

Школа-семинар  
«Расширенные возможности  
пакета OpenFOAM»

САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

М.В. Крапошин (НИЦ Курчатовский Институт)  
О.И. Самоваров (Институт Системного Программирования РАН)  
С.В. Стрижак (ГОУ ВПО МГТУ им. Баумана)

**СОДЕРЖАНИЕ**

- Гиперболические уравнения

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} + c \frac{\partial \psi}{\partial x} = 0 \quad \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} - c_0 \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = 0$$

- Параболические уравнения

$$\frac{\partial u}{\partial t} - c \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0$$

- Эллиптические уравнения

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0$$

**РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ГИПЕРБОЛИЧЕСКОГО ТИПА (1)**

- Дискретизация уравнений в OpenFOAM

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} + c \frac{\partial \psi}{\partial x} = 0$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} - c_0 \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = 0$$

**hyper1Foam**

```
solve  
(  
    fvm::ddt(psi)  
    +  
    fvm::div(phi, psi)  
);
```

**hyper1MulesFoam**

```
MULES::explicitSolve(psi, phi,  
phiPsi, 1, 0);
```

**hyper2Foam**

```
solve  
(  
    fvm::d2dt2(psi)  
    -  
    fvm::laplacian(c0, psi)  
);
```

## РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ГИПЕРБОЛИЧЕСКОГО ТИПА (2)

### • Инициализация полей hyper1Foam

```
Info<< "Reading field U\n" <<
endl;
```

```
volVectorField U
```

```
(
    IOobject
    (
        "U",
        runTime.timeName(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::AUTO_WRITE
    ),
    mesh
);
```

```
# include "createPhi.H"
```

```
Info<< "Reading field psi\n"
<< endl;
```

```
volScalarField psi
```

```
(
    IOobject
    (
        "psi",
        runTime.timeName(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::AUTO_WRITE
    ),
    mesh
);
```

РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ГИПЕРБОЛИЧЕСКОГО ТИПА (3)

## • Инициализация полей hyper2Foam

```
IOdictionary transportProperties
(
    IOobject
    (
        "transportProperties",
        runTime.constant(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::NO_WRITE
    );

    Info<< "Reading diffusivity D\n" <<
    endl;

    dimensionedScalar c0
    (
        transportProperties.lookup("c0")
    );
```

```
Info<< "Reading field psi\n"
<< endl;

volScalarField psi
(
    IOobject
    (
        "psi",
        runTime.timeName(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::AUTO_WRITE
    ),
    mesh
);
```

РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ПАРАБОЛИЧЕСКОГО ТИПА

- Дискретизация уравнений в OpenFOAM

$$\frac{\partial T}{\partial t} - \nabla \cdot (\lambda \nabla T) = 0$$

**parabFoam**

```
for (int nonOrth=0; nonOrth<=simple.nNonOrthCorr(); nonOrth++)
{
    solve
    (
        fvm::ddt(T)
        - fvm::laplacian(DT, T) =
        -fvc::grad(p)
    );
}
```

## РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ПАРАБОЛИЧЕСКОГО ТИПА

### • Инициализация полей parabFoam

```
IOdictionary transportProperties
(
    IOobject
    (
        "transportProperties",
        runtime.constant(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::NO_WRITE
    );
    Info<< "Reading diffusivity D\n"
    << endl;

    dimensionedScalar DT
    (
        transportProperties.lookup("DT")
    );
```

```
Info<< "Reading field T\n" <<
endl;
volScalarField T
(
    IOobject
    (
        "T",
        runtime.timeName(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::AUTO_WRITE
    ),
    mesh
```

РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ЭЛЛИПТИЧЕСКОГО ВИДА (1)

- Дискретизация уравнений в OpenFOAM

$$\nabla^2 \phi = 0 = \nabla^2 p$$

```
fvScalarMatrix pEqn
(
    fvm::laplacian
    (
        dimensionedScalar
        (
            "1",
            dimTime/p.dimensions()*dimensionSet(0, 2, -2, 0, 0),
            1
        ),
        p
    )
    ==
    fvc::div(phi)
);
```



## РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ЭЛЛИПТИЧЕСКОГО ВИДА (2)

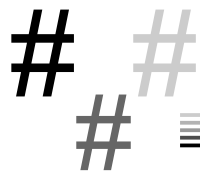
### • Инициализация полей eliFoam

```
Info<< "Reading field p\n" <<
endl;
volScalarField p
(
    IOobject
    (
        "p",
        runTime.timeName(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::NO_WRITE
    ),
    mesh
);
```

```
p = dimensionedScalar("zero",
p.dimensions(), 0.0);
```

```
Info<< "Reading field U\n" <<
endl;
volVectorField U
(
    IOobject
    (
        "U",
        runTime.timeName(),
        mesh,
        IOobject::MUST_READ,
        IOobject::AUTO_WRITE
    ),
    mesh
);
```

```
U = dimensionedVector("0",
U.dimensions(), vector::zero);
```



**СПАСБО ЗА ВНИМАНИЕ!**

$$pV = \nu RT \quad \frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot \rho \mathbf{U} = 0$$

$$\text{fvm::ddt}(\rho) + \text{fvc::div}(\phi) = 0$$

$$\frac{\partial \rho \mathbf{U}}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{U} \mathbf{U}) - \nabla \cdot \left( \mu \frac{1}{2} (\nabla \mathbf{U} + (\nabla \mathbf{U})^T) \right) = -\nabla p$$
$$\text{fvm::ddt}(\rho, \mathbf{U}) + \text{fvm::div}(\phi, \mathbf{U}) -$$
$$\text{fvm::laplacian}(\mu, \mathbf{U})$$
$$=$$
$$-\text{fvc::grad}(p)$$