# LISACode

## version 1.4.4

# Un simulateur scientifique de LISA

# Manuel utilisateur

Antoine Petiteau (LISA France)

December 29, 2008

CONTENTS 3

# Contents

1	Intr	roduction	5		
2 Description du Code					
3	Inst 3.1 3.2 3.3	3.2.3 Test de fonctionnement	8 8 8 10 10 11 11 11		
4	<b>Uti</b> l 4.1		<b>12</b>		
4.1 Exécution du simulateur et des deux programmes annexes  5 Fichier de configuration 5.1 Généralités 5.2 Configuration par fichier ASCII 5.2.1 Configuration des temps 5.2.2 Configuration de l'interpolation 5.2.3 Approximation des retards dans l'application de TDI 5.2.4 Configuration des orbites et du temps de parcours 5.2.5 Configuration du detecteur 5.2.6 Configuration des fichiers de sorties 5.2.7 Configuration des ondes gravitationnelles 5.2.8 Configuration des bruits 5.2.9 Configuration des USOs 5.2.10 Configuration de TDI 5.3 Configuration par fichier XML					
6	Pro 6.1	Installation	31 31		

CONTENTS	4

7	Support - Contact	31
	7.1 A l'APC (AstroParticule et Cosmologie)	31
	7.2 A l'AEI (Albert Einstein Institute)	31

1 INTRODUCTION 5

#### 1 Introduction

Ce document fournit une description du logiciel LISACode. LISACode simule le détecteur d'ondes gravitationnelles LISA. Il ne simule pas le détecteur dans le détail mais utilise les fonctions de réponse des principaux composants, notamment pour introduire le niveau de bruit dans la réponse du détecteur. Il comprend également une implementation de la technique TDI (*Time Delay Interferometry*) qui permet de réduire considérablement le bruit laser.

Les principales entrées et sorties de LISACode sont des séquences temporelles qui seront, en entrée, les contraintes des ondes gravitationnelles (OG) en fonction du temps et, en sortie, les réponse des phasemètres en fonction du temps et les résultats de leur traitement par les générateurs TDI.

Un certains nombres de forme d'OG peuvent être définies mais il est égalemt possible d'utiliser le code en conjonction avec des simulateurs d'OG plus sophistiqué via des fichiers de données intermédiaires.

Ce documents décrit, dans la section 2, la structure du code, dans la section 3, l'installation et dans la section 4, l'utilisation de LISACode. La section 5 décrit le fichier de configuration ainsi que les différents paramètres qui configurent une simulation.

# 2 Description du Code

Ce simulateur est écrit en C++ de façon à utiliser la modularité de la programmation objet. La structure principale du code est illustré sur la figure 1. Cette structure comprend les principaux composants du décteur LISA ainsi que les entrées physiques.

Il y a 9 modules:

- Outils\_Maths: Objets utilisés comme outils par le programme: vecteurs, filtres, ...
- Ondes\_Gravit: Modélisation OG (monochromatique, binaire, quelconque).
- Orbitographie : Modélisation des orbites des satellites.
- Bruits: Modélisation des bruits (bruit blanc, bruit filtré et bruit lu dans un fichier).
- USO\_Temps : Modélisation des horloges ultra-stables.
- Memoire : Gestion des mémoires pour les sorties de chaque satellite.
- Input\_Data: Lecture du fichier de configuration du simulateur.

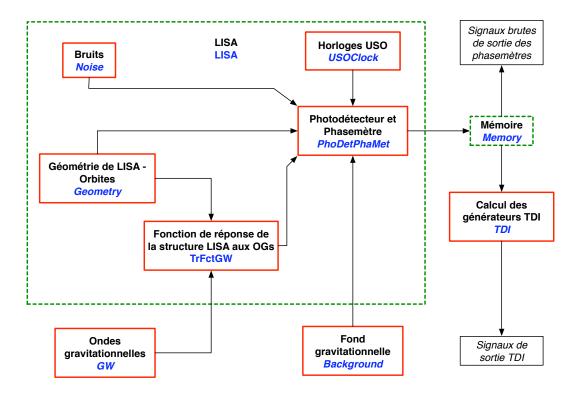


Figure 1: Structure du simulateur LISACode. Les boites rouge représentent les modules principaux et les boites en vert les modules d'interface. Le nom générique des modules est en bleu.

- Detecteur: Modelisation du détecteurLISA: Réponse des bras aux ondes gravitationnelles, fonction de réponse du phasemètre, interface et avancement temporel.
- TDI: Application des générateur TDI.

La figure 2 montre l'organisation des bibliothèques utilisées par LISACode.

La première entrée est les OG. Elles peuvent être définie en interne grâce à différents modèles qui produisent des signaux issues de sources monochromatiques, de système binaires avec une fréquence fixée ou de système binaire calculé dans l'approximation Post-Newtoniennne (1 or 2.5 PN). L'OG peut également être entré via une séquence temporellequi provient par exemple de code de simulation plus sophistiqué.

Les orbites de LISA sont générés en interne par le code. Ils correspondent à des orbites réalistes qui prennent en compte tant la respiration et la rotation de LISA que le mouvement autour du Soleil. Les paramètres de ces orbites peuvent être ajustées pour modifier la distance moyenne entre satellites ( $5 \times 10^9 \ m$  nominalement) ou pour fixer LISA à une certaine position. La position initial peut aussi être définie en entrée.

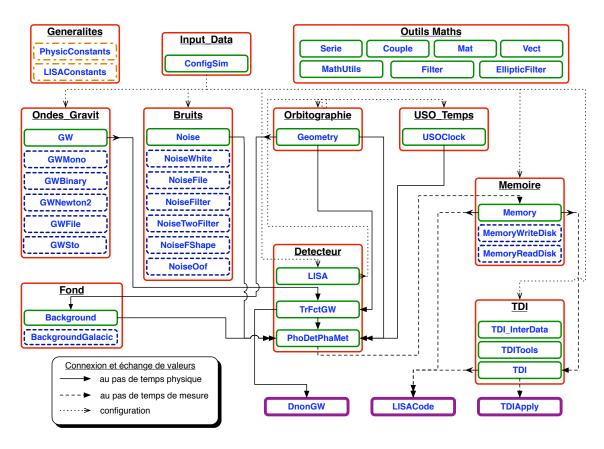


Figure 2: Organisation et dépendance des bibliothèques du simulateur. Les cadres en verts représentent les objets, en rouge les bibliothèques et en violet, les executables.

Un ingrédient important de la réponse de LISA et par conséquent des codes est la spécification de bruits de différente nature. Cela inclut le bruit optique du au *shot noise* aux éléments décris dans le tableau 1. Le bruit des masses inertielles et le bruit laser peuvent aussi être définis en entrée. Normalement, ces bruits sont définis comme des bruits blancs dans une bande fréquentielle définie mais différentes formes peuvent être utilisées.

La réponse de LISA à des OGs est calculée en utilisant les orbites et la fluctuation relative de fréquence résultante (unités de  $\frac{\Delta\nu}{\nu}$ ) est en entrée du Module Phasemetre. Celle-ci est combiné avec les différentes contribution de bruits pour produire le signal primaire des phasemètres qui est ensuite filtré par un filtre elliptique. Ce filtre est un filtre passe-bas qui coupe les fréquences à la moitié de la fréquence de mesure pour éliminer le repliement de spèctre. Dans un cas standard,le signal primaire est à 0.5 Hz et la sortie, après filtrage, à 1 Hz.

Ce signal peut-être sauvegardé dans un fichier et/ou traité par le module TDI en utilisant les combinaisons TDI définis en entrée. Une decription détaillée des générateur TDI

Table 1: Budget des erreurs basé sur le tableau 4.1 du [6]. La quatrième colonne donne les erreurs par défaut utilisées dans LISACode. Ces valeurs peuvent être modifiées par l'utilisateur. La dépendance fréquentielle de ces bruits et discutés dans 5.2.8

Source d'erreur	Erreur	LISACode	Entré LISACode (unité de $\frac{\delta\nu}{\nu}$ )				
	Bruit de mesure						
Shot noise	$11 \times 10^{-12} \text{m.Hz}^{-\frac{1}{2}}$	11	$2.3 \times 10^{-19} \left(\frac{f}{1Hz}\right) \left(\frac{L}{5 \times 10^9 \text{m}}\right) \sqrt{\frac{1\text{W}}{P}}.Hz^{-\frac{1}{2}}$				
USO	$5 \times 10^{-12} \text{m.Hz}^{-\frac{1}{2}}$						
bruit résiduel du laser	$5 \times 10^{-12} \text{m.Hz}^{-\frac{1}{2}}$						
Instabilité du pointage	$10 \times 10^{-12} \text{m.Hz}^{-\frac{1}{2}}$	16.5	$3.49 \times 10^{-19} \left(\frac{f}{1Hz}\right) . Hz^{-\frac{1}{2}}$				
Mesure de phase et offset	$5 \times 10^{-12} \text{m.Hz}^{-\frac{1}{2}}$						
Effet de lumière diffusée	$5 \times 10^{-12} \text{m.Hz}^{-\frac{1}{2}}$						
Autres effets	$8.5 \times 10^{-12} \text{m.Hz}^{-\frac{1}{2}}$						
Bruits d'accélération							
Bruit des masses inertielles	$3 \times 10^{-15} \text{m.s}^{-2}.\text{Hz}^{-\frac{1}{2}}$	3	$1.59 \times 10^{-24} \left(\frac{1Hz}{f}\right) . Hz^{-\frac{1}{2}}$				

est donné par [13] et [15].

La description du code ci-dessus est seulement un bref résumé de ses capacités.

### 3 Installation

### 3.1 Système requis

Ce programme peut s'installer sur un système UNIX standard disposant d'un compilateur C++.

Il existe également un exécutable sous Windows (testé uniquement sous Windows XP).

#### 3.2 Sous Unix, Linux, Mac OS X

#### 3.2.1 Installation

L'installation se fait de la même manière qu'un progamme "standard" sous UNIX. Les instructions à suivre sont les suivantes :

1. Télécharer le fichier lisacode-1.4.4.tar.gz (sur le web : http://www.apc.univ-paris7.fr/Downloads/lisa/LISACode/ )

et déplacer le fichier dans le répertoire (*MyDirectory* dans l'exemple) où vous souhaitez installer LISACode.

2. Décompresser la fichier :

tar xvzf lisacode-1.4.4.tar.gz

3. Aller dans le répertoire LISA\_Sim\_Tdi: cd MyDirectory/lisacode-1.4.4

4. Exécuter le script de configuration, configure, pour creer les makefile, en tapant :

Il est possible d'ajouter des options de compilation et de spécifier le répertoire où les exécutable seront installés (voir la partie 3.2.2 ou le fichier *INSTALL* pour plus d'informations sur ces deux points techniques).

5. Exécuter le makefile pour compiler le code :

make

6. Si vous souhaitez installer le simulateur avec les exécutables de votre machine ou dans le répertoire spécifié, utilisez la commande :

make install

./configure

Si le programme s'est installé normalement, 3 exécutables se trouvent dans un répertoire MyDirectory/lisacode-1.4.4/Main/Test. Les 3 exécutables sont :

- LISACode: Le programme de simulation principal qui modélise les ondes gravitationnelles, les passe dans l'ensemble du détecteur et applique la pré-analyse TDI sur les données de sortie.
- *DnonGW*: Programme qui donne les variations relatives de fréquence des faisceaux induites par les seules ondes gravitationnelles.
- TDIApply: Application de générateurs TDI sur des données préalablement simulées.

Si vous utilisez  $make\ install$  pour la compilation, les 3 executables sont aussi dans le répertoire bin situé avec les exécutable de votre ordinateurou dans le répertoire spécifié MyExe/bin. Ce répertoire comprend aussi plusieurs exécutables de test.

Pour plus de praticité, copiez les exécutables dans votre répertoire de travail (le répertoire où vous souhaitez effectuer les simulations de LISA).

#### 3.2.2 Option d'installation

Les différentes options d'installation possibles sont détaillées dans le fichier *INSTALL* situé dans *MyDirectory/lisacode-1.4.4*.

IMPORTANT : Si à la configuration le chemin du répertoire contenant la **fftw3** n'est pas trouvé, il faut le spécifier explicitement en ajoutant les arguments : CPPFLAGS=-I/cheminfftw3/include LDFLAGS=-L/cheminfftw3/lib

Les options de compilation doivent être spécifié au moment de la configuration. Après le ./configure, CXXFLAGS= suivi des options de compilation entre guillemets.Par exemple, pour optimiser la compilation sous un PowerPCG5, l'option est -O3 -fast d'où la commande suivante pour l'installation :

```
./configure CXXFLAGS="-03 -fast -Wno-deprecated"
```

Il est également possible de spécifier le chemin du répertoire dans lequel les exécutables seront installés lors du make install. Pour cela, taper --prefix= suivi du chemin du répertoire entre guillemets. Par exemple, la commande pour la configuration sous PowerPCG5 avec les exécutables dans le répertoire MyExe est :

```
./configure CXXFLAGS="-03 -fast -Wno-deprecated" --prefix="MyExe"
```

#### 3.2.3 Test de fonctionnement

Pour tester le fonctionnement du simulateur, utilisez le fichier de configuration de référence ConfigRefBase avec les instructions suivantes :

- 1. Se placer dans ce répertoire d'installation.
- 2. Lancer le simulateur : *LISACode* suivi du nom du fichier de configuration puis de "123456" (graine du générateur aléatoire).

./LISACode MyDirectory/lisacode-1.4.4/Example\_Input/ConfigRefBase 123456

Le programme met entre 10 secondes et 15 minutes pour exécuter les 10 000 s de la simulation. L'affichage final est :

```
9787 s (remaining time : 00:00:00) #0098 %

X = 1.54307511554625e-18

Y = 2.23380376286915e-18

Z = 2.03070569638376e-18
```

```
X2s1 = 3.84102728265182e-18
 X2s2 = 7.30253602341876e-18
 X2s3 = 6.49295628725497e-18
 P1 = 1.66863806379042e-18
 Zeta1 = 9.83725319837678e-19
 A = 1.13116170136341e-18
 E = 2.24813370548819e-18
 T = 8.43890200220657e-19
 Alpha = 1.33468352729959e-18
 AlphaId = 1.33468352729959e-18
 Alphaf2 = 2.66936705459917e-18
Final time :
              10001 s
 Closing ASCII file.
 Closing ASCII file.
 Closing ASCII file.
 Closing ASCII file.
 Closing ASCII file.
```

End

#### 3.3 Sous Windows

Il faut utiliser Cygwin.

Sinon il existe un exécutable de LISACode sous Windows qui a été testé sous Windows XP mais aui n'est pas à jour !

#### 3.3.1 Installation

Il n'y a pas d'installation à proprement parler ; il suffit juste de réccupérer le fichier  $LISACode\_1\_3\_for\_Windows.zip$  à l'adresse :

http://www.apc.univ-paris 7. fr/Downloads/lisa/LISA Code/version-1.3/.

Décompresser le fichier et exécuter l'exécutable LISACode.exe.

#### 3.3.2 Test de fonctionnement

Il est possible de tester le fonctionnement du simulateur en utilisant un fichier de configuration de référence (ConfigRefBase) situé dans le même répertoire que l'exécutable. La procédure à suivre est la suivante :

- 1. Ouvrir une console MS-DOS et se placer dans le répertoire ou se trouve l'exécutable et le fichier de configuration *ConfigRefBase* (cd . . . ).
- 2. Lancer le simulateur : LISACode suivi du nom du fichier de configuration (ConfigRefBase) puis de "123456" (graine du générateur aléatoire) .

LISACode.exe ConfigRefBase 123456

On doit obtenir les mêmes résultats que ceux du chapitre 3.2.3.

#### 4 Utilisation de LISACode

#### 4.1 Exécution du simulateur et des deux programmes annexes

Le programme principal qui effectue toute la simulation (des ondes gravitationnelles à TDI) se nomme **LISACode**. Pour configurer la simulation, ce programme lit les informations contenues dans un fichier de configuration dont le détail est donné au paragraphe suivant. L'adresse des fichiers de sortie est spécifiée dans le fichier de configuration. Pour lancer la simulation la ligne de commande est :

```
./LISACode fichier_de_configuration
(si l'exécutable est dans le répertoire de travail)
```

../chemin/du/repertoire/d/installation/LISACode fichier\_de\_configuration (si l'exécutable n'est pas dans le répertoire de travail)

Il est également possible de spécifier la racine du générateur de nombre aléatoire (RandomSeed) et des options par la ligne de commande :

- ./LISACode [Options] fichier\_de\_configuration RandomSeed Les options possibles sont :
  - -h : Ajoute une en-tête dans les fichiers binaires.

Il existe deux autres exécutables qui lisent également les informations du fichier de configuration. Ces deux exécutables n'effectuent quune partie de la simulation :

- **DnonGW**: Ce programme effectue le calcul de la variation relative de fréquence des faisceaux lasers arrivant sur chaque phasemètre en tenant uniquement compte des ondes gravitationnelles (spécifiées dans le fichier de configurations). Il donne en sortie trois fichiers (dont le nom ne peut pas être spécifié) qui sont :
  - $DnGW_-GW.txt$ : Evolution temporelle du  $h_+$  et du  $h_\times$  des ondes gravitationnelles.

- $-\ DnGW\_Position.txt$  : Evolution temporelle des coordonnées écliptiques des trois satellites.
- DnGW\_TDelay.txt: Temps de parcours des faisceaux le long des bras.
- $-DnGW\_SigFctTrGW.txt$ : Variation relative des faisceaux lasers externes arrivant sur chaque photodiode.

Les paramètres temporelles de la simulation sont ceux spécifiés dans le fichier de configurations.

• TDIApply: Ce programme applique les générateurs TDI spécifiés dans le fichier de configuration, sur des fichiers de données brutes (sortie des phasemètres). Le fichier de sortie contient (comme pour la simulation complète) l'évolution temporelle de chaque générateurs TDI. Le nom de ce fichier est celui spécifié dans le fichier de configurations.

# 5 Fichier de configuration

#### 5.1 Généralités

Ce fichier contient toutes les information pour configurer le simulateur. Il y a deux types de fichier possibles : ASCII (cf. 5.2) ou XML (cf. 5.3). Les tableaux 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 and 10 listent les paramètres.

Table 2: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est **Time**.

Nom	Détails	Unités	Valeur stan-
			dard
StepPhysic	Pas de temps utilisé pour modéliser des pro-	secondes	0.5
	cessus continu, avant filtrage.		
StepMeasure	Pas de temps dans le fichier de sortie du sig-	secondes	1
	nal des phasmètre, aprè filtrage.		
Max	Durée totale de calcul.	secondes	de 1 s à an
DeltaTDIDelay	Erreur possible sur l'estimation des temps de	secondes	de 0 à 1e-5
	parcours.		
StepDisplay Pas de temps de l'affichage de l'avancement		secondes	de 100 à 1e6
	(pour suivre la simulation).		

Table 3: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est  $\mathbf{PrecisionTDI}$ .

Nom	Détails	Unités	Valeur standard
Interpolation		LAG 20	
TDIDelayApprox	Si ON, les retards utilisés dans TDI sont	On/Off	Off
	ajoutés sinon sinon ils sont imbriqués		

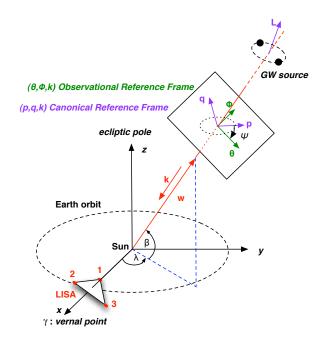


Figure 3: Description schématique des paramètres de l'OG et des référentiels. La direction de la source est repéré par la déclinaison  $\beta$  et de la longitude écliptique  $\lambda$ .  $(\widehat{\theta}, \widehat{\phi}, \widehat{n})$  est le référentiel observationnelle, i.e. le repère construit sur la direction de la source. Dans ce repère  $\widehat{\theta}$  est sur un méridien.  $(\widehat{p}, \widehat{q}, \widehat{n})$  est le référentiel canonique .  $\psi$  est l'angel de polarisation, i. e. l'angle entre le référentiel canonique et le réfrentiel observationnel.

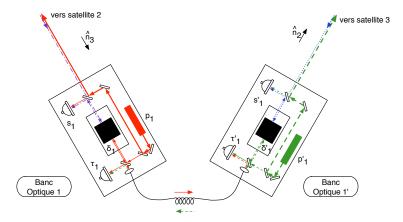


Figure 4: Représentation schématique des deux bancs optique du satellite 1.  $s_i$  et  $s_i'$  sont les phasemètres qui mesurent les interférence entre le faisceau provenant du satellite distant et le faisceau du banc optique local, i.e. contenant le phasemètre.  $\tau_i$  and  $\tau_i'$  sont les phasemètres qui mesurentles interférence entre les faisceaux de l'autre banc optique du même satellite et le faisceau du banc optique qui contient le phasemètre. p est le laser et  $\delta$  est la masse inertielle (formulation de [15]).

#### 5.2 Configuration par fichier ASCII

LISACode peut lire les informations de configuration de la simulation dans un fichier de configuration ASCII. La syntaxe de ce fichier suit certaines règles très strictes :

- Toutes les lignes se terminent par un point virgule précédé d'un espace (;) que ce soit des lignes de commandes ou des lignes de commentaires.
- Chaque bloc de caracteres doit etre separe du suivant par un espace.
- Pour qu'une ligne soit en commentaire, il faut quelle commence par un "#" suivi d'un espace.
- C'est le premier mot d'une ligne (mot clé principal) qui renseigne sur l'information que contient la ligne. Il existe 9 mots clés principaux qui sont : Time, Interpolation, TDIDelayApprox, Orbits, Detector, Record, GW, Noise, USO et TDI. Le mot clé principal est toujours suivi de ":".
- La commande "END" stoppe la lecture du fichier de configuration.

#### 5.2.1 Configuration des temps

Le mot clé principal d'une ligne de configuration d'un paramètre temporel est Time. Une liste des parametres est donnee dans la tableau 2. Les différents paramètres temporels et les lignes les configurant sont :

• Pas de temps physique : C'est le pas de temps le plus petit de la simulation. Il correspond à la simulation des phénomènes continus.

Ligne de configuration pour un pas de temps physique de 0.5 s :

```
Time: StepPhysic 0.5;
```

• Pas de temps sur la prise de mesure : C'est le pas de temps sur la prise des mesures par les phasemètres. Il correspond au pas de temps sur les données de sortie et donc sur les resultats de TDI.

Ligne de configuration pour un pas de temps sur la prise de mesure de 1 s :

```
Time : StepMeasure 1 ;
```

• Durée de la simulation : C'est le temps que dure la simulation. Ligne de configuration pour une simulation de 10000 s :

```
Time : Max 10000 ;
```

17

• Imprécision de l'information sur les temps de parcours : Cette incertitude temporelle correspond à l'imprécision sur la connaissance du temps de propagation le long des bras de LISA. C'est une erreur  $\Delta D$  ajoutée sur les temps de parcours exacts  $D_{real} = L_{real}/c$  avant leur utilisation par TDI. Les temps de parcours utilisés dans TDI  $D_{TDI}$  sont donc :

$$D_{TDI} = D_{real} + \Delta D \tag{1}$$

Ligne de configuration pour une imprécision sur les retards de  $10^{-6}$  s:

Time: DeltaTDIDelay 1e-6;

• Pas de temps sur l'affichage : Pas de temps sur l'affichage à l'écran. Il permet a l'utilisateur de suivre l'evolution de la simulation.

Ligne de configuration pour un pas de temps d'affichage de 1000 s:

Time: StepDisplay 1000;

#### 5.2.2 Configuration de l'interpolation

Le mot clé principal d'une ligne de configuration de l'interpolation est Interpolation. Il existe pour l'instant un seul type d'interpolation : l'interpolation lagrangienne

• Interpolation dans l'application de TDI: C'est le type d'interpolation faite sur les données brutes de sorite des phasemetres lors de l'application des retards dans TDI. On interpole pour obtenir la valeur la plus realiste possible entre 2 mesures. Pour l'interpolation lagrangienne, on précise l'ordre de l'interpolation.

Ligne de configuration pour définir l'interpolation dans l'application de TDI :

Interpolation : LAG 20 ;

#### 5.2.3 Approximation des retards dans l'application de TDI

Il est possible d'accelerer le calcul de TDI en effectuant un calcul moins exact des retards. En effet lorsque l'on calcul le retard global a appliquer sur une mesure, il faut combiner les retards, en interpolant la valeur de chaque retard a partir des precedents. Par exemple le calcul normal d'un "pack TDI" est :

$$D_{1}D_{2}D_{3}s_{2} = s_{2} \left( t - \left( \frac{L_{1}(t)}{c} + \frac{L_{2}\left(t - \frac{L_{1}(t)}{c}\right)}{c} + \frac{L_{3}\left(t - \left(\frac{L_{1}(t)}{c} + \frac{L_{2}\left(t - \frac{L_{1}(t)}{c}\right)}{c}\right)\right)}{c} \right) \right)$$
(2)

Lorsque l'on simplifie le calcul, les retards sont simplement pris a t et sommés sans interpolation. Soit pour l'example precedent :

$$D_1 D_2 D_3 s_2 = s_2 \left( t - \left( \frac{L_1(t)}{c} + \frac{L_2(t)}{c} + \frac{L_3(t)}{c} \right) \right)$$
 (3)

L'acceleration vient du fait que l'on a beaucoup moins d'interpolation a calculer.

• Delay approximation : La ligne de configuration pour effectuer un calcul approximatif rapide de TDI est :

TDIDelayApprox : off ;

#### 5.2.4 Configuration des orbites et du temps de parcours

Le mot clé principal d'une ligne de configuration des orbites est **Orbits**. Une liste des parametres est donnee dans la tableau 4.

- Longueur des bras : Spécifie la longueur nominal des bras de LISA. Ligne de configuration pour définir une longueur de bras nominal de  $5\times 10^9 m$ :
  - Orbits: Armlength 5e9;
- Temps initial des orbites : Ce paramètre temporel permet de démarrer la simulation avec une position des satellites différentes de la configuration de base. La configuration de base corresponds au position du tableau 12 soit le satellite 1 sur l'axe x et en dessous du plan de l'écliptique et satellite 2 et 3 au dessus avec 2 en y < 0 et 3 en y > 0.

Ligne de configuration pour définir un temps de démarrage des orbites de  $5 \times 10^6 s$  après la configuration initiale :

Orbits : StartTime 5e6 ;

• Phase initial de rotation du triangle : Ce paramètre temporel permet de changer la position au temps 0 des satellites (temps courant + temps initial des orbites) par rapport a la configuration de base definie dans la tableau 12. Elle correspond a un angle (en radians) de rotation dans le plan par rapport a la configuration de base. Ligne de configuration pour définir un angle de rotation de  $\pi/6$  par rapport a la configuration de base :

Orbits: InitialRotation 0.523598776;

• Type d'orbites: Ce paramètre Type permet de spécifier le type d'orbites utilisés:

- LISACode : orbites définies par le laboratoire ARTEMIS [11].
- MLDC ou Pseudo\_LISA: orbites définies par le Mock LISA Data Challenge [16].
- ESA: orbites issues d'un calcul de l'ESA prenant en compte des éphémérides pour les autres corps du système solaire (lu dans le fichier 'Orbit\_ESA.input.txt').

Ligne de configuration pour définir une simulation utilisant les orbites définies par le laboratoire ARTEMIS [11] :

```
Orbits : Type LISACode ;
```

- Approximation dans le calcul des orbites : Ce paramètre Approx permet de spécifier le type d'orbites utilisés :
  - Static : Satellites fixes.
  - Rigid : Satellites en mouvement avec une configuration rigide si les orbites du MLDC sont utilisés.
  - Eccentric: Satellites en mouvement avec une configuration rigide si les orbites du MLDC sont utilisés (identique à Eccentric si les orbites sont du type LISACode ou ESA).

Ligne de configuration pour définir une simulation utilisant les orbites définies par le laboratoire ARTEMIS [11] :

```
Orbits: Approx Eccentric;
```

• Ordre dans le calcul des temps de propagation : Ce paramètre spécifie la precision avec lequel est fait le calcul du temps de parcours des photons entre satellites. Le parametre est a 0 pour un calcul classique considerant uniquement la distance entre satellite. Il est a1 pour un calcul tenant compte de l'effet Sagnac du a la rotation du trianlge c'est-a-dire que le long d'un meme bras les temps parcours different. Il est 2 pour un calcul tenant compte des effets de la relativité générale. Si les satellites sont fixes (Move Off), on ne peut pas spécifier un autre ordre que 0.

Ligne de configuration pour définir un calcul relativiste des temps de propagation :

```
Orbits: Order 2;
```

#### 5.2.5 Configuration du detecteur

Le mot clé principal d'une ligne de la configuration du détecteur est **Detector**. Cette configuration concerne des éléments spécifiques du détecteur comme la puissance laser ou le filtre du phasemètre. Une liste des parametres est donnee dans la tableau 5.

•  $Puissance\ Laser$ : Spécifie la puissance des faisceaux à la sortie des lasers. Ligne de configuration pour définir une puissance de laser de 1 Watt:

Detector : LaserPower 1 ;

• Filtre du phasemètre: Spécifie si on filtre ou non les signaux dans les phasemètres par un filtre passe-bas elliptique s'adaptant au pas de temps physique et au pas de temps de mesure. Ce filtre evite un repliement de spectre lors du sous-echantillonnage. On met Off pour rendre le filtre inactif et On pour le rendre actif.

Ligne de configuration pour fitrer les signaux dans le phasemètre :

Detector : PhaMetFilter On ;

• Parametrisation du filtre elliptique du phasemetre: Il y 4 parametres pour definir le filtre du phasemetre: l'attenuation en decibels caracterisee par le mot-cle attenuation, l'oscillation en bande passante en decibels caracterisee par le mot-cle oscillation, la frequence de coupure haute definie comme un facteur (inferieur a 1) de la frequence de mesure caracterisee par le mot-cle FactFmesForHighFreq et la frequence de coupure basse definie comme un facteur (inferieur a 1) de la frequence de mesure caracterisee par le mot-cle FactFmesForLowFreq.

Ligne de configuration pour un filtre (filtre par defaut) d'attenuation de  $180~\mathrm{dB}$ , d'oscillation en bande passante de  $0.1~\mathrm{dB}$ , de frequence de coupure haute egal a  $0.1~\mathrm{fois}$  la frequence de mesure et de frequence de coupure basse egal a  $0.3~\mathrm{fois}$  la frequence de mesure :

Detector: PhaMetFilterParameters: attenuation 180 oscillation 0.1 FactFmesForHighFreq 0.1 FactFmesForLowFreq 0.3;

• Phasemètres interne dans les fichiers de sorties: Spécifie si les données des phasemetres internes sont dans les fichiers de sorties dans le cas sans bruit. Deux valeurs possibles: Always, les données sont toujours écrites; IfNoises, les données sont écrites seulement si les bruits sont considéré dans la simulation (puisque dans ce cas ils ne sont pas nulles!). Exemple: Detector: InternalPhasemeters IfNoises;

#### 5.2.6 Configuration des fichiers de sorties

Le mot clé principal d'une ligne de configuration d'un fichier de sortie est Record. Il existe 4 types de fichiers de sortie. Les sorties pour lesquels aucun fichier n'est spécifié ne sont pas enregistrés mais cela n'empêche pas l'exécution du programme. Une liste des parametres est donnee dans la tableau 6.

• Fichier de sortie des données d'un satellite : Fichier dans lequel sont stockées les données en sortie des 4 phasemètres d'un satellite. Ce fichier comporte 5 colonnes (voir la figure 4 pour la position des phasemetres) : temps, phasemetre  $s_i$ , phasemetre  $s_i$ , phasemetre  $t_i$ .

Ligne de configuration pour définir lenregistrement de la sortie du satellite 1 dans le fichier de nom "SigPhaMetSC1.txt" :

```
Record : SignalSC 1 SigPhaMetSC1.txt ;
```

• Fichier d'enregistrement des temps de parcours : Fichier dans lequel sont stockées les 6 temps de parcours entre satellites. Ce fichier comporte 7 colonnes : temps , 3 temps de parcours dans le sens direct  $(L_1/c L_2/c L_3/c)$  , 3 temps de parcours dans le sens indirect  $(L'_1/c L'_2/c L'_3/c)$ .

Ligne de configuration pour définir l'enregistrement des temps de parcours dans le fichier de nom "DelayTDI.txt":

```
Record : Delay DelayTDI.txt ;
```

• Fichier d'enregistrement des positions des satellites: Fichier dans lequel sont stockées les 3 coordonnées cartesiennes dans le referentiel eclipique des satellites. Ce fichier comporte 10 colonnes: temps,  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$ ,  $y_1$ ,  $y_2$ ,  $y_3$ ,  $z_1$ ,  $z_2$ ,  $z_3$ . Ligne de configuration pour définir l'enregistrement des positions dans le fichier de nom "SCPos.txt":

```
Record: Position SCPos.txt;
```

• Fichier d'enregistrement des générateurs TDI : Fichier dans lequel sont stockées les résultats des générateurs TDI spécifiés (voir 5.2.10). Ce fichier comporte une colonne pour le temps + une colonne par générateur TDI spécifié. Ligne de configuration pour définir l'enregistrement générateurs TDI dans le fichier de nom : "SignalTDI.txt" :

```
Record : TDI SignalTDI.txt ;
```

#### 5.2.7 Configuration des ondes gravitationnelles

Le mot clé principal d'une ligne de configuration d'une onde gravitationnelle est GW. Une liste des parametres est donnee dans la tableau 7. More scientific information on LISACode gravitational waves are available in article of A.Petiteau [14]. Il existe 4 types d'onde gravitationnelle possibles dans le simulateur. Chaque paramètre est défini, en précédent la valeur, d'un mot clé correspondant au paramètre. Pour tous les types d'onde, on précise juste après "GW", la direction de la source en coordonnées

écliptiques  $(\beta \in [-90^o, 90^o] \to \{\text{Bet}\}, \lambda \in [0^o, 360^o] \to \{\text{Lam}\})$  et l'angle de polarisation  $\Psi \in [0^o, 360^o] \to \{\text{Psi}\}$ . Ces 3 angles sont schematise sur la figure 3. Attention ils sont définis en degrées. Par exemple pour une onde dont la source est à  $\beta = 27^o$  et  $\lambda = 297^o$  et dont l'angle de polarisation  $\psi = 229^o$ , le début de la ligne de configuration est :

GW : Bet 27.0 , Lam 297.0 , Psi 229.0 : ... ;

• Onde gravitationnelle monochromatique  $\{Mono\}$ : Onde gravitationnelle monochromatique dont on définit la fréquence  $\{f\}$ , l'amplitude de chaque composante de polarisation  $(h_{+0} \{hp\} \text{ et } h_{\times 0} \{hc\})$  et la phase initiale (en radians) de chaque composante de polarisation  $(\Phi_{+0} \{PhiOhp\} \text{ et } \Phi_{\times 0} \{PhiOhc\})$ . L'evolution temporelle des contraintes gravitationnelles de l'onde dans le referentiel propre de l'onde (CFR : Canonical Reference Frame)  $h_{CFR+}(t)$  et  $h_{CFR\times}(t)$  correspond a :

$$\begin{cases} h_{CFR+}(t) &= h_{0+} \sin(2\pi f t + \phi_{0+}) \\ h_{CFR\times}(t) &= h_{0\times} \sin(2\pi f t + \phi_{0\times}) \end{cases}$$
(4)

Ligne de configuration pour définir une onde gravitationnelle monochromatique dont la direction de la source est  $\beta = 50^{\circ}$  et  $\lambda = 230^{\circ}$ , l'angle de polarisation  $\psi = 15^{\circ}$ , la fréquence  $f = 10^{-4}$ , l'amplitude des composantes  $h_{+0} = 10^{-21}$  et  $h_{\times 0} = 0$  et la phase initiale des composantes de polarisation  $\Phi_{+0} = 0$  et  $\Phi_{\times 0} = 0$ :

 ${\rm GW}$  : Bet 50 , Lam 230 , Psi 15 : Mono : f 1e-4 , hp 1e-21 , hc 0.0 , PhiOhp 0.0 , PhiOhc 0.0 ;

• Onde gravitationnelle d'une binaire de fréquence fixée {Binary} : Onde gravitationnelle issue d'une source binaire de fréquence fixée pour laquelle on définit les masses des deux astres  $m_1$  {M1} et  $m_2$  {M2} en masse solaire, la fréquence orbitale  $f_{orb}$  {forb} en Hz, l'angle dinclinaison i {inc} en degrees, la phase initiale  $\phi_0$  {Phi0} entre 0 et  $2\pi$  et la distance entre la source et le détecteur r {r} en kpc. L'evolution temporelle des contraintes gravitationnelles de l'onde dans le referentiel propre de l'onde (CFR : Canonical Reference Frame)  $h_{CFR+}(t)$  et  $h_{CFR\times}(t)$  correspond a :

$$\begin{cases} h_{CRF+} = A\left(1 + \cos^2 i\right) \cos\left(4\pi f_{orb}t + \phi_0\right) \\ h_{CRF\times} = -2A\cos i \sin\left(4\pi f_{orb}t + \phi_0\right) \end{cases}$$
 (5)

avec

$$m_{tot} = m_1 + m_2 \tag{6}$$

$$R = \left(\frac{Gm_{tot}}{\left(2\pi f_{orb}\right)^2}\right)^{1/3} \tag{7}$$

$$A = \frac{2G^2}{c^4} \frac{m_1 m_2}{Rr} {8}$$

Ligne de configuration pour définir une onde gravitationnelle issue d'une binaire de direction  $\beta=37.34^o$ ,  $\lambda=350^o$ , langle de polarisation  $\psi=141.06^o$ , de masses  $M1=0.5M_S$  et  $M2=0.033M_S$ , de fréquence f=  $9.72044\times 10^{-4}$ , d'inclinaison  $i=88^o$ , de phase initiale  $\psi_0=0^o$  et de séparation r=0.1 kpc :

 ${\tt GW}$  : Bet 37.34 , Lam 350 , Psi 141.06 : Binary : M1 0.5 , M2 0.033 , forb 9.72044e-4 , inc 88 , phi0 0 , r 0.1 ;

• Onde gravitationnelle d'une binaire spiralante {PostNewtonBinary} : Onde gravitationnelle issue d'une source binaire calculee dans l'approximation Post-Newtonienne a 1 PN ou 2.5 PN pour laquelle on définit les masses des deux astres  $m_1$  {M1} et  $m_2$  {M2} en masse solaire, le temps de coalescence  $t_{coal}$  {tcoal} en seconds, l'angle d'inclinaison i {inc} en degrees, la phase initiale  $\phi_0$  {Phi0} entre 0 et  $2\pi$  et la distance entre la source et le détecteur r {r} en kpc. L'ordre Post-Newtonien du calcul est de 1 PN lorsque le parametre {type} est a 1 ou de 2.5 PN lorsque le parametre {type} est a 2. Pour le calcul a 2.5 PN, il faut preciser 3 parametres qui sont : une phase initial arbitraire {omega0}, la phase a l'entree du detecteur {taud0} et un parametre Post-Newtonien{gw} egal a 1 dans la plupart des cas. Le calcul de l'evolution temporelle des contraintes gravitationnelles de l'onde dans le referentiel propre de l'onde (CFR : Canonical Reference Frame)  $h_{CFR+}(t)$  et  $h_{CFR\times}(t)$  est base sur des articles [10], [7], [8] et [9]

Ligne de configuration pour définir une onde gravitationnelle issue d'une binaire de direction  $\beta=37.34^o$ ,  $\lambda=350^o$ , langle de polarisation  $\psi=141.06^o$ , de masses  $M1=0.5M_S$  et  $M2=0.033M_S$ , de fréquence f=  $9.72044\times 10^{-4}$ , d'inclinaison  $i=88^o$ , de phase initiale  $\psi_0=0^o$  et de séparation r=0.1 kpc:

GW : Bet 37.34 , Lam 352.0 , Psi 141.06 : PostNewtonBinary : M1 1.0e6 , M2 1.0e6 , tcoal 9676800.0 , inc 90 , phase 1.2 , r 1e5 , type 2 , omega0 1.0 , taud0 10.0 , gw 1.0 ;

• Onde gravitationnelle d'une binaire spiralante BH-BH avec spin {FastSpinBBH} : Onde gravitationnelle d'une binaire spiralante composée de deux trous noirs avec prise en compte du spin. Le calcul de la précession du plan orbital est réalisée par une intégration avec la méthode Runge-Kutta d'ordre 6. L'amplitude est calculée dans l'approximation Post- Newtonienne avec un ordre pouvant aller jusqu'à 2 PN {PN}. On définit les masses des deux astres m₁ {M1} et m₂ {M2} en masse solaire, le temps de coalescence t<sub>coal</sub> {tcoal} en secondes, la phase initiale φ₀ {phase} entre 0 et 2π et la distance entre la source et le détecteur r {r} en kpc. On spécifie également l'amplitude des spins, {S1, S2}, entre 0 et 1, leur angle polaire {polS1, polS2} et leur angle azimutal {polS1, polS2}. On spécifie également la direction initial du moment orbital par son angle polaire {polL} et son angle azimutal {azL}. Le calcul de l'évolution temporelle des contraintes gravitationnelles de l'onde dans le référentiel barycentrique (BRF : Barycentric Reference Frame) h<sub>B+</sub>(t) et h<sub>B×</sub>(t)

est basé sur les articles [5] et [1].

Ligne de configuration pour définir une onde gravitationnelle issue d'une binaire de trous noirs spiralante avec spin de direction  $\beta=37.0^{\circ}$ ,  $\lambda=285.9^{\circ}$ , de masses  $M1=1465580.0~M_{S}$  et  $M2=868710.0~M_{S}$ , de temps de coalescence 3.1e7~s, de phase initiale 1.1~rd, de distance 1.0e6~kpc, d'angle polaire moment orbital initial  $162.0^{\circ}$  et d'azimut  $328.9^{\circ}$ , de spin de l'objet 1 d'intensité 0.077, d'angle polaire  $160.0^{\circ}$ , d'azimut  $130.6^{\circ}$  et de spin de l'objet 2 d'intensité 0.27, d'angle polaire  $239.0^{\circ}$ , d'azimut  $162.0^{\circ}$  (amplitude calculée à l'ordre 2~PN):

GW : Bet 37.0 , Lam 285.9 , Psi 0.0 : FastSpinBBH : M1 1465580.0 , M2 868710.0 , tcoal 3.1e7 , phase 1.1 , r 1.0e6 , S1 0.077 , S2 0.27 , polS1 160.0 , polS2 130.6 , azS1 0.8 , azS2 239.0 , polL 162.0 , azL 328.9 , PN 2 ;

- Onde gravitationnelle quelconque (lecture d'un fichier) {File} : Onde gravitationnelle quelconque dont les évolutions temporelles des composantes de polarisation exprimées dans le référentiel canonique de l'onde  $(h_{S+} \quad h_{S\times})$  sont lues dans un fichier. Il y a quatre format de fichier possible :
  - Fichier ASCII à 3 colonnes :  $temps,\ h_{S+}\ h_{S\times}$  : Ligne de configuration pour lire le fichier ASCII à 3 colonnes  $GWFile.txt^{\ 1}$  (direction de la source  $\{\beta=50^o,\ \lambda=230^o\}$  et polarisation  $\psi=15^o$ ) : GW : Bet 50 , Lam 230 , Psi 15 : File : GWFile.txt ;
  - Fichier ASCII à 2 colonnes :  $h_{S+}$   $h_{S\times}$  avec le temps initial  $t_0$  et le pas de temps  $\Delta t$  spécifiés dans le fichier de configuration : Ligne de configuration pour lire le fichier ASCII à 2 colonnes  $GWFile2.txt^2$  dont le temps initial  $t_0 = -900s$  et le pas de temps  $\Delta t = 15s$  (direction de la source  $\{\beta = 50^o, \lambda = 230^o\}$  et polarisation  $\psi = 15^o$ ).

GW : Bet 50 , Lam 230 , Psi 15 : File : GWFile2.txt ASCII -900 15 ;

– Fichier binaire à 2 colonnes :  $h_{S+}$   $h_{S\times}$  avec la longueur  $N_D$  (nombre d'enregistrement ou lignes) et le nombre de type de données  $N_R$  (records ou colonnes), le temps initial  $t_0$  et le pas de temps  $\Delta t$  spécifiés dans le fichier de configuration : Ligne de configuration pour lire le fichier binaire à 2 colonnes  $GWFile3.bin^3$  dont la longueur  $N_D=4194304$ , le nombre de colonne  $N_R=2$ , le temps initial

 $<sup>^1</sup>$  L'extension du fichier est quelconque excepté  $\tt.xml$  qui est réservé pour les fichiers XML de données du MLDC

 $<sup>^{2}</sup>$ cf. note 1

 $<sup>^{3}</sup>$ cf. note 1

```
t_0=-900s et le pas de temps \Delta t=15s (direction de la source \{\beta=50^o,\ \lambda=230^o\} et polarisation \psi=15^o). GW : Bet 50 , Lam 230 , Psi 15 : File : GWFile3.bin BINARY 4194304 2 -900 15 ;
```

– Fichier binaire à 2 colonnes :  $h_{S+}$   $h_{S\times}$  décrit par un fichier XML au format du Mock LISA Data Challenge : Ligne de configuration pour lire un fichier binaire à 2 colonnes décrit par le fichier XML  $GWFile4.xml^4$  (direction de la source  $\{\beta = 50^o, \lambda = 230^o\}$  et polarisation  $\psi = 15^o$ ).

```
GW : Bet 50 , Lam 230 , Psi 15 : File : GWFile4.xml ;
```

#### 5.2.8 Configuration des bruits

Le mot clé principal d'une ligne de configuration des bruits est Noise. Une liste des parametres est donnee dans la tableau 8. La configuration d'un bruit se fait ensuite en deux étapes : la localisation du bruit puis sa nature. La localisation du bruit se fait par le mot clé correspondant à la situation du bruit : Laser pour le bruit issu d'un laser - Mass pour le bruit sur une masse inertielle - Shot pour le bruit de "shot noise" - OOPN pour le bruit des autres bruits de chemin optique (autre que le "shot noise"). Le mot clé de localisation est suivi du numéro du satellite (1, 2 et 3) puis le "sens" du banc : 0 si le banc est dans le "sens direct"  $(1 \to 3 \to 2 \to 1)$ , 1 s'il est dans le "sens indirect"  $(1 \to 2 \to 3 \to 1)$ . On spécifie ensuite la nature du bruit :

• Bruit blanc {White}: Modélisation d'un bruit blanc de densité spectrale de puissance donnée.

Ligne de configuration pour définir un bruit blanc de densité spectrale de puissance  $10^{-13}$  (sans dimension car exprimé en variation relative de fréquence) sur le laser du banc optique du satellite 1 en vis-à-vis avec le satellite 2 :

```
Noise : Laser 1 0 : White 1.0e-13 ;
```

• Bruit filtré pour une évolution en 1/f de l'amplitude (ou  $\sqrt{PSD}$ ) {Filter\_1of}: Modélisation d'un bruit dont l'amplitude évolue en 1/f. La seule valeur à spécifier est le niveau du bruit  $A_{\delta\nu/\nu}$  en  $Hz^{1/2}$  c'est-à-dire l'amplitude (ou  $\sqrt{PSD}$ ) tel que  $PSD_{\delta\nu/\nu} = A_{\delta\nu/\nu}^2 f^{-2}$ . Les coefficients sont ensuite automatiquement calculés par rapport au pas de temps<sup>5</sup>.

Par exemple, le bruit d'une masse inertielle est generalement exprime comme un

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Pour ce type de fichier l'extention .xml est indispensable.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Les coefficients du filtre pour un bruit en  $PSD_{\delta\nu/\nu} = A_{\delta\nu/\nu}^2 f^{-2}$  sont :  $\alpha_1 = 1$  et  $\beta_0 = \beta_1 = A_{\delta\nu/\nu} \pi \Delta t$ 

bruit d'acceleration en  $m.s^{-2}.Hz^{-1/2}$ :  $\sqrt{S_{\Delta a,MI}}=3\times 10^{-15}m.s^{-2}.Hz^{-1/2}$ . Le calcul du  $A_{\delta\nu/\nu,MI}$  est alors :

$$A_{\delta\nu/\nu,MI} = \frac{1}{2\pi c} \sqrt{S_{\Delta a,MI}} = 1.59 \times 10^{-24} Hz^{1/2}$$
 (9)

Ligne de configuration pour définir un bruit de densité spectrale de puissance  $PSD_{\delta\nu/\nu} = (1.59 \times 10^{-24} Hz^{1/2})^2 f^{-2}$  sur les masses inertielles du banc optique du satellite 2 en vis-à-vis avec le satellite 1 :

Noise: Mass 2 1: Filter\_1of 1.59e-24;

• Bruit filtré pour une évolution en f de l'amplitude (ou  $\sqrt{PSD}$ ) {Filter\_f}: Modélisation d'un bruit dont l'amplitude évolue en f. La seule valeur à spécifier est le niveau du bruit  $A_{\delta\nu/\nu}$  en  $Hz^{-3/2}$  c'est-à-dire l'amplitude (ou  $\sqrt{PSD}$ ) tel que  $PSD_{\delta\nu/\nu} = A_{\delta\nu/\nu}^2 f^2$ . Les coefficients sont ensuite automatiquement calculés par rapport au pas de temps<sup>6</sup>. Par exemple, le bruit de chemin optique dans les bancs est generalement exprime comme un bruit en  $m.Hz^{-1/2}$ :  $\sqrt{S_{\Delta a,OOPN}} = 16.7 \times 10^{-12} m.Hz^{-1/2}$ . Le calcul du  $A_{\delta\nu/\nu,OOPN}$  est alors :

$$A_{\delta\nu/\nu,OOPN} = \frac{2\pi}{c} \sqrt{S_{\Delta a,OOPN}} = 3.49 \times 10^{-19} Hz^{-3/2}$$
 (10)

Ligne de configuration pour définir un bruit de densité spectrale de puissance  $PSD_{\delta\nu/\nu} = (3.49 \times 10^{-19} Hz^{-3/2})^2 f^2$  sur les bruits de chemin optique du banc optique satellite 3 en vis-à-vis avec le satellite 2 :

Noise : OOPN 3 1 : Filter\_f 3.49e-19 ;

• Bruit filtré pour une évolution en f de l'amplitude (ou  $\sqrt{PSD}$ ), proportionnel à la longueur des bras et inversement proportionnel à la puissance laser {Filter\_fLosP}: Modélisation d'un bruit dont l'amplitude évolue en f et est proportionnelle à la longueur des bras et inversement proportionnelle à la puissance laser. La seule valeur à spécifier est le niveau du bruit  $A_{\delta\nu/\nu}$  en  $Hz^{-3/2}$  c'est-à-dire l'amplitude (ou  $\sqrt{PSD}$ ) tel que  $PSD_{\delta\nu/\nu} = A_{\delta\nu/\nu}^2 f^2 \left(\frac{L}{5\times 10^9 \ m}\right)^2 \left(\frac{1 \ W}{P}\right)$ . Les coefficients sont ensuite automatiquement calculés par rapport au pas de temps<sup>7</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Les coefficients du filtre pour un bruit en  $PSD_{\delta\nu/\nu} = A_{\delta\nu/\nu}^2 f^2$  sont :  $\alpha_1 = -1$  ,  $\beta_0 = \frac{A_{\delta\nu/\nu}}{\pi\Delta t}$  et  $\beta_1 = -\frac{A_{\delta\nu/\nu}}{\pi\Delta t}$ 

 $<sup>^7 \</sup>text{Les coefficients du filtre pour un bruit en } PSD_{\delta\nu/\nu} = A_{\delta\nu/\nu}^2 f^2 \Big(\frac{L}{5\times 10^9~m}\Big)^2 \left(\frac{1~W}{P}\right) \text{ sont } : \ \alpha_1 = -1~, \\ \beta_0 = \frac{A_{\delta\nu/\nu}}{\pi\Delta t} \Big(\frac{L}{5\times 10^9~m}\Big) \sqrt{\Big(\frac{1~W}{P}\Big)} \text{ et } \beta_1 = -\frac{A_{\delta\nu/\nu}}{\pi\Delta t} \Big(\frac{L}{5\times 10^9~m}\Big) \sqrt{\Big(\frac{1~W}{P}\Big)}$ 

Ligne de configuration pour définir un bruit de densité spectrale de puissance  $PSD_{\delta\nu/\nu} = (2.30 \times 10^{-19} Hz^{-3/2})^2 f^2 \left(\frac{L}{5\times 10^9 \, m}\right)^2 \left(\frac{1\,W}{P}\right)$  sur le "shot noise" du banc optique satellite 3 en vis-à-vis avec le satellite 2 :

```
Noise: Shot 3 1: Filter_fLosP 2.30e-19;
```

Bruit filtré quelconque: Modélisation d'un bruit filtré quelconque défini par les coefficients récursifs α {alpha} et directs β {beta} du filtre à réponse impulsionnelle infinie (IIR). On peut également préciser le temps nécessaire à la stabilisation du filtre {stablization}. S'il y a plusieurs coefficients dun même type, il faut les séparer par des virgules.

Ligne de configuration pour définir un bruit filtré dont les coefficients du filtre sont  $\alpha = \{1\}$  et  $\beta = \{5 \times 10^{-24}, 5 \times 10 - 24\}$  (bruit d'accélération en  $f^{-2}$  sur la densité spectrale de puissance) sur la masse inertielle du banc optique du satellite 2 en visà-vis avec le satellite 1 :

```
Noise: Mass 2 1: FilterCoef: alpha 1.0 beta 5e-24, 5e-24;
```

Ligne de configuration pour définir un bruit filtré dont les coefficients du filtre sont  $\alpha = \{3.9939806575, -5.9819996369, 3.9820571154, -0.9940381365\}$  et  $\beta = \{0.0000510993, -0.0002040002, 0.0003058023, -0.000204002, 0.0000510993\}$  sur la masse inertielle du banc optique du banc optique du satellite 3 en vis-à-vis avec le satellite 2 (attention ce bruit n'a strictement aucune réalité physique et est juste présenté à titre d'exemple de syntaxe):

```
Noise: Bench 3 1: FilterCoef: alpha 3.9939806575, -5.9819996369, 3.9820571154, -0.9940381365 beta 0.0000510993, -0.0002040002, 0.0000510993 stablization 10000;
```

• Bruit lu dans un fichier: Modélisation d'un bruit à partir des valeurs d'un fichier (2 colonnes: temps bruit). Le programme charge l'ensemble des valeurs est commence à lire les valeurs à partir d'un point quelconque du fichier. Une fois que la dernière donnée est lue, la lecture recommence à la première donnée.

Ligne de configuration pour définir un bruit lu dans le fichier *NoiseOB.txt* contenant des données de variation de fréquence, d'où le facteur multiplicatif de normalisation à  $1/f_0 = 3.5491 \times 10^{-15}$  pour passer en unités de variation relative de fréquence. Ce bruit est attribué au banc optique du satellite 1 en vis-à-vis avec le satellite 2 :

```
Noise: Laser 1 0: File NoiseOB.txt 3.5491e-15;
```

#### 5.2.9 Configuration des USOs

Le mot clé principal d'une ligne de configuration d'un oscillateur ultra-stable est USO. Une liste des parametres est donnee dans la tableau 8. Il faut tout d'abord définir le satellite auquel l'USO appartient : pour cela on précède le numéro du satellite du mot clé SC. On peut ensuite définir 3 paramètres pour un oscillateur ultra-stable (USO) : un offset [offset] en seconde, une dérive dans le temps en seconde par seconde [derivs] et le  $\sigma$  d'un bruit blanc gaussien [noise] en seconde. Ces paramètres sont spécifiés en précédent la valeur par le mot clé correspondant. Si l'on ne définit pas un USO, celui-ci est supposé parfait.

Ligne de configuration pour définir l'oscillateur du satellite 2 avec un offset de 0.006 s, une dérive de  $10^{-6}s.s^{-1}$  et un bruit de sigma  $10^{-7}s$ :

```
USO : SC 2 : offset 0.006 derivs 1e-6 noise 1e-7 ;
```

#### 5.2.10 Configuration de TDI

Le mot clé principal d'une ligne de configuration d'un générateur TDI est TDI. Le mot clé est suivi du nom du générateur puis de sa description. Le générateur est décomposé en un ensemble de "packs" écris les uns à la suite des autres et séparés par un espace. Un pack correspond à l'application de retards sur la mesure d'un phasemetre ; par exemple  $-D_{2'}D_2D_3D_{3'}D_3D_{3'}s_{1'}$  est un pack qui se code par -5236364. Le dernier chiffre correspond à la mesure du phasemtre code selon le tableau 13 . Les autres chiffres aux retards que l'on applique sur la mesure. La correspondance entre un bras et un chiffre du codage est donné par le tableau 14

```
Ligne de configuration pour définir le générateur TDI Michelson de deuxième génération Z2: TDI : Z2Man 3 , 24 , 256 , 2542 , 25416 , 254142 , 2541413 , 25414124 , -6 , -42 , -413 , -4124 , -41253 , -4125256 , -41252542 ;
```

Il est également possible d'associer à chaque pack du générateur, un facteur<sup>8</sup>. Dans la syntaxe, ce facteur suit le nombre entier décrivant le pack, séparé de celui-ci par un x, avec touours un espace entre chaque groupe de caractères.

+ Ligne de configuration pour définir le générateur TDI à bruit non-corrélé  $E_b{}^9$  :

```
TDI : EMan 2 x 0.577350269 , 16 x 0.577350269 , 145 x 0.577350269 , 1461 x 0.577350269 , -5 x 0.577350269 , -61 x 0.577350269 , -632 x 0.577350269 , -6316 x 0.577350269 , 3 x -0.577350269 , 24 x -0.577350269 , 256 x -0.577350269 , 2542 x -0.577350269 , -6 x -0.577350269 , -42 x -0.577350269 , -413 x -0.577350269 , -4124 x -0.577350269 ;
```

 $<sup>^8 {\</sup>rm Indispensable}$  par exemple pour définir A,E et T. [17]

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Le générateur E est défini comme  $E = \frac{Y-Z}{\sqrt{3}}$ 

Pour un certain nombre de générateurs, l'ensemble de packs est predefinis dans LISACode. Pour ces generateurs listes dans les tableaux 10 et 11, le nom du generateur suffi. + Ligne de configuration pour définir le générateur TDI Michelson de deuxième génération  $X^{2nd}$ :

TDI : X2 ;

30

# 5.3 Configuration par fichier XML

LISACode peut également ce configurer à partir d'un fichier XML. La structure du fichier XML est celle utilise dans le Mock LISA Data Challenge (cf. articles [3, 2, 4] et site web [12].

#### 6 Problèmes connus

#### 6.1 Installation

#### 6.1.1 Erreur lors de l'installation

- Vérifier que le système possède bien une version de fftw3 et si nécessaire spécifier son emplacement en moment de la configuration comme par exemple :
   CPPFLAGS=-I/cheminfftw3/include LDFLAGS=-L/cheminfftw3/lib
- Vérifier que le système possède bien une version d'automake 1.8 ou plus récente car dans certaine installtion, il peut être nécessaire d'utiliser automake.

### 6.2 Fichier de configuration

#### 6.2.1 Problème dans la lecture du fichier de configuration :

- Vérifier qu'il y ait bien un point virgule à la fin de chaque ligne de commande et de commentaire.
- Vérifier qu'il n'y ait pas de ligne vide à la fin de votre fichier de configuration. La dernière ligne doit comporter une commande ou un commentaire. Elle peut également comporter l'instruction END.

# 7 Support - Contact

# 7.1 A l'APC (AstroParticule et Cosmologie)

Antoine PETITEAU:

# 7.2 A l'AEI (Albert Einstein Institute)

Antoine PETITEAU: Antoine.Petiteau@aei.mpg.de - +49 (331) 567-7134

# References

- [1] Theocharis A. Apostolatos, Curt Cutler, Gerald J. Sussman, and Kip S. Thorne. Spin-induced orbital precession and its modulation of the gravitational waveforms from merging binaries. *Phys. Rev. D*, 49:6274–6297, Jun 1994.
- [2] K. A. Arnaud and al. Report on the first round of the Mock LISA Data Challenges. In *Proceedings report from GWDAW 11*, page 13, 2007.

[3] Keith A. Arnaud, Stanislav Babak, John G. Baker, Matthew J. Benacquista, Neil J. Cornish, Curt Cutler, Shane L. Larson, B. S. Sathyaprakash, Michele Vallisneri, Alberto Vecchio, and Jean-Yves Vinet. A how-to for the Mock LISA Data Challenges. In Sixth International LISA Symposium, 2006.

- [4] Keith A. Arnaud, Stanislav Babak, John G. Baker, Matthew J. Benacquista, Neil J. Cornish, Curt Cutler, Shane L. Larson, B. S. Sathyaprakash, Michele Vallisneri, Alberto Vecchio, and Jean-Yves Vinet. An overview of the second round of the Mock LISA Data Challenges. In *Proceedings report from GWDAW 11*, 2007.
- [5] Stanislav Babak, John G. Baker, Matthew J. Benacquista, Neil J. Cornish, Jeff Crowder, Shane L. Larson, Eric Plagnol, Edward K. Porter, Michele Vallisneri, Alberto Vecchio, Keith Arnaud, Leor Barack, Arkadiusz Blaut, Curt Cutler, Stephen Fairhurst, Jonathan Gair, Xuefei Gong, Ian Harry, Deepak Khurana, Andrzej Krolak, Ilya Mandel, Reinhard Prix, B. S. Sathyaprakash, Pavlin Savov, Yu Shang, Miquel Trias, John Veitch, Yan Wang, Linqing Wen, and John T. Whelan. The mock lisa data challenges: from challenge 1b to challenge 3. gr-qc, 08062110, 2008.
- [6] P. Bender and al. LISA Pre-Phase A report. Max-Planck Institut für Quantenoptik, July 1998.
- [7] Luc Blanchet. Gravitational-wave tails of tails. Classical Quantum Gravity, 15:113, 1998
- [8] Luc Blanchet, Guillaume Faye, Bala R. Iyer, and Benoit Joguet. Gravitational-wave inspiral of compact binary systems to 7/2 post-newtonian order. *Phys. Rev. D*, 65(6):061501, Feb 2002.
- [9] Luc Blanchet, Guillaume Faye, Bala R. Iyer, and Benoit Joguet. Erratum: Gravitational-wave inspiral of compact binary systems to 7/2 post-newtonian order [phys. rev. d 65, 061501(r) (2002)]. *Physical Revue D*, 71(129902), 2005.
- [10] Luc Blanchet, Bala R Iyer, Clifford M Will, and Alan G Wiseman. Gravitational waveforms from inspiralling compact binaries to second-post-newtonian order. *Classical Quantum Gravity*, 13:575–584, 1994.
- [11] S. V. Dhurandhar, K. Rajesh Nayak, S. Koshti, and Jean-Yves Vinet. Fundamentals of the LISA stable flight formation. *gr-qc*, 0410093, 2004.
- [12] Task Force MLDC. Site web du Mock LISA Data Challenges. http://astrogravs.gsfc.nasa.gov/docs/mldc/, 2007.
- [13] K. Rajesh Nayak and Jean-Yves Vinet. Algebraic approach to time-delay data analysis for orbiting LISA. *Physical Revue D*, 70(102003), 2003.

[14] Antoine Petiteau, Gerard Auger, Hubert Halloin, Olivier Jeannin, Eric Plagnol, Sophie Pireaux, Tania Regimbau, and Jean Yves Vinet. LISACode: A scientific simulator of LISA. *Phys. Rev. D*, 77(023002):11, Jan 2008.

- [15] M. Tinto, F. B. Estabrook, and J. W. Armstrong. Time-delay interferometry for LISA. *Physical Revue D*, 65(082003), 2002.
- [16] Michele Vallisneri. Synthetic LISA: Simulating time delay interferometry in a model LISA. *Physical Revue D*, 71(022001), 2005.
- [17] Michele Vallisneri, Jeff Crowder, and Massimo Tinto. Sensitivity and parameters-estimation for alternate lisa configurations. *Classical and Quantum Gravity*, 25:065005, 2008.

Table 4: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est **Orbits**.

Nom	Détails	Unités	Valeur
			standard
Armlength	Longueur de bras nominal entre les satellites	mètres	5e9
	de LISA		
StartTime	Temps de départ qui défini la position de	secondes (de 0 à	0
	LISA sur son orbite au démarrage du calcul.	1 an)	
InitialRotation	Phase initial de la configuration du triangle	radians	0
	de LISA (0 : satellite 1 en bas)		
Move	0 : les satellites de LISA sont fixés , 1: orbites	0 / 1 / 2	1
	ARTEMIS, 2: orbites MLDC		
Order	Ordre du calcul des temps de vol : 0 - temps	0 / 1 / 2	2
	calculé à partir des positions des satellites ,1		
	- effet Sagnac , 2 - effet de relativité générale.		

Table 5: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est **Detector**.

Nom		Détails	Unités	Valeur
				standard
LaserP	ower	Puissance laser.	Watt	1
PhaMet	Filter	Active ou désactive le filtre du	On/Off	On
		phasemètre.		
PhaMetFilter-	attnuation	Atténuation du filtre	dB	180
Parameters				
PhaMetFilter-	oscillation	Oscillations en bande passante du	dB	0.1
Parameters		filtre		
PhaMetFilter-	FactFmes-	Factor pour la fréquence de tran-		0.1
Parameters	ForHighFreq	sition haute (fréquence de tran-		
		sition haute sur la fréquence de		
		mesure)		
PhaMetFilter-	FactFmes-	Factor pour la fréquence de tran-		0.3
Parameters	ForLowFreq	sition basse (fréquence de tran-		
		sition basse sur la fréquence de		
		mesure)		

Table 6: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est **Records**.

Nom	Détails	Valeur standard
SignalSC 1	Défini le nom du fichier de sortie qui contient	SC1.txt
	les données brutes des phasmètres du satel-	
	lite 1.	
SignalSC 2	Défini le nom du fichier de sortie qui contient	SC2.txt
	les données brutes des phasmètres du satel-	
	lite 2.	
SignalSC 3	Défini le nom du fichier de sortie qui contient	SC3.txt
	les données brutes des phasmètres du satel-	
	lite 3.	
Delay	Défini le nom du fichier de sortie qui contient	Delay.txt
	les 6 temps de vol en secondes.	
Position	Défini le nom du fichier de sortie qui contient	Delay.txt
	les coordonnées écliptique des 3 satellites en	
	mètres.	
TDI	Défini le nom du fichier de sortie qui contient	TDI.txt
	les flux de données des générateurs TDI.	

Table 7: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est **GW** (voir la figure 3 ) **Mono** défini une onde monochromatique, **Binary** défini un système binaire avec une fréquence fixée et **PostNewtonBinary** défini un système binaire qui est calculé dans l'approximation Post-Newtonienne.

GW Type	Nom	Détails	Unités	Valeur
				stan-
				dard
All	Bet	Latitude écliptique (déclination) de	degrées	de -90 à
		la direction de la source (du Sun à		90
		source)		
All	Lam	Longitude écliptique (déclination)	degrées	de 0 à 360
		de la direction de la source (du Sun		
		à source)		
All	Psi	Polarisation de la source : angle an-	degrées	de 0 à 360
		gle entre le référentiel d'observation		
		et le référentiel de la source		
Mono	f	Fréquence de la source	Hertz	
Mono	hp	Amplitude de la composante + .	rien	1e-21
Mono	hc	Amplitude de la composante $\times$ .	rien	1e-21
Mono	Phi0hp	Phase initiale de la composante +.	radians	$0 \ \text{à} \ 2\pi$
Mono	Phi0hc	Phase initiale de la composante ×.	radians	$0 \ge 2\pi$
Binary	M1	Masse du premier objet	masse solaire	
Binary	M2	Masse du second objet	masse solaire	
Binary	forb	Fréquence orbital du système bi-	Hertz	
		naire.		
Binary	inc	Inclination: angle between angular	degrees	de -90 à
		momentum and source's direction		90
Binary	phi0	Phase initial du système binaire.	radians	$0 \ge 2\pi$
Binary	r	Distance détecteur - source.	KiloParsec	
PostNewtonBinary	M1	Masse du premier objet	masse solaire	
PostNewtonBinary	M2	Masse du second objet	masse solaire	
PostNewtonBinary	tcoal	Temps de coalescence (à 0 au début	secondes	
		de la simulation).		1 00 1
PostNewtonBinary	inc	Inclinaison : angle entre le moment	degrées	de -90 à
		angulaire et la direction de la source		90
PostNewtonBinary	phase	Phase initiale du système binaire.	radians	$0 \text{ to } 2\pi$
PostNewtonBinary	r	Distance détecteur - source.	KiloParsec	
PostNewtonBinary	type	Type de calcul Post-Newtonian : 1	1 / 2	2
		pour 1 PN et 2 pour 2.5 PN.		
PostNewtonBinary	omega0	Phase Post-Newtonian arbitraire.	degrées	1
PostNewtonBinary	taud0	Phase Post-Newtonienne sur le		10
		détecteur.		
PostNewtonBinary	gw	Facteur Post-Newtonien.		1

Table 8: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est  $\mathbf{Noise}$  (see figure 4 for localization).

Parameter	Nom	Détails	Unités	Valeur
type				stan-
				dard
Localization	Laser i j	Bruit du laser associé au banc optique	ie du satellite i poi	ntant
		vers le satellite $i+1$ si $j=0$ et vers le	satellite i-1 si j =	1.
Localization	Mass i j	Bruit de la masse inertielle situé dans	s le banc optique i	j (i.e.
		banc optique du laser i j ).		
Localization	Shot i j	Shot noise du phasemètre qui mesur	re l'interférence ent	tre le
		faisceau du satellite distant le faiscea	u local du banc op	tique
		i j (i.e. banc optique du laser $i j$ ).		
Localization	OOPN i j	Autres bruits sur le chemin optique si	tué dans le banc op	tique
		i j (i.e. banc optique du laser $i j$ ).		
Type	White	Bruit blanc au niveau spécifié.	$\frac{\Delta \nu}{\nu}.Hz^{-1/2}$ unit	1e-13
Type	Filter_1of	Bruit filtré en 1/f au niveau spécfié.	$\frac{\Delta \nu}{\nu}.Hz^{-1/2}$ unit	1.59e-24
Type	Filter_f	Bruit filtré en f au niveau spécifié.	$\frac{\Delta \nu}{\nu}.Hz^{-1/2}$ unit $\frac{\Delta \nu}{\nu}.Hz^{-1/2}$ unit	3.49e-19
Type	Filter_fLosP	Bruit filtré en f au niveau spécifié	$\frac{\Delta \nu}{\nu} . Hz^{-1/2}$ unit	2.30e-19
		proportionnel à la longueur des bras		
		et inversement proportionnelle à la		
		racine carrée de la puissance.		
Type	FilterCoef	Bruit filtré où les coefficients du fil-		
		tre sont spécifié explicitement :		
	- alpha	Coefficient reccursif		
	- beta	Coefficient direct		
	- stabiliza-	Nombre de données nécessaire à la	pas	10000
	tion	stabilisation du filtre		

Table 9: Liste des paramètres utilisés pour configurer la simulation dont le type est  $\mathbf{USO}$ . Il y a un UltraStable Oscillateur par satellite specified by  $\mathbf{SC}$  followed by the spacecraft number

Nom	Détails	Unités	Valeur
			standard
offset	Offset de l'USO par rapport au temps	secondes	0.006
	courant		
derivs	Derive de l'USO par rapport au temps	secondes	1e-7
	courant en seconde par seconde		
noise	Bruit gaussien de l'USO par rapport au	secondes	1e-7
	temps courant avec le $\sigma$ spécifié		

Table 10: Liste des générateurs prédéfinis dans LISA Code ; type  $\mathbf{TDI}.$ 

Nom	Détails	Pack Value (in LISACode)	
Any name	Générateur TDI	à définir après le nom	
X or Xf or X1s1	Michelson de génération 1.5	1, 35, 364, 3653, -4, -53, -521,	
	centré sur SC1	-5235	
Y or Yf or X1s2	Michelson de génération 1.5	2, 16, 145, 1461, -5, -61, -632,	
	centré sur SC2	-6316	
Z or Zf or X1s3	Michelson de génération 1.5	3, 24, 256, 2542, -6, -42, -413,	
	centré sur SC3	-4124	
X2 or Xf2 or X2s1	Michelson seconde génération	1, 35, 364, 3653, 36524, 365253,	
	centré sur SC1	3652521 , $36525235$ , -4 , -53 , -521 ,	
		-5235 , -52361 , -523635 , -5236364 ,	
		-52363653	
Y2 or Yf2 or X2s2	Michelson seconde génération	2, 16, 145, 1461, 14635, 146361,	
	centré sur SC2	1463632, 14636316, -5, -61, -632,	
		-6316 , -63142 , -631416 , -6314145 ,	
		-63141461	
Z2 or Zf2 or X2s3	Michelson seconde génération	3, 24, 256, 2542, 25416, 254142,	
	centré sur SC3	2541413, 25414124, -6, -42, -413,	
		-4124 , -41253 , -412524 , -4125256 ,	
		-41252542	
Alpha or alpha	Générateur de génération 1.5 $\alpha$	-1, -32, -133, 4, 455, 56	
Beta or beta	Générateur de génération 1.5 $\beta$	-121 , -2 , -13 , 64 , 5 , 566	
Gamma or gamma	Générateur de génération 1.5 $\gamma$	-21, -232, -3, 464, 45, 6	
P1	Générateur Beacon sans faisceau	25, -63, -22, 66, 642, -216, 1463	
	reçu sur SC1	, -1425	
Q1	Générateur Beacon sans faisceau	36, -41, -33, 44, 453, -324, 2541	
	reçu sur SC2	, -2536	
R1	Générateur Beacon sans faisceau	14, -52, -11, 55, 561, -135, 3652	
	reçu sur SC3	, -3614	
E1	Générateur Moniteur sans fais-	542, 56, -316, -32, -144, 141, 4,	
	ceau émis sur SC1	-1	
F1	Générateur Moniteur sans fais-	653,64,-124,-13,-255,252,5	
	ceau émis sur SC2	-2	
G1	Générateur Moniteur sans fais-	461, 45, -235, -21, -366, 363, 6,	
	ceau émis sur SC3	-3	

Table 11: Suite du tableau 10; type  $\mathbf{TDI}$ .

Nom	Détails	Pack Value (in LISACode)
U1	Générateur Relay sans faisceau de	145, 1464, -5, -64, 16, 2, -6542,
	SC3 à SC1 et de SC1 à SC2	-656
V1	Générateur Relay sans faisceau de	256, 2545, -6, -45, 24, 3, -4653,
	SC1 à SC2 et de SC2 à SC3	-464
W1	Générateur Relay sans faisceau de	364, 3656, -4, -56, 35, 1, -5461,
	SC2 à SC3 et de SC3 à SC1	-545
A ou Aa ou AX	Générateur à bruit non-corrélé	$[X] \times -1/\sqrt{2}, [Z] \times 1/\sqrt{2}$
E ou Ea ou EX	Générateur à bruit non-corrélé	$[X] \times 1/\sqrt{6}$ , $[Y] \times -2/\sqrt{6}$ , $[Z]$
		$\times 1/\sqrt{6}$
T ou Ta ou TX	Générateur à bruit non-corrélé	$[X] \times 1/\sqrt{3}, [Y] \times 1/\sqrt{3}, [Z] \times 1/\sqrt{3}$
Ab ou AMLDC	Générateur à bruit non-corrélé	$[X] \times 2/3, [Y] \times -1/3, [Z] \times -1/3$
Eb ou EMLDC	Générateur à bruit non-corrélé	$[Y] \times -1/\sqrt{3}, [Z] \times 1/\sqrt{3}$
Tb ou TMLDC	Générateur à bruit non-corrélé	$[X] \times -\sqrt{2}/3, [Y] \times -\sqrt{2}/3, [Z]$
		$\times -\sqrt{2}/3$

Table 12: Orbits basic configuration : Position, X, Y, Z (in meters) of the three spacecraft at different times (in seconds) for a nominal armlength of 5  $10^6$  km.

Time of year (sec)	0	7865000	15730000	23595000
$X_1$	148139203885	-2145093689	-151008051907	-5067293342
$Y_1$	0	149589286122	1447675865	-149546915581
$Z_1$	-2467045747	35723456	2514822292	84388495
$X_2$	150301280330	2186867586	-148868371398	-748229640
$Y_2$	-2478588950	148328221452	-1034018214	-150818789722
$Z_2$	1287273238	-2121040808	-1224681458	2168940029
$X_3$	150301280330	2150754223	-148843921432	-760789288
$Y_3$	1287273238	150818900689	3970806949	-148327868749
$Z_3$	1286809645	2193080836	-1182122299	-2145580218

Phasemeter	Phasemeter SC	SC en vis-a-vis du banc optique	Code
$s_1$	1	2	1
$s_2$	2	3	2
$s_3$	3	1	3
$s'_1$	1	3	4
$s_2'$	2	1	5
$s_3'$	3	2	6

Table 13: Tableau donnant le codage utilisé dans TDI pour les bras.

Opérateur	Bras	$Emetteur \rightarrow Récepteur$	Code
$D_1$	1	$3 \rightarrow 2$	1
$D_2$	2	$1 \rightarrow 3$	2
$D_3$	3	$2 \rightarrow 1$	3
$D'_1$	1'	$2 \rightarrow 3$	4
$D'_2$	2'	$3 \rightarrow 1$	5
$D'_3$	3'	$1 \rightarrow 2$	6

Table 14: Tableau donnant la correspondance entre les chiffres du pack et le bras concerné par l'opérateur de retard.