

四川大学期中考试试题

(2019——2020 学年第 2 学期)

课程号:

课序号:

课程名称: 微积分 I-2

任课教师:

适用专业年级:

学生人数:

印题份数:

学号:

姓名:

(共 10 题,每题 10 分)

1. 如果函数 $z = f(x, y)$ 在 $(0, 0)$ 连续且 $\lim_{x \rightarrow 0, y \rightarrow 0} \frac{f(x, y)}{x^2 + y^2}$ 存在, 讨论函数 $f(x, y)$ 在 $(0, 0)$ 处的偏导的存在性和可微性.

2. 计算函数 $f(x, y, z) = x^{y^z}$ 的一阶偏导.

3. 设函数 $z = f(xy, yg(x))$, 函数 $f(u, v)$ 具有二阶连续偏导数, 函数 g 可导且在 $x = 1$ 处取得极值 $g(1) = 1$. 求 $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} \Big|_{x=1, y=1}$.

4. 设 $F(\frac{x}{y^2 + 1}, x + y - z) = 0$, 其中 $F(u, v)$ 具有二阶连续偏导数, 且 $F'_v \neq 0$, 计算 $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$.

5. 计算 $f(x, y) = x^2 + y^2 - 12x + 16y$ 在 $D: x^2 + y^2 \leq 25$ 的最值.

6. 计算 $\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} d\sigma$, D 是由心脏线 $r = a(1 + \cos \theta)$ 和圆 $r = a$ 所围的面积 (取圆外部).

7. 设 $f(x) = \int_1^x \sin y^2 dy$, 求 $I = \int_0^1 f(x) dx$.

8. 计算 $I = \iiint_{\Omega} (x^2 + y^2) dx dy dz$, 其中 Ω 是曲线 $y^2 = 2z, x = 0$ 绕 z 轴旋转一周而成的曲面与两平面 $z = 2, z = 8$ 所围的立体.

9. 计算 $\iiint_{\Omega} \frac{z dx dy dz}{(x^2 + y^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}}$, 其中 Ω 为锥面 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 与球面 $x^2 + y^2 + (z - 2)^2 = 2$ 以及

球面 $x^2 + y^2 + z^2 = \frac{1}{16}$ 所围成的区域.

10. 求曲面 $x^2 + y^2 = az$ 和 $z = 2a - \sqrt{x^2 + y^2}$ 所围立体的表面积.