Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych Politechnika Warszawska

Projektowanie układów sterowania (projekt grupowy)

Sprawozdanie z projektu i ćwiczenia laboratoryjnego nr 1, zadanie nr 4

Piotr Chachuła, Cezary Dudkiewicz, Piotr Roszkowski

Spis treści

| | | I. Projekt | |
|-----------|------|---|---|
| 1. | Wer | yfikacja punktu pracy | 3 |
| | 1.1. | Opis postępowania | 3 |
| | 1.2. | Wyniki | 3 |
| 2. | Odp | owiedzi skokowe | 4 |
| | 2.1. | Wyznaczanie odpowiedzi skokwych | 4 |
| | 2.2. | Wyznaczanie charakterystyki statycznej procesu | 4 |
| | 2.3. | Wzmocnienie statyczne | 4 |
| 3. | Prze | ekształcenie odpowiedzi skokowej | 7 |
| 4. | Reg | ulator PID | 8 |
| | 4.1. | Algorytm działania | 8 |
| | 4.2. | Ręczne strojenie regulatora PID | S |
| | | 4.2.1. Wyliczenie wstępnych parametrów regulatora | S |
| | | 4.2.2. Zmniejszenie przeregulowania | 2 |
| | | 4.2.3. Dalsze zmniejszenie przeregulowania | 5 |
| | | 4.2.4. Przyspieszenie regulatora | 8 |
| | | 4.2.5. Człon różniczkujący | 1 |
| | | 4.2.6. Końcowe dostrojenie | 4 |
| | 4.3. | Automatyczne strojenie regulatora PID | 7 |
| | 4.4. | Obserwacje i wnioski | |
| 5. | Reg | ulator DMC | 3 |
| | 5.1. | Algorytm działania | 3 |

Część I

Projekt

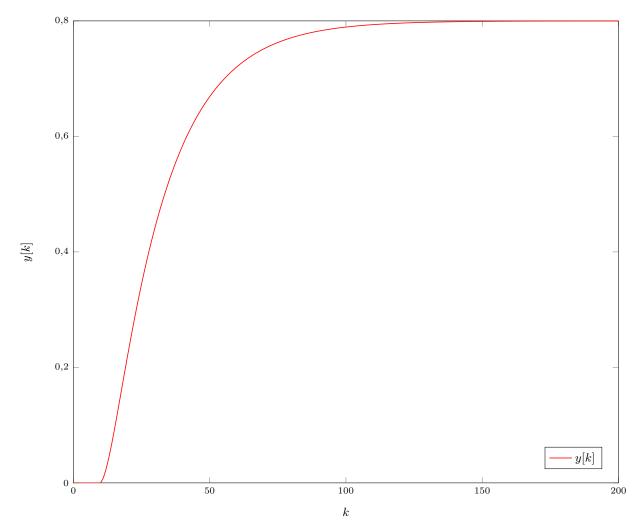
1. Weryfikacja punktu pracy

1.1. Opis postępowania

W celu sprawdzenia poprawności wartości sygnałów $U_{\rm pp}$ i $Y_{\rm pp}$ pobudzono obiekt sterowaniem o wartości $U_{\rm pp}=2,0$ i sprawdzeniu czy stabilizuje się on w punkcjie pracy $Y_{\rm pp}=0,8$. Do symulacji wyjscia obiektu użyto udostępnionej funkcji symulacja_obiektu4Y. Do testów napisano skrypt PROJ1_1.m. Wyniki przedstawiono poniżej.

1.2. Wyniki

Zgodnie z przewidywaniami wyjscie obiektu ustaliło się na wartości $Y_{\rm pp}=2,0.$ Punkt pracy ustalony jest więc poprawnie.



Rys. 1.1. Odpowiedź obiektu na sterowanie
i $U_{\rm pp}=0.8$

2. Odpowiedzi skokowe

2.1. Wyznaczanie odpowiedzi skokwych

W celu wyznaczenia odpowiedzi skokowej obiekt, znajdujący się w punkcie pracy (tzn. $U_{pp}=2.0,Y_{pp}=0.8$) pobudzoną różną zmianą wartoci sterowań. Rysunek 2.1 przedstawia odpowiedź obiektu na jego różne wartosci.

2.2. Wyznaczanie charakterystyki statycznej procesu

Aby wyznaczyć charakterystykę statyczną procesu przeprowadzono analogiczne działania co w rozdziale 1. Tym razem przy użyciu skryptu PROJ1_2.m dla wielu wartosci $U_{\rm pp}$ wyznaczono odpowiadające im $Y_{\rm pp}$ oraz z ich pomocą utworzono wykres 2.2. Jak widać charakterystyka statyczna obiektu jest liniowa, a co za tym idzie obiekt jest liniowy.

2.3. Wzmocnienie statyczne

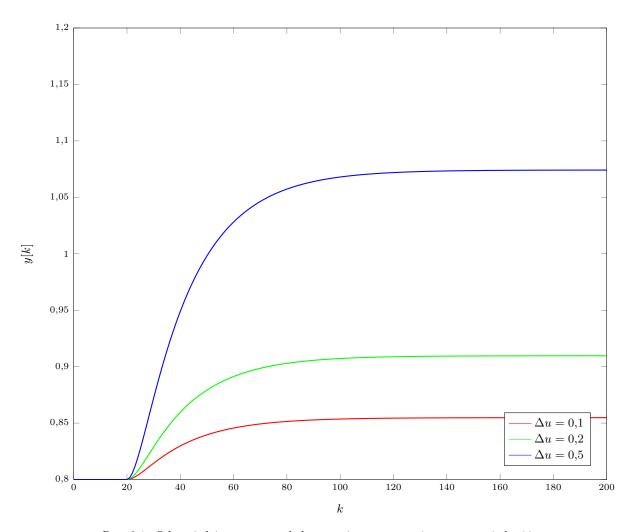
Wzmocnienie statyczne, czyli stosunek pomiędzy zmianą wartosci wyjscia i zmianą wartosci sterowania w stanie ustalonym. Aby ją wyznaczyć można na przykład znaleźć nachylenie charakterystyki statycznej do osi OX, czyli np.:

$$K_{\text{stat}} = \frac{y(U_{\text{max}}) - y(U_{\text{min}})}{U_{\text{max}} - U_{\text{min}}}$$
(2.1)

W przypadku tak wykreślonej charakterystyki, wzmocnienie statyczne jest równe tangensowi kąta α pomiędzy prostą a osią OX.

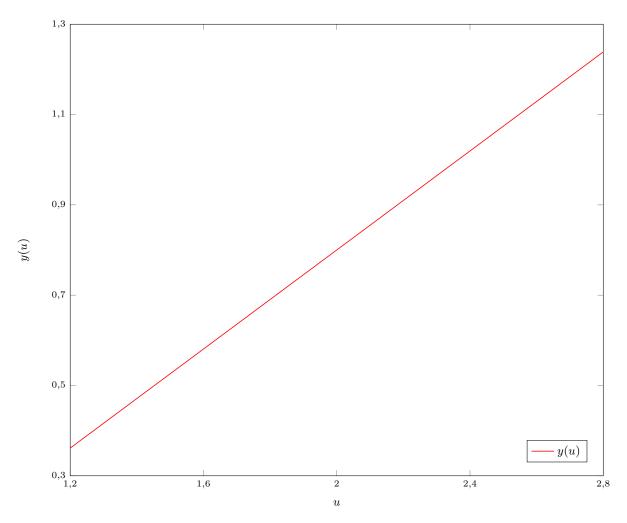
$$K_{\text{stat}} = \frac{1,239 - 0,361}{2,8 - 1,2} \approx 0,549$$
 (2.2)

2. Odpowiedzi skokowe 5



Rys. 2.1. Odpowiedzi procesu na skokowe zmiany sterowania w momencie k=11 $\,$

2. Odpowiedzi skokowe 6



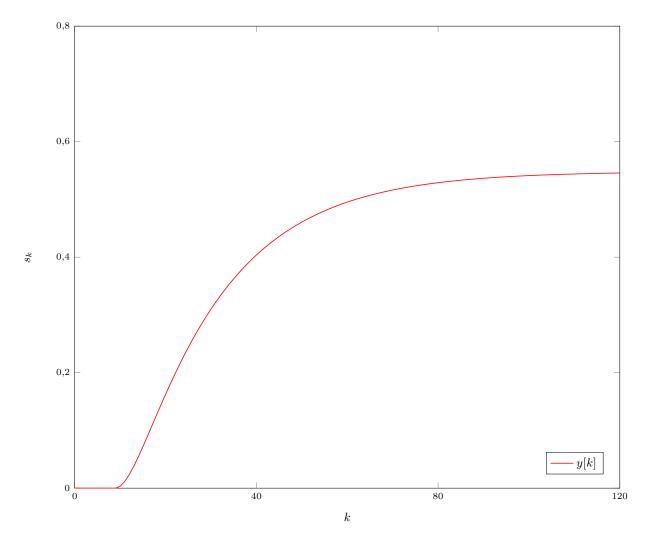
Rys. 2.2. Charakterystka statyczna $\boldsymbol{y}(\boldsymbol{u})$ symulowanego procesu

3. Przekształcenie odpowiedzi skokowej

Aby uzyskać znormalizowaną odpowiedź skokową, należy przerzutować ją względem punktu pracy oraz wielkosci skoku, a także przesuąć chwilę skoku sterowania do chwili k=0 (z chwili k_{skok}). Do tego celu można użyć wzoru:

$$s_i = \frac{s_{i+k_{skok}} - Y_{pp}}{\Delta U} \tag{3.1}$$

Wyznaczono ją przy użyciu skrpytu PROJ1_3.m (dla odpowiedzi skokwej przy $\Delta u=0.5$). Następnie przycięto ją do miejsca w którym osiąga 0,995 swojej maksymalnej wartosci. Długosc tej odpowiedzi jest przyjętym horyzontem dynamiki tego obiektu i jest równy 120. Wynik działania przedstawiony jest na rysunku 3. Odpowiedź ta zostanie użyta do zaprojektowania regulatora DMC.



Rys. 3.1. Postać przeksztal
conej odpowiedzi skokowej symulowanego obiektu ze zmianą sterowania w momencie
 $\mathbf{k}{=}0$

4.1. Algorytm działania

Algorytm działania regulatora oraz implementacja została dobrze udokumentowana w pliku doPID.m . Listing jego częsci algorytmicznej przedstawiony jest poniżej:

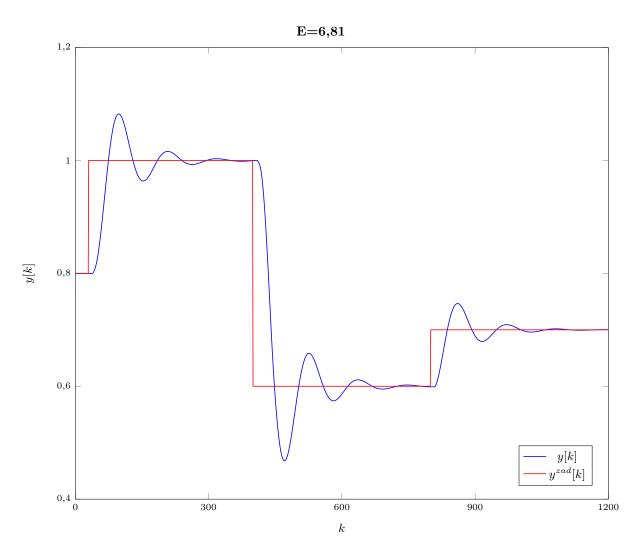
```
function [ error ] = doPID( paras ) % Tylko dla auto
% Ustawiamy dlugosc symulacji
 sim_len=1200;
 K=paras(1);
Ti=paras(2);
Td=paras(3);
% Czas probkowania
T=1;
% Parametry wygodnego, dyskretnego PIDa
r0=K*(1+T/(2*Ti)+Td/T);
r1=K*(T/(2*Ti)-(2*Td/T)-1);
r2=K*Td/T;
% Inicjalizujemy macierze przechowujace zmienne
Y=zeros(sim_len,1);
U=zeros(sim_len,1);
e=zeros(sim_len,1);
y=zeros(sim_len,1);
u=zeros(sim_len,1);
Yzad=zeros(sim_len,1);
kk=linspace(1,sim_len,sim_len)';
 % Ustalamy wartosci przed rozpoczeciem symulacji na wartosci w punktu pracy
 Y(1:11)=Ypp;
U(1:11)=Upp;
% Tworzymy horyzont wartosci zadanej
Yzad(1:29) = 0.8;
Yzad(30:sim_len/3-1) = 1.0;
Yzad(sim_len/3:2*sim_len/3-1) = 0.6;
Yzad(2*sim_len/3:sim_len) = 0.7;
%Rzutujemy ograniczenia sterowan wzgledem punktu pracy.
Umin=1.2;
Umax=2.8;
deltaumax=0.25;
umin=Umin-Upp;
umax=Umax-Upp;
         k=12:sim_len
% Symulujemy wyjscie obiektu
Y(k)=symulacja_obiektu4Y(U(k-10),U(k-11),Y(k-1),Y(k-2));
% Rzutujemy wartosc wyjscia wzgledem punktu pracy
y(k)=Y(k)-Ypp;
% Liczymy uchyb i uaktualniamy wspołczynnik bledu
e(k)=Yzad(k)-Y(k);
error=error+e(k)^2;
          Liczymy wartosc sterowania
u_wyliczone=r2*e(k-2)+r1*e(k-1)+r0*e(k)+u(k-1);
          \mbox{\it \%} Rzutowanie ograniczen na wartosc sterowania
         if u_wyliczone < umin
    u_wyliczone = umin;
elseif u_wyliczone > umi
    u_wyliczone = umax;
end
```

Listing 4.1. Implementacja regulatora PID

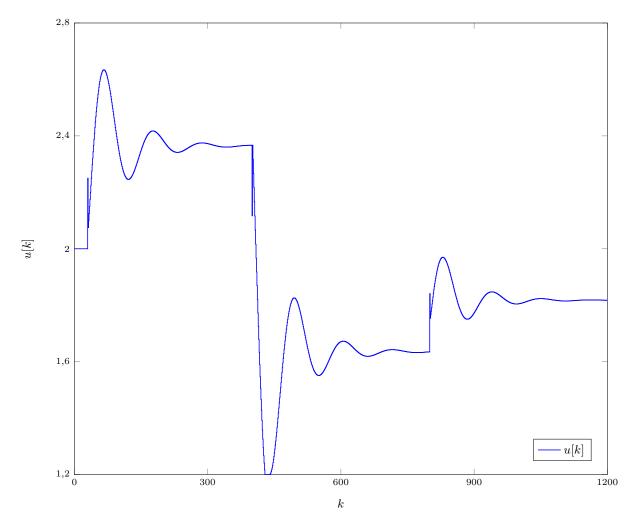
4.2. Ręczne strojenie regulatora PID

4.2.1. Wyliczenie wstępnych parametrów regulatora

Celem naszej regulacji jest minimalizacja wskaźnika jakosci, będącym sumą kwadratów uchybu regulacji w każdym punkcie. W celu dobrania wstępnych parametrów regulatora PID użyto metody eksperymentalnej; przeprowadzono dużą ilosc symulacji dla arbitralnych wartosci $K_{\rm r},\,T_{\rm i},\,T_{\rm d}$. Sposrod ponad 100 symulacji, wybrano te parametry, których wskaźnik jakoci był najlepszy. Stało się to dla regulatora przedstawionego na rysunku 4.1.



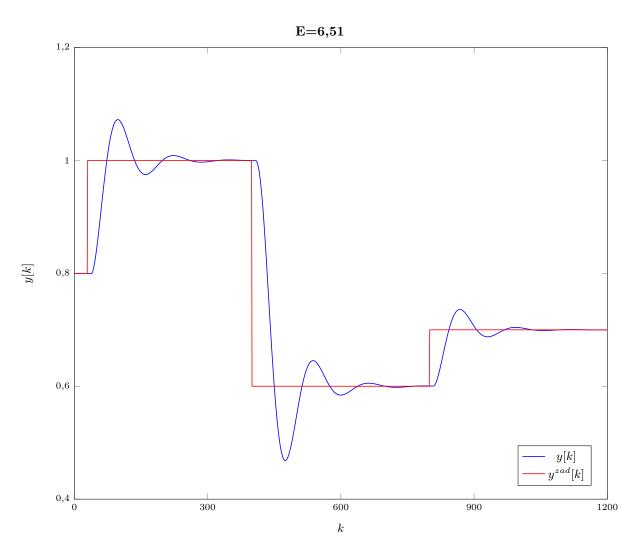
Rys. 4.1. Wyjscie dla $K_{\mathrm{r}}{=}1,\,T_{\mathrm{i}}{=}4,\,T_{\mathrm{d}}{=}0{,}5$



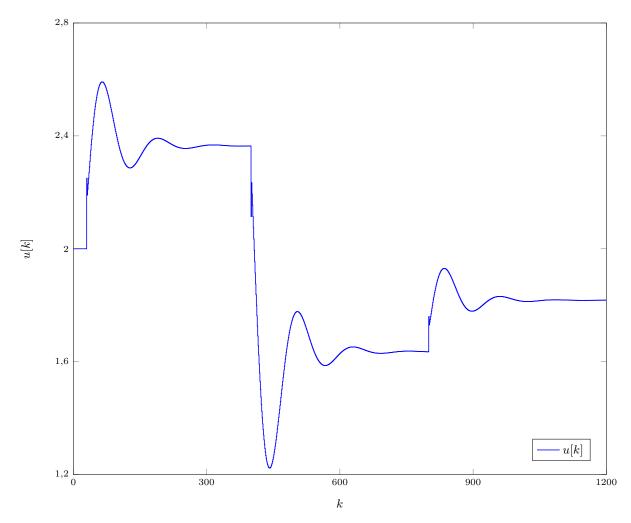
Rys. 4.2. Sterowanie dla $K_{\rm r}{=}1,\,T_{\rm i}{=}4,\,T_{\rm d}{=}0{,}5$

4.2.2. Zmniejszenie przeregulowania

W celu zmniejszenia znacznego przeregulowania występującego w regulatorze zmniejszono jego wzmocnienie do $K_{\rm r}{=}0.8$ oraz dodatkowo zmieniono parametr członu różniczkującego do $T_{\rm d}{=}0.25$. Wyniki symulacji dla zmienionego regulatora przedstawone zostały na rysunku 4.3.



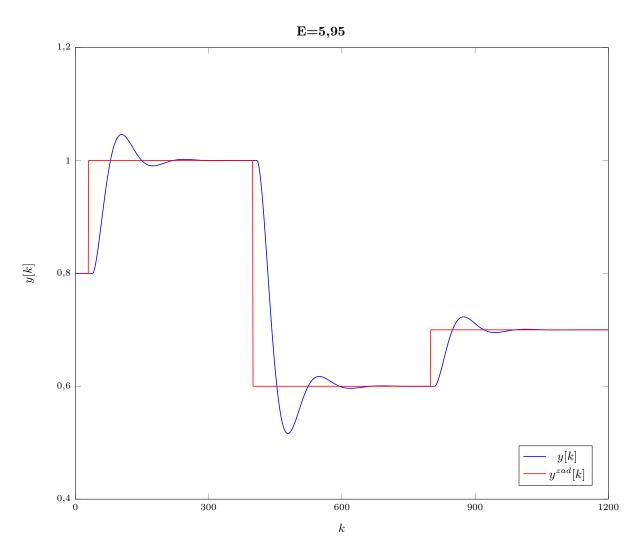
Rys. 4.3. Wyjscie dla $K_{\mathrm{r}}{=}0.8,\,T_{\mathrm{i}}{=}4,\,T_{\mathrm{d}}{=}0.25$



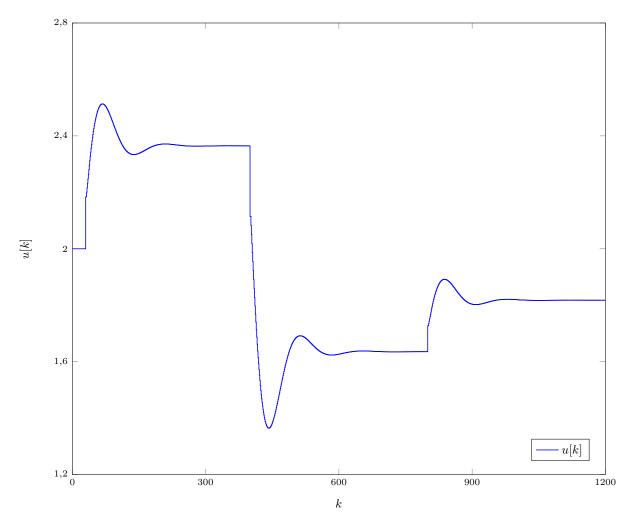
Rys. 4.4. Sterowanie dla $K_{\rm r}{=}0.8,\,T_{\rm i}{=}4,\,T_{\rm d}{=}0.25$

4.2.3. Dalsze zmniejszenie przeregulowania

Przeregulowanie ciągle występuję w dosc znacznym stopniu, dlatego w następnym kroku zmneijeszono całkowanie do $T_{\rm i}$ =5 oraz dodatkowo zmniejszono różniczkowanie do $T_{\rm d}$ =0,05. Wyniki symulacji dla zmienionego regulatora przedstawione zostały na rysunku 4.5.



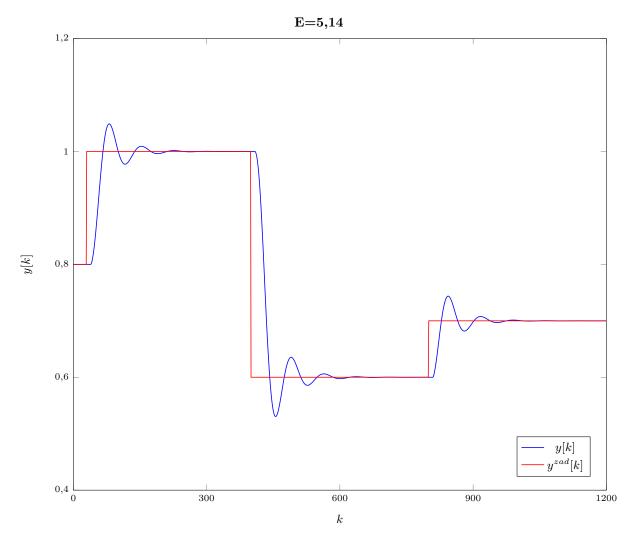
Rys. 4.5. Wyjscie dla $K_{\mathrm{r}}{=}0.8,\,T_{\mathrm{i}}{=}5,\,T_{\mathrm{d}}{=}0.05$



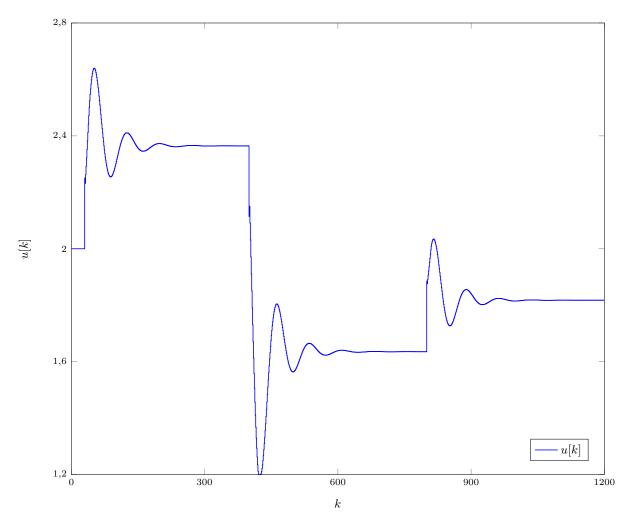
Rys. 4.6. Sterowanie dla $K_{\rm r}{=}0.8,\,T_{\rm i}{=}5,\,T_{\rm d}{=}0.95$

4.2.4. Przyspieszenie regulatora

W celu zwiększenia szybkości regulatora zwiększono jego wzmocnienie do $K_{\rm r}{=}2,4$ oraz w ramach kompensacji zmniejszono całkowanie do $T_{\rm i}{=}8$. Wyniki symulacji dla zmienionego regulatora przedstawione zostały na rysunku 4.7.



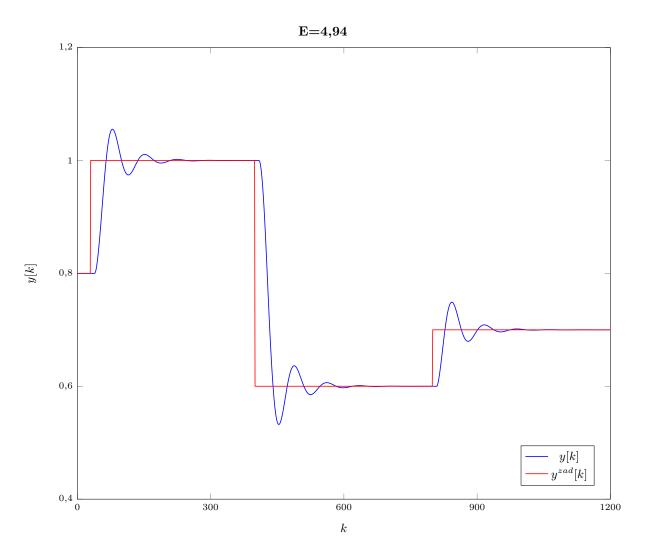
Rys. 4.7. Wyjscie dla $K_{\mathrm{r}}{=}0.8,\,T_{\mathrm{i}}{=}5,\,T_{\mathrm{d}}{=}0.05$



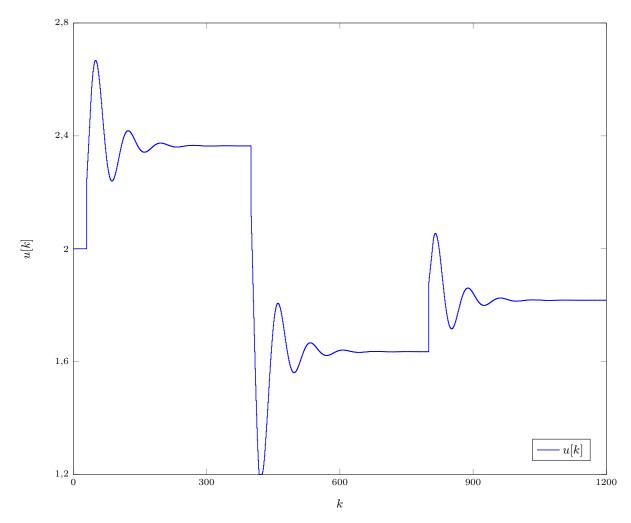
Rys. 4.8. Sterowanie dla $K_{\rm r}{=}0.8,\,T_{\rm i}{=}5,\,T_{\rm d}{=}0.05$

4.2.5. Człon różniczkujący

Podczas wczesniejszego strojenia zauważono fakt, iż zmniejszenie członu różniczkującego pozytywnie wpływa na jakosć regulacji. Postanowiono więc znacznie go zmniejszyć, do wartosci $T_{\rm d}{=}0,0005$. Wyniki symulacji dla zmienionego regulatora przedstawione zostały na rysunku 4.11.



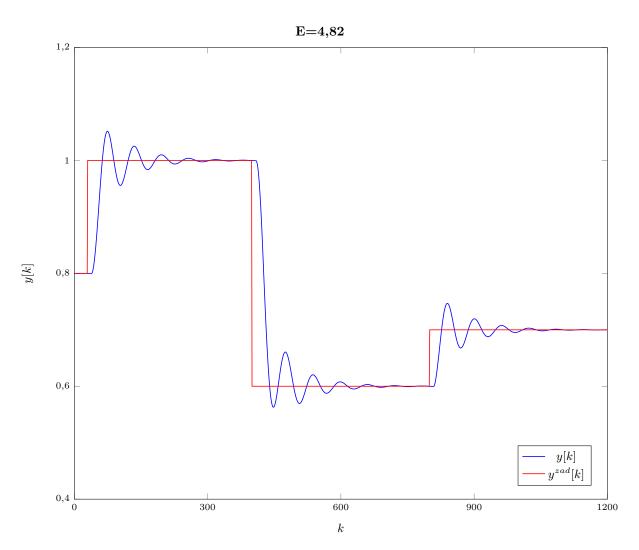
Rys. 4.9. Wyjscie dla $K_{\mathrm{r}}{=}0.8,\,T_{\mathrm{i}}{=}5,\,T_{\mathrm{d}}{=}0.05$



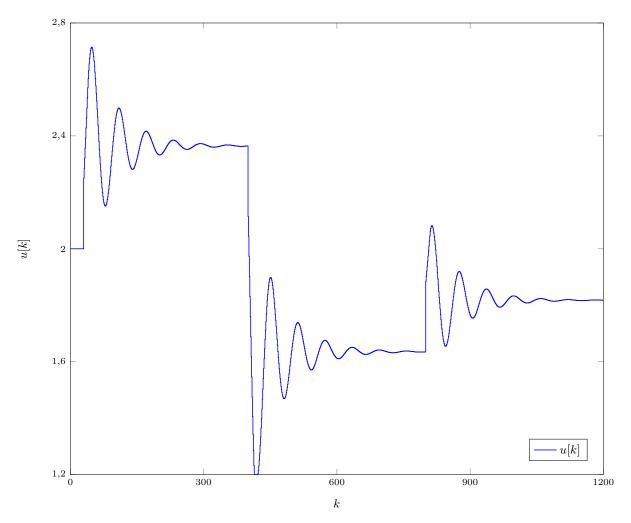
Rys. 4.10. Sterowanie dla $K_{\rm r}{=}0.8,\,T_{\rm i}{=}5,\,T_{\rm d}{=}0.05$

4.2.6. Końcowe dostrojenie

Analogicznie jak w kroku 4.2.1 przeprowadzono dużą liczbę symulacji dla wielu kombinacji paramterów, nieznacznie oddalonych od obecnych. W ten sposób znaleziono ich optymalną wartosc równą: $K_{\rm r}{=}3,3,\,T_{\rm i}{=}9,25,\,T_{\rm d}{=}0,0005$. Wyniki symulacji dla takiego regulatora zostały przedstawione na rysunku ??.



Rys. 4.11. Wyjscie dla $K_{\mathrm{r}}{=}0.8,\,T_{\mathrm{i}}{=}5,\,T_{\mathrm{d}}{=}0.05$



Rys. 4.12. Sterowanie dla $K_{\rm r}{=}0.8,\,T_{\rm i}{=}5,\,T_{\rm d}{=}0.05$

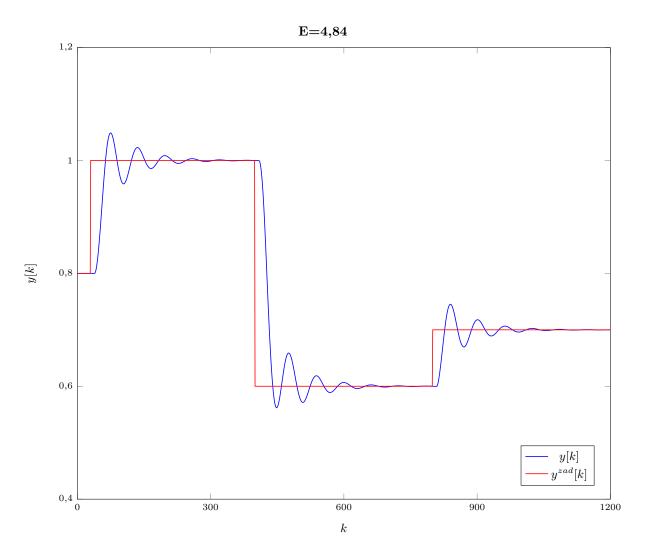
4.3. Automatyczne strojenie regulatora PID

Do automatycznego strojenia regulatora PID użyto już wczeniej używanej funkcji doPID.m, której użyto jako funkcji liczącej wartosć wskaźnik jakosci (funkcja ją zwraca) w maltabowskim algorytmie fmincon, której użyto w skrypcie PIDOptimizer.m. Przeprowadzono dwie próby: dla małych wartosci parametrów początkowych oraz dla dużych wartosci kryteriów początkowych, co widać w listiingu ?? poniżej.

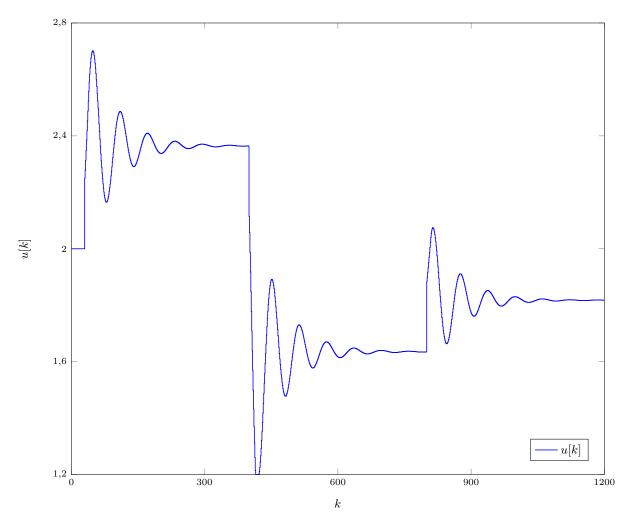
```
x01=[1,1,1];
x02=[20,20,20];
lb=[0.01,0.01,0.01];
ub=[50,505];
paras=fmincon(@doPID,x0,[],[],[],lb,ub);
\label{LIST_1}
```

Listing 4.2. Implementacja automatycznego strojenia PID

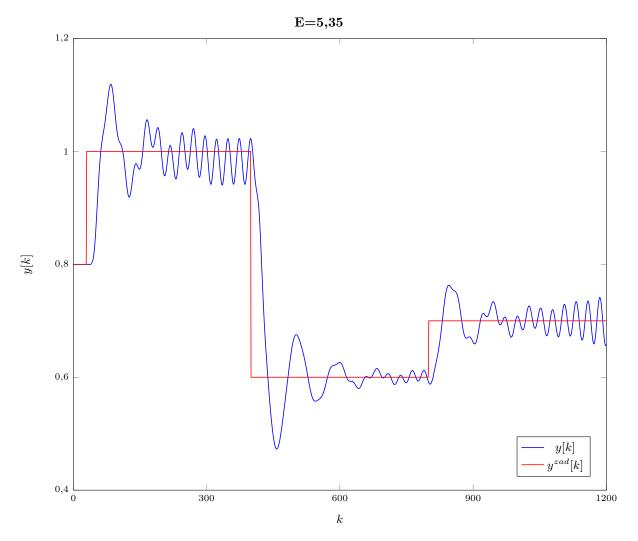
Wyniki pracy dla pierwszego regulatora przedstawiono na rysunku 4.13, a drugiego na rysunku 4.15.



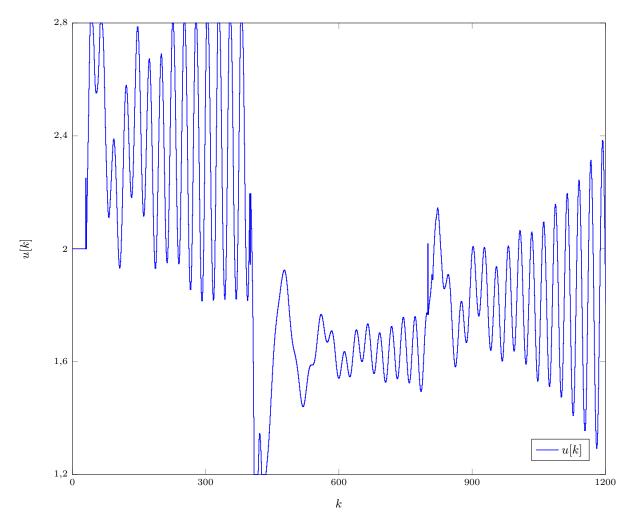
Rys. 4.13. Wyjscie dla $K_{\rm r}{=}3,25,\,T_{\rm i}{=}9,3,\,T_{\rm d}{=}0,005$



Rys. 4.14. Wyjscie dla $K_{\rm r}{=}3,25,\,T_{\rm i}{=}9,3,\,T_{\rm d}{=}0,005$



Rys. 4.15. Wyjscie dla $K_{\rm r}{=}2{,}74,\,T_{\rm i}{=}2{,}9,\,T_{\rm d}{=}10{,}95$



Rys. 4.16. Sterowanie dla $K_{\mathrm{r}}{=}2{,}74,\,T_{\mathrm{i}}{=}2{,}9,\,T_{\mathrm{d}}{=}10{,}95$

4.4. Obserwacje i wnioski

Ręczne dostrojenie regulatora PID okazało się odrobinę lepsze, być może z uwagi na bardzo małą niską wartoć parametru $T_{\rm d}$, leżącego poza obszarem poszukiwań algorytmu. Z reguły jednak niemożliwe jest tak dobre ręczne nastrojenie, bez użycia znaczącej ilosci czasu, automatyczny optymalizator gwarantuje praktycznie najlepsze rozwiązanie, jednak nie jest możliwe jego zastosowanie dla obiektów rzeczywistych poza symulacją, najwyżej co do wstępnej estymacji parametrów przy użyciu zebranego modelu obiektu.

5. Regulator DMC

5.1. Algorytm działania

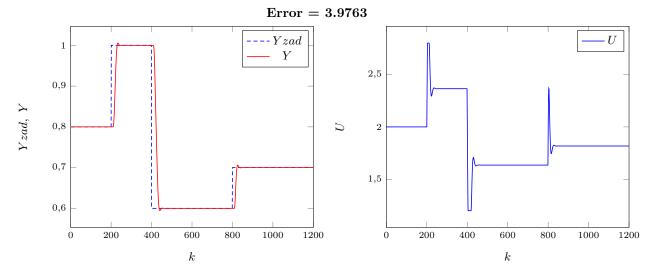
Algorytm działania regulatora oraz implementacja została dobrze udokumentowana w pliku doDMC.m . Listing jego częsci algorytmicznej przedstawiony jest poniżej:

```
function [ error ] = doDMC( paras )
 % Zaokrgalamy wartosci dla algorytmow optymalizacji
N=round(paras(1));
Nu=round(paras(2));
lambda=paras(3);
 \begin{tabular}{ll} % $Z$ a ladowanie & odpowiedzi & skokowej & obiektu \\ {\tt load StepResponse.mat;} \end{tabular} 
% Ucinamy moment O zeby latwiej bylo operowac stepResp=stepResp(2:end);
\begin{tabular}{ll}  \begin{
% Inicjalizacja wspołczynnika jakosci
M=zeros(N,Nu);
for j=1:Nu
                 for i=j:N
M(i,j)=stepResp(i-j+1);
end
% Inicjalizacja macierzy Mp
Mp=zeros(N,D-1);
for i=1:N
    for j=1:D-1
                                    if (i+j)<=D
    Mp(i,j)=stepResp(i+j)-stepResp(j);</pre>
                                      else
                                                           Mp(i,j)=stepResp(end)-stepResp(j);
                                      end
% Liczymy macierze K, Ke, Ku
K=(M'*M+lambda*lambda*eye(Nu))^(-1)*M';
Ke=sum(K(1,:));
Ku=K(1,:)*Mp;
 % Inicjalizujemy macierze przechowujace zmienne
 sim_len=1200;
sim_len=1200;
dUp=zeros(D-1,1);
Y=zeros(sim_len,1);
U=zeros(sim_len,1);
du=zeros(sim_len,1);
e=zeros(sim_len,1);
y=zeros(sim_len,1);
u=zeros(sim_len,1);
Yzad=zeros(sim_len,1);
kk=linspace(1,sim_len,sim_len)';
% Tworzymy horyzont wartosci zadanej
Yzad(1:D+11)=0.8;
Yzad(D+12:sim_len/3-1)=1.0;
Yzad(sim_len/3:2*sim_len/3-1)=0.6;
Yzad(2*sim_len/3:sim_len)=0.7;
 % Ustalamy wartosci przed rozpoczeciem symulacji na wartosci w punktu pracy
```

5. Regulator DMC 34

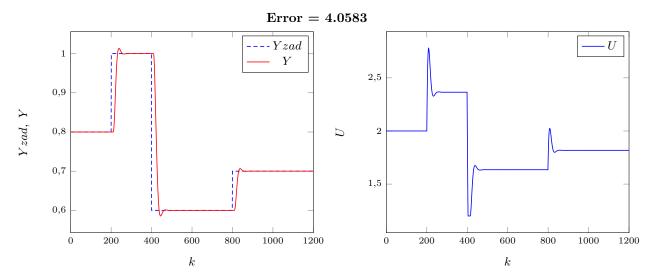
```
% Typ=0.8;
Upp=2.0;
Y(1:h11)=0.8;
U(1:b+11)=2.0;
X Wprowadsamy ograniczenia
Unin=1.2;
Unan=2.8;
daltauma=0.25;
daltaumi=-0.26;
unin=Unin=1:unin=Unin-Upp;
unan=Unan=Upp;
unan=Unan=Upp;
X Poczatek symulacji - zaczynamy w tej chwili w celu uproszczenia
X pozyskiwania wektora dUp
for k=0+12:aim_ken
X Symulacjma wyjscie obiektu
Y(k)=symulacja_obiektu4Y(U(k-10),U(k-11),Y(k-1),Y(k-2));
X Ratulyemy warbosc wyjscia wsyledem punktu pracy
y(k)=Y(k)=Ypp;
X Liczymy uchyb i uaktualniamy wspolczynnik bledu
e(k)=vand(k)-Y(k);
error=error+e(k)-Y2;
X Pozyskujemy wektor dUp z wektora du
dUp=du(k)-b+1k-1);
dUp=fisj(dUp);
X Liczymy warbosc zmiany sterowania
if du_wyliczone=Ke+a(k)-Ku+dUp;
X Ratulowanie ograniczen na wartosc sterowania
if du_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=deltauwin;
da_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=deltauwin;
da_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=deltauwin;
da_wyliczone=deltauwin;
da_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=deltauwin;
da_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=deltauwin;
elseif du_wyliczone=del
```

Listing 5.1. Implementacja regulatora DMC

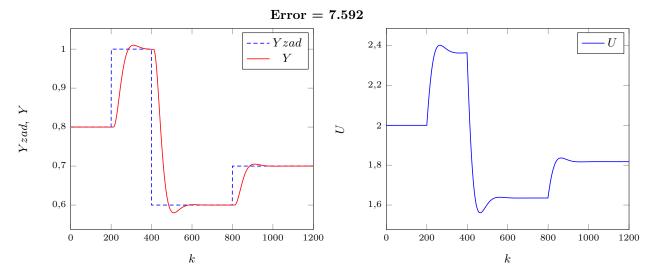


Rys. 5.1. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 5, $\lambda = 0.2$

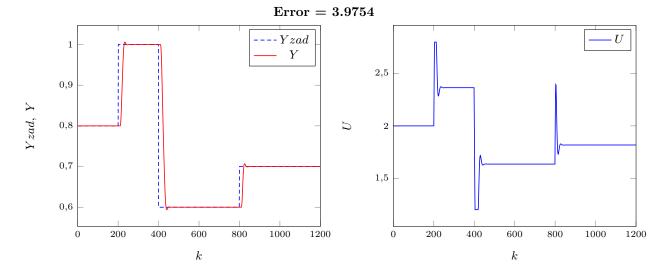
5. Regulator DMC 35



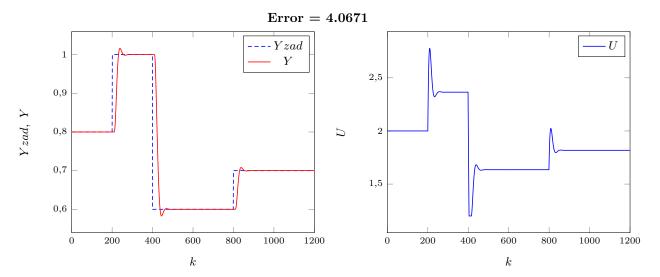
Rys. 5.2. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 5, $\lambda=1$



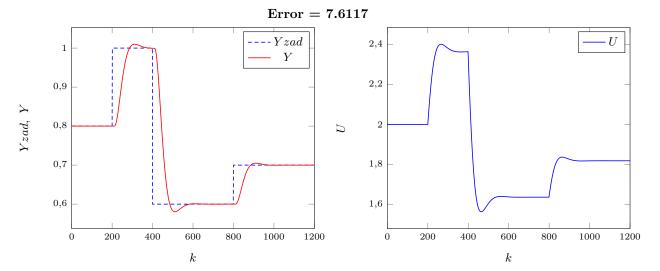
Rys. 5.3. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 5, $\lambda = 5$



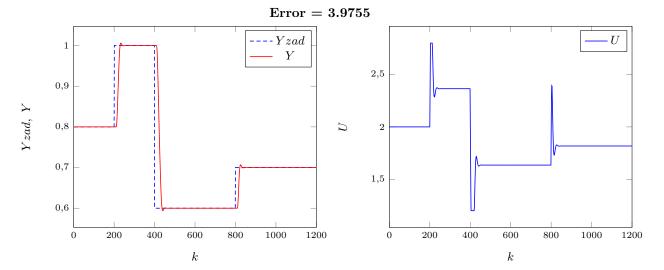
Rys. 5.4. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 10, $\lambda = 0.2$



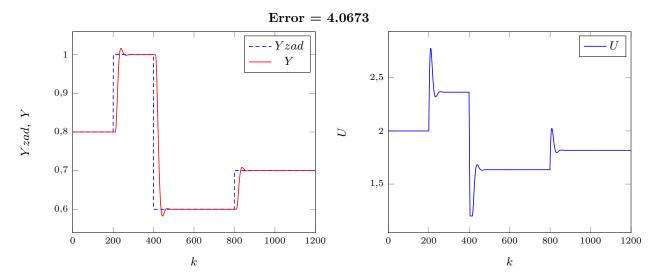
Rys. 5.5. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 10, $\lambda=1$



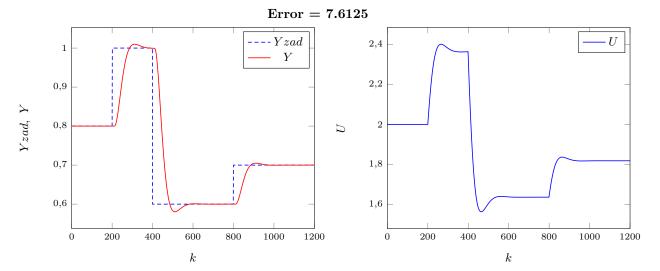
Rys. 5.6. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 10, $\lambda=5$



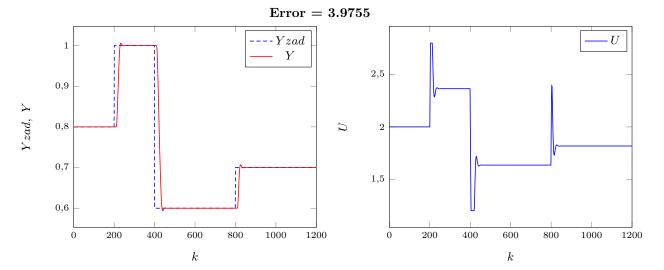
Rys. 5.7. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 15, $\lambda = 0.2$



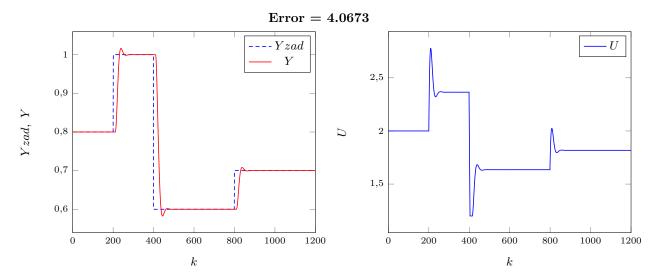
Rys. 5.8. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 15, $\lambda=1$



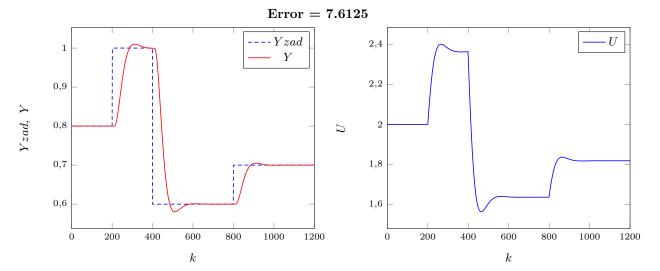
Rys. 5.9. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 15, $\lambda=5$



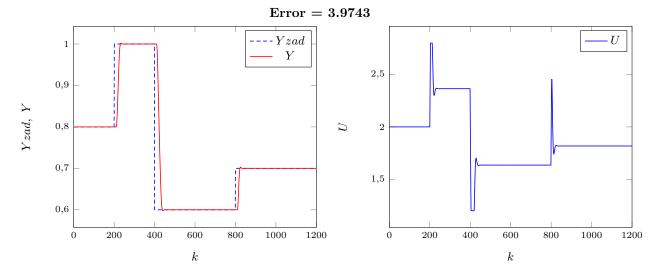
Rys. 5.10. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 20, $\lambda = 0.2$



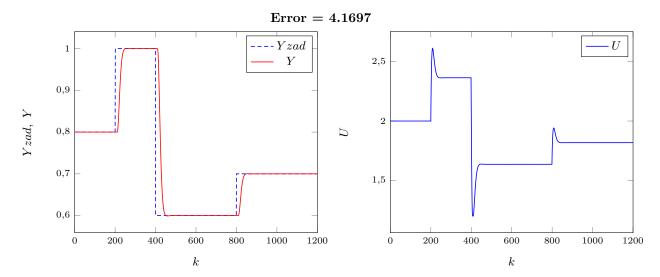
Rys. 5.11. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 20, $\lambda=1$



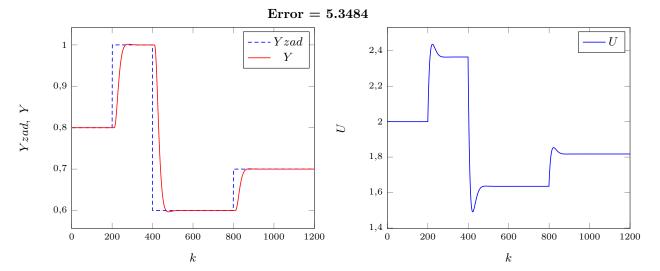
Rys. 5.12. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 25, Nu = 20, $\lambda=5$



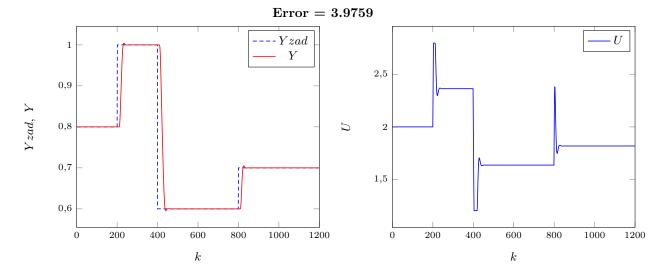
Rys. 5.13. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 5, $\lambda = 0.2$



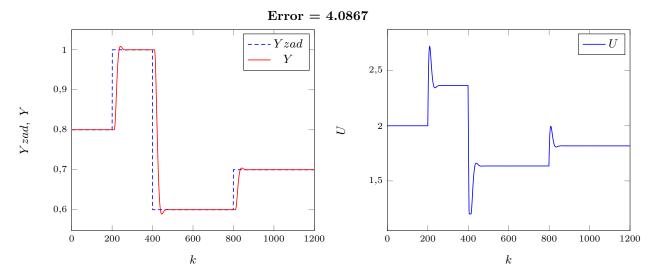
Rys. 5.14. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 5, $\lambda=1$



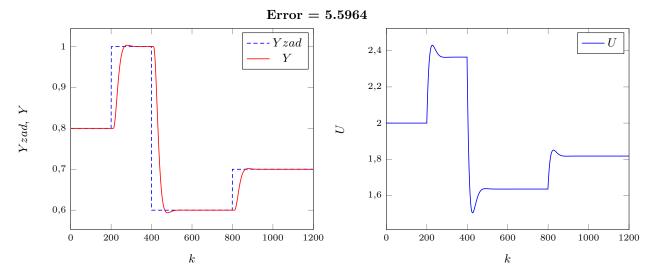
Rys. 5.15. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 5, $\lambda = 5$



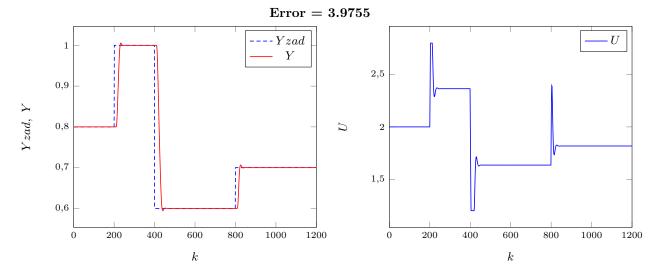
Rys. 5.16. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 10, $\lambda = 0.2$



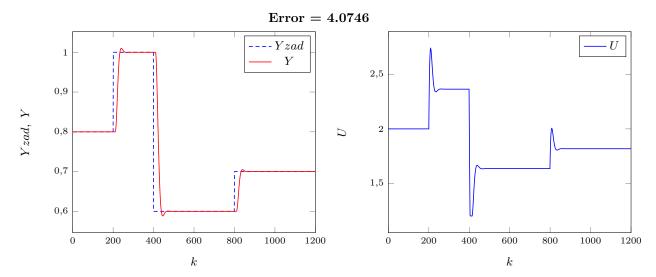
Rys. 5.17. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 10, $\lambda=1$



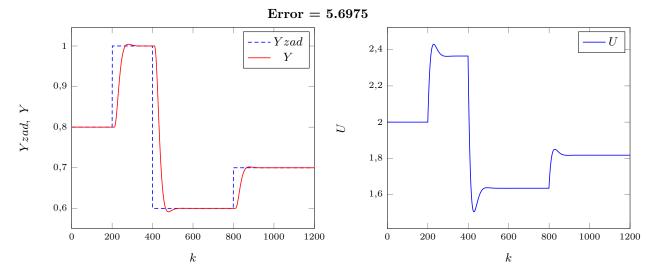
Rys. 5.18. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 10, $\lambda=5$



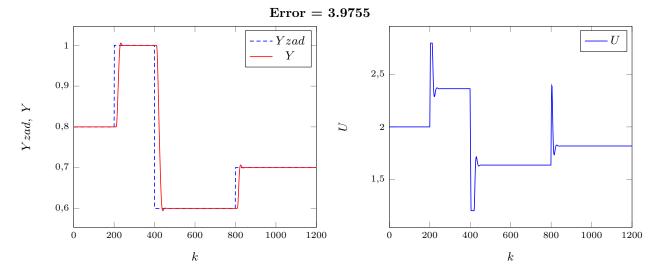
Rys. 5.19. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 15, $\lambda = 0.2$



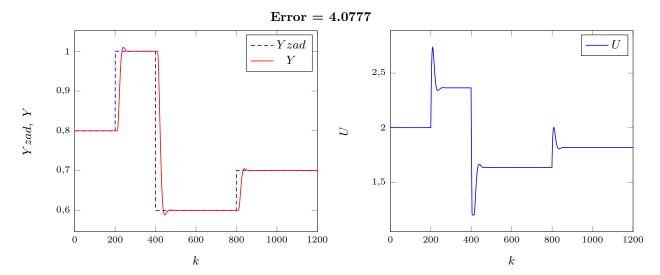
Rys. 5.20. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 15, $\lambda=1$



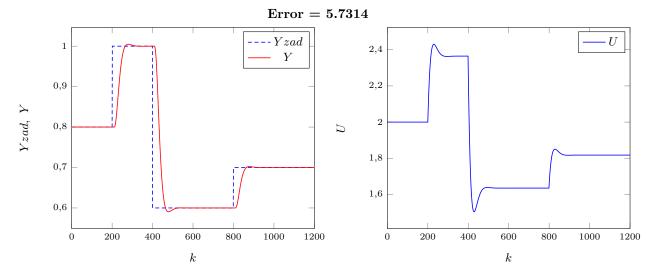
Rys. 5.21. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 15, $\lambda = 5$



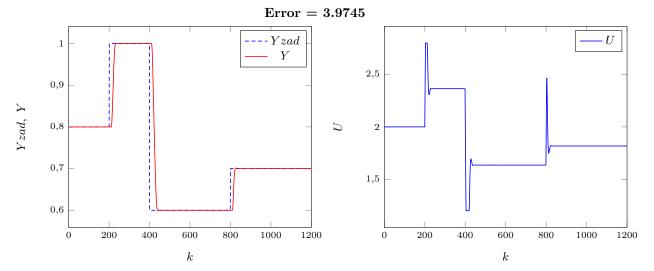
Rys. 5.22. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 20, λ = 0.2



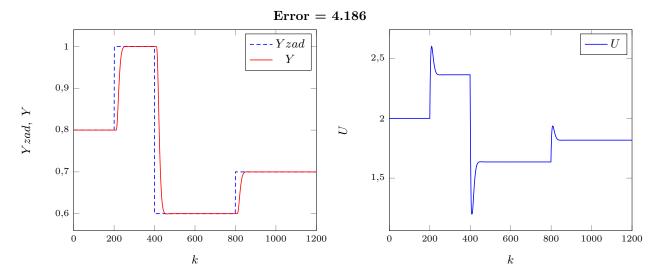
Rys. 5.23. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 20, $\lambda=1$



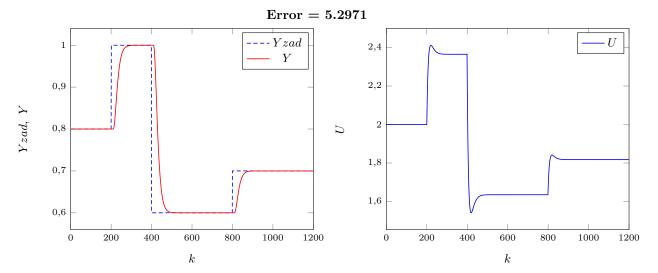
Rys. 5.24. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 50, Nu = 20, $\lambda = 5$



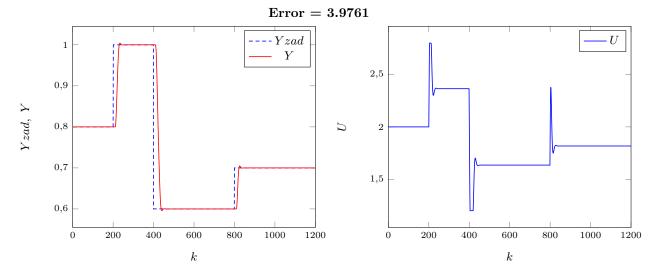
Rys. 5.25. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 5, $\lambda = 0.2$



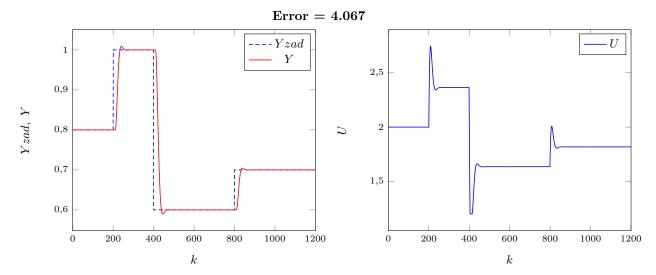
Rys. 5.26. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 5, $\lambda=1$



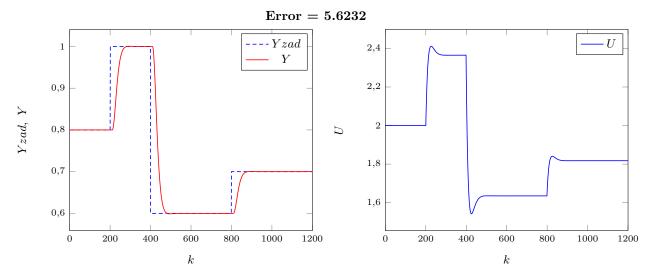
Rys. 5.27. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 5, $\lambda = 5$



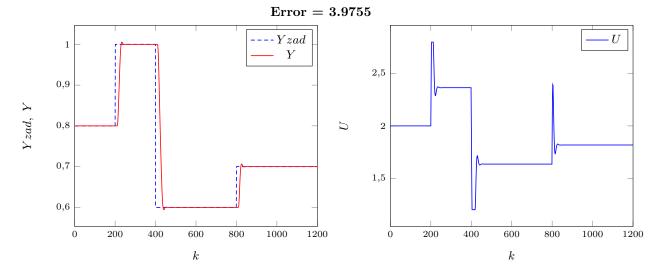
Rys. 5.28. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 10, $\lambda = 0.2$



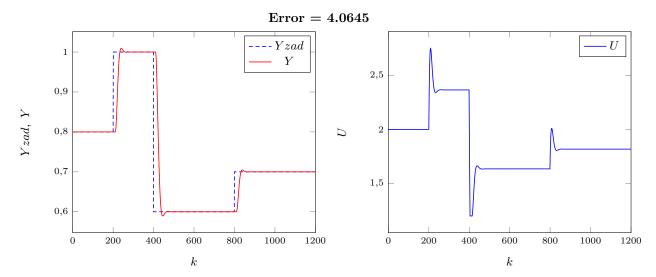
Rys. 5.29. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 10, $\lambda=1$



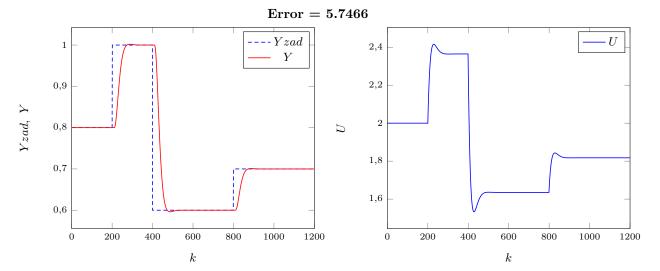
Rys. 5.30. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 10, $\lambda=5$



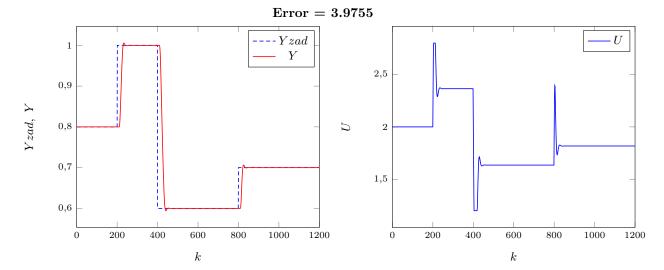
Rys. 5.31. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 15, $\lambda = 0.2$



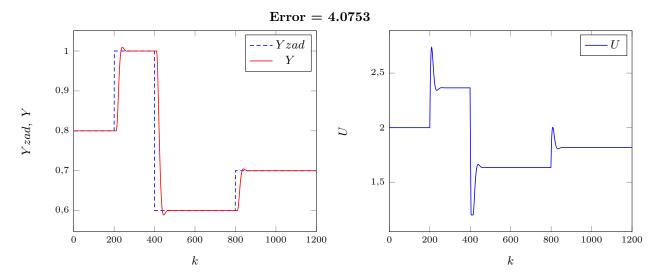
Rys. 5.32. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 15, $\lambda=1$



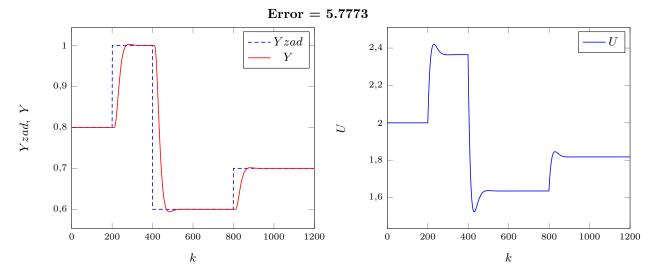
Rys. 5.33. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 15, $\lambda=5$



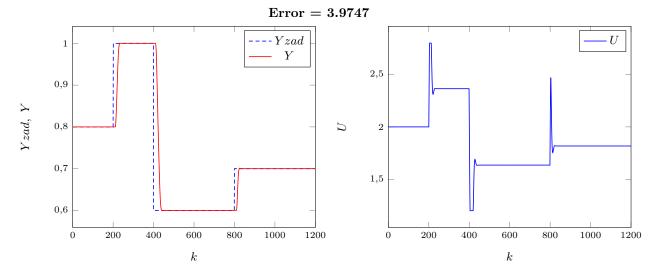
Rys. 5.34. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 20, $\lambda = 0.2$



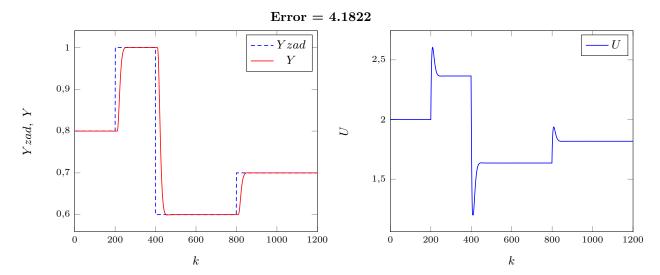
Rys. 5.35. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 20, $\lambda=1$



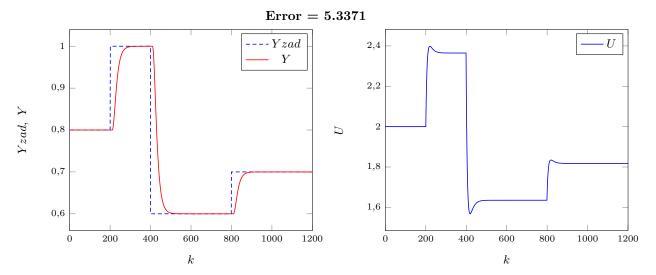
Rys. 5.36. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 75, Nu = 20, $\lambda=5$



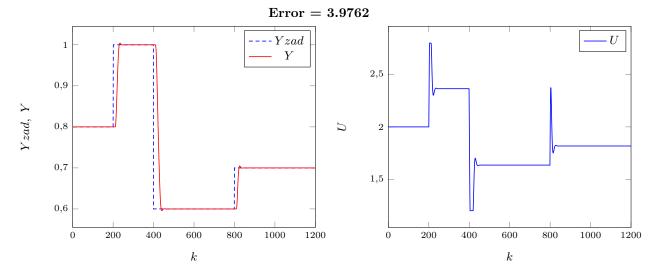
Rys. 5.37. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 5, $\lambda = 0.2$



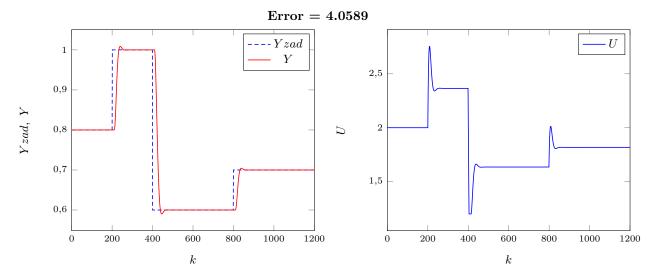
Rys. 5.38. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 5, $\lambda=1$



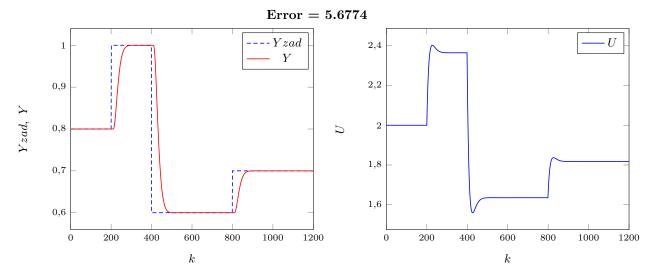
Rys. 5.39. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 5, $\lambda = 5$



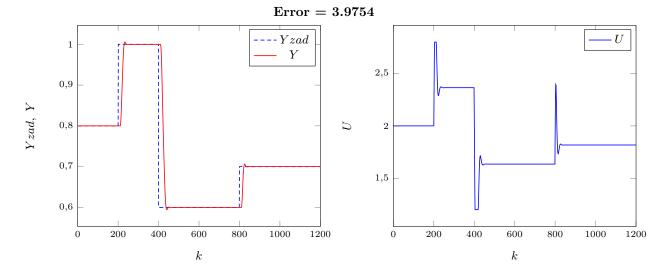
Rys. 5.40. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 10, $\lambda = 0.2$



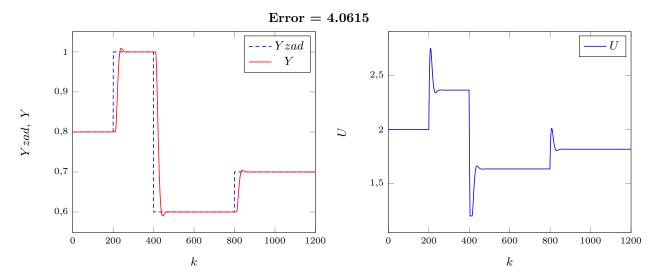
Rys. 5.41. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 10, $\lambda=1$



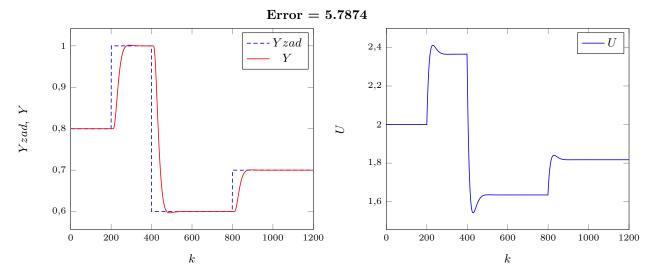
Rys. 5.42. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 10, $\lambda=5$



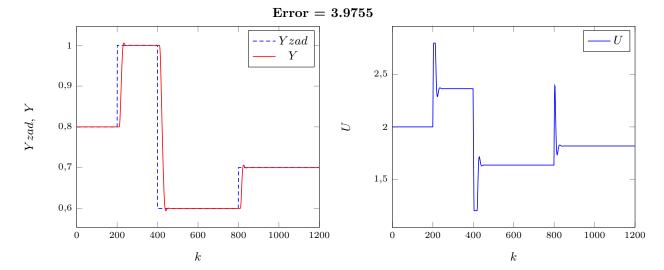
Rys. 5.43. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 15, $\lambda = 0.2$



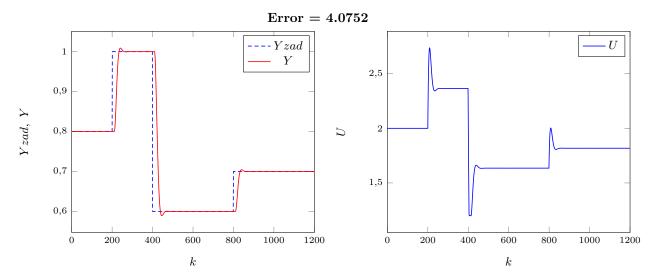
Rys. 5.44. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 15, $\lambda=1$



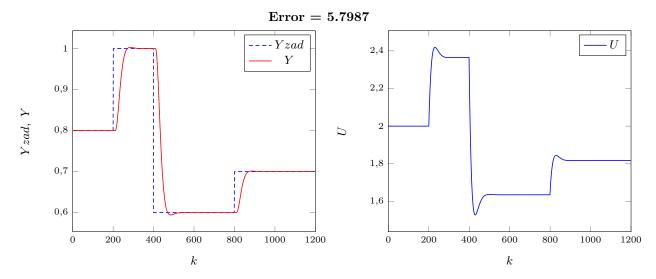
Rys. 5.45. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 15, $\lambda=5$



Rys. 5.46. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 20, $\lambda = 0.2$



Rys. 5.47. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 20, $\lambda=1$



Rys. 5.48. Przebieg oraz sterowanie dla parametrów N = 100, Nu = 20, $\lambda=5$