

Thème : Mouvements et interactions
P7 : modélisation d'une action mécanique sur un système
Activité 2 : poids et masse, une vraie différence !

Objectif : utiliser l'expression vectorielle de la force gravitationnelle et la comparer au poids à la surface de plusieurs planètes

Problématique : comment expliquer qu'un objet n'a pas le même poids suivant l'astre où il se trouve ?

Document 1 : expression vectorielle de la force d'interaction gravitationnelle

A et B sont deux objets massiques.

expressions vectorielles des forces modélisant l'interaction entre A et B (valeur de F en **N**)

masses de A et B (en **kg**)

$$\vec{F}_{A/B} = - \vec{F}_{B/A} = G \cdot \frac{m_A \cdot m_B}{d^2} \cdot \vec{u}_{BA}$$

constante de gravitation universelle ($G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$)

vecteur unitaire porté par la droite (AB), orienté de B vers A

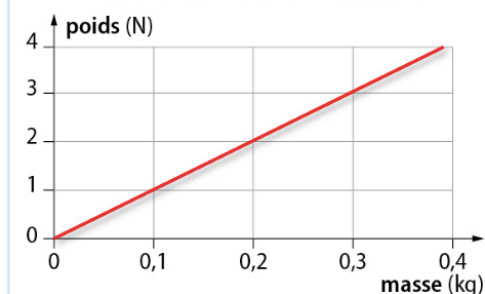
distance entre les centres de A et B (en **m**)

Dans notre exemple : B est un objet de masse m_B à la surface d'un astre A (lune, Terre, Mars) de masse m_A .

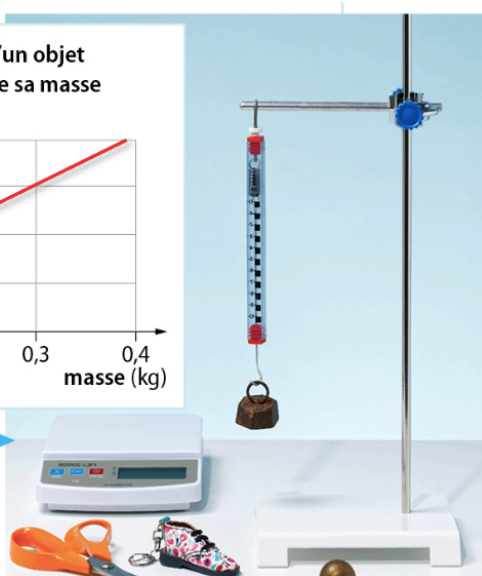
Un vecteur unitaire est le vecteur de norme 1 donnant la direction et le sens d'un vecteur non nul.

Document 2 : relation entre poids et masse sur Terre

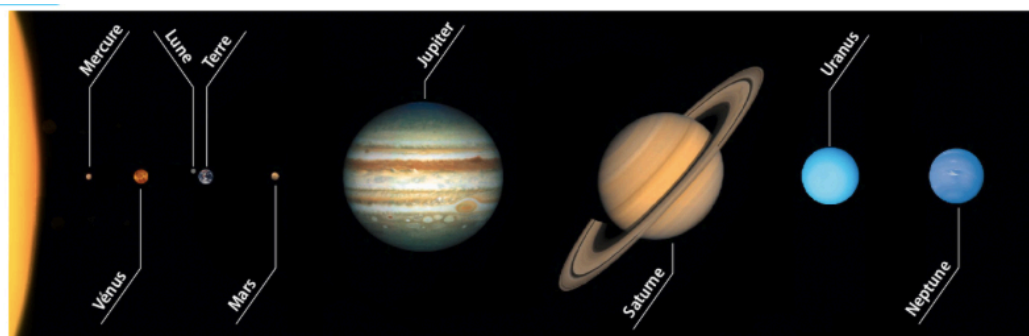
Évolution du poids d'un objet sur Terre en fonction de sa masse


Dispositif expérimental

Les résultats expérimentaux permettent de tracer le graphique ci-dessus.



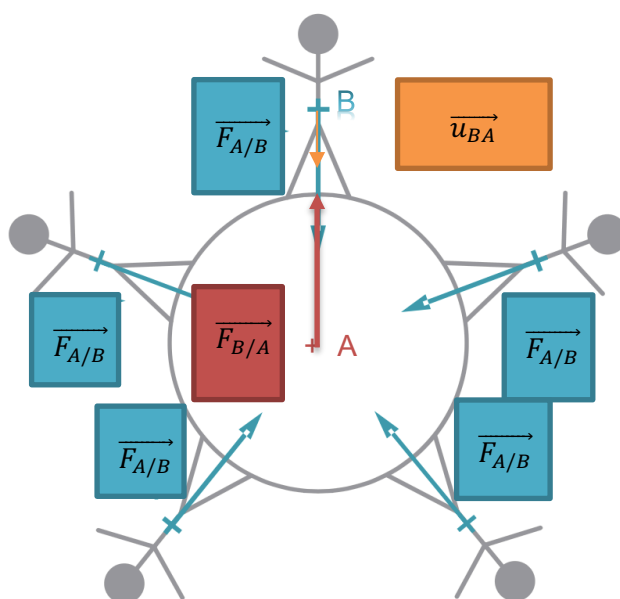
Document 3 : masse et rayons de quelques astres



Astre attracteur	Mercure	Vénus	Terre	Lune	Mars	Jupiter
Masse (en kg)	$3,30 \times 10^{23}$	$4,87 \times 10^{24}$	$5,97 \times 10^{24}$	$7,35 \times 10^{22}$	$6,42 \times 10^{23}$	$1,90 \times 10^{27}$
Rayon moyen (en km)	2 440	6 052	6 371	1 737	3 390	$6,991 \times 10^4$

Questions

1. **Doc 1.** Représenter sur un schéma $\vec{F}_{B/A}$ et $\vec{F}_{A/B}$ (sans souci d'échelle).



$$\vec{F}_{B/A}$$

Et

$$\vec{F}_{A/B}$$

Ont même direction, même valeur (vecteurs de même norme) mais de sens opposés.

2. **Doc 2.** Donner est la formule reliant le poids et la masse. En déduire la valeur expérimentale de g , l'accélération de pesanteur, sur la Terre.
P = m x g (programme 3ème) . D'après le document 2, si on trace le poids en fonction de la masse, on obtient une droite de coefficient directeur 10 N/kg. Ce coefficient directeur correspond à la valeur de g , mesurée sur Terre.
3. Pourquoi peut-on dire que le poids d'un objet situé sur un astre est l'approximation de la force d'interaction gravitationnelle à la surface de l'astre ?
 Le poids et la force d'interaction gravitationnelle modélisent la même action : celle d'un astre sur un objet , sauf que pour le poids, l'objet est situé à la surface de l'astre. On peut donc dire que le poids est l'approximation de la force d'interaction gravitationnelle.
4. **Question 3 et Doc 1** . Montrer alors que $g = \frac{G \times m_A}{R^2}$

On peut dire que $\vec{F}_{A/B} = \vec{P}$ (à la surface de n'importe quel astre de rayon R)

Donc $\frac{G \times m_A \times m_B}{R^2} \cdot \vec{u}_{BA} = m_B \times g \cdot \vec{u}_{BA}$

On a remplacé d par la distance centre de l'astre-centre de l'objet ($d \approx R_{\text{astre}}$)

En simplifiant par m_B des deux côtés de l'équation, on obtient

$$\underbrace{\frac{G \times m_A}{R^2}} \cdot \vec{u}_{BA} = \underbrace{g}_{\downarrow} \cdot \vec{u}_{BA}$$

Par identification, on a bien $g = \frac{G \times m_A}{R^2}$.

5. **Doc 3.** Calculer la valeur de g_{Terre} et g_{Lune} .

On calcule $g_{\text{Terre}} = \frac{G \times m_{\text{Terre}}}{R_{\text{Terre}}^2} = \frac{6,67 \times 10^{-11} \times 5,97 \times 10^{24}}{(6,371 \times 10^6)^2} = 9,81 \text{ N/kg}$

$g_{\text{Lune}} = \frac{G \times m_{\text{Lune}}}{R_{\text{Lune}}^2} = \frac{6,67 \times 10^{-11} \times 7,35 \times 10^{22}}{(1,737 \times 10^6)^2} = 1,62 \text{ N/kg}$

6. Répondre à la problématique.

Un objet aura la même masse quelque soit l'astre considéré . Comme les valeurs de g sont différentes selon les astres, chaque astre exerce une force différente sur le même objet => il aura un poids différent.