视觉第二次考核

弹道解算

背景

在ROBOMASTER比赛中,以精准击中敌方装甲板和敌方建筑物装甲板为基本要求,

想要实现这一点,需要以合适的速度和合适的角度发射弹丸,同时要考虑空气阻力影响。

裁判系统会告诉我们弹丸的初速度:

 v_0

通过PNP算法,我们很轻松的得出目标装甲板位置(以相机为坐标原点建立坐标系):

 $\left[egin{array}{c} x_0 \ y_0 \ z_0 \end{array}
ight]$

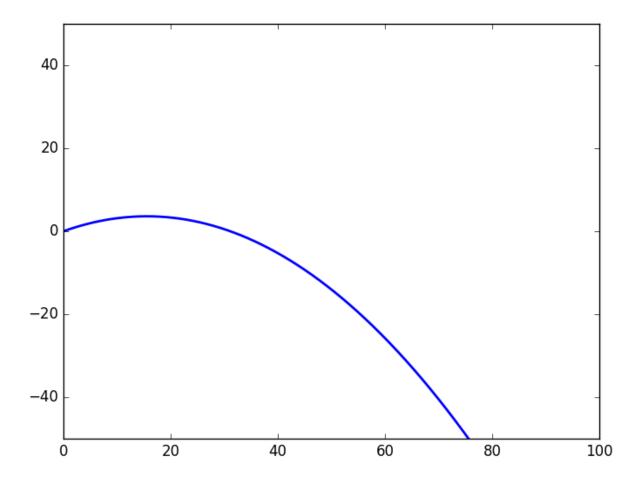
假设我们已经将它变换到以云台为中心的坐标系上:

 $\left[egin{array}{c} x \ y \ z \end{array}
ight]$

那么我们可以得到弹道的水平距离和竖直距离分别为

$$\sqrt{x^2+y^2}, z$$

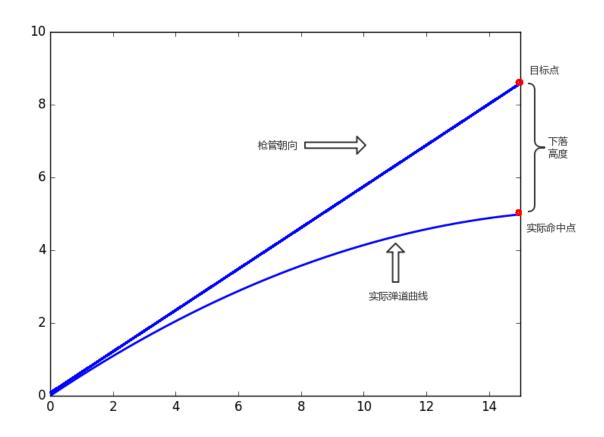
理想弹道模型



横轴为
$$s=\sqrt{x^2+y^2}$$
 纵轴 z

单方向空气阻力模型

当我们直接瞄准目标点(枪管朝向目标点)时,会有一个下落高度。



我们将利用这个**下落高度**进行**迭代补偿**。

考虑到1v1近战,距离较近,枪管倾斜角度不会过大,因此只考虑竖直方向的重力和水平方向的空气阻力 设发射速度为 v0 倾斜角为 θ

竖直方向(z):

$$z=v_0tsin heta-rac{1}{2}gt^2$$

水平方向(s):

$$s=\sqrt{x^2+y^2}$$
空气阻力模型: $f=rac{C
ho S v_s^2}{2}$

C为球体在空气中的摩擦系数 一般取值0.47

ρ为空气密度,在温度为0摄氏度、标准大气压下取值为1.293kg/m³, 25摄氏度、标准大气压取值为1.169kg/m³

S为接触面积

小弹丸参数:

质量: m 尺寸: d 简化符号

$$f = kv^2$$

在标压, 25摄氏度下算得小弹丸k,实际值会偏大

$$v_s = v_0 cos heta$$
 $k_0 = \frac{C \rho S}{2}$
简化得: $f_s = k_0 v_s^2$
 $\frac{-f_s}{m} = a = \frac{dv_s}{dt}$
 $\frac{-k_0 v_s 2}{m} = \frac{dv_s}{dt}$
 $\frac{-k_0}{m} dt = \frac{dv_s}{v_s^2}$
 $k_1 dt = \frac{-dv_s}{v_s^2} \cdots k_1 = \frac{k_0}{m}$
积分得 $k_1 t + C = \frac{1}{v_s}$
 $\exists v_s (t = 0) = v_{x0} = v_0 cos heta \ \exists v_{x0}$
得 $v_s = \frac{v_{x0}}{k_1 v_{x0} t + 1}$
对时间积分得 $s = \frac{1}{k_1} ln(k_1 v_{x0} t + 1) \cdots \vec{x}$ (1)

迭代重力-空气阻力补偿

迭代过程:

- 设置目标点targetPoint(x, y, z)
- 设置临时目标点tempPoint = targetPoint
- 循环迭代n次(10-20次):
 - 。 计算仰角(pitch) angle = 枪管指向tempPoint的角度
 - 。 利于单方向空气阻力模型,计算实际命中点realPoint

- 。 计算误差 Δz = targetPoint realPoint
- 。 更新tempPoint = tempPoint + Δz
- 得到最终的angle和 Δz

更新公式

由式(1)得
$$t = \frac{e^{k_1x} - 1}{k_1v_{x0}} = \frac{e^{k_1x} - 1}{k_1v_0cos\theta}$$
实际落点 $z_{actual} = v_0tsin\theta - \frac{1}{2}gt^2$

目标落点 z_0

计算误差
$$dz=z_0-z_{actual}$$

抬高枪口 $z_{temp}=z_{temp}+dz$ …… z_{temp} 初始值为 z_0
迭代,使 z_{actual} 逐渐逼近真实落点 z_0

问题

假设初速度v=17m/s, $k_1=0.0089$ 以云台为参照,目标装甲板中心坐标(单位m)为

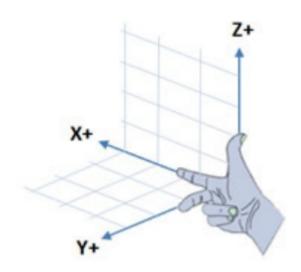
$$\left[\begin{array}{c} x = 3\\ y = 4\\ z = 0.25 \end{array}\right]$$

请根据**单方向空气阻力模型**,求解炮台的出射角heta

要求

- 首先判断是否有解或者多解
- 使用代码语言(Python/C++/C/MATLAB)呈现迭代过程
- 给出近似的数值解即可

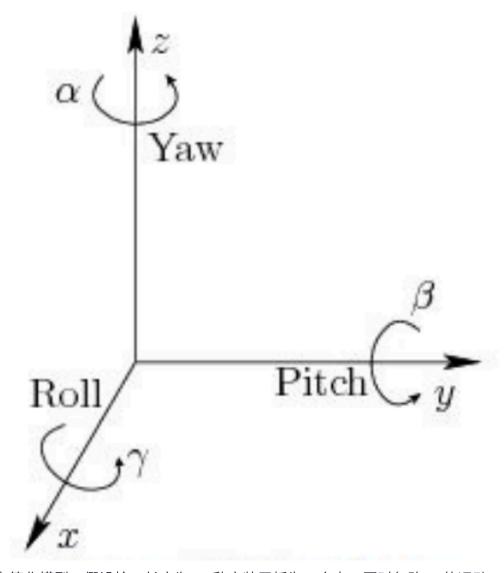
说明1: 我们以云台转轴向上方向为z轴,右手坐标系演示如图



说明2:

• pitch轴 y轴为转轴 从y轴正向看向原点,逆时针方向为pitch轴正方向

• yaw轴 z轴为转轴 从z轴正向看向原点,逆时针方向为pitch轴正方向 **补充**:欧拉角介绍



说明3: 为简化模型,假设枪口长度为0,敌方装甲板为一个点,同时忽略roll的运动