

這段程式碼主要展示了如何使用 **PyTorch** 建立、訓練和評估一個深度卷積神經網絡（**CNN**），並進行模型的保存。以下是主要步驟和其意義：

1. **\*\*引入必要的庫和模塊\*\***：

- 程式碼引入了處理數據、構建模型、訓練模型和可視化結果所需的各種 Python 庫，如 ``torch``、``numpy``、``scipy`` 和 ``matplotlib``。

2. **\*\*卷積運算的實作\*\***：

- 提供了 ``conv1d`` 和 ``conv2d`` 函數，用於一維和二維卷積的手動實現，並將結果與 NumPy 和 SciPy 的卷積結果進行比較。

3. **\*\*圖像處理\*\***：

- 使用 ``torchvision`` 讀取一個圖像並顯示其基本屬性，如形狀、通道數和數據類型。

4. **\*\*正則化\*\***：

- 演示了如何使用 L2 正則化（權重衰減）來處理 CNN 和線性層中的過擬合問題。

5. **\*\*損失函數\*\***：

- 比較了 ``nn.BCELoss()`` 和 ``nn.CrossEntropyLoss()`` 等損失函數，分別適用於二元分類和多類別分類問題。

6. **\*\*建立和訓練 CNN\*\***：

- 使用 ``nn.Sequential`` 定義了一個卷積神經網絡，並進行訓練。該網絡包括卷積層、激活函數、池化層、展平層和全連接層。

- 訓練過程中記錄了每個 `epoch` 的訓練損失和準確率，以及驗證損失和準確率。

#### 7. \*\*結果可視化\*\*：

- 通過繪製訓練和驗證損失及準確率的圖形，幫助觀察模型在訓練過程中的表現。
- 展示了一些測試圖像及其預測結果。

#### 8. \*\*模型保存\*\*：

- 將訓練好的模型保存到本地，以便將來加載和使用。

這些步驟展示了如何從基本的卷積操作開始，逐步構建和訓練深度學習模型，並最終保存模型以備後用。