

- a) Określić minimalny czas trwania przedsięwzięcia  $T_{\min}$  oraz zapas całkowity i swobodny operacji B i D.
- b) Wyznaczyć terminy rozpoczęcia poszczególnych operacji zapewniające wykonanie całego przedsięwzięcia w czasie  $T_{\min}$  przy jednoczesnym spełnieniu następujących warunków:
  - operacja B rozpoczyna się w najpóźniejszym możliwym terminie,
  - wykorzystuje się połowę zapasu całkowitego operacji D, jaki pozostał po ustaleniu terminu operacji B,
  - po ustaleniu terminów rozpoczynania *B* i *D* każda z pozostałych operacji jest rozpoczynana w najwcześniejszym możliwym obecnie terminie.

## **Zadanie 2.** Dane jest zadanie programowania całkowitoliczbowego:

min 
$$x_0 = 3x_1 + x_2$$
  
 $4x_1 + 3x_2 \le 18$   
 $4x_1 + x_2 \ge 6$   
 $x_1 + x_2 \ge 2$   
 $x_1, x_2 \ge 0$   
 $x_1, x_2$  całkowite

- a) Zaznaczyć w wyraźny sposób wszystkie rozwiązania dopuszczalne powyższego zadania.
- b) Wyznaczyć rozwiązanie optymalne i wyliczyć odpowiadającą mu wartość funkcji celu.
- c) Narysować powłokę wypukłą dla powyższego zadania w przestrzeni zmiennych  $x_1, x_2$ .

**Zadanie 3.** Przed procesorem oczekuje 5 zadań do wykonania. Czasy wykonywania zadań są następujące:  $p_1$ =40,  $p_2$ =20,  $p_3$ =30,  $p_4$ =10,  $p_5$ =15. Zysk z wykonania poszczególnych zadań jest natomiast równy:  $z_1$ =50,  $z_2$ =30,  $z_3$ =40,  $z_4$ =60,  $z_5$ =50. Procesor jest dostępny przez 50 jednostek czasu. Należy określić, które zadania powinno się wykonać w tym czasie na procesorze, aby osiągnąć maksymalny sumaryczny zysk (przyjmujemy, że zadanie przynosi zysk jeżeli jest ono w całości wykonane).

- a) Rozwiązać zadanie metodą programowania dynamicznego. Narysować graf przejść między stanami, określić optymalną trajektorię, **podać rozwiązanie zadania.**
- b) Sformułować model programowania liniowego (całkowitoliczbowego) dla powyższego zadania **Zapisać funkcję celu i wszystkie ograniczenia w sposób jawny.**

**Zadanie 4.** Na pewnym procesorze ma być przetworzonych 10 zadań. W danej chwili procesor może obsługiwać tylko jedno zadanie. Dla każdego zadania j znany jest czas jego wykonywania  $p_j$  oraz pożądany termin ukończenia  $d_j$ . Dla danych liczbowych podanych w poniższej tabeli należy określić kolejność wykonania zadań na procesorze, tak aby zminimalizować liczbę zadań opóźnionych.

	Zad. 1	Zad. 2	Zad. 3	Zad. 4	Zad 5.	Zad 6.	Zad. 7	Zad. 8	Zad. 9	<b>Zad.10</b>
$p_i$	5	11	10	1	9	7	4	9	10	8
$d_{j}$	7	30	40	10	20	25	14	55	45	34