

Spécifications formelles – Programmation logique et Prolog

cours 2

Lionel Blatter `lionel.blatter@cea.fr`
avec les slides de Allan Blanchard `allan.blanchard@cea.fr`
et de Guillaume Petiot `guillaume.petiot@cea.fr`

CEA, LIST, LSL

2017-2018

Rappels

Précédemment :

- ▶ structure d'un programme Prolog
- ▶ sémantique des règles :

```
grandparent (X, Y) :-  
    parent (X, P) , parent (P, Y) .
```

$$\forall X, Y. ((\exists P. \text{parent}(X, P) \wedge \text{parent}(P, Y)) \implies \text{grandparent}(X, Y))$$

- ▶ unification
- ▶ points de choix et “backtracking”
- ▶ listes

Unification

Différents opérateurs d'égalité

| | |
|-------------------------------|---------------------------------|
| $X = Y$ $X \backslash = Y$ | $X == Y$ $X \backslash == Y$ |
| sont-ils unifiables ? | sont-ils liés au même term ? |
| unification | pas d'unification |

```
my_append(L1,L2,Res) :- %% Cas 1 : liste vide  
    L1 = [], %% unification de L1 et []  
    Res = L2. %% unification de Res et L2
```

```
my_append(L1,L2,Res) :- %% Cas 2 : liste non vide  
    L1 = [H|T], %% unification de L1 et [H|T]  
    my_append(T,L2,R),  
    Res = [H|R]. %% unification de Res et [H|R]
```

Opérations arithmétiques

- ▶ $-X$: moins unaire
- ▶ $X+Y$: addition
- ▶ $X-Y$: soustraction
- ▶ $X*Y$: multiplication
- ▶ X/Y : division
- ▶ $X//Y$: division entière
- ▶ $X \bmod Y$: reste de la division entière
- ▶ X^Y : exponentiation
- ▶ $\text{abs}(X)$: valeur absolue

Évaluation arithmétique

`inc(X,N) :- N = X+1.`

`?- inc(5,N).`

Évaluation arithmétique

`inc(X,N) :- N = X+1.`

`?- inc(5,N).`

`N = 5+1.`

- ▶ construction d'un terme composé
- ▶ pas d'évaluation

Évaluation arithmétique

`inc(X,N) :- N = X+1.`

`?- inc(5,N).`

`N = 5+1.`

- ▶ construction d'un terme composé
- ▶ pas d'évaluation

`inc(X,N) :- N is X+1.`

Évaluation arithmétique

`inc(X,N) :- N = X+1.`

`?- inc(5,N).`

`N = 5+1.`

- ▶ construction d'un terme composé
- ▶ pas d'évaluation

`inc(X,N) :- N is X+1.`

`?- inc(5,N).`

`N = 6.`

Évaluation arithmétique

`inc(X,N) :- N = X+1.`

`?- inc(5,N).`

`N = 5+1.`

- ▶ construction d'un terme composé
- ▶ pas d'évaluation

`inc(X,N) :- N is X+1.`

`?- inc(5,N).`

`N = 6.`

- ▶ `X+1` doit être un terme clos (*ground term*)
- ▶ unification de `N` avec l'évaluation de `X+1`

Exemple : Taille d'une liste

```
%% len(Liste, Taille).
```

Exemple : Taille d'une liste

```
%% len(Liste, Taille).
```

```
len([],0). %% Cas 1 : liste vide
```

```
len([H|T], N) :- %% Cas 2 : liste non vide  
    len(T,M),  
    N is M+1.
```

Comparaisons arithmétiques

► $X ::= Y$

► $X \neq Y$

► $X < Y$

► $X \leq Y$

► $X > Y$

► $X \geq Y$

X et Y doivent être liées à des expressions arithmétiques closes

Exemple : Recherche de maximum dans une liste

```
%% max_of_list(Liste, Maximum).  
%% Le maximum d une liste vide est indefini.
```

Exemple : Recherche de maximum dans une liste

```
%% max_of_list(Liste, Maximum).
```

```
%% Le maximum d une liste vide est indefini.
```

```
max_of_list([X],X). %% Cas 1 : 1 element
```

```
max_of_list([H|T], Max) :- %% Cas 2 : N>1 elements
```

```
    max_of_list(T,M), %% 1er element > Max
```

```
    H > M,
```

```
    Max = H.
```

```
max_of_list([H|T], Max) :- %% Cas 3 : N>1 elements
```

```
    max_of_list(T,M), %% 1er element <= Max
```

```
    H =< M,
```

```
    Max = M.
```

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

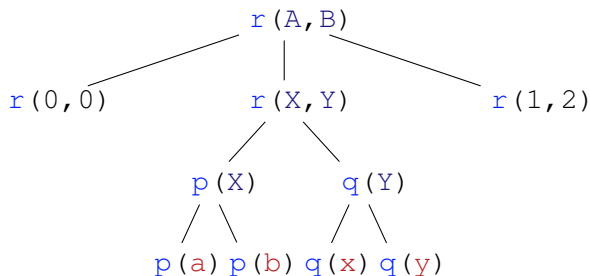
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions :

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

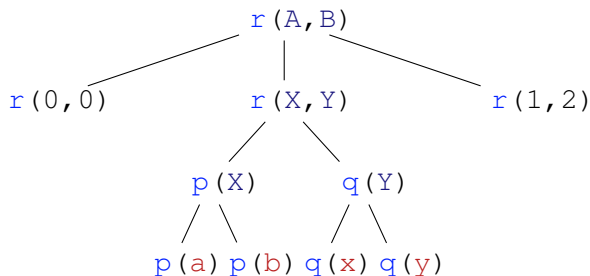
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions : `A = B, B = 0`

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

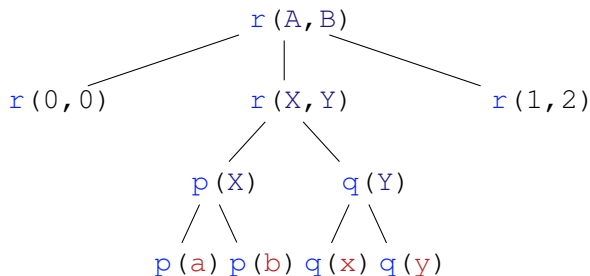
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

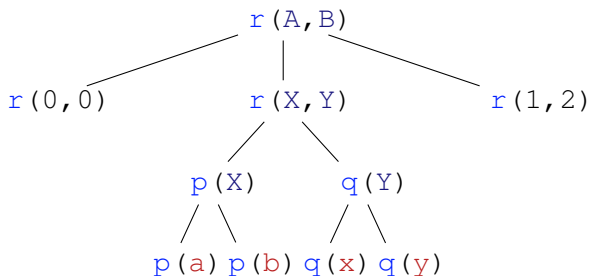
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

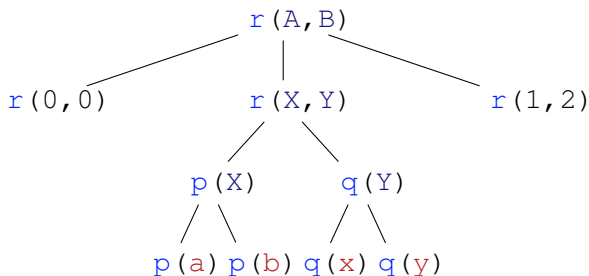
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions : `A = B, B = 0` ; `A = a, B = x` ; `A = a, B = y`
; `A = b, B = x`

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

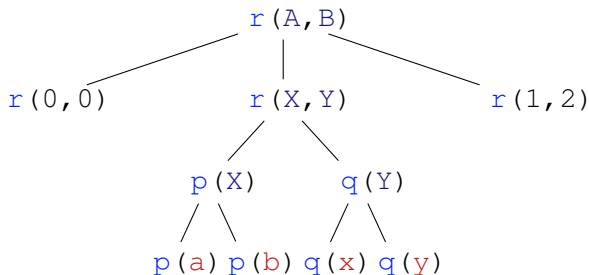
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$
; $A = b, B = x$; $A = b, B = y$

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

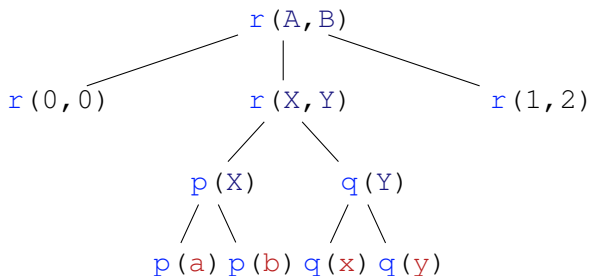
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$;
 $A = b, B = x$; $A = b, B = y$; $A = 1, B = 2$

Rappel : Backtracking

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

r(0,0) .

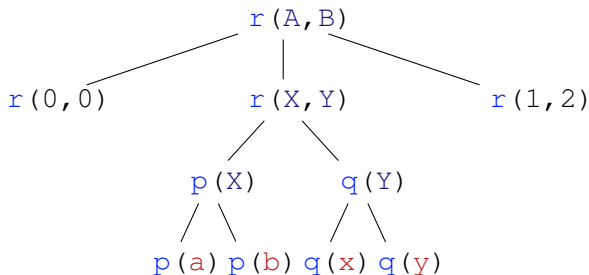
r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .

Arbre de recherche :



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x ; A = b, B = y ; A = 1, B = 2 .

Opérateur de coupure

! (" Cut ")

$q :- p_1, \dots, p_n, !, r_1, \dots, r_m$

Définition :

- ▶ n'explore pas les autres choix pour les buts p_1, \dots, p_n
- ▶ ignore les clauses suivantes pour q
- ▶ on peut toujours backtracker sur les buts r_1, \dots, r_m

Caractéristiques :

- ▶ davantage de contrôle sur le backtracking
- ▶ peut rendre la résolution plus efficace
- ▶ à manier avec précaution

Cut – exemple 1

%% Exemple :

`p(a) :- !.`

`p(b) .`

`q(x) .`

`q(y) .`

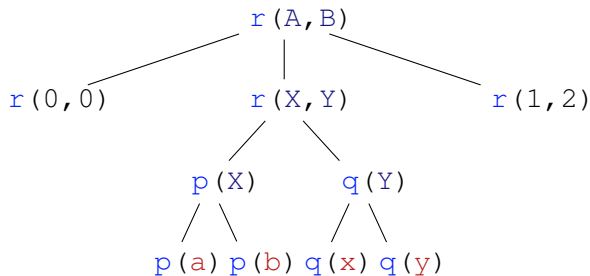
`r(0,0) .`

`r(X,Y) :-`

`p(X), q(Y) .`

`r(1,2) .`

`?- r(A,B) .`



Solutions :

Cut – exemple 1

%% Exemple :

`p(a) :- !.`

`p(b) .`

`q(x) .`

`q(y) .`

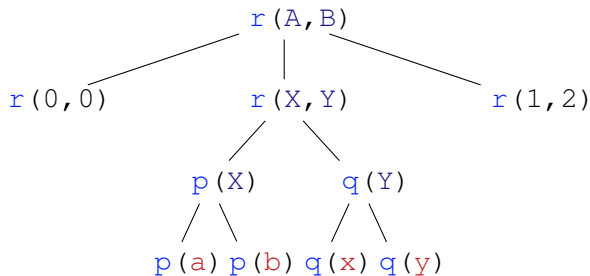
`r(0,0) .`

`r(X,Y) :-`

`p(X), q(Y) .`

`r(1,2) .`

`?- r(A,B) .`



Solutions : `A = B, B = 0`

Cut – exemple 1

%% Exemple :

p(a) :- !.

p(b) .

q(x) .

q(y) .

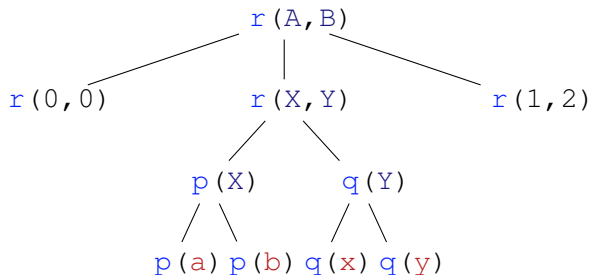
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x

Cut – exemple 1

%% Exemple :

`p(a) :- !.`

`p(b) .`

`q(x) .`

`q(y) .`

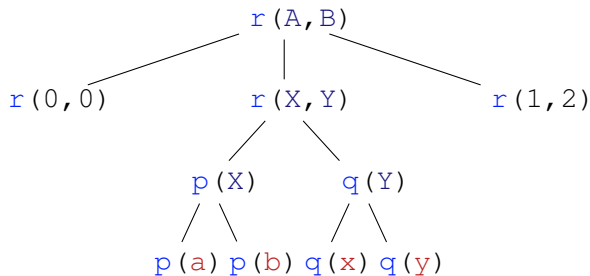
`r(0,0) .`

`r(X,Y) :-`

`p(X), q(Y) .`

`r(1,2) .`

`?- r(A,B) .`



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$

Cut – exemple 1

%% Exemple :

p(a) :- !.

p(b) .

q(x) .

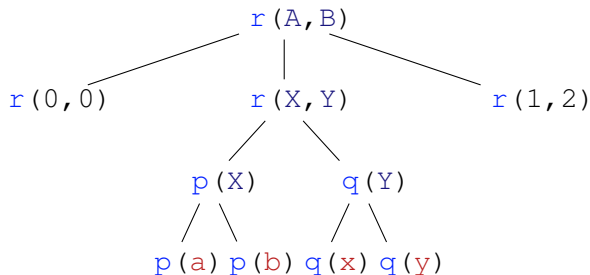
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = 1, B = 2

Cut – exemple 1

%% Exemple :

p(a) :- !.

p(b) .

q(x) .

q(y) .

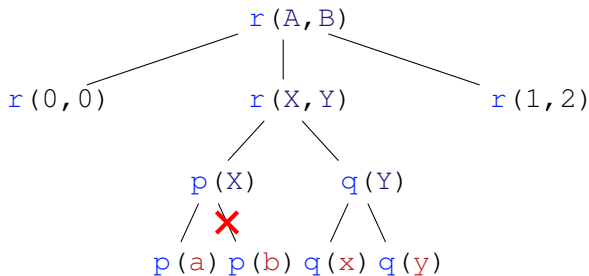
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = 1, B = 2 .

Cut – exemple 2

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b) :- !.$

$q(x).$

$q(y).$

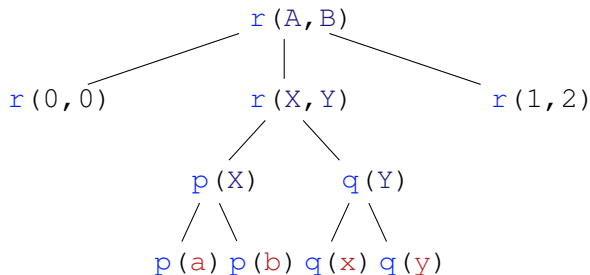
$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2).$

$?- r(A,B).$



Solutions :

Cut – exemple 2

%% Exemple :

p(a) .

p(b) :- !.

q(x) .

q(y) .

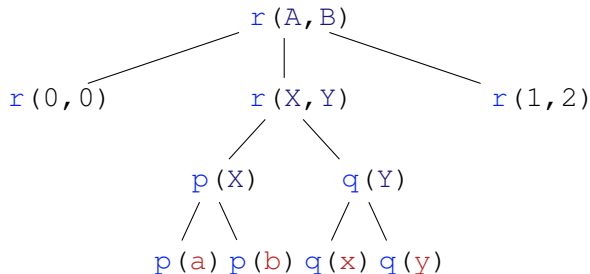
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0

Cut – exemple 2

%% Exemple :

p(a) .

p(b) :- !.

q(x) .

q(y) .

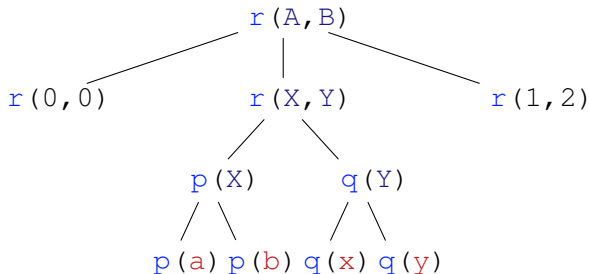
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x

Cut – exemple 2

%% Exemple :

$p(a)$.

$p(b) :- !$.

$q(x)$.

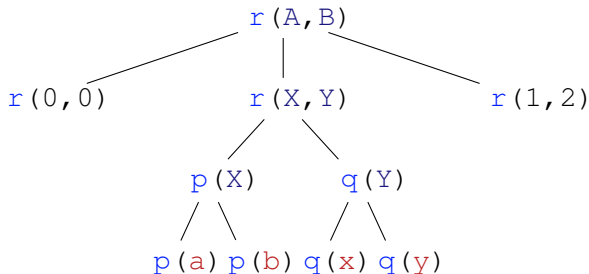
$q(y)$.

$r(0,0)$.

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y)$.

$r(1,2)$.



?- $r(A,B)$.

Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$

Cut – exemple 2

%% Exemple :

$p(a)$.

$p(b) :- !$.

$q(x)$.

$q(y)$.

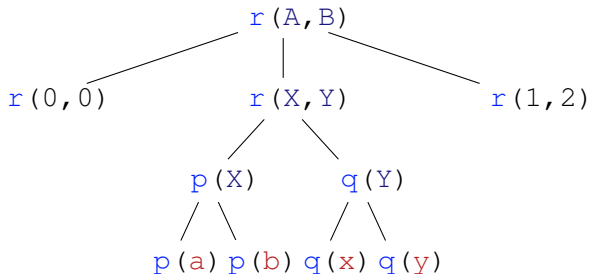
$r(0,0)$.

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y)$.

$r(1,2)$.

?- $r(A,B)$.



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$
; $A = b, B = x$

Cut – exemple 2

%% Exemple :

p(a) .

p(b) :- !.

q(x) .

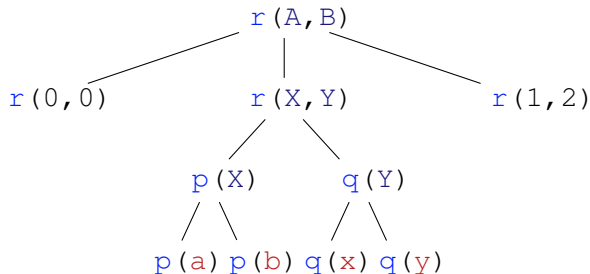
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x ; A = b, B = y

Cut – exemple 2

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b) :- !.$

$q(x).$

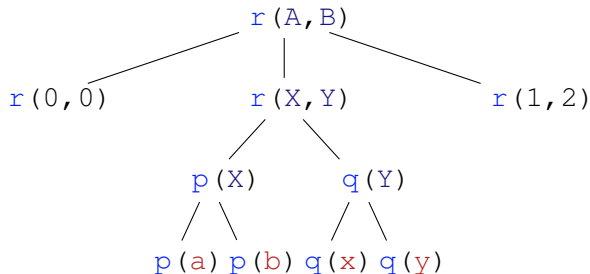
$q(y).$

$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2).$



$?- r(A,B).$

Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$;
 $A = b, B = x$; $A = b, B = y$; $A = 1, B = 2$

Cut – exemple 2

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b) :- !.$

$q(x).$

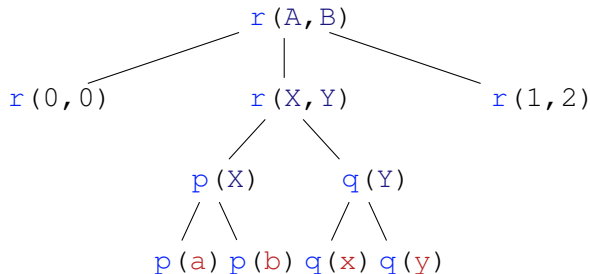
$q(y).$

$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2).$



$?- r(A,B).$

Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$;
 $A = b, B = x$; $A = b, B = y$; $A = 1, B = 2$.

Cut – exemple 3

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b).$

$q(x) :- !.$

$q(y).$

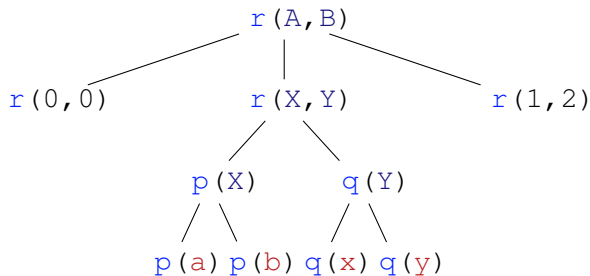
$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2).$

$?- r(A,B).$



Solutions :

Cut – exemple 3

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) :- !.

q(y) .

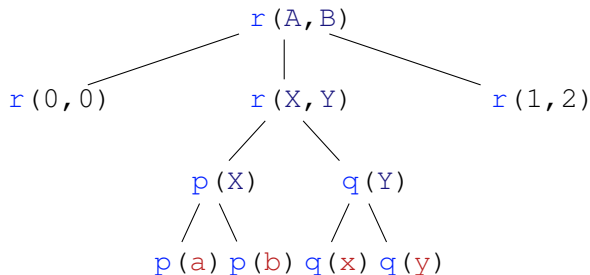
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0

Cut – exemple 3

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) :- !.

q(y) .

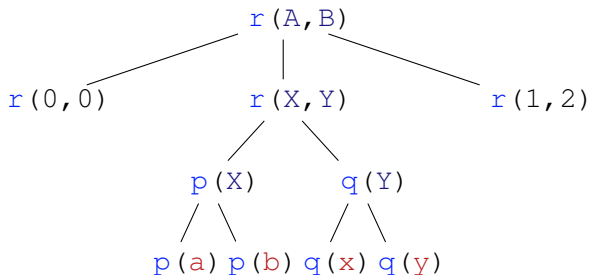
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x

Cut – exemple 3

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) :- !.

q(y) .

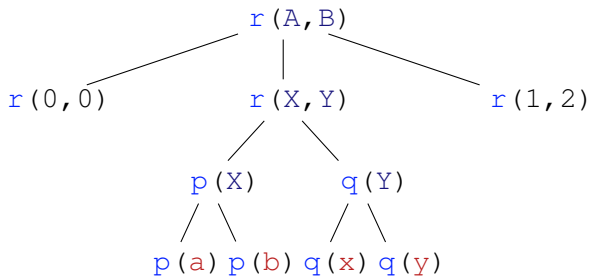
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = b, B = x

Cut – exemple 3

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) :- !.

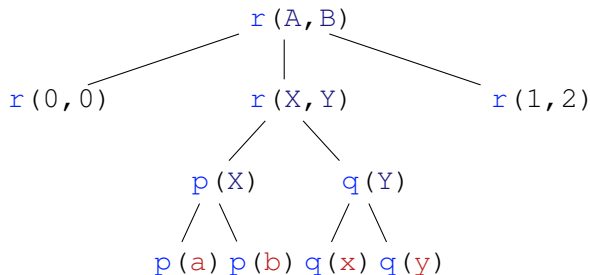
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = b, B = x
; A = 1, B = 2

Cut – exemple 3

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) :- !.

q(y) .

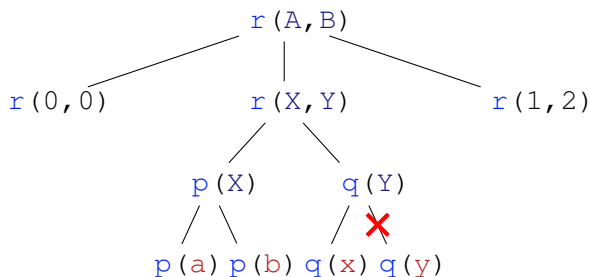
r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = b, B = x ; A = 1, B = 2 .

Cut – exemple 4

%% Exemple :

$p(a)$.

$p(b)$.

$q(x)$.

$q(y)$.

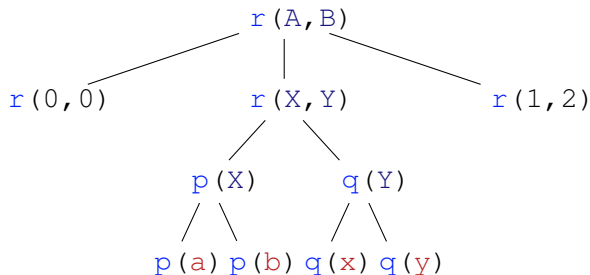
$r(0,0) :- !.$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2).$

$?- r(A,B).$



Solutions :

Cut – exemple 4

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b).$

$q(x).$

$q(y).$

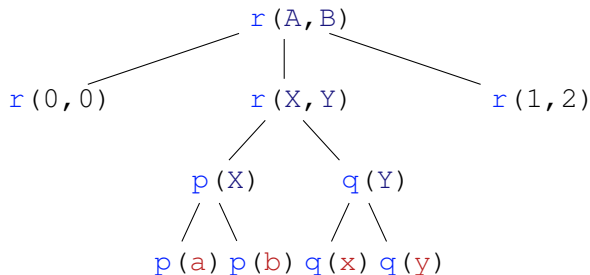
$r(0,0) :- !.$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2).$

$?- r(A,B).$



Solutions : $A = B, B = 0$

Cut – exemple 4

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b).$

$q(x).$

$q(y).$

$r(0,0) :- !.$

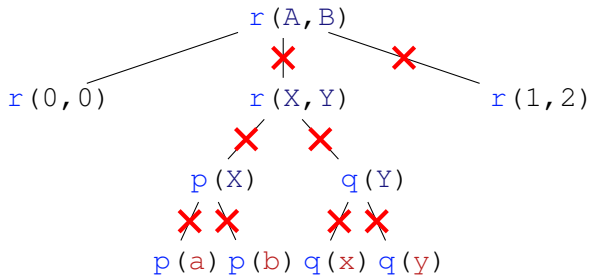
$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2).$

$?- r(A,B).$

Solutions : $A = B, B = 0.$



Cut – exemple 5

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

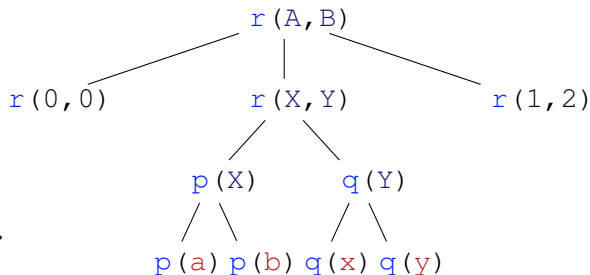
r(0,0) .

r(X,Y) :-

!, p(X), q(Y) .

r(1,2) .

?- r(A,B) .



Solutions :

Cut – exemple 5

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

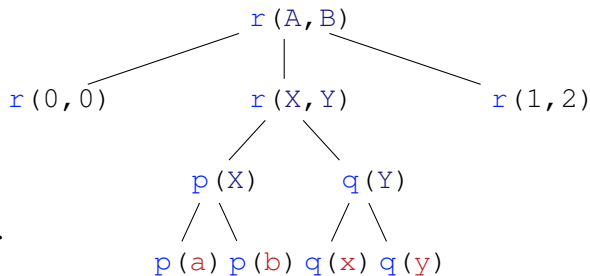
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

!, p(X), q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0

Cut – exemple 5

%% Exemple :

`p(a) .`

`p(b) .`

`q(x) .`

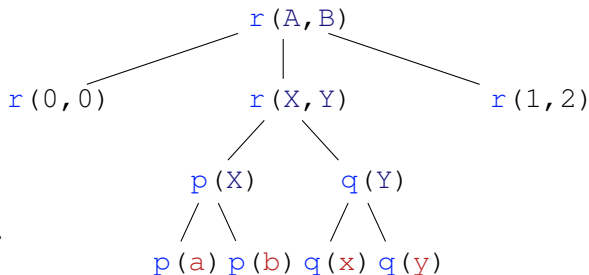
`q(y) .`

`r(0,0) .`

`r(X,Y) :-`

`!, p(X), q(Y) .`

`r(1,2) .`



`?- r(A,B) .`

Solutions : `A = B, B = 0 ; A = a, B = x`

Cut – exemple 5

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b).$

$q(x).$

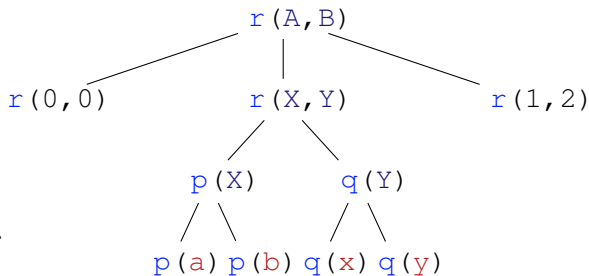
$q(y).$

$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$!, p(X), q(Y).$

$r(1,2).$



$?- r(A,B).$

Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$

Cut – exemple 5

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b).$

$q(x).$

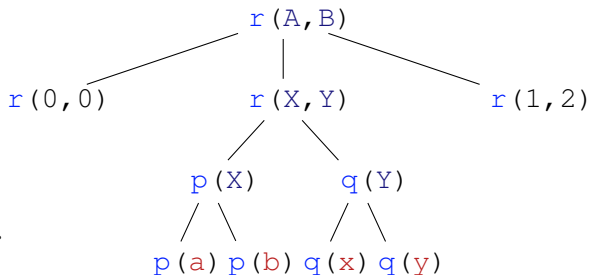
$q(y).$

$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$!, p(X), q(Y).$

$r(1,2).$



$?- r(A,B).$

Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$; $A = b, B = x$

Cut – exemple 5

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

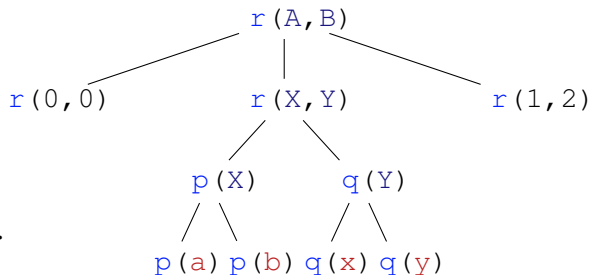
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

!, p(X), q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x ; A = b, B = y

Cut – exemple 5

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

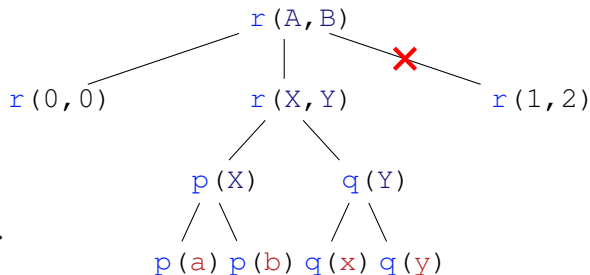
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

!, p(X), q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x ; A = b, B = y .

Cut – exemple 6

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

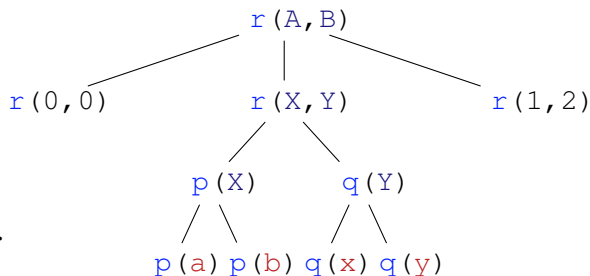
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), !, q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions :

Cut – exemple 6

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

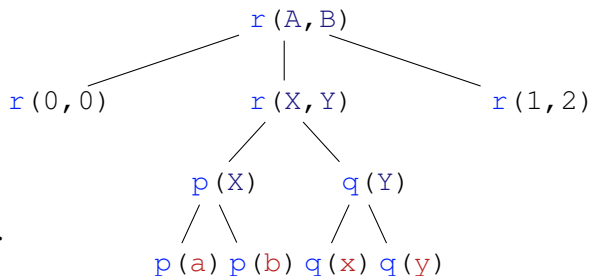
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), !, q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0

Cut – exemple 6

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

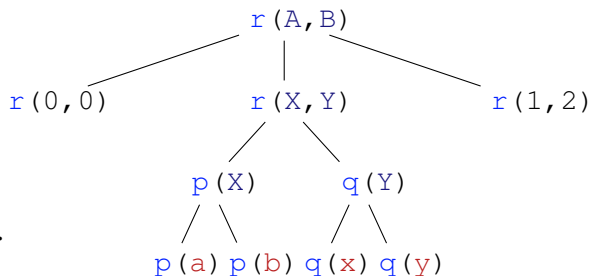
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), !, q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x

Cut – exemple 6

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

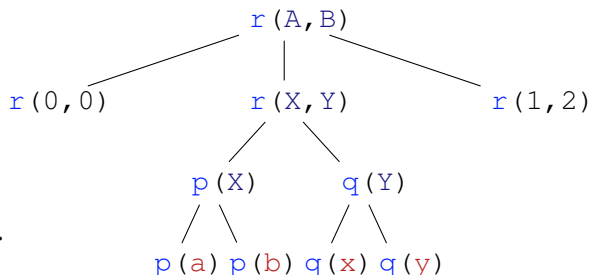
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), !, q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y

Cut – exemple 6

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

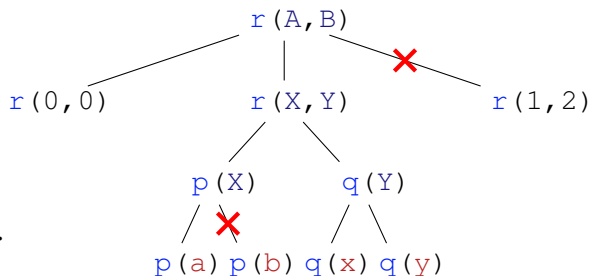
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), !, q(Y) .

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y

.

Cut – exemple 7

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

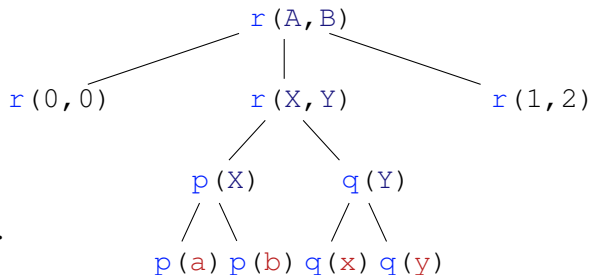
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y), !.

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions :

Cut – exemple 7

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

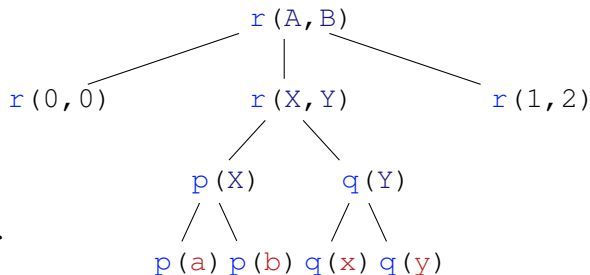
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y), !.

r(1,2) .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0

Cut – exemple 7

%% Exemple :

$p(a)$.

$p(b)$.

$q(x)$.

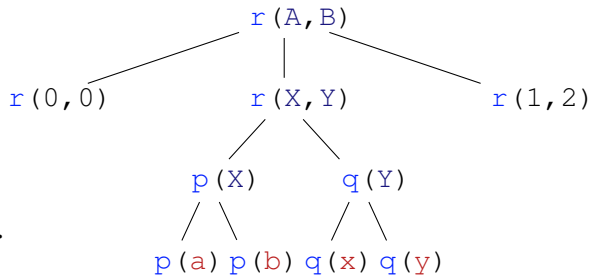
$q(y)$.

$r(0,0)$.

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y), !.$

$r(1,2)$.



?- $r(A,B)$.

Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$

Cut – exemple 7

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b).$

$q(x).$

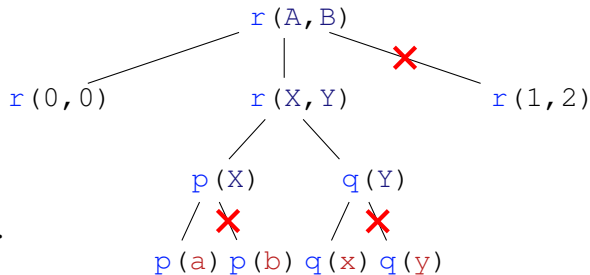
$q(y).$

$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y), !.$

$r(1,2).$



$?- r(A,B).$

Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$.

Cut – exemple 8

%% Exemple :

p(a).

p(b).

q(x).

q(y).

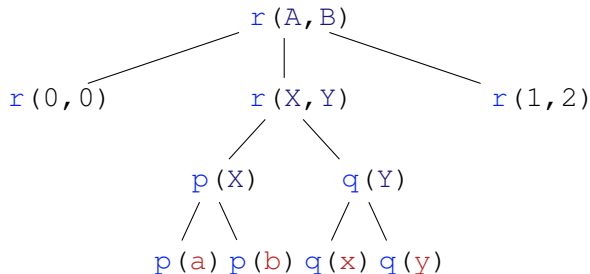
r(0,0).

r(X,Y) :-

 p(X), q(Y).

r(1,2) :- !.

?- r(A,B).



Solutions :

Cut – exemple 8

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

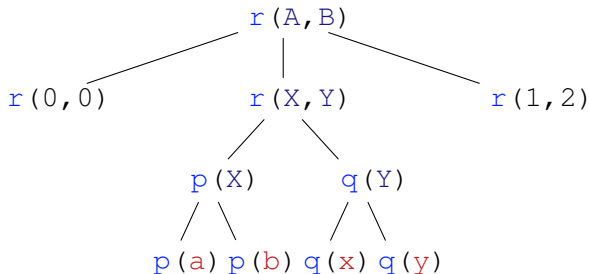
r(0,0) .

r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) :- ! .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0

Cut – exemple 8

%% Exemple :

$p(a).$

$p(b).$

$q(x).$

$q(y).$

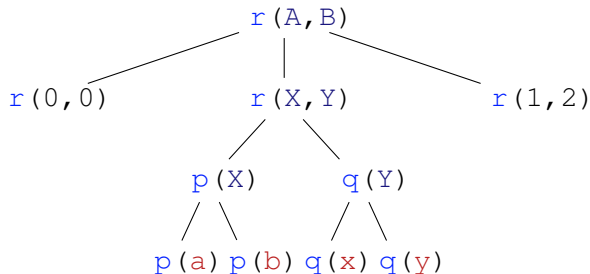
$r(0,0).$

$r(X,Y) :-$

$p(X), q(Y).$

$r(1,2) :- !.$

$?- r(A,B).$



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$

Cut – exemple 8

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

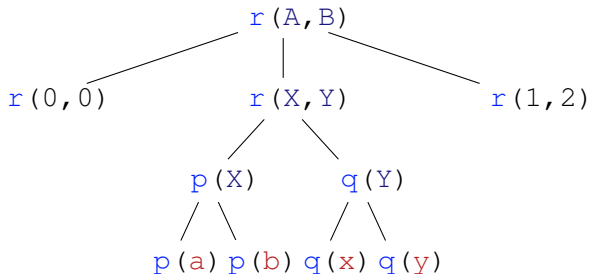
r(0,0) .

r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) :- ! .

?- r(A,B) .



Solutions : $A = B, B = 0$; $A = a, B = x$; $A = a, B = y$

Cut – exemple 8

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

q(y) .

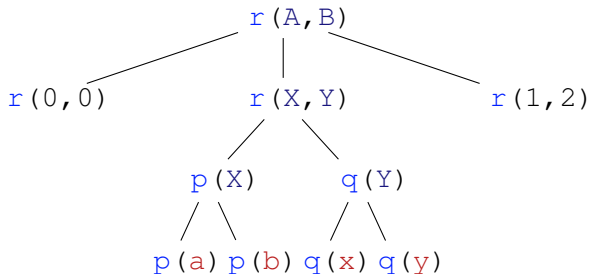
r(0,0) .

r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) :- ! .

?- r(A,B) .



Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x

Cut – exemple 8

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

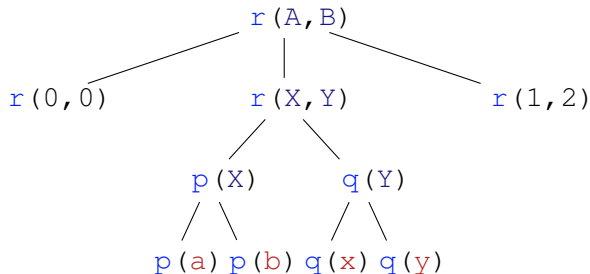
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) :- ! .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x ; A = b, B = y

Cut – exemple 8

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

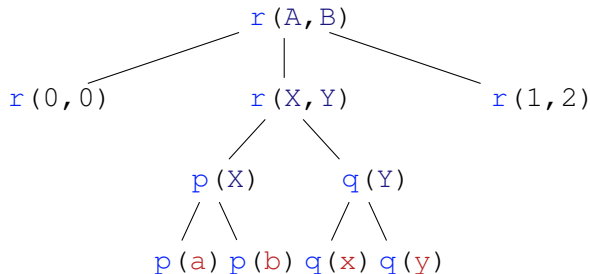
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) :- ! .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x ; A = b, B = y ; A = 1, B = 2

Cut – exemple 8

%% Exemple :

p(a) .

p(b) .

q(x) .

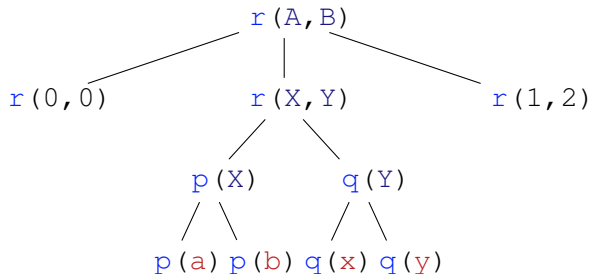
q(y) .

r(0,0) .

r(X,Y) :-

p(X), q(Y) .

r(1,2) :- ! .



?- r(A,B) .

Solutions : A = B, B = 0 ; A = a, B = x ; A = a, B = y
; A = b, B = x ; A = b, B = y ; A = 1, B = 2 .

À retenir sur le cut

$q :- p_1, \dots, p_n, !, r_1, \dots, r_m$

- ▶ n'explore pas les autres choix pour les buts p_1, \dots, p_n
- ▶ ignore les clauses suivantes pour q
- ▶ on peut toujours backtracker sur les buts r_1, \dots, r_m
- ▶ sans effet au début de la dernière clause d'un prédicat
- ▶ distinction “green cut” / “red cut” : est-ce que la coupure change le comportement du programme ?

Négation

```
not(P) :- %% Cas 1: P vrai -> not(P) faux
    P, %% si P réussit
    !, %% on ignore l'autre branche
    fail. %% on fait échouer le but

not(_). %% Cas 2: P faux -> not(P) vrai
```

Le dernier but est essayé uniquement quand on n'a pas réussi à prouver `P`.

Modification de programmes

Possibilité d'ajouter des clauses, d'en supprimer, modifier ou sélectionner

- ▶ `assert (C)` : ajoute la clause C
- ▶ `asserta (C)` : ajoute la clause C par le haut
- ▶ `assertz (C)` : ajoute la clause C par le bas
- ▶ `assert (P, Q)` : cherche une clause de tete P et de corps Q
- ▶ `retract (C)` : supprime la première clause qui s'unifie avec C.
- ▶ `abolish (N, A)` : supprime toutes les clauses de nom N etarité A.

Modification de programmes: Exemple

```
:- dynamic(mfibo/2) .  
mfibo(0,0) :- !.  
mfibo(1,1) :- !.  
mfibo(N,F) :- N>1, N1 is N-1, mfibo(N1,F1) ,  
               N2 is N-2, mfibo(N2,F2) ,  
F is F1+F2 ,  
asserta((mfibo(N, F) :- !)) .
```

Programmation d'ordre supérieur

`=..` : permet d'instancier un prédicat avec des paramètres

```
create(PRED, ARGS, RES) :-  
    RES =.. [PRED|ARGS].
```

Programmation d'ordre supérieur - Exemple

```
digit_english(0, zero) .
```

```
digit_english(1, one) .
```

```
digit_english(2, two) .
```

```
phone_english([], []).
```

```
phone_english([Digit|Ds], [Word|Ws]) :-
```

```
    digit_english(Digit, Word),
```

```
    phone_english(Ds, Ws) .
```

Programmation d'ordre supérieur - Exemple

```
digit_germen(0, null) .
```

```
digit_germen(1, eins) .
```

```
digit_germen(2, zwei) .
```

```
phone_germen([], []).
```

```
phone_germen([Digit|Ds], [Word|Ws]) :-
```

```
    digit_germen(Digit, Word),
```

```
    phone_germen(Ds, Ws) .
```

Programmation d'ordre supérieur - Exemple

```
phone_poly([],_, []).  
phone_poly([Digit|Ds],P,[Word|Ws]) :-  
    Goal =.. [P,Digit,Word],  
    Goal,  
    phone_poly(Ds,P,Ws).
```

Programmation logique par contraintes sur domaines finis

Problème :

- ▶ variables
- ▶ domaines des variables
- ▶ contraintes sur les variables

Schéma général

```
?- use_module(library(clpfd)).  
%% utilisation bibliotheque:  
%% constraint logic programming over finite domains
```

```
q([X,Y,Z]) :-  
    %% domaines  
    X in 100 ..1000,  
    [Y, Z] ins -1000 ..199877,  
    %% contraintes  
    .
```

```
?- q(Vars), label(Vars).
```

- ▶ définition des domaines des valeurs
- ▶ définition des contraintes
- ▶ instantiation des variables (*labeling*)

Contraintes arithmétiques

► $A \#>= B$

► $A \#> B$

► $A \#=< B$

► $A \#< B$

► $A \# = B$

► $A \#\backslash = B$

```
p1(X,Y) :-
```

```
    X > Y.
```

```
?- p1(X,Y).
```

```
p2(X,Y) :-
```

```
    [X,Y] ins -1000 ..1000,
```

```
    X #> Y.
```

```
?- p2(X,Y), label([X,Y]).
```

Contraintes vérifiées

- ▶ $\# \backslash Q$: négation
- ▶ $P \# \backslash / Q$: ou
- ▶ $P \# / \backslash Q$: et
- ▶ $P \# \backslash Q$: ou exclusif
- ▶ $P \# \leq \Rightarrow Q$: équivalence
- ▶ $P \# \Rightarrow Q$: implication

les contraintes peuvent être manipulées comme des booléens

?- $[X, Y] \text{ ins } 0..9, X \# < Y \# \leq \Rightarrow B.$

- ▶ $B = 1$ si $X \# < Y$
- ▶ $B = 0$ si $X \# \geq Y$

Bibliographie

- ▶ K.R. Apt and M. G. Wallace, 2007,
Constraint Logic Programming using ECLiPSe,
Cambridge University Press
- ▶ L. Sterling and E. Shapiro, 1994,
The Art of Prolog, The MIT Press, Cambridge,
Massachusetts, 2nd edn.
- ▶ WikiBooks,
Prolog.