

1 构建模型

过程模型：

$$\mathbf{x}_k = \mathbf{F}_k \mathbf{x}_{k-1} + B_k \mathbf{u}_{k-1} + \Gamma_{k-1} \mathbf{w}_{k-1}, \quad \mathbf{w}_k \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}_{n \times 1}, \mathbf{Q}_k) \quad (1)$$

观测模型：

$$\mathbf{z}_k = \mathbf{H}_k \mathbf{x}_k + \mathbf{v}_k, \quad \mathbf{v}_k \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}_{m \times 1}, \mathbf{R}_k) \quad (2)$$

其中， w_k 和 v_k 是互不相关的高斯白噪声，他们的噪声方差矩阵分别为 \mathbf{Q}_k 和 \mathbf{R}_k 。

2 状态初始化

$$\begin{cases} \hat{\mathbf{x}}_0 = \mathbf{E}(\mathbf{x}_0) \\ \mathbf{P}_0 = \mathbf{E}[(\mathbf{x}_0 - \mathbf{E}(\mathbf{x}_0))(\mathbf{x}_0 - \mathbf{E}(\mathbf{x}_0))^T] \end{cases} \quad (3)$$

当 $k = 0$ 时，取 $\mathbf{P}_{0|0} = \mathbf{P}_0, \hat{\mathbf{x}}_{0|0} = \hat{\mathbf{x}}_0$ 。

3 状态估计预测

$$\hat{\mathbf{x}}_{k|k-1} = \mathbf{F}_k \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1} + B_k \mathbf{u}_{k-1} \quad (4)$$

4 误差协方差预测

$$\mathbf{P}_{k|k-1} = \mathbf{F}_k \mathbf{P}_{k-1|k-1} \mathbf{F}_k^T + \Gamma_{k-1} \mathbf{Q}_{k-1} \Gamma_{k-1}^T \quad (5)$$

5 卡尔曼增益更新

$$\mathbf{K}_k = \mathbf{P}_{k|k-1} \mathbf{H}_k^T (\mathbf{H}_k \mathbf{P}_{k|k-1} \mathbf{H}_k^T + \mathbf{R}_k)^{-1} \quad (6)$$

6 状态估计更新

$$\hat{\mathbf{x}}_{k|k} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1} + \mathbf{K}_k (\mathbf{z}_k - \hat{\mathbf{z}}_{k|k-1}) \quad (7)$$

其中， $\mathbf{z}_{k|k-1} = \mathbf{H}_k \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}$ 。

7 协方差矩阵更新

$$\mathbf{P}_{k|k} = (\mathbf{I}_n - \mathbf{K}_k \mathbf{H}_k) \mathbf{P}_{k|k-1} \quad (8)$$