

1、 $\Omega: z^2 = x^2 + y^2, z=1$ 所围区域, $I = \iiint_{\Omega} z dx dy dz$, 下列正确的是 (B)。

A、 $I = \int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 r dr \int_0^1 z dz$

B、 $I = \int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 r dr \int_r^1 z dz$

C、 $I = \int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 dz \int_r^1 r dr$

D、以上都不正确

2、曲面 $x^2 + y^2 + z^2 = 2z$ 及曲面 $x^2 + y^2 = z$ 所围的立体体积是 (D)。

A、 $\int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 r dr \int_{r^2}^{\sqrt{1-r^2}} dz$

B、 $\int_0^{2\pi} d\theta \int_0^r r dr \int_1^{1-\sqrt{1-r^2}} dz$

C、 $\int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 r dr \int_{r^2}^{1-r} dz$

D、 $\int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 r dr \int_{1-\sqrt{1-r^2}}^{r^2} z dz$

3、 $\Omega: x^2 + y^2 \leq 1, 0 \leq x \leq 1$, 则 $\iiint_{\Omega} [e^z \tan(x^2 y^3) + 3] dx dy dz =$ (C)。

A、 π

B、 2π

C、 3π

D、 4π

4、 $\Omega: x^2 + y^2 = 2z, z=1, z=4$ 所围区域, 则 $\iiint_{\Omega} (x^2 + 5xy^2 \sin \sqrt{x^2 + y^2}) dx dy dz =$ (D)。

A、 15π

B、 14π

C、 17π

D、 21π

5、 $\int_{-1}^1 dx \int_{-\sqrt{1-x^2}}^{\sqrt{1-x^2}} dy \int_{\sqrt{x^2+y^2}}^1 (x^2 + y^2 + z^2) dz =$ (A)。

A、 $\frac{3\pi}{10}$

B、 $\frac{7\pi}{10}$

C、 $\frac{\pi}{10}$

D、 $\frac{9\pi}{10}$

6、 Ω 由曲线 $y^2 = 2z, x = 0$ 绕 z 轴旋转一周而成的曲面与平面 $z = 8$ 所围区域，则

$\iiint_{\Omega} (x^2 + y^2) dx dy dz =$ (C)。

A、 $\frac{1021\pi}{3}$

B、 $\frac{1023\pi}{3}$

C、 $\frac{1024\pi}{3}$

D、 $\frac{1024\pi}{5}$

7、均匀半球体 $\Omega: x^2 + y^2 + z^2 \leq 64, z \geq 0$ 的重心是 (B)。

A、(0,0,2)

B、(0,0,3)

C、(0,0,1)

D、(0,0,4)

8、设物体占有空间区域 $\Omega: 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1, 0 \leq z \leq 1$ ，密度 $\mu = x + y + z$ ，该物体质量 $M =$ (A)。

A、 $\frac{3}{2}$

B、2

C、3

D、 $\frac{2}{3}$

9、 $\Omega: z = xy, z = 0, x + y = 1$ 所围区域，则 $\iiint_{\Omega} xy^2 z^3 dx dy dz =$ (B)。

A、256

- B、 $\frac{1}{364}$
 C、 $\frac{1}{364}$
 D、 $\frac{1}{256}$

10、 $\Omega: x^2 + y^2 = 2z, z = 2$ 所围区域，则 $\iiint_{\Omega} (x^2 + y^2) dx dy dz =$ (C)。

- A、 16π
 B、 14π
 C、 $\frac{16\pi}{3}$
 D、 $\frac{16\pi}{5}$

11、 $\Omega: z = \sqrt{x^2 + y^2}, z = \sqrt{2 - x^2 + y^2}$ 所围区域，则 $\iiint_{\Omega} z dx dy dz =$ (D)。

- A、 π
 B、 3π
 C、 5π
 D、 2π

12、 $\Omega: x^2 + y^2 + z^2 = z$ 所围区域，则 $\iiint_{\Omega} (x^2 + y^2 + z^2) dx dy dz =$ (A)。

- A、 $\frac{\pi}{12}$
 B、 12π
 C、 13π
 D、 $\frac{\pi}{13}$

13、 $\Omega: z = \sqrt{2 - x^2 - y^2}, z = \sqrt{1 - x^2 - y^2}, z = 0$ 所围区域，则 $\iiint_{\Omega} (x^2 + y^2) dx dy dz =$ (D)。

- A、 $\frac{124\pi}{17}$
 B、 12π
 C、 13π
 D、 $\frac{124\pi}{15}$

14、 $\Omega: x^2 + y^2 + z^2 \leq 4, x^2 + y^2 + z^2 \leq 4z$ ，则 $\iiint_{\Omega} z^2 dx dy dz =$ (C)。

- A、 $\frac{58\pi}{17}$
- B、 12π
- C、 $\frac{59\pi}{15}$
- D、 14π

15、 $\Omega: z = \sqrt{x^2 + y^2}, z = \sqrt{1 - x^2 - y^2}$ 所围区域，则 $\iiint_{\Omega} (x + z) dx dy dz =$ (A)。

- A、 $\frac{\pi}{8}$
- B、 2π
- C、 $\frac{3\pi}{8}$
- D、 4π

16、曲面 $x^2 + y^2 = az (a > 0)$ ， $z = 2a - \sqrt{x^2 + y^2}$ 所围体积 = (B)。

- A、 $5\pi a^3$
- B、 $\frac{5}{6}\pi a^3$
- C、 $6\pi a^3$
- D、 $\frac{6}{5}\pi a^3$

17、 $\Omega: z = \sqrt{x^2 + y^2}, z = 1, z = 2$ ，则 $\iiint_{\Omega} (x^2 + y^2) dx dy dz =$ (C)。

- A、 $\frac{33\pi}{10}$
- B、 31π
- C、 $\frac{31\pi}{10}$
- D、 32π

18、 $\Omega: 0 \leq x, y, z \leq 1$ ， $I = \iiint_{\Omega} (x + y - z)^2 dx dy dz =$ (A)。

- A、 $\frac{1}{2}$
- B、 2
- C、 $\frac{1}{4}$
- D、 4

19、 $\Omega: x^2 + y^2 + z^2 \leq 1$ ， 则 $I = \iiint_{\Omega} (x + \sqrt{2}y - \sqrt{3}z)^2 dx dy dz =$ (B)。

- A、 8π
- B、 $\frac{8\pi}{5}$
- C、 5π
- D、 $\frac{7\pi}{4}$

20、 $\Omega: (x-2)^2 + (y-1)^2 + z^2 \leq 1$ ， 则 $I = \iiint_{\Omega} 3y dx dy dz =$ (A)。

- A、 4π
- B、 3π
- C、 5π
- D、 π