# DS—第三章

# 栈和队列-- Stacks & Queues

- **栈的定义及逻辑特性** 
  - **栈的表示和实现** 
    - 栈的应用、与递归的关系
  - 队列的定义及逻辑特性
- **队列的表示和实现**

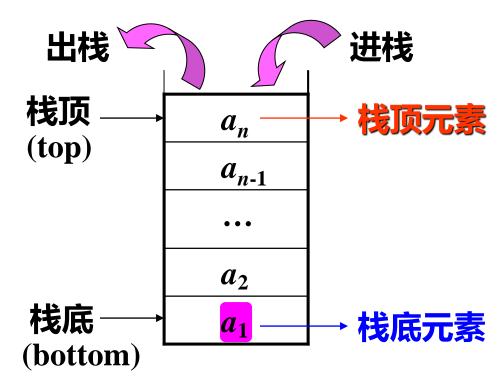


# • 栈的定义

**楼**:线性表 √ 限定位

限定仅在表尾进行插入或删除操作。

后进先出(LIFO结构)。



练习:栈的逻辑特性

【例1】、设输入序列1、2、3、4,则下述序列中()不可能是出栈序列。【中科院中国科技大学2005】

A. 1, 2, 3, 4

C. 1, 3, 4, 2

B. 4, 3, 2, 1

D.4, 1, 2, 3

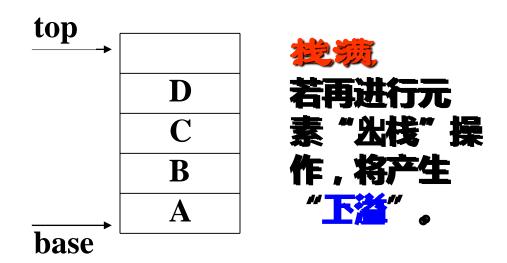
答案: D.



- **栈的表示和实现** 
  - **栈的应用、与递归的关系**
- **○** 队列的定义及其ADT定义
- **队列的表示和实现**

#### • 顺序栈

顺序栈:利用一组地址连续的存储单元依次存放自 栈底到栈顶的数据元素,同时附设指针 top 指示栈顶元 素在顺序栈中的位置。



```
#define STACK_INIT_SIZE 100
                          // 栈存储空间的初始分配量
#define STACKINCREMENT 10 // 栈存储空间的分配增量
typedef struct {
  SelemType *base; // 栈底指针, 它始终指向栈底的位置。
  SelemType *top; // 栈顶指针。
  int stacksize; // 当前分配的栈可使用的最大存储容量。
```

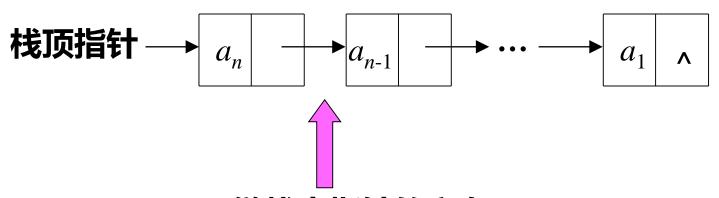
} Sqstack;

注: base 的值为 NULL, 表明栈结构不存在。

书上基本操 作的实现 • 栈的基本操作在顺序栈中的实现

```
#define maxs 9;
main()
{ int stack[maxs]; } InitStack
Status GetTop (SqStack S, SElemType &e) {
  if (S.top == S.base) return ERROR;
                                          T_SIZE * sizeof(SElemtype));
Status Pop (SqStack &S, SElemType &e) {
  if (S.top == S.base) return ERROR;
  e = * -- S.top;
  return OK;
} // Pop
           (S.stacksize + STACKINCREMENT) * sizeof(SElemtype));
   if (!S.base) exit (OVERFLOW);
   S.top = S.base + S.stacksize;
   S.stacksize += STACKINCREMENT; }
  * S.top ++ = e; return OK;
· // Push
```

# 链栈



注意: 链栈中指针的方向



- 栈的表示和实现
  - **栈的应用、与递归的关系**
- **◎** 队列的定义及其ADT定义
- **队列的表示和实现**

#### 3.2.1 数制转换

十进制数 N 和其他 d 进制数 M 的转换是计算机实现计算的基本问题,其解决方法很多,其中一个简单算法是逐次除以基数 d 取余法,它基于下列原理:

 $N = (N \operatorname{div} d) *d + N \operatorname{mod} d$ 

具体作法为: 首先用 N 除以 d , 得到的余数是 d 进制数 M 的最低位  $M_0$  , 接着以前一步得到的商作为被除数 , 再除以 d , 得到的余数是 d 进制数 M 的次最低位  $M_1$  , 依次类推 , 直到商为 0 时得到的余数是 M 的最高位  $M_s$  (假定 M 共有 s +1 位 )。

例: (1348)10=(2504)8, 其运算过程如下:

	N	N div 8	<i>N</i> mod 8	
计算顺序	1348	168	4	输出顺序
	168	21	0 4	
	21	2	5 原	
	2	0	2	

```
void conversion ()
                                                 0
                                 top
 int stack[4];
                InitStack(S)
 int top=0;
 int N;
                                                 5
 scanf("%d", N);
 while (N) {
   stack[top]=N%8;
                       Push(S, N%S)
   top++;
                                 bottom
   N=N/8;
 for(top=top-1; top>=0; top--) While (!Stackempty(S)) {
                                   Pop(S, e);
    printf("%d",stack[top]);
                                   printf("%d", e);
```

#### 3.2.2 括号匹配的检验

假设表达式中允许括号嵌套,则检验括号是否匹配的方法可用"期待的急迫程度"这个概念来描述。

例: [[]]]]
12345678

可能出现的不匹配的情况:

top bottom 盼来的右括号不是所"期待"的;

到来的是"不速之客" ( **右** 括 号 多 ) ;

#### 算法的设计思想:

- 1)凡出现左括号,则进栈;
- 2)凡出现右括号,首先检查栈是否空。若栈空,则表明该"右括号"多余; 否则和栈顶元素比较, 若相匹配,则"左括号出栈", 否则表明不匹配。
- 3) 表达式检验结束时, 若栈空,则表明表达式中匹配正确, 否则表明"左括号"有多余的。

# 3.2.3 行编辑程序

功能:接受用户从终端输入的数据并存入用户的数据区。

接受一个字符即存入数据区。(差!难纠错。)

设一个输入缓冲区,接受完一行字符后再存入用 户的数据区。 (好!可及时纠错。)

划错办法 <sup>#</sup> 退格符,表示前一个字符无效。 @ 退行符,表示整行字符均无效。

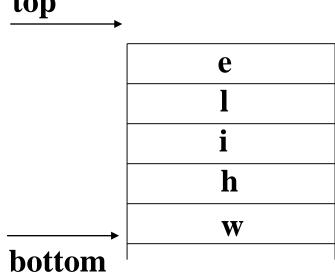
接受的字符为:

whli##ile

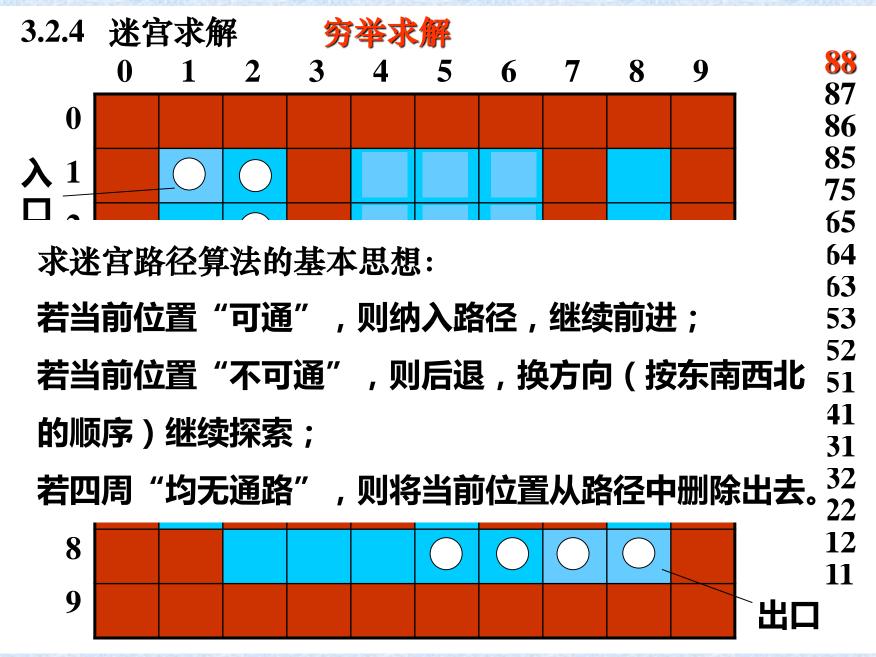
outch@putch

实际有效的为:

while putch



```
void LineEdit( ) {
 InitStack(S);
 ch=getchar();
 while (ch != EOF) { //EOF为全文结束符
   while (ch != EOF && ch != '\n') {
    switch (ch) {
      case '#' : Pop(S, c); break;
      case '@': ClearStack(S); break; // 重置S为空栈
     default: Push(S, ch); break;
    ch = getchar(); // 从终端接收下一个字符
   将从栈底到栈顶的字符传送至调用过程的数据区;
  ClearStack(S); // 重置S为空栈
  if (ch != EOF) ch = getchar();
 DestroyStack(S);
```



## 3.2.5 表达式求值

先乘除,后加减;

运算规则 \ 从左算到右;

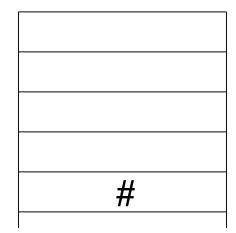
**先括号内,后括号外**;

例: 求表达式 4+2×3-10/5 的值。

计算顺序为:4+2×3-10/5=4+6-10/5=10-10/5=10-2=8

8

操作数或结果



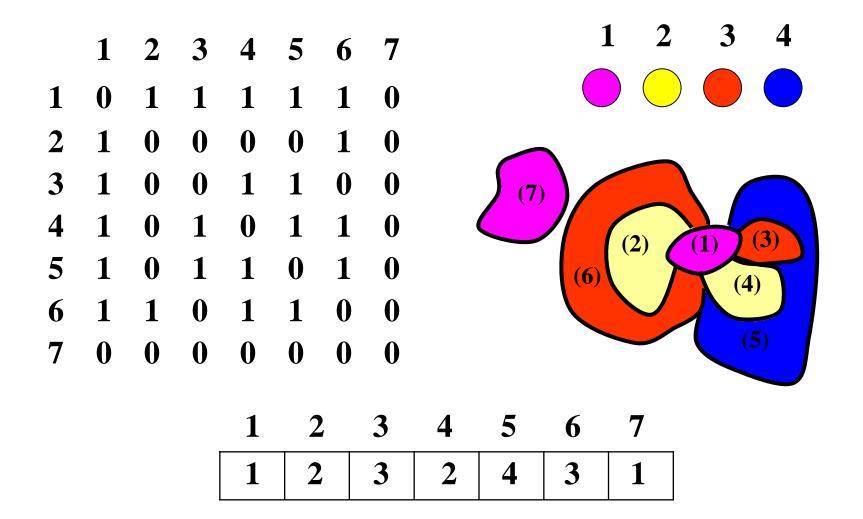
运算符

补充: 地图四染色问题

"四染色"定理是计算机科学中著名定理之一,即可以用不多于四种颜色对地图着色,使相邻的行政区域不重色。

算法思想:从第一号行政区开始逐一染色,每一个区域逐次用颜色 1、2、3、4 进行试探。若当前所取的色数与周围已染色的行政区不重色,则用栈记下该行政区的色数,否则依次用下一色数进行试探;若出现用1至4色均与相邻区域发生重色,则需退栈回溯,修改当前栈顶的色数,再进行试探。直至所有行政区域都已分配合适的颜色。

# 例:已知7个行政区域地图,对其进行染色。



## 课堂作业

- 1、若入栈序列是 a, b, c, d, e ,则不可能的出栈序列是()。
  - (A) edcba (B) decba (C) dceab (D) abcde
- 2、判定一个栈 ST(最多元素为 $m_0$ ) 为空的条件是()。
  - (A) ST.top != ST.base (B) ST.top == ST.base
  - (C) ST.top != ST.base + $m_0$  (D) ST.top == ST.base+  $m_0$
- 3、判定一个栈 ST(最多元素为 $m_0$ ) 为满的条件是()。
  - (A) ST.top != ST.base (B) ST.top == ST.base
  - (C) ST.top != ST.base + $m_0$  (D) ST.top == ST.base+  $m_0$

# 3.3 栈与递归的实现

**递归:**一个直接调用自己或通过一系列的调用语句间接地调用自己的函数,称做递归函数。

```
相应的 C 语言函数是:
```

当在一个函数的运行期间调用另一个函数时,在运行 该被调用函数之前,需先完成三件事:

- 1. 将实参等传递给被调用函数,保存返回地址(入栈);
- 2. 为被调用函数的局部变量分配存储区;
- 3. 将控制转移到被调用函数的入口。

从被调用函数返回调用函数之前,应该完成:

- 1. 保存被调函数的计算结果;
- 2. 释放被调函数的数据区;
- 3. 按被调函数保存的返回地址(出栈)将控制转移到调用函数。

多个函数嵌套调用的规则是:后调用先返回。

此时的内存管理实行"栈式管理"。

# 递归调用执行过程: printf("5!=%f\n",fact(5));

```
主函数

main()

Printf(fact(5))

n = 5

s = 5*fact(4)

第二层调用

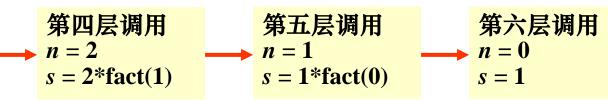
n = 4

s = 4*fact(3)

第三层调用

n = 3

s = 3*fact(2)
```



 $- fact(2)=2 \qquad \qquad fact(1)=1 \qquad \qquad fact(0)=1$ 

# base

```
float fact(int n)

{float s;

if (n = 0) n = 5

s = 1;
```

```
If (n = 0) n = 5

s = 1;

else

s = n*fact(n - 1);

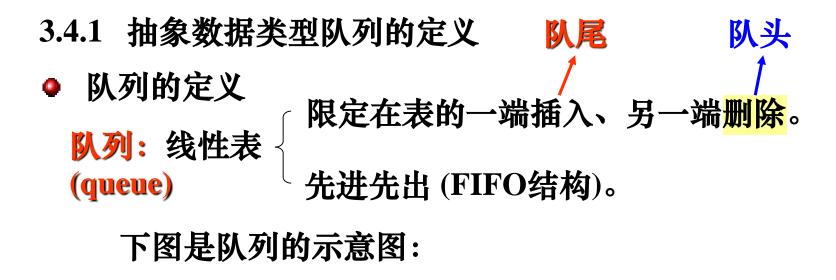
return (s);
```

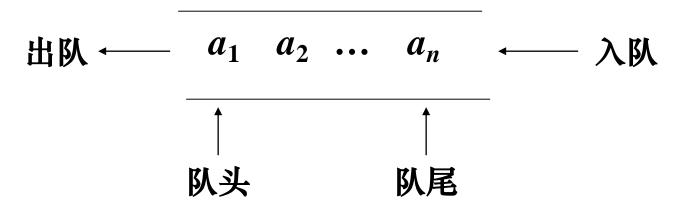
# 思考

```
fac(int n)
                                fac(int n)
\{ if(n==0) \}
                                 \{ if(n==0) \}
     return 1;
                                     return 1;
  else
                                   else
    \{s=n*fac(n-1);
                                    {printf("%d",n);
     printf("%d",n);
                                     s=n*fac(n-1);
     return s;
                                     return s;
当n=4时,输出结果为
                                当n=4时,输出结果为
 1,2,3,4
                                4,3,2,1
```



- **栈的表示和实现** 
  - 🧪 栈的应用、与递归的关系
- **○** 队列的定义及其ADT定义
- **队列的表示和实现**





当队列中没有元素时称为空队列。

• 队列的抽象数据类型的定义

#### **ADT Queue** {

数据对象:  $D = \{a_i | a_i \in ElemSet, i = 1, 2, ..., n, n \ge 0\}$ 

数据关系:  $R1 = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, i = 2, ..., n \}$ 

约定其中 $a_1$ 端为队列头, $a_n$ 端为队列尾。

# 基本操作:

# InitQueue(&Q)

操作结果:构造一个空队列 Q。

# **DestroyQueue(&Q)**

初始条件: 队列 Q 已存在。

操作结果: 队列 Q 被销毁,不再存在。

## **QueueEmpty(Q)**

初始条件: 队列 Q 已存在。

操作结果: 若Q为空队列,则返回TRUE,

否则返回 FALSE。

## QueueLength(Q)

初始条件: 队列 Q 已存在。

操作结果:返回Q的元素个数,即队列的长度。

#### GetHead(Q, &e)

初始条件: Q 为非空队列。

操作结果: 用 e 返回 Q 的队头元素。

#### ClearQueue(&Q)

初始条件: 队列 Q 已存在。

操作结果:将Q清为空队列。

#### EnQueue(&Q, e)

初始条件: 队列 Q 已存在。

操作结果:插入元素 e 为 Q 的新的队尾元素。

## **DeQueue(&Q, &e)**

初始条件: Q 为非空队列。

操作结果: 删除 Q 的队头元素 , 并用 e 返回其值。

**ADT Queue** 

端点1

端点 2

• 双端队列

**下限定插入和删除在表的两端进行。** 

双端队列:线性表

(double-ended queue)

先进先出 (FIFO结构)。

下图是双端队列的示意图:

入队 → a<sub>1</sub> a<sub>2</sub> ... a<sub>n</sub> 出队 ← ↑ ↑ ↑ ↑ ☆ ☆ 点 1

输出受限的双端队列:一个端点可插入和删除,另一个端点仅可插入。

输入受限的双端队列:一个端点可插入和删除, 另一个端点仅可删除。 某队列允许在其两端进行入队操作,但仅允许在一端进行出队操作,若元素a,b,c,d,e依次入队列后,再进行出队操作,则不可能得到的顺序是()。

A . bacde

B. dbace

C. dbcae

D. ecbad



- **栈的表示和实现** 
  - 🧪 栈的应用、与递归的关系
- **○** 队列的定义及其ADT定义
- **队列的表示和实现**

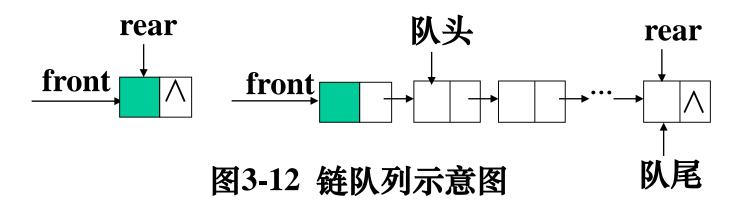
3.4.2 链队列——队列的链式表示和实现

链队列:用链表表示的队列。

是限制仅在表头删除和表尾插入的单链表。

一个幾队列由一个头指针和一个是指针单一确定。 (因为仅有头指针不便于在表尾做插入操作)。

为了操作的方便,也给链队列添加一个头结点,因此,空队列的判定条件是:头指针和尾指针都指向头结点。



```
用 C 语言定义链队列结构如下:
typedef struct QNode
QElemtype
             data;
 struct QNode *next;
} Qnode, *QueuePtr; // 定义队列的结点
typedef struct
{ QueuePtr front; // 队头指针
 QueuePtr rear; // 队尾指针
}LinkQueue;
```

```
队列的基本操作在链队列中的实现:
队列的初始化:
Status InitQueue (LinkQueue &Q)
 { // 构造一个空队列 Q
   Q.front = Q.rear = (QueuPtr) malloc (sizeof(QNode));
   if (!Q.front) exit (OVERFLOW); // 存储分配失败
     Q.front \rightarrow next = NULL;
   return OK;
```

```
销毁队列:
Status DestroyQueue (LinkQueue &Q)
    { while (Q.front)
       { Q.rear = Q.front -> next;
         free (Q.front);
         Q.front = Q.rear;
       return OK;
                                            Q.rear = null
            Q.front = null
```

# 插入操作在链队列中的实现

```
Status EnQueue (LinkQueue &Q, QElemType e)
    { // 插入元素 e 为 Q 的新的队尾元素
       p = (QueuePtr) malloc (sizeof (QNode));
       if (!p) exit (OVERFLOW);
       p \rightarrow data = e; p \rightarrow next = NULL;
       Q.rear \rightarrow next = p;
       Q.rear = p;
       return OK;
             front
             rear
```

### 删除操作在链队列中的实现

```
Status DeQueue (LinkQueue &Q, QElemType &e)
     { if (Q.front == Q.rear) return ERROR;
       p = Q.front \rightarrow next;
       e = p \rightarrow data;
       Q.front -> next = p -> next;
       if (Q.rear == p) Q.rear = Q.front;
       free (p);
       return OK;
                          front
```

rear

#### 课堂作业

- 1、栈的特点是(),队列的特点是()。
- 2、线性表、栈和队列都是()结构,线性表可以在()位置插入和删除元素,栈只能在()插入和删除元素, 队列只能在()插入元素和()删除元素。
- 3、设栈 S 和队列 Q 的初始状态皆为空,元素a1,a2,a3,a4,a5 和 a6 依次通过一个栈,一个元素出栈后即进入队列 Q,若6个元素出队列的顺序是 a3,a5,a4,a6,a2,a1 则栈 S 至少应该容纳()个元素。
  - (A)3 (B)4 (C)5 (D)6
- 4、若队列的入队序列是 1, 2, 3, 4, 则出队序列是()。 (A)4,3,2,1(B)1,2,3,4(C)1,4,3,2(D)3,2,4,1

# 3.4.3 循环队列 - 队列的顺序表示和实现

是限制仅在表头删除和表尾插入的顺序表。

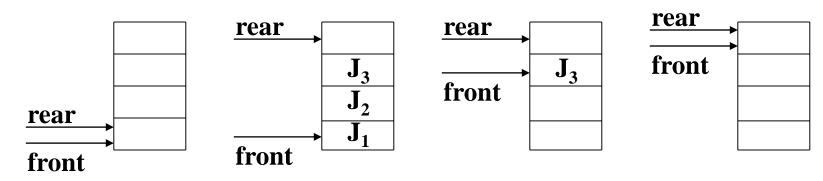
利用一组地址连续的存储单元依次存放队列中的数据元素。

因为:队头和队尾的位置是变化的,所以:设头、尾指针。

初始化时的初始值均应置为 0。

入队,尾指针增1 头尾 出队,头指针增1 **头尾指针相等时队列为空** 

在非空队列里, 头指针始终指向队头元素 尾指针始终指向队尾元素的下一位置。



头、尾指针和队列元素之间的关系

河北师范大学软件学院

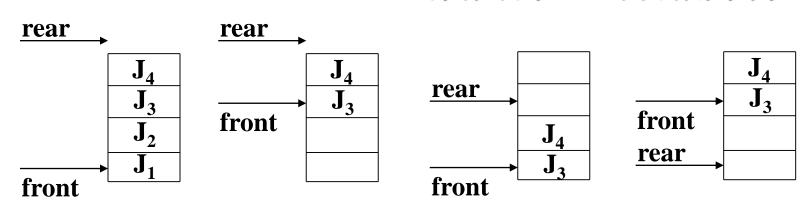
在顺序队列中,当尾指针已经指向了队列的最后一个位置的下一位置时,若再有元素入队,就会发生"溢出"。

"假溢出"——队列的存储空间未满,却发生了溢出。

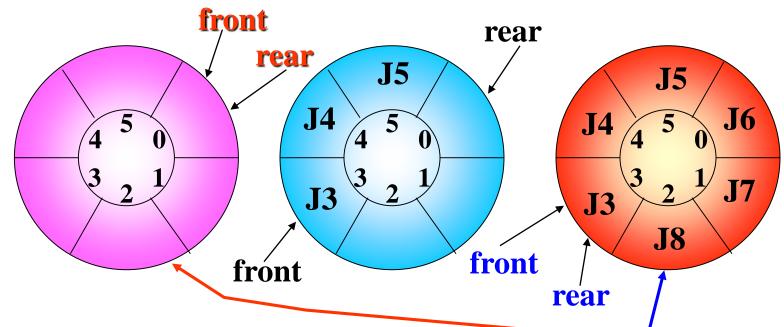
解决"假溢出"的问题有两种可行的方法:

- (1)、平移元素:把元素平移到队列的首部。效率低。
- (2)、将新元素插入到第一个位置上,构成循环队列, 入队和出队仍按"先进先出"的原则进行。

操作效率、空间利用率高。



### 循环队列的三种状态:



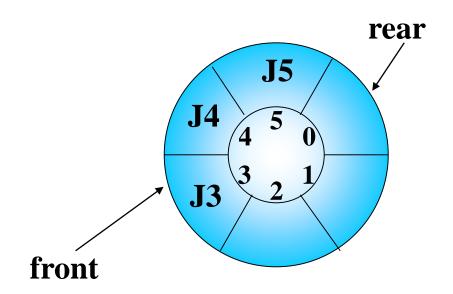
注: 仅凭 front = rear 不能判定队列是空还是满。

解决办法: (1)、另设一个布尔变量以区别队列的空和满(使用一个计数器记录队列中元素的总数。);

(2)、少用一个元素的空间,约定入队前测试尾指针在循环 意义下加1后是否等于头指针,若相等则认为队满;

```
队列的顺序存储结构:
```

```
#define MAXQSIZE 100 //最大队列长度
typedef struct {
  QElemType *base; // 预分配存储空间基址
             // 头指针,若队列不空,
  int front;
              // 指向队列头元素
              // 尾指针,若队列不空,
  int rear;
              // 指向队列尾元素 的下一个位置
} SqQueue;
```



循环意义下的加 1 操作可以描述为:
if (rear + 1 >= MAXQSIZE)
 rear = 0;
else

rear ++;

利用模运算可简化为: rear = (rear + 1)% MAXQSIZE

```
队列的基本操作在循环队列中的实现:
队列的初始化:
Status InitQueue (SqQueue &Q)
{ // 构造一个空队列Q
 Q.base = (QElemType *) malloc
        (MAXQSIZE *sizeof (QElemType));
 if (!Q.base) exit (OVERFLOW); // 存储分配失败
 Q.front = Q.rear = 0;
 return OK;
```

# 求循环队列的长度

Status QueueLength (SqQueue Q) {

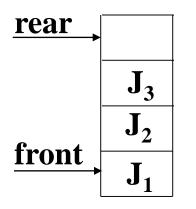
// 返回队列 Q 的元素个数

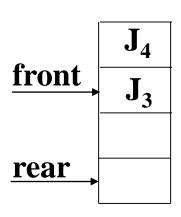
考虑到循环队列



return (Q.rear - Q.front + MAXQSIZE) % MAXQSIZE;

}





```
插入操作在循环队列中的实现
```

Status EnQueue (SqQueue &Q, QElemType e) {

// 插入元素 e 为 Q 的新的队尾元素

if ((Q.rear + 1) % MAXQSIZE == Q.front)

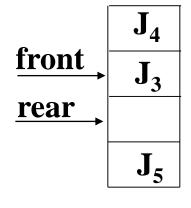
return ERROR;

// 队列满

**Q.base**[**Q.rear**] = **e**;

Q.rear = (Q.rear + 1) % MAXQSIZE;

return OK;



# 删除操作在循环队列中的实现

Status DeQueue (SqQueue &Q, ElemType &e) {

// 若队列不空,则删除 Q 的队头元素,

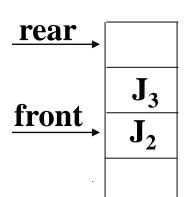
// 用e 返回其值,并返回 OK; 否则返回 ERROR

if (Q.front == Q.rear) return ERROR;

e = Q.base[Q.front];

Q.front = (Q.front + 1) % MAXQSIZE;

return OK;



rear

front

```
队列的应用
```

补例 1: 杨辉三角的计算

利用循环队列的计算过程:

假设只计算2行,

队列的最大容量为5。

```
1 1 1
2 1 2 1
3 1 3 3 1
4 1 4 6 4 1
```

```
2 1 1 0 1
```

补例 2: CPU 资源的竞争问题

在多用户计算机系统中,各个用户需要使用 CPU 运行自己的程序,它们分别向操作系统提出使用 CPU 的请求,操作系统按照每个请求在时间上的先后顺序, 将其排成一个队列,每次把CPU分配给队头用户使用, 当相应的程序运行结束,则令其出队,再把CPU分配 给新的队头用户,直到所有用户任务处理完毕。

补例 3:主机与外部设备之间速度不匹配的问题。

以主机和打印机为例来说明,主机输出数据给打印 机打印,主机输出数据的速度比打印机打印的速度要快 得多,若直接把输出的数据送给打印机打印,由于速度 不匹配,显然不行。解决的方法是设置一个打印数据缓 冲区,主机把要打印的数据依此写到这个缓冲区中,写 满后就暂停输出,继而去做其它的事情,打印机就从缓 冲区中按照先进先出的原则依次取出数据并打印,打印 完后再向主机发出请求,主机接到请求后再向缓冲区写 入打印数据,这样利用队列既保证了打印数据的正确, 又使主机提高了效率。

### 课堂练习

- 1、循环队列用数组 A[0, m-1] 存放其元素值,已知其头尾指 针分别是 front 和 rear ,则当前队列中的元素个数是()。
  - (A) (rear-front+m)%m (B) rear-front+1

(C) rear-front-1

- (D) rear-front
- 2、以数组 Q[0... m 1] 存放循环队列中的元素,变量 rear 和 qulen 分别指示循环队列中队尾元素的实际位置和当前 队列中元素的个数,队列第一个元素的实际位置是()。
  - (A) 1+rear qulen
- (B) rear qulen + m

(C) m - qulen

(D) 1 + (rear - qulen + m) % m