

## ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ

ΣΧΟΛΗ ΗΛΕΚΤΡΟΛΟΓΩΝ ΜΗΧ/ΚΩΝ & ΜΗΧ/ΚΩΝ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ ΤΟΜΕΑΣ ΣΗΜΑΤΩΝ, ΕΛΕΓΧΟΥ ΚΑΙ ΡΟΜΠΟΤΙΚΗΣ

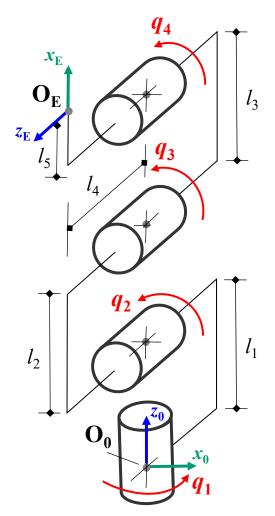
Μάθημα: "Ρομποτική Ι: Ανάλυση, Έλεγχος, Εργαστήριο"

(7° εξάμηνο, Ακαδημαϊκό Έτος 2023-24)

Διδάσκων : Κ. Τζαφέστας

## 1<sup>η</sup> ΣΕΙΡΑ ΑΝΑΛΥΤΙΚΩΝ ΑΣΚΗΣΕΩΝ (Course Assignment #1)

Άσκηση 1.1 (Πίνακας Παραμέτρων D-H, Ευθεία κινηματική ανάλυση)



Έστω ρομποτικός βραχίονας ο οποίος εικονίζεται στο διπλανό Σχήμα 1, ο οποίος διαθέτει 4 περιστροφικούς άξονες (μεταβλητές αρθρώσεων  $q_1$ ,  $q_2$ ,  $q_3$  και  $q_4$ ).

Εφαρμόζοντας τη μέθοδο Denavit-Hartenberg (D-H):

- Να τοποθετηθούν οι άξονες για τα πλαίσια αναφοράς των κινούμενων συνδέσμων και να προσδιορισθεί ο πίνακας των παραμέτρων της μεθόδου.
- Να προσδιορισθεί (συναρτήσει της q1) το μητρώο ομογενούς μετασχηματισμού συντεταγμένων από το πλαίσιο της βάσης στο πλαίσιο του 1°0 κινούμενου συνδέσμου.
- Να προσδιορισθεί (συναρτήσει της q<sub>4</sub>) το μητρώο ομογενούς μετασχηματισμού συντεταγμένων από το πλαίσιο του 3<sup>ου</sup> κινούμενου συνδέσμου στο πλαίσιο του τελικού εργαλείου δράσης.

Σημείωση: Τα σταθερά γεωμετρικά μήκη  $l_1$ ,  $l_2$ ,  $l_3$ ,  $l_4$  και  $l_5$  των συνδέσμων, τα οποία εικονίζονται στο σχήμα, θεωρούνται γνωστά. Το πλαίσιο αναφοράς της ρομποτικής βάσης καθώς και αυτό του τελικού εργαλείου δράσης, σημειώνονται στο Σχήμα 1. Η διάταξη αρχικοποίησης του μηχανισμού είναι αυτή που εικονίζεται στο Σχήμα.

Σχήμα 1: Αρθρωτός ρομποτικός βραχίονας 4 β.ε.

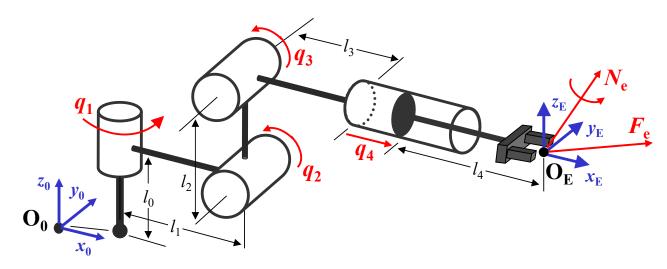
## **Άσκηση 1.2** (Παράμετροι D-Η, ευθεία κινηματική ανάλυση)

Εστω ρομποτικός βραχίονας 4 βαθμών ελευθερίας (3R-1P) όπως εικονίζεται στο ακόλουθο Σχήμα 2. Η βάση στήριξης του μηχανισμού θεωρείται ότι βρίσκεται στο σημείο  $O_0$ , και το άκρο του τελικού εργαλείου δράσης στο  $O_E$ , όπως φαίνεται στο Σχ. 2. Τα σταθερά γεωμετρικά μήκη  $l_0$ ,  $l_1$ , ...,  $l_4$ , των συνδέσμων του μηχανισμού, θεωρούνται γνωστά.

Εφαρμόζοντας τη μέθοδο Denavit-Hartenberg (D-H):

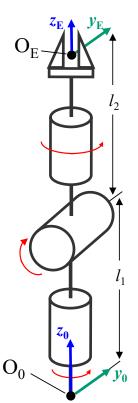
- (α) Να τοποθετηθούν οι άζονες για τα πλαίσια αναφοράς των κινούμενων συνδέσμων και να προσδιορισθεί ο πίνακας των παραμέτρων της μεθόδου.
- (β) Να προσδιορισθεί (συναρτήσει της q<sub>4</sub>) το μητρώο ομογενούς μετασχηματισμού συντεταγμένων από το πλαίσιο του 3°° κινούμενου συνδέσμου στο πλαίσιο του τελικού εργαλείου δράσης.

Σημείωση: Τα πλαίσια αναφοράς της βάσης και του τελικού εργαλείου δράσης του μηχανισμού δίνονται όπως στο Σχήμα 2. Η διάταξη αρχικοποίησης του μηχανισμού είναι αυτή που εικονίζεται στο Σχήμα 2.



Σχήμα 2: Ρομποτικός βραχίονας 4 βαθμών ελευθερίας (3R-1P).

## Άσκηση 1.3 (Μητρώο στροφής, σφαιρικός μηχανισμός καρπού, αντίστροφη κινηματική)



Για τον ρομποτικό μηχανισμό που εικονίζεται στο διπλανό Σχήμα 3 (αποτελούμενο από 3 στροφικές αρθρώσεις), να προσδιορισθούν οι γωνιακές μετατοπίσεις στις αρθρώσεις που οδηγούν σε δεδομένο προσανατολισμό του τελικού εργαλείου δράσης (εκφρασμένου μέσω δεδομένου μητρώου στροφής  $R_{\rm F}^0$ ).

Σημείωση: Η διάταξη αρχικοποίησης του μηχανισμού, καθώς και τα πλαίσια αναφοράς της ρομποτικής βάσης και του τελικού εργαλείου δράσης θεωρούνται όπως στο Σχήμα.

Σχήμα 3: Σφαιρικός μηχανισμός καρπού