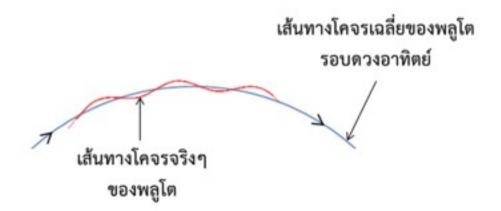
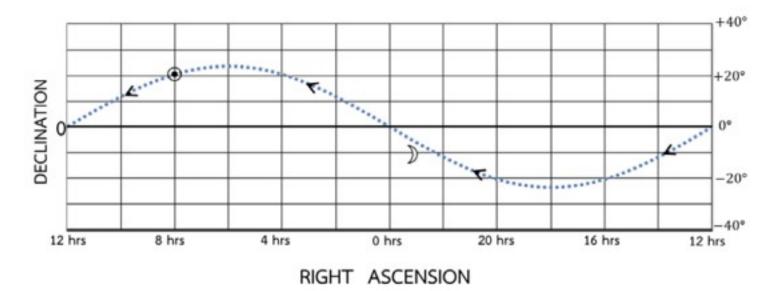
## ดาวคู่และดาวเคราะห์นอกระบบสุริยะ

พลูโตส่าย (Wobble) ด้วยแอมพลิจูดเชิงมุมสูงสุดกี่พิลิปดารอบเส้นทางเฉลี่ยในรูปนี้ ซึ่งขณะนั้นอยู่ห่างจาก โลกเป็นระยะทาง  $4.285 \times 10^9 \; \mathrm{km}$  และระนาบวงโคจรของชารอนตั้งฉากกับแนวเล็งจากโลก



ตำแหน่งของดวงอาทิตย์และดวงจันทร์อยู่บนทรงกลมท้องฟ้าในแบบ Mercator เป็นดังรูป

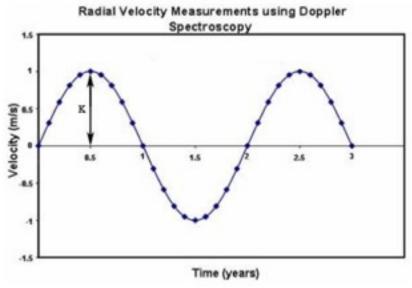


- จงหาว่าดวงจันทร์มีมุมห่าง (elongation) เป็นเท่าไร ในทิศใดเทียบกับดวงอาทิตย์
- 2. ในอีก 240 วันข้างหน้า จงหาว่าดวงอาทิตย์จะอยู่ที่ RA เท่าไร
- 3. ในอีก 7 วันข้างหน้า จงหาว่าดวงจันทร์มีมุมห่างเป็นเท่าไร ในทิศใดเทียบกับดวงอาทิตย์

ระบบดาวคู่มวล  $m_1$  และ  $m_2$  มีระนาบการโคจรขนานกับแนวสายตา (แนวเล็ง) ของผู้สังเกต เป็นวงกลมรอบจุด ศูนย์กลางมวลซึ่งอยู่นิ่งเทียบกับผู้สังเกตด้วยคาบ 8.6 ปี เส้นสเปกตรัมไฮโดรเจน ( $H_{\alpha}$ : 656.281 nm) ของดาวทั้ง สองมีการเลื่อนแบบดอปเปลอร์สูงสุด (Maximum Doppler shifts) ของ  $m_1$  และ  $m_2$  มีค่าเท่ากับ  $\Delta \lambda_1 = 0.072$  nm และ  $\Delta \lambda_2 = 0.068$  nm ตามลำดับ จงหา

- ก. ความเร็วสูงสุดในแนวเล็ง (maximum radial velocity) และ รัศมีวงโคจรของ  $m_1$  และ  $m_2$
- ข. ระยะห่างระหว่าง m<sub>1</sub> และ m<sub>2</sub>ในหน่วย AU
- ค. มวลของ  $m_1$  และ  $m_2$ ในหน่วยของมวลดวงอาทิตย์
  - 1.1) ยานอวกาศที่กำลังเคลื่อนที่ตรงเข้าหาดวงอาทิตย์จากระยะไกลด้วยอัตราเร็ว 100 กิโลเมตร/วินาที และผู้สังเกตบนยานอวกาศสามารถตรวจพบแสงเลเซอร์ที่มาจากโลก หากเส้นทางของยานอวกาศอยู่ในระนาบเดียวกับวงโคจรของโลก แล้วความยาวคลื่นต่ำสุดและสูงสุดที่สามารถสังเกตได้จากยานอวกาศมีค่าเท่าไร (กำหนดค่าความยาวคลื่นแสงเลเซอร์จากแหล่งกำเนิดบนโลกเป็น 700 นาโนเมตร และไม่ต้องคำนึงถึงการหมุนรอบตัวเองของโลก)
- 1.5) ระบบคาวคู่ Kepler 16 ประกอบด้วยคาวฤกษ์ Kepler 16A และ Kepler 16B โคจรรอบกันด้วยคาบ 41 วันโดยมีระยะห่างจากกัน 30 ล้านกิโลเมตร โดย Kepler 16A มีมวลมากกว่า Kepler 16B มาก ในปี ค.ศ. 2011 หอสังเกตการณ์อวกาศ Kepler ได้ตรวจพบคาวเคราะห์ทาทูอิน(Tatooine) ที่มีขนาดใกล้เคียงกับคาวเสาร์โคจรรอบคาวคู่นี้ เมื่อสังเกตจากคาวเคราะห์จะเห็นคาวคู่เป็นเหมือนควงอาทิตย์คู่ คาวเคราะห์โคจรในระนาบเดียวกันกับระบบคาวคู่ด้วยวงโคจรวงกลมห่างจากจุดศูนย์กลางมวลของระบบคาวคู่เป็น ระยะทาง 108 ล้านกิโลเมตร ด้วยคาบ 229 วัน
- ก.) ผู้สังเกตบนคาวทาทูอินจะเห็นคาว Kepler 16B มีมุมอีลองเกชันสูงสุดมีค่าประมาณเท่าใด
- ข.) ผู้สังเกตบนคาวทาทูอินจะเห็นคาว Kepler 16B ผ่านกลางหน้าคาว Kepler 16A ในทุกๆ กี่วัน

ดาวฤกษ์ควงหนึ่งมีมวลเท่ากับมวลของควงอาทิตย์ จากการสังเกตการณ์วัคความเร็วในแนวเล็ง (Radial velocity) โดยใช้ Doppler Wobble หรือ Doppler Spectroscopy ได้ข้อมูลการสังเกตการณ์ดังกราฟ ถ้าคาวฤกษ์ควงนี้มีคาวเคราะห์โคจรรอบเพียงควงเคียว โดยมีระนาบวงโคจรทับกับแนวเล็งของเรา จงหาว่า คาวเคราะห์นอกระบบสุริยะควงนี้มีมวลเป็นเท่าไร?



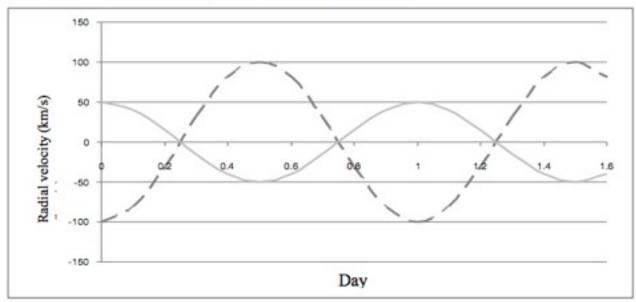
1.5) ระบบคาวคู่ 40 Eri BC มีคาบวงโคจรเท่ากับ 247.9 ปี ระบบนี้มีมุมแพร้ลแลกซ์  $\,0''$ .201 และขนาคเชิงมุมของค่าครึ่งแกนหลัก (semi-major axis) ของมวลลดทอน (reduced mass) มีค่า  $\,6''$ .89 อัตราส่วนของระยะทางของ 40 Eri B ต่อ 40 Eri C จากจุดศูนย์กลางมวลมีค่า  $\,\frac{a_{\rm B}}{a_{\rm C}} = 0.37\,$  จงหามวลของ 40 Eri

B une 40 Eri C

1.4) เมื่อสังเกตระบบคาวคู่ A,B ณ เวลาหนึ่ง พบว่า สเปกตรัมของคาว A มีเส้นคูคกลืน  $H\alpha$  อยู่ที่  $H\alpha = 656.324 \; \mathrm{nm} \,$  ส่วนคาว B มีเส้นคูคกลืน  $H\alpha$  อยู่ที่  $H\alpha = 656.565 \; \mathrm{nm} \,$  ในขณะที่ค่ามาตรฐานบนโลกของ  $H\alpha = 656.281 \; \mathrm{nm} \,$  กำหนดให้  $\frac{v}{c} = 1$ 

- ก. จงหาความเร็วในแนวเลี้ง (Radial velocity, v) ของคาวทั้งสอง
- ข. จงหาอัตราส่วนมวลของระบบคาวคู่นี้

- 1.7) ถ้าระยะทางระหว่างคาวของระบบคาวคู่เพิ่มขึ้นเป็น 2 เท่า แล้วคาบการโคจรของระบบคาวคู่จะเปลี่ยนแปลงหรือไม่ ถ้าเปลี่ยนจะเปลี่ยนไปเท่าไร กำหนดให้มวลของระบบคาวคู่ยังอยู่เท่าเคิม
- 1.10) ระบบคาวคู่ประกอบค้วยคาว เอ และคาว บี คาว บีไม่สามารถมองเห็นได้ด้วยตาเปล่า เพราะคาว เอ มีความสว่างมากกว่าคาว บี ถึง 10,000 เท่า
  - (ก) คาว เอ มีมุมพาราแลกซ์ (parallax) 0.38" จงหาว่าคาว เอ อยู่ห่างจากโลกเท่าใค
  - (ข) ถ้าความสว่างหรือฟลักซ์ (flux) ของควงอาทิตย์มีค่าเป็น  $1.2 \times 10^{10}$  เท่า ของคาว เอ จงหากำลังการส่องสว่าง (luminosity) ของคาว เอ ในหน่วยเท่าของควงอาทิตย์ ( $L_{\rm c}$ )
  - (ก) ดาว เอ และคู่ของมันคือดาว บี ด้องเป็นดาวประเภทใด หากดาวทั้งคู่มีสเปกตรัมชนิด A ให้ระบุตำแหน่งของดาวทั้งสองบน H-R Diagram
  - จากกราฟความเร็วของระบบคาวคู่นี้ ให้นักเรียนคำนวณหาอัตราส่วนมวล และมวลของสมาชิกทั้งสอง ทั้งนี้ให้ถือว่าระนาบวงโคจรขนานกับแนวสายตาและวงโคจรเป็นวงกลม



1.10) ระบบคาวคู่ระบบหนึ่งประกอบไปด้วยคาว A และคาว B จงคำนวณหาโชติมาตรสัมบูรณ์ของ B กำหนดว่าดาว A มีโชติมาตรสัมบูรณ์ 7.0 และความสว่างสูงสุดของระบบคาวคู่นี้มีโชติมาตรปรากฏเท่ากับ 6.0 ค่าพารัลแลกซ์ของระบบคาวคู่นี้มีค่าเท่ากับ 0".1 และไม่พิจารณาผลจากฝุ่นระหว่างคาว การค้นหา Extra-Solar Planets นับว่าเป็นแขนงหนึ่งของดาราศาสตร์ที่นับว่ามีความตื่นตัวอย่างมากใน หลายทศวรรษที่ผ่านมา โดยมีวัตถุประสงค์ที่จะค้นหาดาวเคราะห์อื่นนอกระบบสุริยะที่มีสภาวะความ คล้ายคลึงกับในระบบสุริยะของเรา ในปัญหาข้อนี้จะได้แสดงให้เห็นถึงความยากลำบากในการค้นหา

- ก. ถ้าระบบดาวเคราะห์นอกระบบสุริยะ (Extra-Solar Planets) ที่อยู่ห่างออกไป 10 pc มีดาวฤกษ์ที่ เหมือนกันกับดวงอาทิตย์ (โชติมาตรโบโลเมตริกสมบูรณ์, Absolute bolometric magnitude, เท่ากับ +4.75) และมีดาวเคราะห์ที่คล้ายกับดาวพฤหัสบดีมวล 1.9×10<sup>27</sup> kg ประพฤติตัวเหมือนกับวัตถุดำที่ มีอุณหภูมิ 122 K โดยมีรัศมีเท่ากับ 71,400 km โคจรรอบดาวฤกษ์ที่ระยะ 5.203 AU คาบการโคจร 11.86 ปี ความรีวงโคจร 0.048 กล้องโทรทรรศน์อวกาศฮับเบิลมีกำลังแยกเชิงมุม (angular resolution) อยู่ที่ประมาณ 0.1" สามารถตรวจพบวัตถุที่มีโชติมาตรน้อยกว่า +30 กล้องโทรทรรศน์ ฮับเบิลจะสามารถตรวจพบดาวเคราะห์ดวงนี้ได้หรือไม่ ในช่วงความยาวคลื่นที่ตามองเห็น (visible) ด้วย เทคนิคโฟโตเมตรี (photometry) จงแสดงการคำนวณเพื่ออธิบาย
- ข. ถ้าเราใช้วิธีวัดการส่ายของดาวฤกษ์โดยดูจากอัตราเร็ววงโคจร (orbital speed) ของดาวฤกษ์ที่หมุนรอบ จุดศูนย์กลางมวลของระบบดาวฤกษ์และดาวเคราะห์ จงคำนวณหาอัตราเร็วในวงโคจรของดาวเคราะห์นี้ รอบจุดศูนย์กลางมวลของระบบ
- ค. ถ้าเทคนิคสเปกโตรสโคปี (spectroscopy) ในปัจจุบันสามารถวัดความเร็วของดาวฤกษ์ตามแนวรัศมี
  มีค่า ≥ 1 m s<sup>-1</sup> อยากทราบว่าค่าครึ่งแกนเอก (Semi-major axis) น้อยที่สุดของดาวเคราะห์ที่คล้าย
  กับดาวพฤหัสบดีที่จะตรวจวัดได้ด้วยเทคนิคสเปกโตรสโคปีมีค่าเป็นเท่าไร จงแสดงการคำนวณเพื่อ
  อธิบาย

1.12 พิจารณาระบบคาวคู่ระบบหนึ่ง พบว่ามีคาบการโคจรรอบกัน 1 ปี โดยมีจุดศูนย์กลางมวลของระบบอยู่นิ่งกับที่ และมีระยะครึ่งแกนยาว 2 หน่วยคาราศาสตร์ (A.U.) นักดาราศาสตร์ใช้สเปกโทรกราฟความละเอียดสูง วัดค่าทางดาราศาสตร์ วัดความเร็วในแนวเล็ง (Radial velocity) ของระบบดาวคู่ดังกล่าว พบว่าค่าความเร็วในแนวเล็งที่มากที่สุดของสมาชิกดวงที่ 1 มีค่าเป็น 3 เท่าของค่าความเร็วในแนวเล็งที่มากที่สุดของสมาชิกดวงที่ 2 จงหาว่ามวลของสมาชิกแต่ละควงของระบบดาวคู่นี้มีค่าเป็นก็เท่าของมวลควงอาทิตย์