В решении рассмотрены два алгоритма управления движением концевого эффектора манипулятора по заданной траектории на основе дифференциальной обратной кинематики: метод демпфирующих наименьших квадратов и метод, основанный на транспонировании матрицы Якоби (DLS и Transpose). Для оценки качества работы алгоритмов были проведены несколько экспериментов с различными скоростями движения концевого эффектора и различными параметрами опорной траектории. В качестве оценки используется метрика root mean square error (rmse).

Параметры окружности:

$$x = 0.3 \text{ m}, y = 0.3 \text{ m}, z = 0.25 \text{ m}$$

 $r = 0.08 \text{ m}$

velocity = 0.1 m/c

| versely our man | | |
|-----------------|------------------|--------------------|
| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(M/c) |
| DLS | 0.00044 | 0.018 |
| Transpose | 0.0108 | 0.038 |

velocity = 0.5 m/c

| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(M/c) |
|-----------|------------------|--------------------|
| DLS | 0.0014 | 0.02 |
| Transpose | 0.071 | 0.2 |

velocity = 0.7 m/c

| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(M/c) |
|-----------|------------------|--------------------|
| DLS | 0.002 | 0.018 |
| Transpose | 0.076 | 0.23 |

velocity = 1 m/c

| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(M/c) |
|-----------|------------------|--------------------|
| DLS | 0.0027 | 0.020 |
| Transpose | 0.1 | 0.35 |

$$x = 0.2 \text{ m}, y = 0.4 \text{ m}, z = 0.25 \text{ m}$$

 $r = 0.15 \text{ m}$

velocity = 0.1 m/c

| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(M/c) |
|-----------|------------------|--------------------|
| DLS | 0.00058 | 0.044 |
| Transpose | 0.07 | 0.036 |

velocity = 0.5 m/c

| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(m/c) |
|-----------|------------------|--------------------|
| DLS | 0.00249 | 0.0783 |
| Transpose | 0.09 | 0.29 |

velocity = 0.7 m/c

| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(M/c) |
|-----------|------------------|--------------------|
| DLS | 0.0029 | 0.0741 |
| Transpose | 0.11 | 0.33 |

velocity = 1 m/c

| Алгоритм | RMSE position(M) | RMSE velocity(m/c) |
|-----------|------------------|--------------------|
| DLS | 0.0034 | 0.059 |
| Transpose | 0.12 | 0.4 |

По результатам моделирования можно сделать следующие выводы:

- 1) Метод Damped Least Squares стабильно показывает хорошие результаты отслеживания опорной траектории в широком диапазоне скоростей. Метод, основанный на транспонировании Якобиана, показывает значительно более низкое качество отслеживания положения и скорости концевого эффектора. Кроме того, метод испытывает проблемы со сходимостью при увеличении скорости (требуется увеличение времени интегрирования).
- 2) С увеличением скорости движения концевого эффектора по траектории, возрастают траекторная и скоростная ошибки. Предполагается, что это связано с тем, что Якобиан представляет собой линейную аппроксимацию прямой кинематики. Для каждого из методов считается, что на каждой итерации находятся приращения углов сочленений, такие, что $J\Delta\theta$ = s . Поскольку это предположение основано на линейном приближении, ошибка будет возрастать с ростом величин twist матрицы s (которые будут возрастать с ростом требуемой линейной скорости перемещения концевого эффектора).
- 3) Многие траектории нельзя реализовать или из-за ограничений максимальных углов вращения сочленений манипулятора, или из-за ограничений угловых скоростей их вращения. Для учета этих физических ограничений в алгоритме учтены пределы угловых скоростей вращения и самих углов сочленений.