

2010-2011 学年第 2 学期数据结构期末参考答案

一、填空题(1' 20 = 20 分)

1. 数据元素
2. 线性、图形(网状)
3. 链接、散列(哈希)
4. 基本操作集
5. 算法
6. $O(n)$
7. 栈、LIFO、队列、FIFO
8. 0x1118

$$9. k = \frac{i(i-1)}{2} + j - 1$$

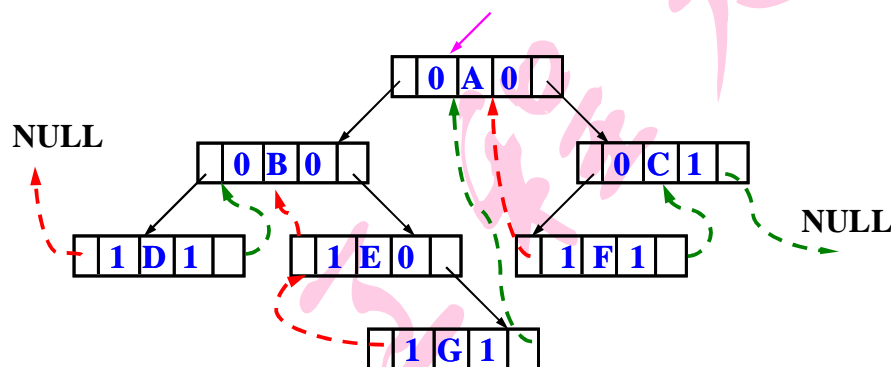
10. HFEADBGC
11. 11
12. 8
13. 6
14. 12
15. AEDCB

二、选择题(2' 15 = 30 分)

AACBC CCDBD DABCB

三、画图题(3' 5 = 15 分)

1. 中根线索二叉树

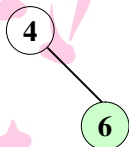


2. 平衡二叉树的插入和平衡过程

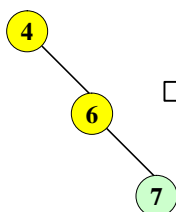
插入 4



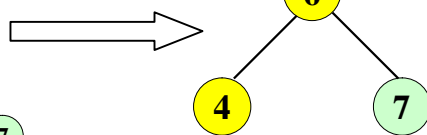
插入 6



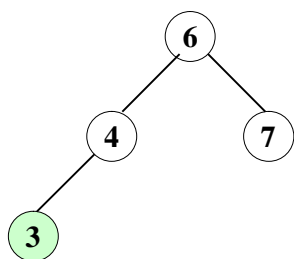
插入 7



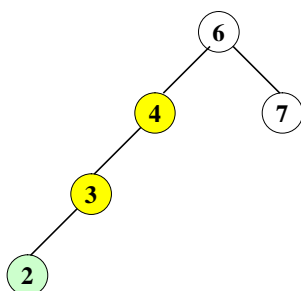
向左单旋转



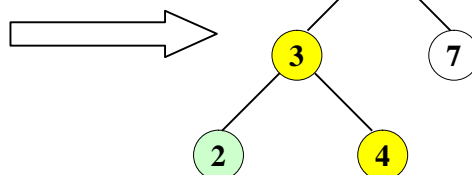
插入 3



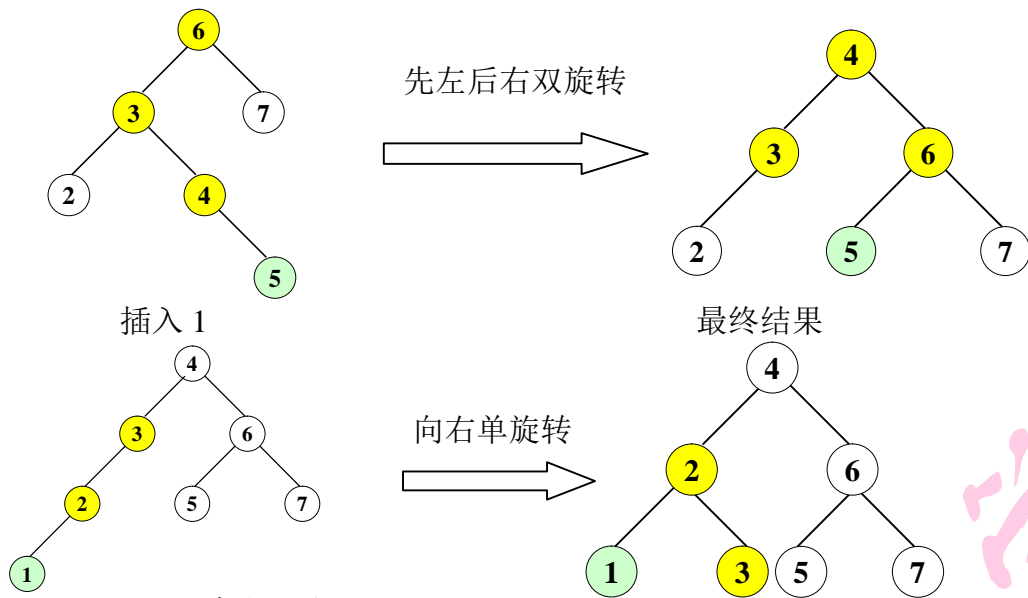
插入 2



向右单旋转

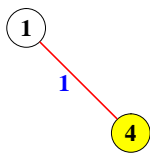


插入 5

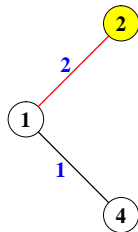


3. Prim 算法的过程

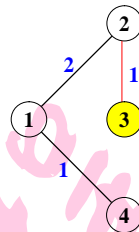
第 1 步



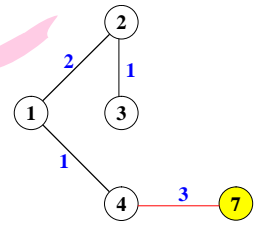
第 2 步



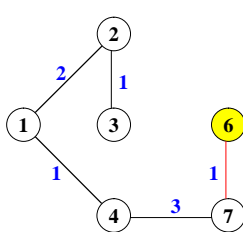
第 3 步



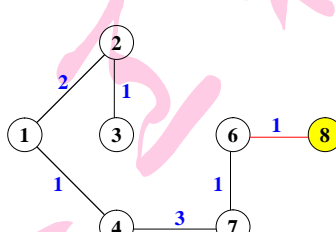
第 4 步



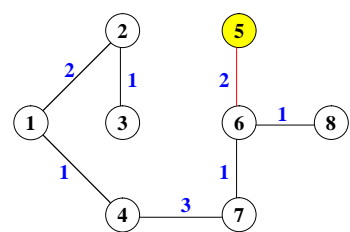
第 5 步



第 6 步



第 7 步



四、分析题(4' 5 = 20 分)

1. $L = \{2, 3, 5, 6, 7, 0, 1, 8, 9, 4\}$ 选择排序前五趟

第一趟: 0, 3, 5, 6, 7, 2, 1, 8, 9, 4

第二趟: 0, 1, 5, 6, 7, 2, 3, 8, 9, 4

第三趟: 0, 1, 2, 6, 7, 5, 3, 8, 9, 4

第四趟: 0, 1, 2, 3, 7, 5, 6, 8, 9, 4

第五趟: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 7

2. Dijkstra 算法从顶点 A 出发到其余顶点的最短路径

顶点	$i=1$	$i=2$	$i=3$	$i=4$	$i=5$	$i=6$	$i=7$
A	¥	¥	¥	¥	¥	¥	¥ 无
B	1 (A, B)						
C	¥	2 (A, B, C)					

D	¥	¥	6 (A, B, C, D)	5 (A, B, C, G, D)			
E	¥	¥	¥	7 (A, B, C, G, E)	6 (A, B, C, G, D, E)		
F	¥	¥	¥	9 (A, B, C, G, F)	9 (A, B, C, G, F)	7 (A, B, C, G, D, E, F)	
G	6 (A, G)	5 (A, B, G)	4 (A, B, C, G)				
v_j	B	C	G	D	E	F	
S	{A, B}	{A, B, C}	{A, B, C, G}	{A, B, C, G, D}	{A, B, C, G, D, E}	{A, B, C, G, D, E, F}	

3. 其中拓扑序列的主要约束关系

1 \rightarrow 2, 4 \rightarrow 7 \rightarrow 5 \rightarrow 8, 3 \rightarrow 6 \rightarrow 9

4. 最终的散列表

下标	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
关键字			15	2	3	5	31	18	16	4					

五、算法设计(9 + 6 = 15 分)

1. 多项式求和

算法思想：

- 1) 工作指针 p 、 q 初始化，分别指向多项式 f 和 g 的第一个结点、工作指针 r 指向多项式 h 的空链表头结点；
- 2) 当 p 不为空并且 q 不为空时，重复执行下列三种情形之一
 - 2.1 如果 $p \rightarrow \text{deg} > q \rightarrow \text{deg}$ ，则复制一个与当前 p 指向结点的副本结点接在 r 指向结点后成为 h 的新表尾、指针 p 后移、指针 r 移到新插入的表尾结点；
 - 2.2 如果 $p \rightarrow \text{deg} < q \rightarrow \text{deg}$ ，则复制一个与当前 q 指向结点的副本结点接在 r 指向结点后成为 h 的新表尾、指针 q 后移、指针 r 移到新插入的表尾结点；
 - 2.3 如果 $p \rightarrow \text{deg} == q \rightarrow \text{deg}$ ，则计算 $p \rightarrow \text{coef} + q \rightarrow \text{coef}$ ，如果两者之和不为 0，则在 r 后增加一个新结点，指数为该指数，系数为两者之和；指针 p 、 q 均后移；
- 3) 如果 p 不为空，将 p 所指链表所有结点依次复制并增补在 r 链表尾部；
- 4) 如果 q 不为空，将 q 所指链表所有结点依次复制并增补在 r 链表尾部；
- 5) 将多项式链表头结点的指数次数赋值给多项式结点的指数次数。

时间复杂度：

$O(m + n)$ ， m 和 n 分别为两个多项式链表的结点个数。

C 编码：

```

struct NODE
{
    // 多项式结点类型声明
    double coef;           // 系数
    int deg;               // 次数
    struct NODE *next;     // 指针域
};

struct POLY
{
    // 多项式类型声明

```

```

    struct NODE *head;    // 头指针
    int deg;              // 多项式次数，零多项式为-1
};
#include <stdlib.h>

void AddPoly(struct POLY *h, const struct POLY *f, const struct POLY *g)
{
    // 假设 h 链表的空头结点已经初始化为空链表，结果保存在新空间
    struct NODE *p, *q, *r, *s;
    p = f->head->next;    // p 指向 f 的第一个结点
    q = g->head->next;    // q 指向 g 的第一个结点
    r = h->head;           // r 指向 h 的表头结点，用于尾部插入结点
    while (p != NULL && q != NULL)
    {
        if (p->deg > q->deg)
        {
            // f 的指数大
            s = (struct NODE *)malloc(sizeof(NODE));
            s->coef = p->coef;
            s->deg = p->deg;
            s->next = r->next;    // 链表尾部插入
            r->next = s;         // h 表尾结点指针后移
            r = s;
            p = p->next;         // f 当前结点指针后移
        }
        else if (p->deg < q->deg)
        {
            // g 的指数大
            s = (struct NODE *)malloc(sizeof(NODE));
            s->coef = q->coef;
            s->deg = q->deg;
            s->next = r->next;
            r->next = s;
            r = s;
            q = q->next;         // g 当前结点指针后移
        }
        else
        {
            // 两者指数相同
            if (p->coef + q->coef != 0)
            {
                s = (struct NODE *)malloc(sizeof(NODE));
                s->coef = p->coef + q->coef;
                s->deg = q->deg;    // 或者 s->deg = p->deg;
                s->next = r->next;
                r->next = s;
                r = s;
            }
            p = p->next;         q = q->next;
        }
    }
}

```

```

    }
    while (p != NULL)
    { // 第一个链表没有复制完
        s = (struct NODE *)malloc(sizeof(NODE));
        s->coef = p->coef;
        s->deg = p->deg;
        s->next = r->next; // 链表尾部插入
        r->next = s; // h 表尾结点指针后移
        r = s;
        p = p->next; // f 当前结点指针后移
    }
    while (q != NULL)
    { // 第二个链表没有复制完
        s = (struct NODE *)malloc(sizeof(NODE));
        s->coef = q->coef;
        s->deg = q->deg;
        s->next = r->next;
        r->next = s;
        r = s;
        q = q->next; // g 当前结点指针后移
    }
    h->deg = h->head->next == NULL ? -1 : h->head->next->deg; // 头结点
}

```

2. 求二叉树深度

算法思想：

使用后序遍历，分别得到左右子树的高度后，再比较其大者加 1。

时间复杂度：

$O(n)$, n 为二叉树结点个数。

C 编码：

```

struct NODE
{ // 二叉树结点类型定义
    double data; // 数据域
    struct NODE *lch, *rch; // 指针域
};

int Depth(const struct NODE *root)
{ // 空二叉树的高度为 0
    int left, right, depth = 0;
    if (root != NULL)
    {
        left = Depth(root->lch); // 递归求左子树的深度
        right = Depth(root->rch); // 递归求右子树的深度
        depth = 1 + (left > right ? left : right);
    }
    return depth;
}

```