

# Speech Recognition에 필요한 Audio 기초

조희철

2020년 10월 10일

## ♠ bit rate & sampling rate

- 파일 크기(byte): (재생시간) x (bit rate) / 8
- 여기서 bit rate(비트전송률)는 초당 얼마나 많은 data를 가지고 있는지를 의미한다. 예를 들어, CD audio는 2-channel, 16 bit(Quantization, bit depth), sampling rate(44100)
- audio file의 비트전송률은 (Windows 10) 파일 속성에서 확인할 수 있다.

$$16 \times 2 \times 44100 = 1,411,200 \text{ bit}$$

- sampling rate: 1초에 들어 있는 data 수.

---

```
import sox # sox.exe를 설치후, pip install sox --> https://sourceforge.net/projects/sox/
```

```
sox.file_info.sample_rate(audio_filename)
```

```
sox.file_info.bitdepth(audio_filename)
```

```
sox.file_info.bitrate(audio_filename) # '352k'를 float로 변환하는 과정에 bug가 있다.
```

---

## ♠ Discrete Fourier Transforms

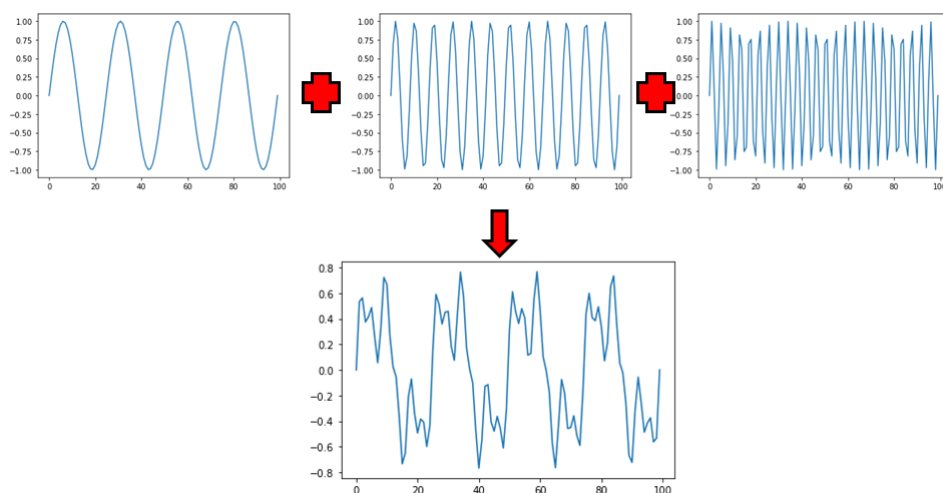


그림 1: Sound(음파)는 단순 Sine파의 결합으로 볼 수 있다. 이 결합된 음파가 어떤 단순파의 결합으로 만들어진 것인지 분석할 수 있게 해주는 것이 Fourier Transform이다. 이런 과정을 time domain(음파)를 frequency domain으로 변환한다고 한다. 그림에서는 각기 다른 주파수의 sine파가 5 : 3 : 2로 결합된 음파를 보여주고 있다. Fourier Transform을 통해 어떤 주파수의 성분이 얼마나 결합되어 있는지 알아낼 수 있다. 이산적인 data를 다루어야 하기 때문에, Discrete Fourier Transform을 사용한다.

- Fourier Transform: 음파와 같은 시간에 대한 신호(함수)를 주파수 성분으로 분해할 수 있게 해준다. 주어진 신호를 (서로 다른 주기를 가진) 주기함수들의 결합으로 분해한다. 여기서 사용되는 주파함수는 복소 주기 함수( $\{e^{-2\pi i k}\}$ )들이다.
- Discrete Fourier Transform(DFT): 컴퓨터에서 처리할 수 있는 data는 이산적이다. 이 이산적인 data에 Fourier Transform을 적용하는 것을 Discrete Fourier Transform이라 한다.
- FFT(Fast Fourier Transform): DTF를 좀 더 효율적으로 계산할 수 있게 해주는 알고리즘이다.
- STFT(Short Time Fourier Transform): 우리가 다루어야 하는 음성이나 음악은 하나의 발음이나 음이 계속 되는 것이 아니다. 시간에 따라 변한다. 그렇게 때문에 음파를 시간단위로 나누어서 각각에 Fourier Transform을 적용하는 것을 STFT라 한다. 자르는 단위를 (frame-length 또는 window-length)라 한다. 그리고 자를때 겹치지 않게 자르지 않고, data의 손실을 막기 위해 겹치는 방식(overlap)으로 자른다. frame을 이동시키는 간격을 hop-length라 한다. 당연히, hop-length는 frame-length보다 작아야 frame이 겹치게 된다.
- DTF의 결과로 복소수로 이루어진 벡터가 생성되는데, 복소수를 다루기 어렵기 때문에 절대값이나 절대값의 제곱을 취한다. 절대값 취한 것을 magnitude spectrogram, 절대값의 제곱한 것을 power spectrogram이라 부른다.

---

```

N = 400; T = 1.0 / 800.0
x = np.linspace(0.0, N*T, N)
y = np.sin(50.0 * 2.0*np.pi*x) + 0.5*np.sin(80.0 * 2.0*np.pi*x)
yf = np.fft.fft(y) #shape: (400,) complex numbers

```

---

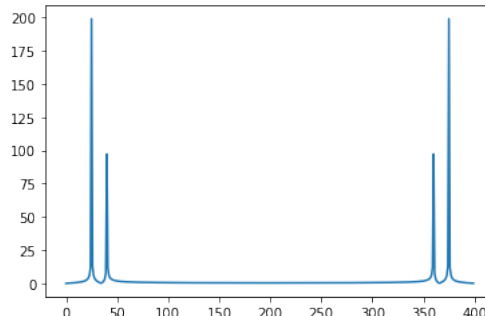


그림 2: DTF: FFT의 absolute 값의 그래프. Nyquist critical frequency<sup>1</sup>에 의해  $-\frac{1}{2T} \sim \frac{1}{2T}$ 의 주파수 영역이 구해지고, 양의 주파수/음의 주파수에 대한 값이 conjugate가 된다. 대칭적인 결과가 redundant하므로, STFT에서는 절반 크기의 output을 만들어 낸다.

---

```

scale, sr = librosa.load(scale_file)
n_fft = 100
fft = np.fft.fft(scale,n=n_fft) # (100,)
rfft = np.fft.rfft(scale,n=n_fft) # (51,)
print(np.allclose(fft[:n_fft//2+1],rfft)) # True

```

---



---

```

N = 5
signal = np.random.rand(N)
fft = np.fft.fft(signal)

```

---

<sup>1</sup>sampling time이  $T$ 일 때,  $\frac{1}{2T}$  이상의 주파수는 측정할 수 없다(aliasing-디지털 신호 처리 과정에서 발생하는 노이즈).

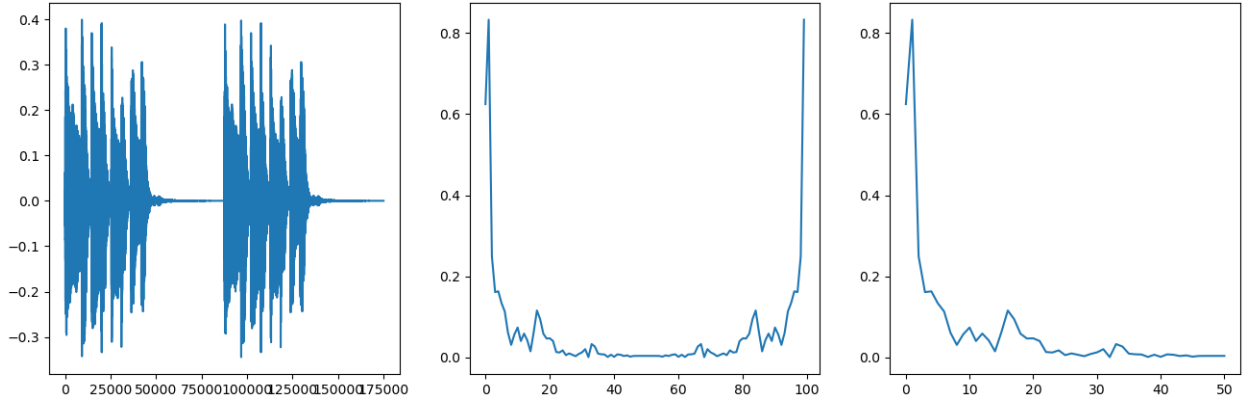


그림 3: fft vs rfft: rfft는 대칭적인 부분을 고려해서 계산량을 줄인다. librosa.stft는 애초에 절반만 return 한다.

```
result = []
for k in range(N):
    temp = 0
    for m in range(N):
        temp += signal[m]*np.exp(-2*np.pi*1j*m*k/N)
    result.append(temp)
```

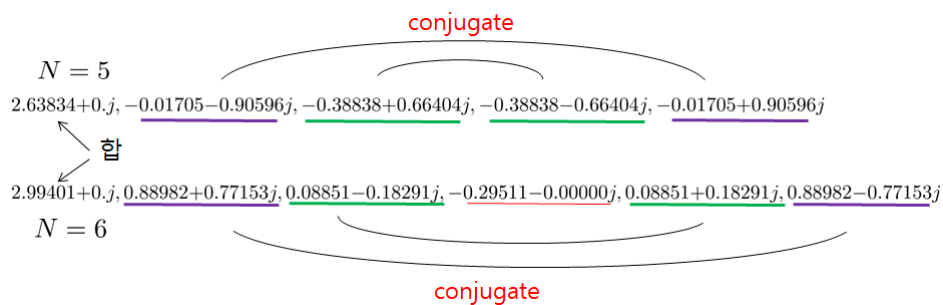


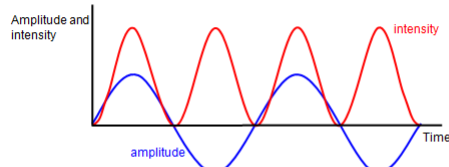
그림 4: FFT의 결과: 첫번째 값은 data의 합이 되고, 그 이후의 값들은 서로 대칭적인 conjugate관계이다. librosa의 stft에서는 hann window를 적용하기 때문에, numpy에서의 fft 결과와는 다르다. 참고로, python에서는 수학에서의 허수단위  $i = \sqrt{-1}$ 를  $j$ 로 표시한다.

## ♠ 소리의 요소들

- Intensity( $I$ ): 단위 면적당 에너지를 뜻한다. amplitude( $A$ )의 제곱에 비례한다.  $I \propto A^2$
- Threshold of hearing(TOH):  $10^{-12}W/m^2$
- Decibel: TOH를 기준으로 log값을 취한 것

$$dB(I) = 10 \times \log_{10} \left( \frac{I}{I_{TOH}} \right)$$

- Timbre: Color of sound, Difference between two sounds with same intensity, frequency, duration.
- 배음 (Overtone): An overtone is any frequency greater than the fundamental frequency of a sound. Using the model of Fourier analysis, the fundamental and the overtones together are called partials. Harmonics,



Source	Intensity	Intensity level	× TOH
Threshold of hearing (TOH)	$10^{-12}$	0 dB	1
Whisper	$10^{-10}$	20 dB	$10^2$
Pianissimo	$10^{-8}$	40 dB	$10^4$
Normal conversation	$10^{-6}$	60 dB	$10^6$
Fortissimo	$10^{-2}$	100 dB	$10^{10}$
Threshold of pain	10	130 dB	$10^{13}$
Jet take-off	$10^2$	140 dB	$10^{14}$
Instant perforation of eardrum	$10^4$	160 dB	$10^{16}$

Table 1.1 from [Müller, FMP, Springer 2015]

그림 5: intensity는 amplitude의 제곱에 비례한다.

or more precisely, harmonic partials, are partials whose frequencies are numerical integer multiples of the fundamental (including the fundamental, which is 1 times itself). 이 배음들이 어떻게 결합되어지는가에 따라 음색이나 악기 고유의 소리가 결정된다.

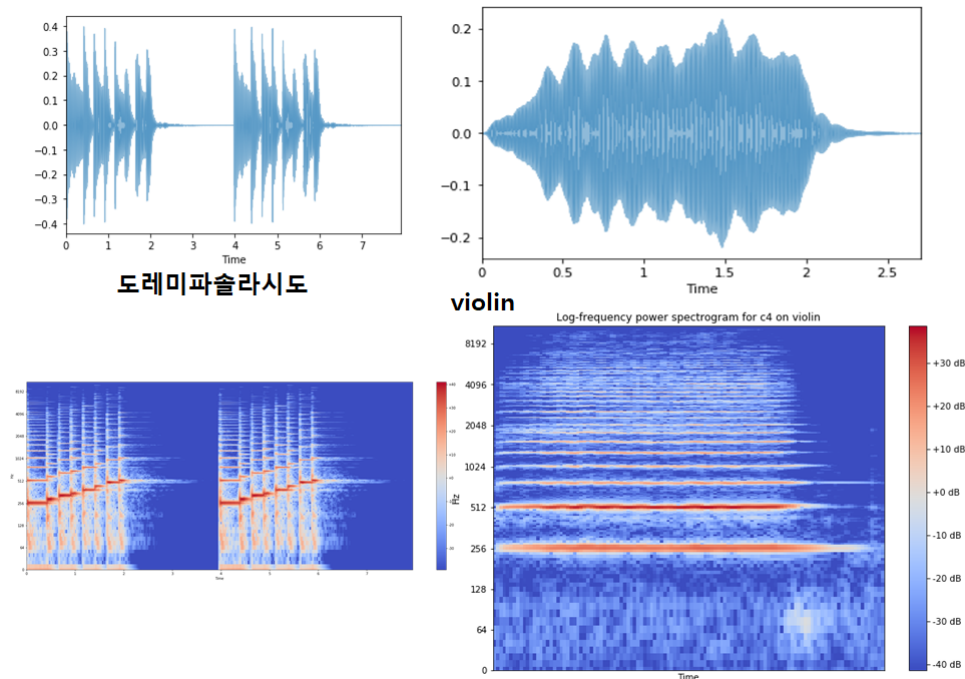


그림 6: 배음 (overtone) 구조: fundamental frequency로 256이 보이고, 이것의 정수배에 해당하는 주파수들도 보인다.

- Additive Synthesis<sup>2</sup>: Additive synthesis is a sound synthesis technique that creates timbre by adding sine waves together.
- waveform 비교:
- Time-domain audio Features: 아래의 Feature들은 전통적인 Machine Learning 분야에서 활용되었으나, 딥러닝이 활성화되면서 중요성이 낮아졌다.
  - Amplitude envelope: 각 frame의 최대값을 모아 놓은 것.
  - RMS(Root Mean Square Energy): 각 frame에서 제곱값의 평균에 root를 취한 값. 각각의 frame마다 계산된다. 직접 계산할 수도 있고, librosa.feature.rms를 이용해도 된다.

<sup>2</sup><https://teropa.info/harmonics-explorer/>

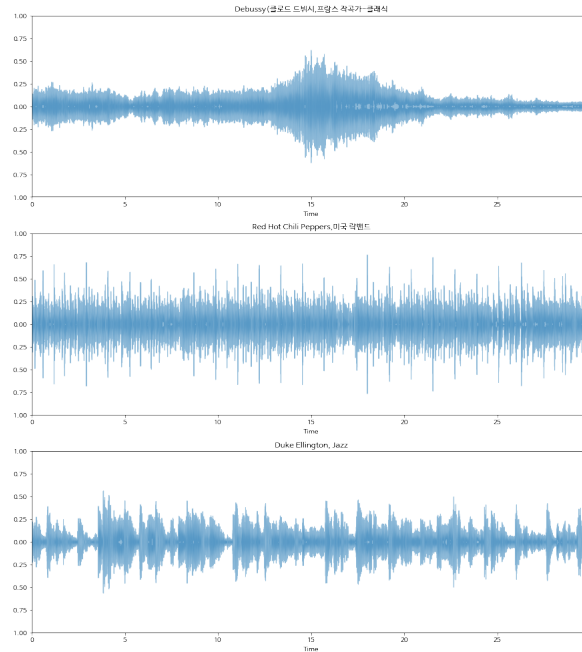


그림 7: waveform 비교: 위에서 부터 클래식음악, 락, 재즈.

– Zero Crossing Rate: Number of times a signal crosses the horizontal axis.

`librosa.feature.zero_crossing_rate`

## ♠ Mel Filter Bank

- $m = 2595 \log_{10}(1 + \frac{f}{700})$

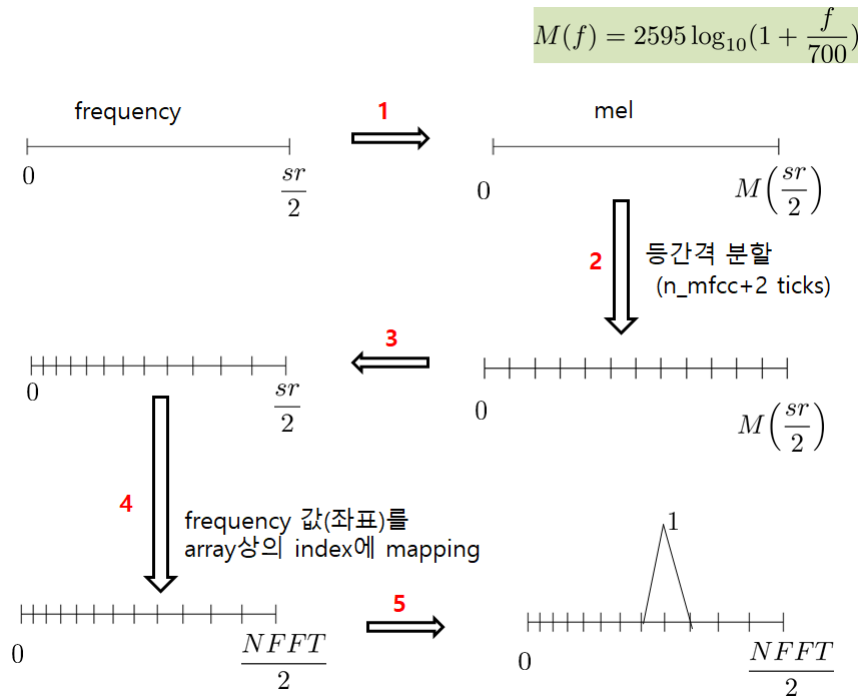


그림 8: mel filter bank(mel basis matrix) 생성 과정: 4번째 과정에서 선택된 주파수는 끝점 포함해서  $(n\_mfcc+2)$  개이고, array index 는 0부터  $NFFT/2$  까지 있다. 따라서 0, 1, 2, ...,  $NFFT/2$  중에서  $(n\_mfcc+2)$  개 만큼의 index 만 선택된다. index 중에서 선택된 곳에서는 0 또는 1의 값을 가지게 하고, 그 외의 index들에 대한 값은  $\Lambda$  모양의 직선상에 있게 값을 잡아 줄 수 있다. 그리고, 처음에 최대 주파수를 지정해 주어야 되는데, default로 sampling-rate의 절반을 사용한다. 주파수는 상대적인 것이기 때문에 critical한 것은 아니다.

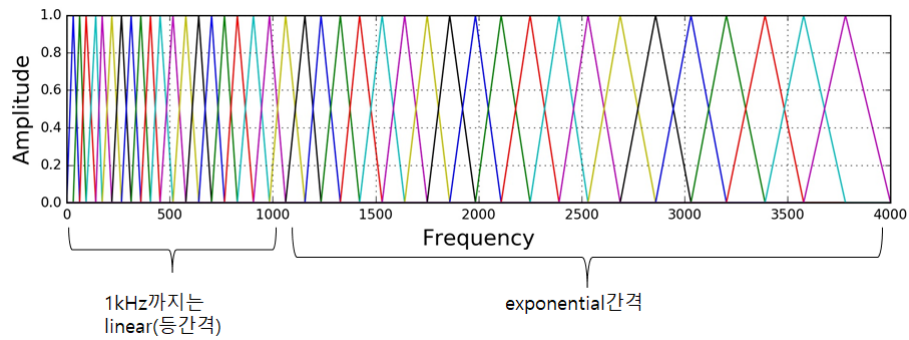


그림 9: mel filter bank

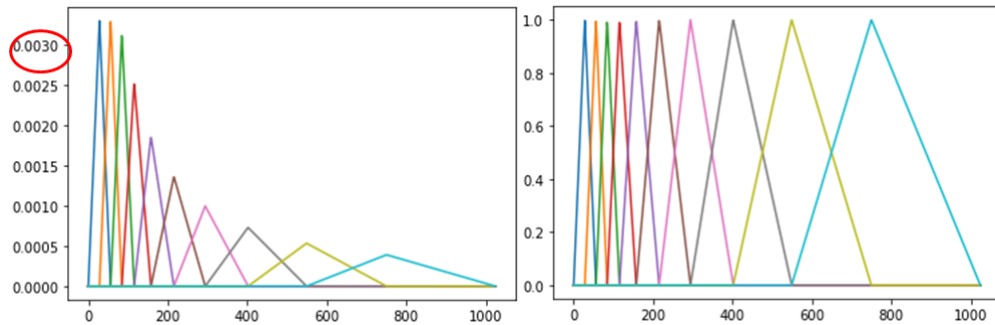


그림 10: librosa.filters.mel: 왼쪽 norm=1(default)로 하면, band의 폭(삼각형의 밑변 길이)으로 값을 나누어준다. 이 경우는 filter weight의 합이 동일하다. 즉 각 column합이 일정하다.

오른쪽: norm=None. normalization이 되지 않았기 때문에, mel spectrogram을 구하면 값이 크다.

## ♠ MFCC

- MFCC(Mel Frequency Cepstral Coefficients)는 Spectrum of Spectrum이라 할 수 있다. Frequency data에 다시 Discrete Cosine Transform(또는 Inverse DFT)을 적용하기 때문이다.
- Therefore, we can apply Discrete Cosine Transform (DCT) to decorrelate the filter bank coefficients and yield a compressed representation of the filter banks<sup>3</sup>.
- MFCC는 log mel-spectrogram을 Discrete Cosine Transform하면 된다. Typically, for Automatic Speech Recognition (ASR), the resulting cepstral coefficients 2-13 are retained and the rest are discarded; num\_ceps = 12. The reasons for discarding the other coefficients is that they represent fast changes in the filter bank coefficients and these fine details don't contribute to Automatic Speech Recognition (ASR).
- log mel-spectrogram의 feature dimension이  $n$ 이면, DCT를 적용해도  $n$  차원이 된다. 이 중에서 앞부분을 필요한 만큼 선택하면 된다. 첫번째 feature는 값(data의 합)이 너무 작아(음수), 다른 feature에 악영향을 주기 때문에 제거하는 경우도 있다.
- 딥러닝이 활성화되기 이전의 머신러닝에서는 Feature의 선택이 중요했기 때문에, mel filter bank에 기인하여 나타나는 Feature 간의 상관관계를 줄이기 위해서 MFCC가 활용되었다. GMM 같은 모델에서는 이런 상관관계가 제거된 Feature가 유용하게 활용된다.
- 딥러닝이 출현한 이후에는 Feature 간의 비선형 관계를 제거해 버리는 MFCC의 중요성이 낮아졌다.

<sup>3</sup><https://haythamfayek.com/2016/04/21/speech-processing-for-machine-learning.html>

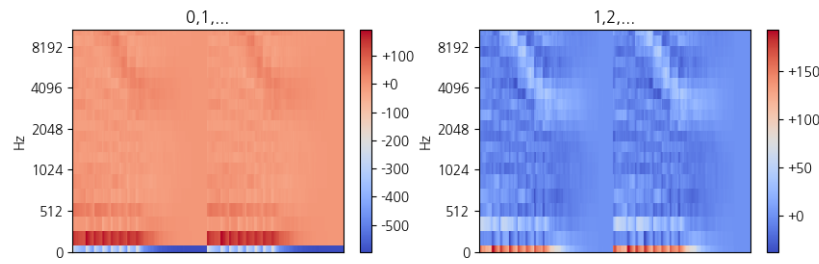


그림 11: MFCC의 첫번째 featurue는 입력 data의 합이다(Fourier/Cosine Transform의 첫번째 값은 data의 합). 첫번째 feature 제거 전/후 비교. 왼쪽은 제일 아래쪽 라인의 값이 너무 작아서 다른 값들이 의미를 가지지 못하게 된다.

## ♠ Preemphasis

- Pre-emphasis is a very simple signal processing method which increases the amplitude of high frequency bands and decrease the amplitudes of lower bands. In simple form it can be implemented as

$$y_t := x_t - \alpha x_{t-1}$$

- 고주파의 노이즈 제거에서 더욱 중요했는데, 요즘 speech recognition에서는 불필요하다는 견해도 있다<sup>4</sup>.
- STFT를 적용하기 전 waveform에 적용하면 된다.

---

```
from scipy import signal
N = 5; k = 0.97
wav = np.random.rand(N)

result1 = signal.lfilter([1, -k], [1], wav)
result2 = wav - np.array([0,]+list(k*wav[:-1]))

print(np.allclose(result1,result2))
```

---

## ♠ Windowing Function

- Hann window: 각 프레임의 처음과 끝에서의 불연속을 최소화하기 위해, Hann window function을 곱해서 STFT를 구한다.

$$w(n) = 0.5 \left( 1 - \cos \left( \frac{2\pi n}{M-1} \right) \right), \quad 0 \leq n \leq M-1$$

- time domain에서 곱해지는 Hann window function은 frequency domain에서의 convolution이 된다. 따라서 frequency를 filtering하는 효과가 있다.

- Hamm window:

$$w(n) = 0.54 - 0.46 \cos \left( \frac{2\pi n}{M-1} \right), \quad 0 \leq n \leq M-1$$

---

<sup>4</sup><https://www.quora.com/Why-is-pre-emphasis-i-e-passing-the-speech-signal-through-a-first-order-high-pass-filter-required-i>

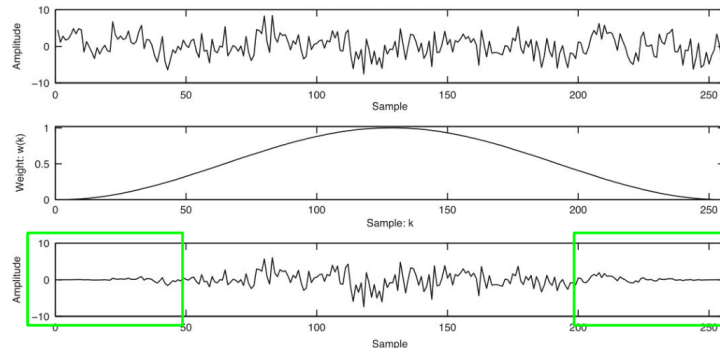
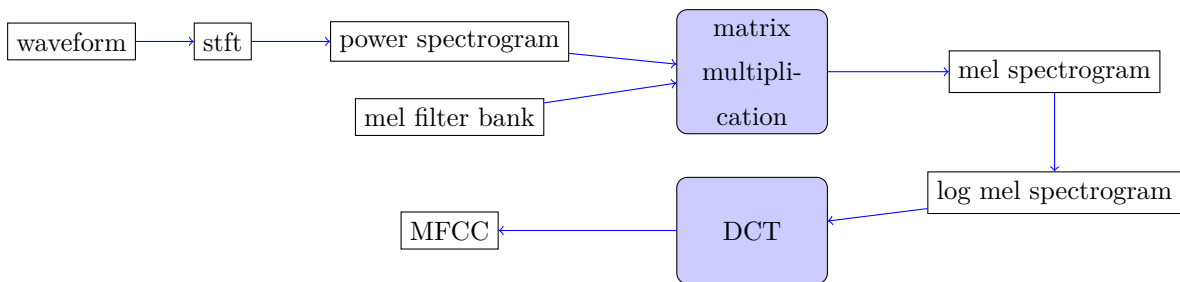


그림 12: Hann Window

## ♠ librosa API



- `librosa.load`: wav 파일 load.  $-1 \sim 1$  사이 값.
- `librosa.display.waveplot`: `sample_rate`을 넣어줌으로써, x축이 시간축으로 잘 보여진다.
- `librosa.display.specshow`: 세로축 (axis=0, 아래에서 위), 가로축 (axis=1, 왼쪽에서 오른쪽).
  - x축: `sample_rate`, `hop_length`을 넣어줌으로써, x축이 시간축으로 잘 보여진다.  
(입력길이 \* `hop_length` / `sample_rate`) = duration(time). `x_axis='time'`이 설정되어야 눈금이 표시된다.
  - y축: `y_axis='log'`로 설정하면, log scale로 보여진다. y축 값은 0 ~ 8000 정도의 값이 입력되는 data에 상관없이 표시된다. `y_coords`를 넣어주면 y축 눈금이 맞게 표시된다. 어째든 상대적인 위치를 본다고 하면, `y_coords`를 넣지 않아도 된다.
- `librosa.power_to_db`: Convert a power spectrogram (amplitude squared) to decibel (dB) units. 즉 제공한 것을 넣어야 한다.
- `librosa.amplitude_to_db`: Convert an amplitude spectrogram to dB-scaled spectrogram. This is equivalent to `power_to_db(S**2)`, but is provided for convenience. 제공하지 않은 것을 넣으면, 내부에서 제공해준다.
- `librosa.core.magphase`: Separate a complex-valued spectrogram D into its magnitude (S) and phase (P) components, so that  $D = S * P$ .
- amplitude vs magnitude: amplitude는 부호를 가진 vector 이고, magnitude는 scalar 값이다.
- `librosa.feature.melspectrogram`: waveform을 입력하면, magnitude spectrogram을 `power(default=2)` 해서

<sup>5</sup><https://www.dropbox.com/s/3nmwun0s1dd25tw/scale.wav?dl=0>



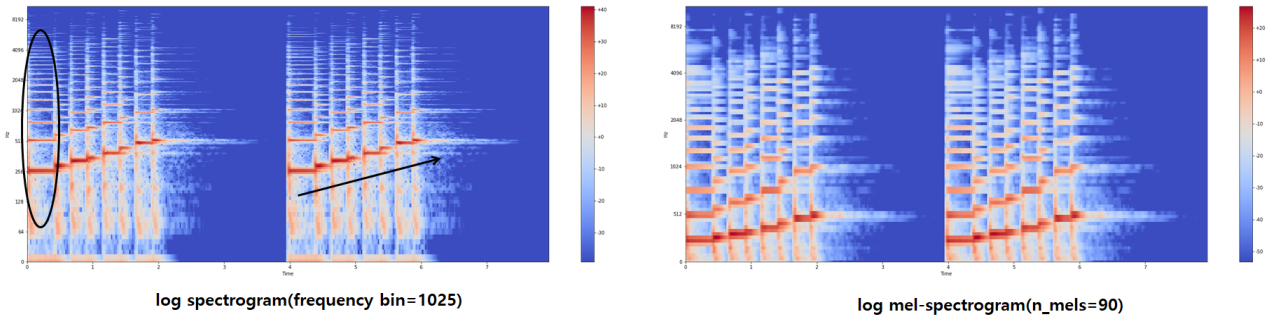


그림 13: log spectrogram vs log mel-spectrogram: ‘도레미파솔라시도’가 두번 나오는 sound<sup>5</sup>에 대한 spectrogram. 배음 구조 (fundamental frequency의 정수배)와 주파수가 올라가는 구조가 잘 보인다. 오른쪽의 mel spectrogram은 차원을 줄이면서도 spectrogram의 특징을 잘 반영하고 있다. MFCC는 더 압축되는 방식이라, 이런 특징이 시각적으로 잘 보이지 않는다.

mel filter bank를 곱한다.

---

```
# melspectrogram를 한번에 구하는 것과, mel filter bank를 거쳐서 구한 것의 결과가 동일하다.
scale, sr = librosa.load(wav_file) # sr=22050, (174943,)
mel_spectrogram = librosa.feature.melspectrogram(scale, sr=sr, n_fft=2048, hop_length=512,
n_mels=10) # (10,342)

S_scale = librosa.stft(scale, n_fft=2048, hop_length=512) # (1025, 342)
filter_banks = librosa.filters.mel(n_fft=2048, sr=22050, n_mels=10) # mel matrix
mag_spectrogram = librosa.magphase(S_scale, power=2)[0] # (magnitude, phase)[0]
mel_spectrogram2 = np.matmul(filter_banks, mag_spectrogram) # (10, 342)

print(np.allclose(mel_spectrogram, mel_spectrogram2)) # True
```

---

- `librosa.feature.mfcc(y, n_mfcc=40)`: waveform을 mel-spectrogram으로 변환 후, mfcc를 만든다. 내부적으로는 `librosa.filters.mel`, `librosa.feature.melspectrogram`의 default parameter들이 사용된다.

---

```
# mfcc를 한번에 구하는 것과, melspectrogram을 거쳐서 구한 것의 결과가 동일하다.
n_mfcc = 20

mfcc = librosa.feature.mfcc(scale, n_mfcc=n_mfcc) # hop_length=512, n_fft=2048,
n_mels(default=128) 크기로 생성후, 앞쪽
return
mfcc_ = librosa.feature.mfcc(scale, n_mfcc=80, hop_length=512, n_fft=2048) # n_mels(default=128) 크
기로 생성후, 앞쪽 80개 return

mel_spectrogram = librosa.feature.melspectrogram(scale, sr=sr) # default: n_fft=2048,
hop_length=512, n_mels=128
log_mel_spectrogram = librosa.power_to_db(mel_spectrogram)
print('shape of log_mel_spectrogram: ', log_mel_spectrogram.shape)
mfcc2 = librosa.feature.mfcc(S=log_mel_spectrogram, n_mfcc=n_mfcc) # output shape, min(n_mels,
n_mfcc)

print(mfcc.shape, mfcc2.shape)
print("2가지 mfcc 결과 비교: ", np.allclose(mfcc, mfcc2)) # True
```

```
mfcc3 = dct(log_mel_spectrogram, type=2, axis=0, norm='ortho')[1:n_mfcc, :]  
print(mfcc3.shape)  
print("직접 구한 결과와 비교: ", np.allclose(mfcc[1:],mfcc3)) # True
```

---