### A.ABB

在一个字符串str末尾添加尽可能少的字符,使得这个字符串成为回文串。

通过马拉车或者回文树得到以末尾字符为结尾的最长回文子串多

则答案为len(str) - len(s)

### **B.Be Geeks**

通过单调栈求出每个 $a_i$ 作为最大值管辖的区间 $[l_i, r_i]$ 。

则每个位置的贡献为 $a_i * \sum \sum G(l,r), (l_i \leq l \leq i, i \leq r \leq r_i)$ 

设F(i,j)代表i到j这段区间内所有子区间的gcd之和

第二段可以求和的数值可以转换为 $F(l_i, r_i) - F(l_i, i-1) - F(i+1, r_i)$ 

至此,问题还剩下给出一个序列,多次询问一个区间的所有子区间gcd之和,这是一个经典问题。

从一个空集合开始,不断添加一个数字并求gcd,那么中途所有的gcd出现个数是log级别的。因为gcd每次变化是递减并且至少除以2的。

那么我们可以通过线段树上二分求出每个位置向右的所有子区间的gcd值,分为log段存在vector里。 建线段树,每个叶子维护以这个点为右端点的子区间gcd。

接下来将询问离线,按照左端点降序排序,然后从右往左将序列中的各值加入贡献,于是问题变成区间修改区间求和,线段树足以胜任。

如果使用了线段树上二分时间复杂度足以优化到两个log,但此题的std是三个log的,因此其他合适的做法也可以通过。

### C.Bob in Wonderland

贪心,统计有多少个度大于2的节点数x,将他们的度求和sum,答案为 sum-2x

## D.Deep800080

求出直线与所有圆的交线段,问题变成有许多个区间,问最多被覆盖的一段的被覆盖次数。这个问题可以直接差分,然后枚举每个值取最大即可。

### E.Zeldain Garden

洛谷P3952

答案可以进行做差,那么对于某一个值i,只需要求 $\sum d(x), 1 \le x \le i$ ,可以通过枚举约数然后分块解决。

# F.Light Emitting Hindenburg

从n个数中选k个数,让k个数的按位与运算最大。

显然我们可以按位贪心,从高位向低位枚举。若当前位为1的数字的数量大于等于k个,那我们就把这一位选1,把所有这一位不是1的数全部去掉,然后继续枚举下一位;否则这一位选0,继续枚举下一位。

复杂度为 $O(N \log MAX)$ 。

# G.K==S [Kiss]

• 建 AC 自动机。

- AC 自动机的一些点,会因为"被禁止的子串"而不可达,删除掉这些点。
- 问题转化为,在一个图上确定起点求走 n 步的方案。矩阵快速幂可以  $O(L^3 log N)$  地实现,其中 L 为 AC 自动机上节点个数。

### **H.Ponk Warshall**

- s[i] 向字符 t[i] 连有向边。
- 问题转化为把边集划分成尽可能多的环。
- 贪心地拿长度为2的环,长度为3的环,长度为4的环。

## I.Saba1000kg

观察可得: 所有子图中的边数之和最多为  $O(N\sqrt{N})$ 

证明:最坏的情况下,一个查询子图中包含  $\sqrt{N}$  个点和与 N 相同数量级的边,最多有  $\sqrt{N}$  个这样的 查询。

考虑查询的两种情况:

- 对于 M 大于  $\sqrt{N}$  的查询,遍历所有边并检查它们是否在给定的子图中。这样的查询次数不会超过  $\sqrt{N}$  次,因此访问的边总数不超过  $N\sqrt{N}$  次。
- 对于 M 小于等于  $\sqrt{N}$  的查询,枚举所有顶点对,检查是否有连接它们的边。访问的边总数不超过  $\Sigma M^2 \le N\sqrt{N}$  次。检查可以用 O(logN) 的时间完成(例如使用set)

查询子图的连通块的数量可以通过若干次DFS在线性时间内完成。总时间复杂度为  $N\sqrt{N}O(logN)$ 

# **K.The Bugs**

#### 题意

给定一个序列  $a_i$  , 共 n 个数,  $n < 2 \times 10^5$  ,  $1 < a[i] < 10^9$  。

现在取出一个大小为 3 的序列(保留原顺序),组成一个三元组 (x,y,z) ,定义其特征三元组为 (sgn(y-x),sgn(z-y),sgn(z-x)) 。

其中 sqn(x) 定义为:

$$sgn(x) = egin{cases} -1 & x < 0 \ 0 & x = 0 \ 1 & x > 0 \end{cases}$$

要求找出所有的可能出现的特征三元组,可以生成该特征三元组的所有可能的三元组,每一个数都大于0并且字典序最小的那样一个。最终结果按字典序输出。

### 题解

显然可以发现,可能的情况只有 13 种,分别是 111, 112, 121, 211, 122, 212, 221, 123, 132, 213, 231, 312, 321。

分别判断输出即可。

接下来举四个具有代表性例子:

111: 判断是否一个数出现了大于等于 3 次即可。

121: 对于每一个数,与之相等的最靠前的和最靠后的两个位置。判断两个位置之间的最大值是否大于该数即可。查询区间最大值可以预处理 ST 表。

123: 枚举每一个位置的数,查询该位置之前的小于该数的最大值,以及该位置之后的大于该数的最小值,判断大小即可。这里提供一种方法:维护两个 multiset,L 和 R 。一开始将所有的数压入 R 。 然后从一个数开始扫,每扫过一个数,就把这个数从 R 中删去,然后加到 L 里。如果要查询的话,直接在两个 multiset 里  $upper\_bound$  和  $lower\_bound$  即可。

132: 枚举每一个位置的数,查询该位置之前的最小值,以及该位置之后的小于该数的最大值,判断大小即可。判断方法同 123。