

SPRAWOZDANIE Z DRUGIEGO PROJEKTU  
Z PRZEDMIOTU  
„SZTUCZNA INTELIGENCJA W  
AUTOMATYCE”

Numer zadania: 10

Wykonawcy:

Daniel Giełdowski

Piort Chachuła

# Spis treści

<b>1. Symulacja procesu</b>	2
1.1. Charakterystyka statyczna	2
1.2. Zbiory danych	3
<b>2. Modelowanie procesu</b>	5
2.1. Opóźnienie	5
2.2. Dobór liczby neuronów	6
2.3. Model z algorytmu BFGS	7
2.4. Symulacja modelu z algorytmu BFGS	8
2.5. Model z algorytmu najszybszego spadku	9
2.6. Model z algorytmu BFGS z uczeniem bez rekurencji	10
2.7. Symulacja modelu z algorytmu BFGS z uczeniem bez rekurencji	11
2.8. Model metodą najmniejszych kwadratów	12

# 1. Symulacja procesu

## 1.1. Charakterystyka statyczna

Zadany układ opisany jest równaniami:

$$\begin{cases} x_1(k) = -\alpha_1 x_1(k-1) + x_2(k-1) + \beta_1 g_1(u(k-3)) \\ x_2(k) = -\alpha_2 x_1(k-1) + \beta_2 g_1(u(k-3)) \\ y(k) = g_2(x_1(k)) \end{cases} \quad (1.1)$$

gdzie  $u$ -sygnał wejściowy,  $y$ -sygnał wyjściowy,  $x_1, x_2$  - zmienne stanu,  $\alpha_1 = -1,422574$ ,  $\alpha_2 = 0,466776$ ,  $\beta_1 = 0,017421$ ,  $\beta_2 = 0,013521$  oraz

$$g_1(u(k-3)) = \frac{\exp(5u(k-3)) - 1}{\exp(5u(k-3)) + 1}, \quad g_2(x_1(k)) = 1 - \exp(-1.5x_1(k)) \quad (1.2)$$

Podany punkt pracy układu to  $u = y = x_1 = x_2 = 0$ , więc w wersji statycznej:

$$\begin{cases} x_1 = -\alpha_1 x_1 + x_2 + \beta_1 g_1(u) \\ x_2 = -\alpha_2 x_1 + \beta_2 g_1(u) \\ y = g_2(x_1) \end{cases} \quad (1.3)$$

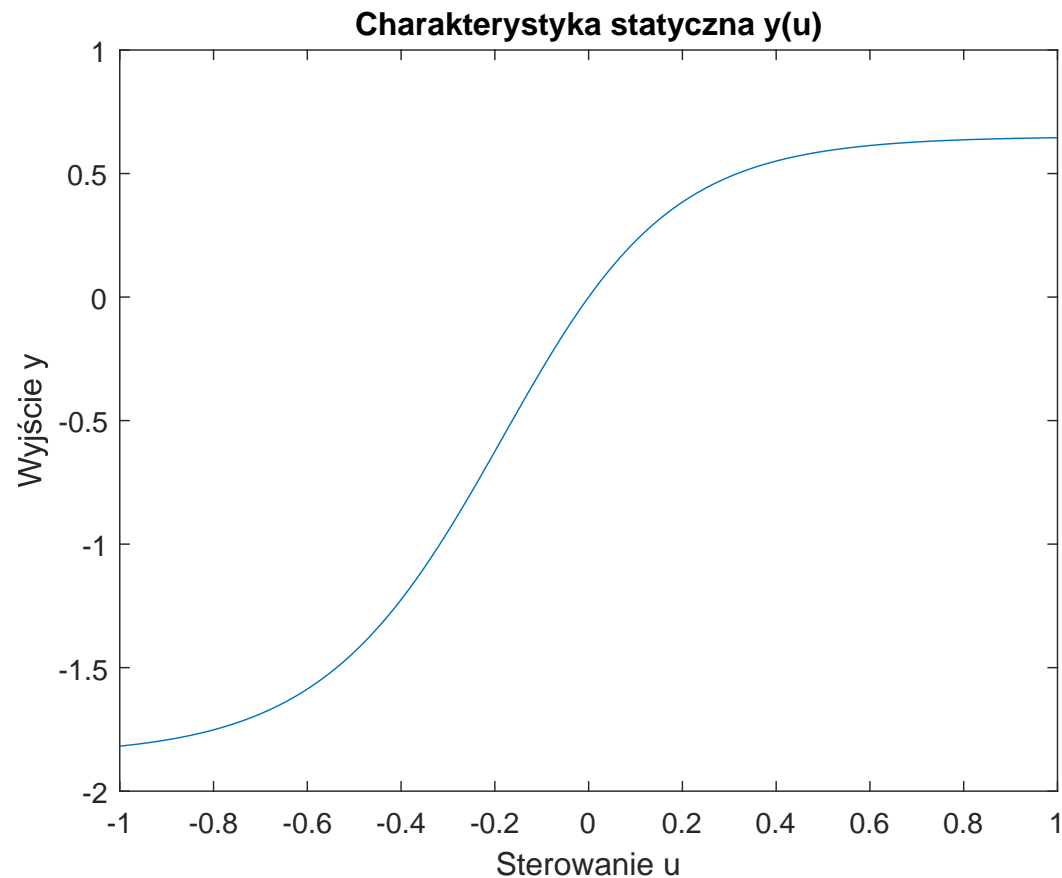
Po przekształceniach:

$$x_1 = \frac{(\beta_1 + \beta_2)g_1(u)}{1 + \alpha_1 + \alpha_2} \quad (1.4)$$

Po podstawieniu równania (1.4) do  $y$  otrzymujemy

$$y(u) = g_2\left(\frac{(\beta_1 + \beta_2)g_1(u)}{1 + \alpha_1 + \alpha_2}\right) \quad (1.5)$$

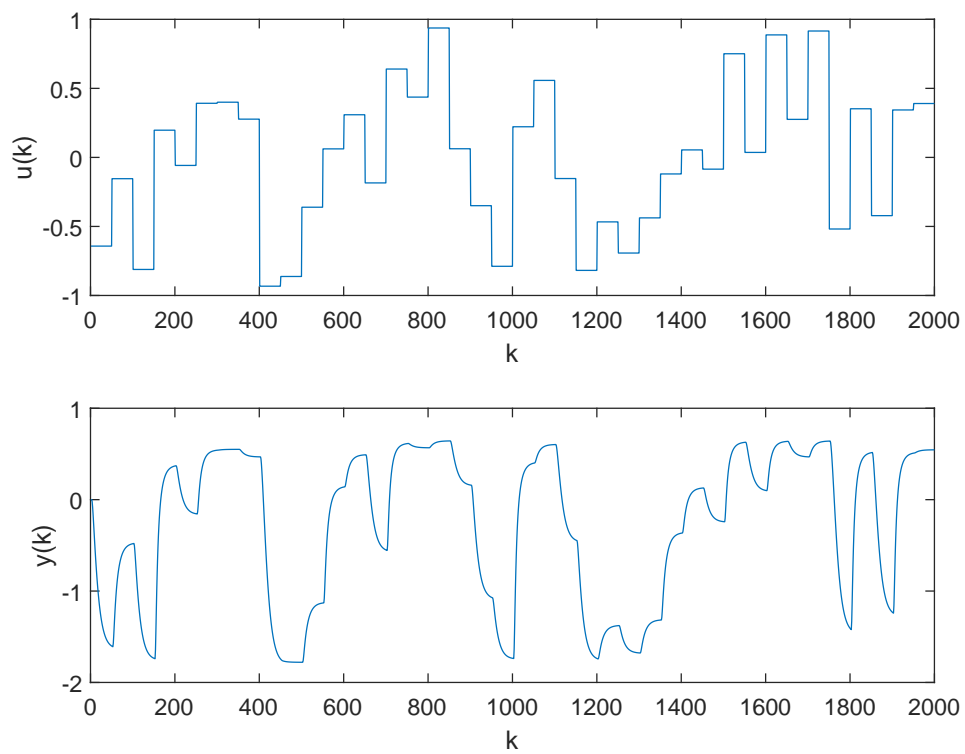
Wykres wyznaczonej charakterystyki statycznej dla zadanego zakresu wartości sterowania ( $u^{\min} = -1, u^{\max} = 1$ ) przedstawiony został na wykresie 1.1. Wykres został wygenerowany za pomocą skryptu *charakterystyka\_statyczna.m*.



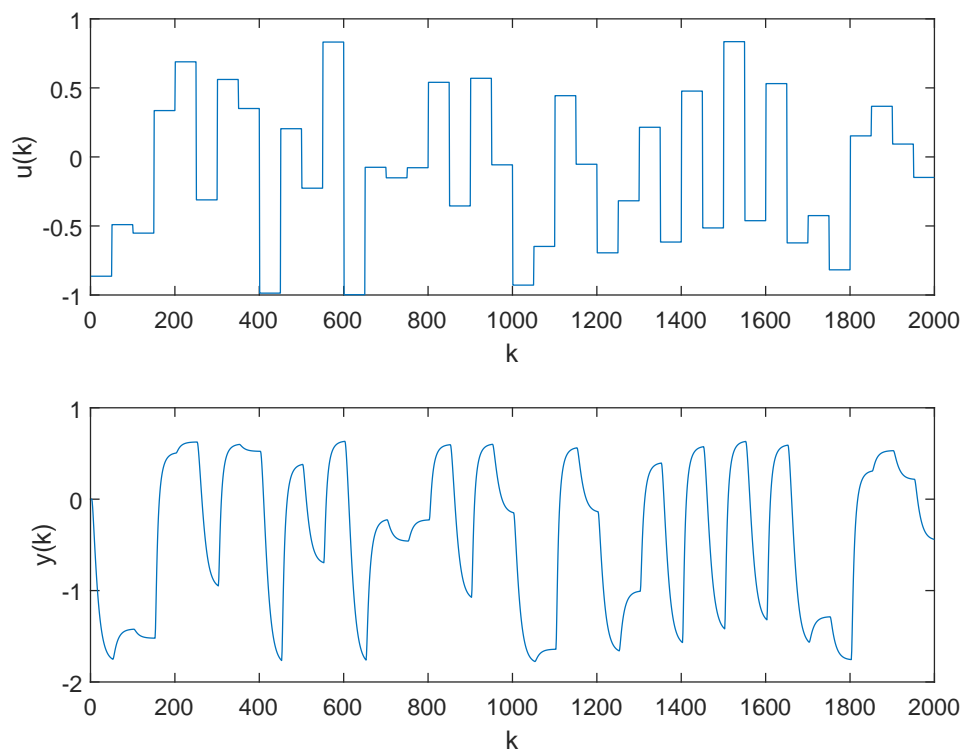
Rys. 1.1. Charakterystyka statyczna procesu

## 1.2. Zbiory danych

W celu przygotowania do uczenia sieci neuronowych wygenerowaliśmy dwa zbiory danych. Dane zostały wygenerowane poprzez zasymulowanie zadanego procesu dla sygnału sterowania złożonego o wartości zmieniającej się skokowo co 50 próbek. Obydwa zbiory danych mają po 2000 próbek. Zostały one przedstawione na wykresach 1.2 i 1.3. Użyte zostały skrypty: *generowanie\_danych.m* (do wygenerowania danych) oraz *wykres\_danych.m* (do narysowania wykresów).



Rys. 1.2. Dane uczące

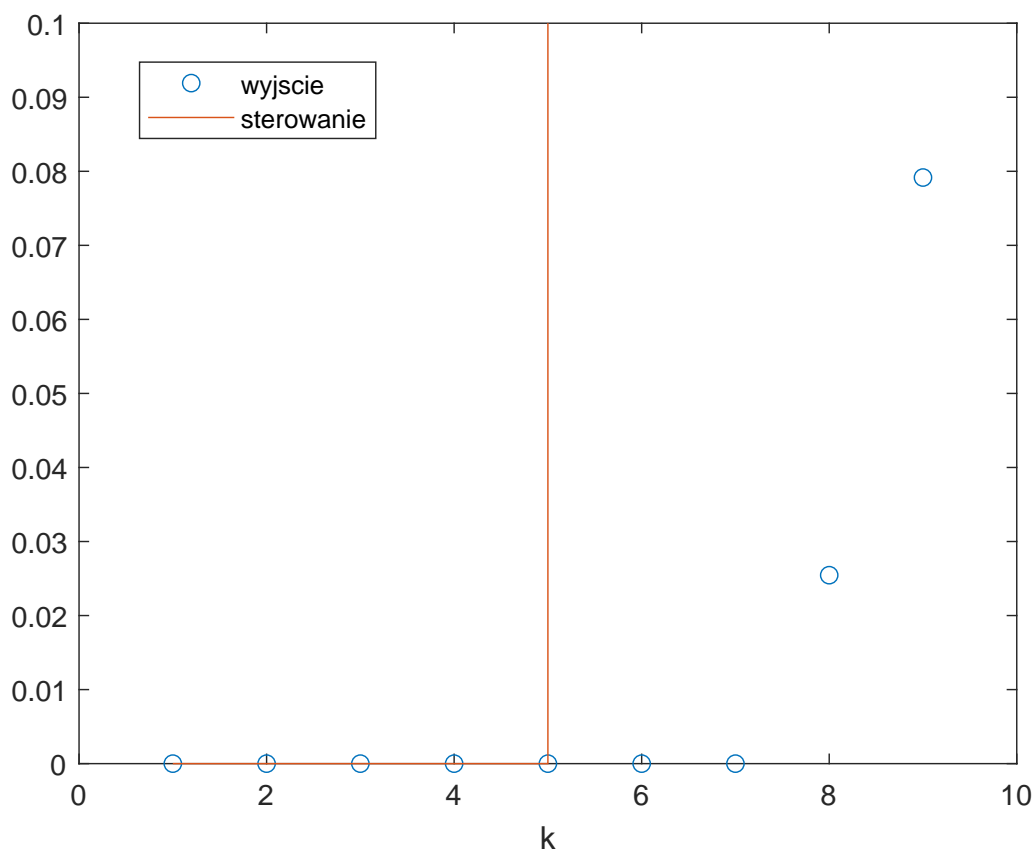


Rys. 1.3. Dane weryfikujące

## 2. Modelowanie procesu

### 2.1. Opóźnienie

W celu zdefiniowania opóźnienia  $\tau$  procesu zasymulowaliśmy go dla pojedynczego skoku sterowania. Wyniki symulacji przedstawione są na wykresie 2.1. Skok sterowania nastąpił w 5 kroku działania programu, natomiast wyjście procesu zmieniło się dopiero w kroku 8. Oznacza to, że poszukiwane przez nas opóźnienie wynosi  $\tau = 3$ . Użyty przez nas skrypt to *tauwiz.m*.



Rys. 2.1. Wizualizacja opóźnienia procesu

## 2.2. Dobór liczby neuronów

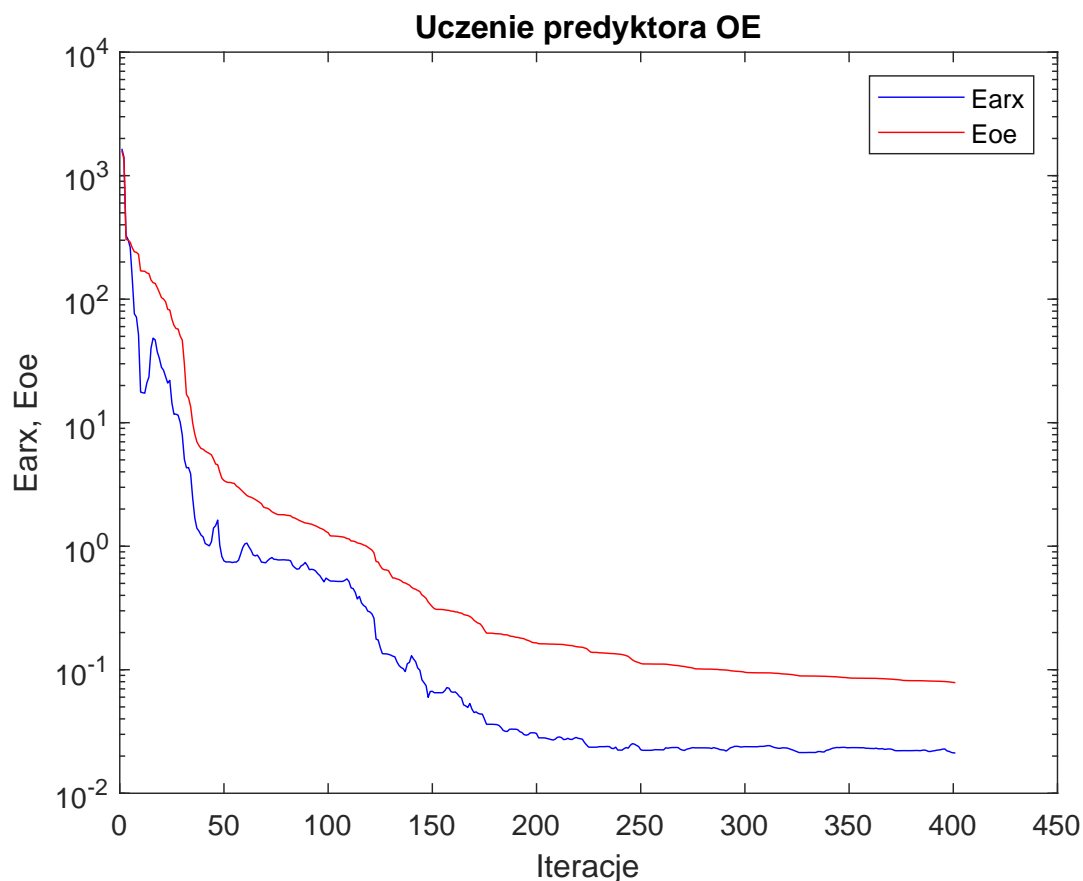
W celu dobrania odpowiedniej liczby neuronów dla sieci zastosowaliśmy wielokrotne uczenie z użyciem programu *sieci.exe*. Dla każdej ilości neuronów ukrytych od 1 do 10 dokonaliśmy 5 procesów uczenia za pomocą algorytmu BFGS z wykorzystaniem rekurencji. W tym celu wyko-rzystaliśmy skrypt *modelowanie.m*. Najmniejszy uzyskany błąd uczenia wraz ze skojarzonym z nim błędem weryfikacji przedstawiony został w tabeli poniżej. Najmniejszy błąd dla obydwu zbiorów występuje dla 9 neuronów. Ostatecznie jednak zdecydowaliśmy się na używanie sieci z pięcioma neuronami ukrytymi. Powodem tego jest mała poprawa w stosunku do większych ilości neuronów oraz chęć zmniejszenia nakładu obliczeń. Dodatkowo sieci o zbyt dużej ilości neuronów ukrytych mają tendencję do przetrenowywania się, w wyniku którego sieć przystosowuje się nie tyle do procesu co do samych danych uczących.

Liczba neuronów	Błąd uczenia	Błąd weryfikacji
1	3.070626e+01	5.548815e+01
2	4.977413e-01	1.060318e+00
3	3.206039e-01	5.111444e-01
4	1.479096e-01	2.625729e-01
5	8.734595e-02	1.534512e-01
6	7.765994e-02	2.087909e-01
7	2.614618e-02	1.727668e-01
8	1.509561e-02	1.095385e-01
9	1.355132e-02	6.725641e-02
10	2.105601e-02	1.136051e-01

Tab. 2.1. Błędy modelu dla różnej ilości neuronów

### 2.3. Model z algorytmu BFGS

Na wykresie 2.2 przedstawione zostały błędy predyktorów ARX i OE dla kolejnych iteracji uczenia modelu. Zgodnie z ustaleniami z poprzednich punktów zastosowane zostały następujące parametry:  $\tau = 3$ ,  $\text{neurony ukryte} = 5$ . Końcowe błędy dla obydwu predyktorów wynosiły odpowiednio:  $E_{oe} = 0.0787$  i  $E_{arx} = 0.0212$ . Jak widać błędy te są dosyć małe jak na 2000 próbek co oznacza, że sieć dobrze nauczyła się modelu.

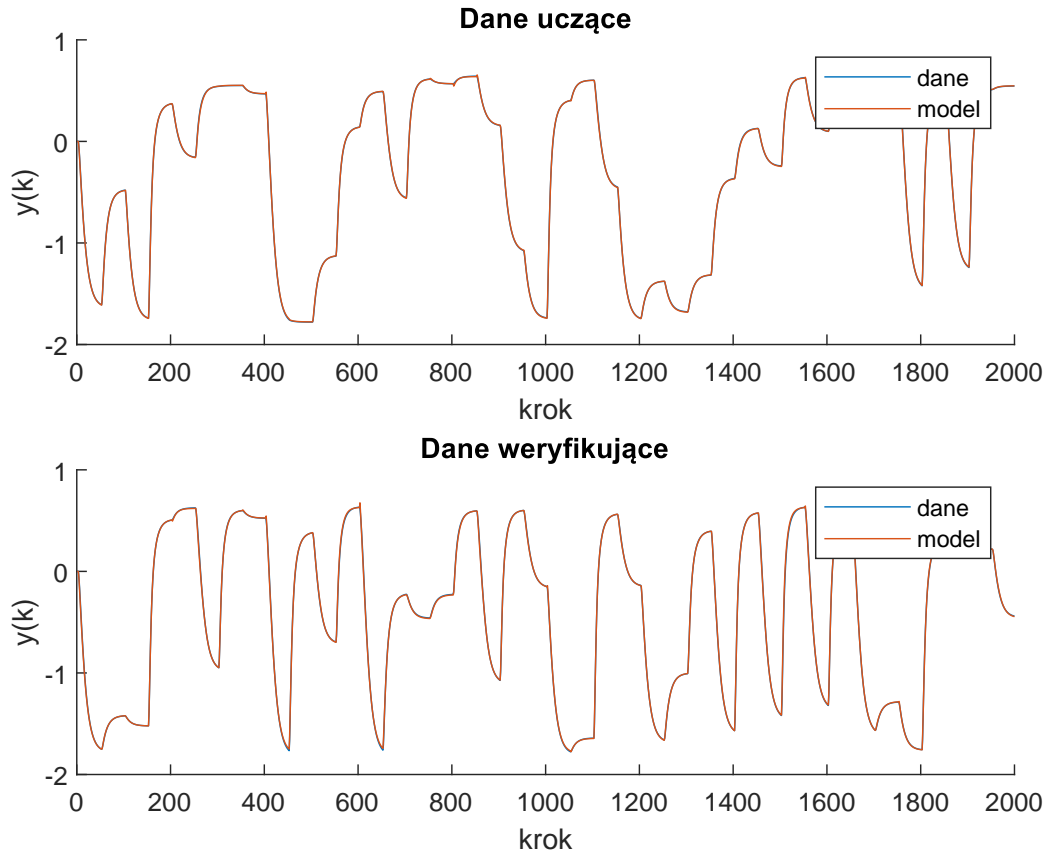


Rys. 2.2. Zmiany błędów predyktora ARX i OE dla kolejnych iteracji uczenia modelu algorytmem BFGS z użyciem rekurencji



## 2.4. Symulacja modelu z algorytmu BFGS

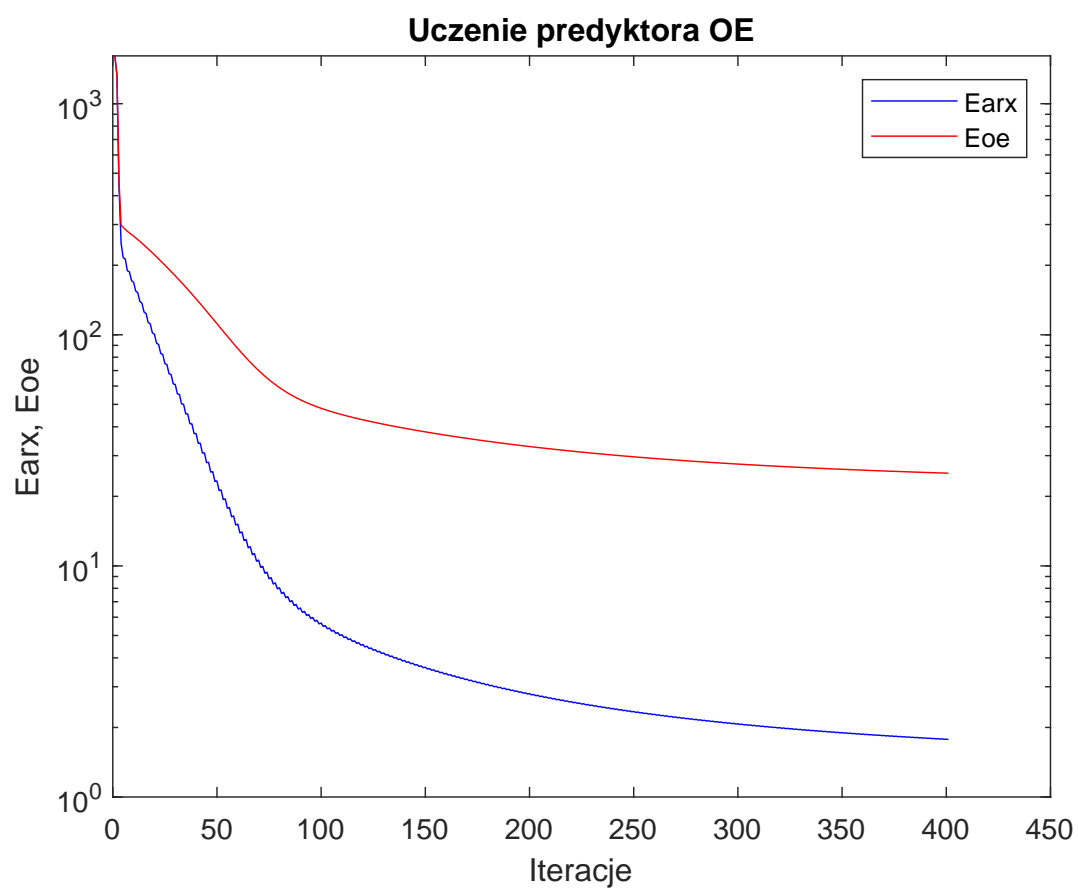
Model z poprzedniego punktu został zasymulowany w trybie rekurencyjnym dla uczącego oraz weryfikującego zbioru danych.  $E_{ucz} = 0.0787$   $E_{wer} = 0.2172$



Rys. 2.3. Symulacja modelu uczonego algorytmem BFGS z rekurencją na danych uczących i weryfikujących

## 2.5. Model z algorytmu najszybszego spadku

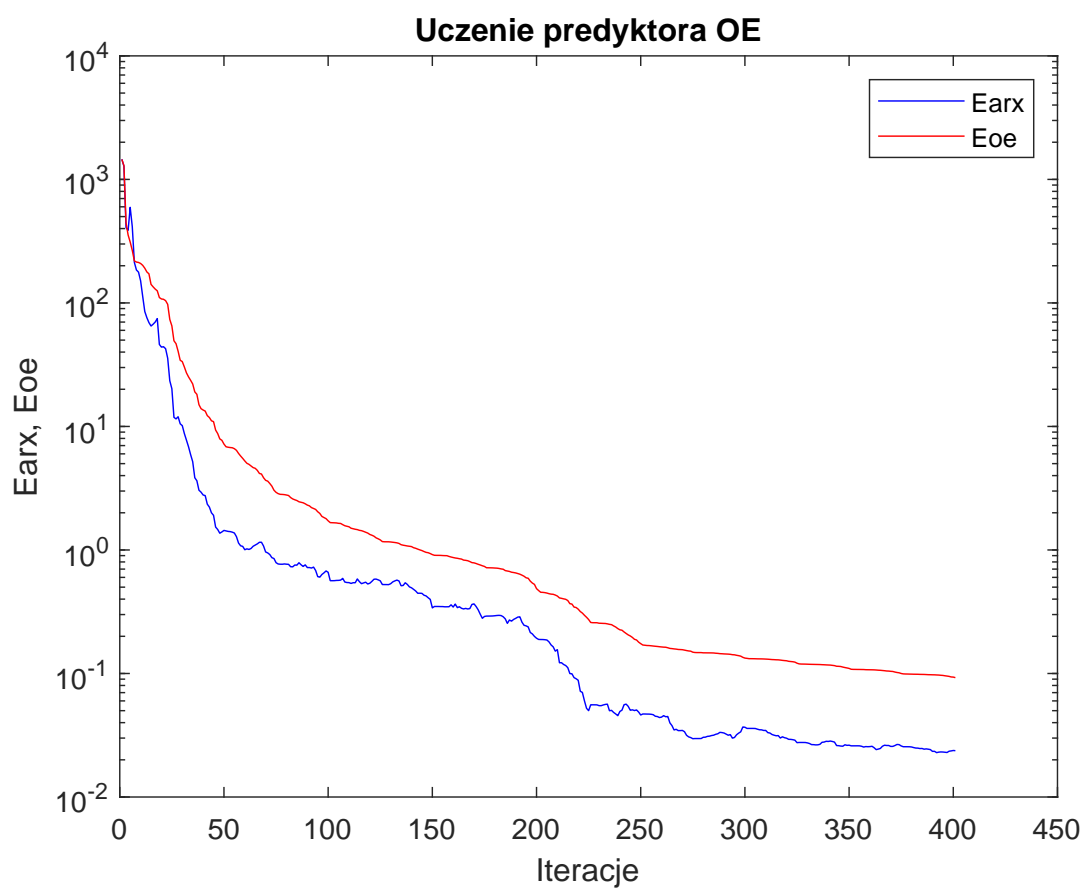
$$E_{oe} = 25.1864 \quad E_{arx} = 1.7730$$



Rys. 2.4. Zmiany błędów predyktora ARX i OE dla kolejnych iteracji uczenia modelu algorytmem najszybszego spadku z użyciem rekurencji

## 2.6. Model z algorytmu BFGS z uczeniem bez rekurencji

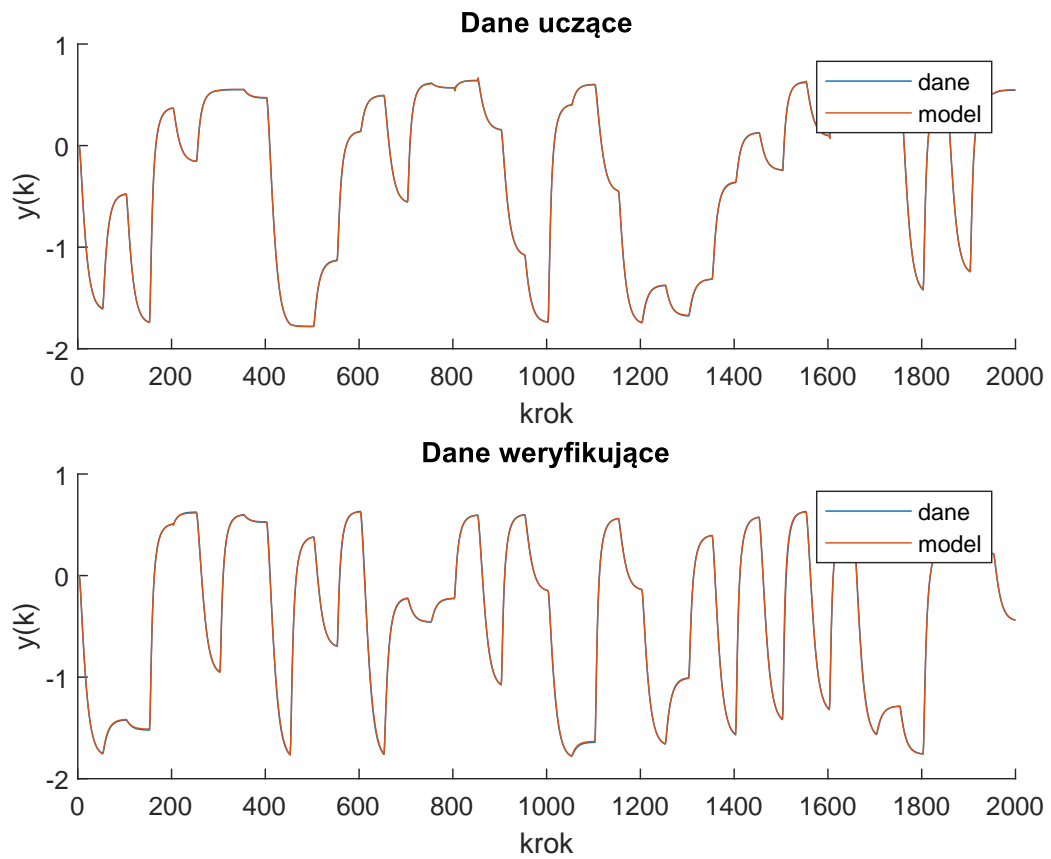
$$E_{oe} = 0.0925 \quad E_{arx} = 0.0237$$



Rys. 2.5. Zmiany błędów predyktora ARX i OE dla kolejnych iteracji uczenia modelu algorytmem BFGS bez użycia rekurencji

## 2.7. Symulacja modelu z algorytmu BFGS z uczeniem bez rekurencji

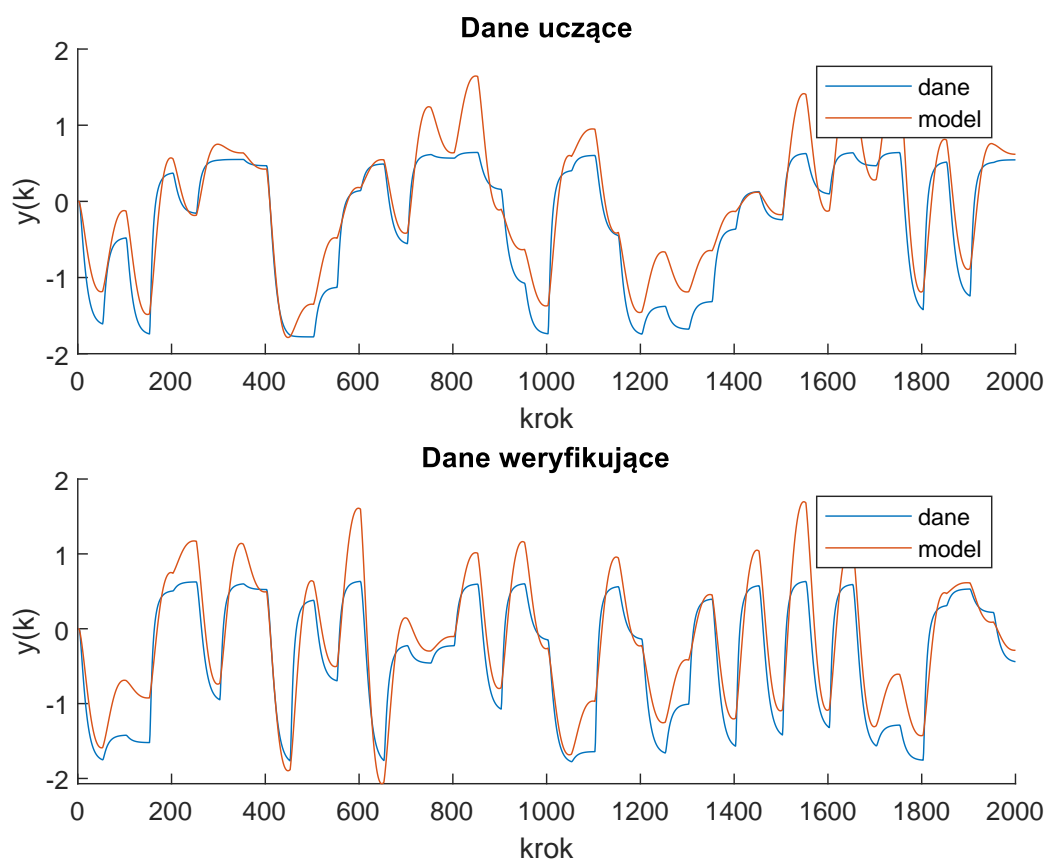
$E_{ucz} = 0.0925$   $E_{wer} = 0.3542$



Rys. 2.6. Symulacja modelu uczonego algorytmem BFGS bez rekurencji na danych uczących i weryfikujących

## 2.8. Model metodą najmniejszych kwadratów

Ewer = 294.6949 Eucz = 299.7408



Rys. 2.7. Symulacja modelu wykonanego za pomocą metody najmniejszych kwadratów