



Universidad Autónoma de Chihuahua

Facultad de Ingeniería

# 1.1 Actividad: Repaso Método Gráfico y Análisis de Sensibilidad.

## Álgebra Superior

Maestro: Prieto Ordaz Olanda

Alumno: Chacón Orduño Martín Eduardo

Matrícula: 351840

Carrera: ICC

Grupo: 7CC2

22/08/2024

La tienda el charrito produce 2 tipos de productos texanos. El producto texano 1 requiere el doble de mano de obra que el tipo 2.

Si toda la mano de obra disponible se dedica solo a producir el producto 2, la compañía puede producir un total de 400 productos de tipo 2 al día. La utilidad es de 8 dólares por producto texano 1 y de 5 dólares por producto texano 2,. Determine la cantidad optima de productos texanos que debe producir.

Los limites de mercado respectivo para el producto 1 es 150 y para el producto 2 es 200 por día.

- a) Realice por el método gráfico.
- b) Determine el precio dual de la capacidad de producción en función del producto tipo 2 y el intervalo en el cual es aplicable.
- c) Si el límite de la demanda diaria del producto texano tipo 1 se reduce a 120 utilice el precio dual para determinar el efecto correspondiente en el ingreso optimo (función Z).

## Método Gráfico

### Planteamiento del problema

#### Variables

- X1: Producto texano tipo 1
- X2: producto texano tipo 2

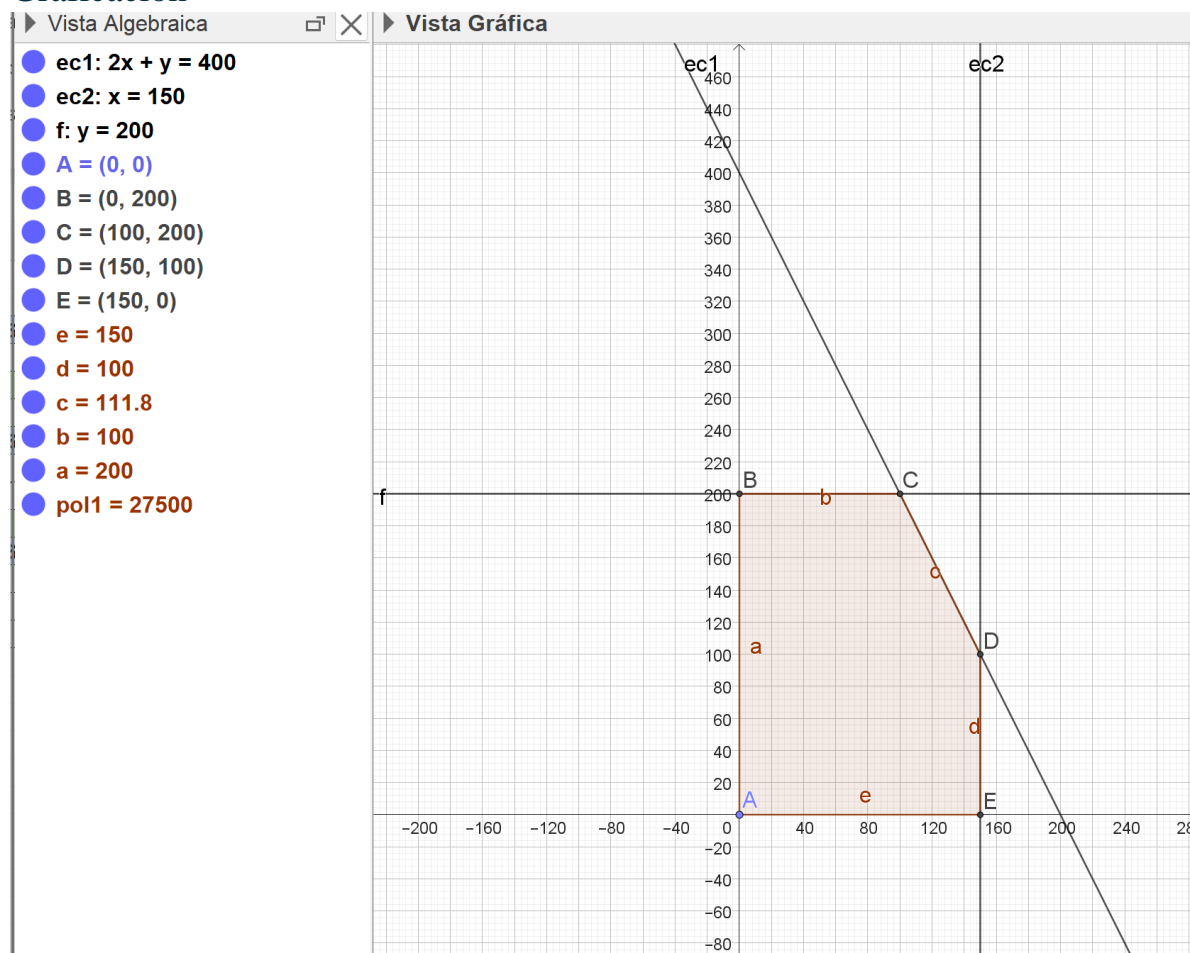
#### Función Objetivo

$$\text{Max } Z = 8x_1 + 5x_2$$

#### Restricciones

- R1:  $2x_1 + x_2 \leq 400$
- R2:  $x_1 \leq 150$
- R3:  $x_2 \leq 200$
- $x_1, x_2 \geq 0$

## Graficación



## Calcular puntos de Esquina

A(0,0), B(0, 200), C(100,200), D(150,100), E(150,0)

B:  $8(0) + 5(200) = 1000$

C:  $8(100) + 5(200) = 1800$

D:  $8(150) + 5(100) = 1700$

E:  $8(150) + 5(0) = 1200$

Punto Óptimo: C (100, 200)

## Precio Dual

$$Z: 8x_1 + 5x_2 = 1800$$

### Incrementando

$$R1.a: 2x_1 + x_2 = 450$$

$$R3: x_2 = 200$$

Resolviendo:

$$2x_1 + 200 = 450$$

$$2x_1 = 450 - 200$$

$$x_1 = 250/2$$

$$x_1 = 125$$

$$P.O.a = (125, 200)$$

$$Za: 8(125) + 5(200) = 2000$$

$$\text{Precio Dual} = \frac{2000 - 1800}{450 - 400} = 4$$

### Disminuyendo

$$R1.b: 2x_1 + x_2 = 350$$

$$R3: x_2 = 200$$

Resolviendo:

$$2x_1 + 200 = 350$$

$$2x_1 = 350 - 200$$

$$x_1 = 150/2$$

$$x_1 = 75$$

$$P.O.b: (75, 200)$$

$$Zb: 8(75) + 5(200) = 1600$$

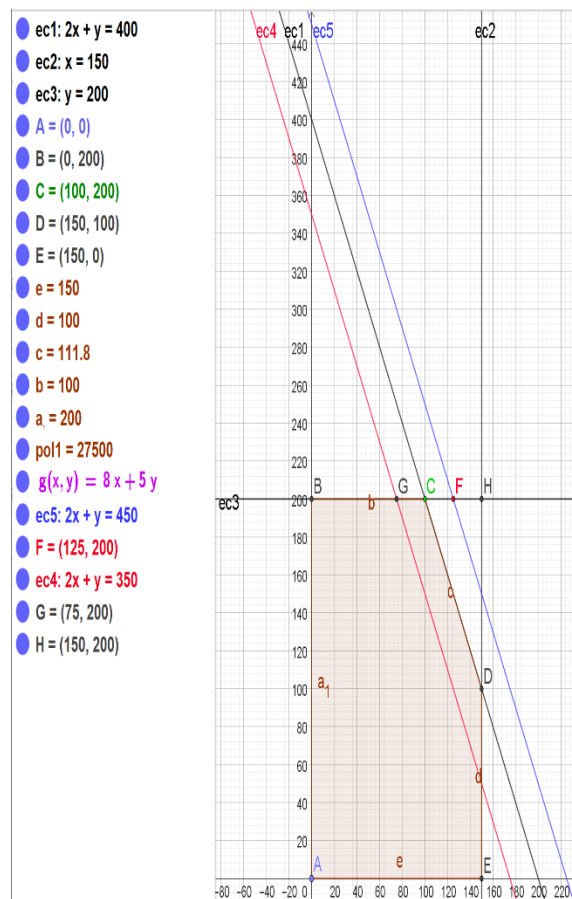
$$\text{Precio Dual} = \frac{2000 - 1600}{450 - 350} = 4$$

Intervalo de Factibilidad R1

$$2x_1 + x_2 = b_1$$

$$(0, 200) \leq b_1 \leq (150, 200)$$

$$200 \leq b_1 \leq 500$$



Como se puede ver en la gráfica, la restricción de  $x_1 \leq 150$  no afecta a nuestro punto óptimo, aunque baje  $x_1 \leq 120$  sigue sin afectar a nuestro punto óptimo, esto sigue así en el rango:

$$100 \leq x_1 \leq \infty .$$

El precio dual para esta restricción es de 0, por lo que no afecta las ganancias ni la solución óptima.

