

1、 $L$  为连接  $(1, 0)$  及  $(0, 1)$  两点的直线段则, 则  $\int_L (x+y)ds =$  ( )

A、1    B、2    C、 $\sqrt{2}$     D、0

2、其中  $L$  为圆周  $x^2+y^2=1$ , 则  $\int_L |y|ds =$  ( )

A、4    B、2    C、 $\sqrt{2}$     D、0

3、 $\Gamma$  为折线  $ABCD$ , 这里  $A、B、C、D$  依次为点  $(0, 0, 0)、(0, 0, 2)、(1, 0, 2)、(1, 3, 2)$ ; 则  $\int_{\Gamma} x^2 yz ds =$  ( )

A、0    B、2    C、 $\sqrt{2}$     D、9

4、半径为  $a$ , 中心角为  $2\varphi$  的均匀圆弧 (线密度  $\mu=1$ ) 的重心为 ( )

A、 $(\frac{a \cos \varphi}{\varphi}, 0)$     B、 $(\frac{a \sin \varphi}{\varphi}, 0)$     C、 $(a \sin \varphi, 0)$     D、 $(a \cos \varphi, 0)$

5、 $L$  是由坐标轴和直线  $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1$  所构成的正向 (逆时针方向) 三角形回路; 则

$\int_L x dy =$  ( )

A、0    B、1    C、2    D、3

6、 $L$  为圆周  $x^2+y^2=a^2$  (按逆时针方向绕行); 则  $\oint_L \frac{(x+y)dx - (x-y)dy}{x^2+y^2} =$  ( )

A、0    B、 $-2\pi$     C、 $2\pi$     D、 $\pi$

7、 $L$  为沿参数  $t$  增加方向的圆柱螺线  $x=a \cos t, y=a \sin t, z=t (0 \leq t \leq 2\pi)$ ;

$\int_L y dx + z dy + x dz =$  ( )

A、0    B、 $a^2 \pi$     C、 $-a^2 \pi$     D、 $-a \pi$

8、设  $\Gamma$  为曲线  $x=t, y=t^2, z=t^3$  上相应于  $t$  从 0 变到 1 的曲线弧, 把对坐标的曲线积分  $\int_{\Gamma} P dx + Q dy + R dz$  化成对弧长的曲线积分为 ( )

A、 $\int_L \frac{P+2xQ+3yR}{\sqrt{1+4x^2+9y^2}} ds$     B、 $\int_L \frac{P+2yQ+3xR}{\sqrt{1+4x^2+9y^2}} ds$

C、 $\int_L \frac{P+2Q+3R}{\sqrt{1+4x^2+9y^2}} ds$     D、 $\int_L \frac{P+xQ+yR}{\sqrt{1+4x^2+9y^2}} ds$

9、 $\int_{(1,1)}^{(2,3)} (x+y)dx + (x-y)dy =$  ( )

A、 $\frac{5}{2}$       B、0      C、 $-\frac{5}{2}$       D、1

10、设  $f(x)$  在  $(-\infty, +\infty)$  上有连续的一阶导数， $L$  是从  $A(3, \frac{2}{3})$  到  $B(1, 2)$  的直线段。

则  $\int \frac{1+y^2 f(xy)}{y} dx + \frac{x}{y^2} [y^2 f(xy) - 1] dy =$  ( )

A、0      B、-4      C、4      D、无法确定

11、 $L$  为圆周  $(x-1)^2 + y^2 = 2$ ， $L$  的方向为逆时针方向，则  $\oint_L \frac{ydx - xdy}{2(x^2 + y^2)} =$  ( )

A、0      B、 $\pi$       C、 $-\pi$       D、无法确定

12、已知  $du(x, y) = 2xydx + x^2dy$ ，则  $u(x, y) =$  ( )

A、 $x^2y$       B、 $xy^2$       C、 $xy$       D、无法确定

13、 $\Sigma$  是：锥面  $z^2 = 3(x^2 + y^2)$  被平面  $z = 0$  及  $z = 3$  所截得的部分  $\iint_{\Sigma} (x^2 + y^2) dS =$

( )

A、0      B、 $\pi$       C、 $-\pi$       D、 $9\pi$

14、 $\Sigma$  为平面  $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} + \frac{z}{4} = 1$  在第一象限中的部分，则  $\iiint_{\Sigma} (z + 2x + \frac{4}{3}y) dS =$  ( )

A、 $4\sqrt{61}$       B、 $\sqrt{61}$       C、 $-4\sqrt{61}$       D、 $-\sqrt{61}$

15、设曲面  $\Sigma$  是上半球面： $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$  ( $z \geq 0$ )，曲面  $\Sigma_1$  是曲面  $\Sigma$  在第一卦限中的部分，则有 ( )

A、 $\iint_{\Sigma} x dS = 4 \iint_{\Sigma_1} x dS$       B、 $\iint_{\Sigma} y dS = 4 \iint_{\Sigma_1} x dS$  ;

C、 $\iint_{\Sigma} z dS = 4 \iint_{\Sigma_1} x dS$       D、 $\iint_{\Sigma} xyz dS = 4 \iint_{\Sigma_1} xyz dS$  .

16、若半径为  $a$  的球面上每点的面密度等于该点到球的某定直径的距离的平方，则球面的质量= ( )

A、 $\frac{1}{3}a^4\pi$       B、 $\frac{8}{3}a^4\pi$       C、 $\frac{4}{3}a^4\pi$       D、 $a^4\pi$

17、 $\alpha$ 、 $\beta$ 、 $\gamma$  为有向曲面  $\Sigma$  上点  $(x, y, z)$  处的法向量的方向角. 第二类曲面积分  $\iint_{\Sigma} Pdydz + Qdzdx + Rxdy$  化成第一类曲面积分是 ( )

- A、 $\iint_{\Sigma} (P + Q + R) dS$                       B、 $\iint_{\Sigma} (P \cos \gamma + Q \cos \beta + R \cos \alpha) dS$
- C、 $\iint_{\Sigma} (P \sin \alpha + Q \sin \beta + R \sin \gamma) dS$                       D、 $\iint_{\Sigma} (P \cos \alpha + Q \cos \beta + R \cos \gamma) dS$

18、 $\Sigma$  为锥面  $z = \sqrt{x^2 + y^2}$  ( $0 \leq z \leq h$ ) 的外侧, 则

$$\iint_{\Sigma} (y^2 - z) dydz + (z^2 - x) dzdx + (x^2 - y) dxdy = \quad ( )$$

- A、 $\frac{\pi}{4} h^4$               B、 $-\frac{\pi}{4} h^4$               C、 $-\pi h^4$               D、0

19、 $\Sigma$  是平面  $x=0, y=0, z=0, x+y+z=1$  所围成的空间区域的整个边界曲面的外侧, 则  $\oiint_{\Sigma} xz dx dy + xy dy dz + yz dz dx =$  ( )

- A、 $\frac{1}{24}$               B、 $\frac{1}{8}$               C、 $\frac{1}{12}$               D、0

20、 $\Sigma$  为半球面  $z = \sqrt{R^2 - x^2 - y^2}$  的上侧, 则  $\iint_{\Sigma} x dy dz + y dz dx + z dx dy =$  ( )

- A、 $2\pi R^3$               B、 $\pi R^3$               C、 $2\pi R^2$               D、0

答案: C A D B D B C A A B C A D A C B D  
B B A