Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение высшего образования

«Финансовый университет при Правительстве Российской Федерации» КОЛЛЕДЖ ИНФОРМАТИКИ И ПРОГРАММИРОВАНИЯ

Расчетно-графическая работа

По дисциплине математика EH.01.10.02.03.007

Вариант №11
Студент группы 2ПКС-115 Деменчук Г.М.
абота принята с оценкой:
Іреподаватель: /Белоглазов А.И.

Исходные данные:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 4 \\ 0 & 5 & 7 \\ -1 & 2 & -3 \end{pmatrix}; B = \begin{pmatrix} 4 & -8 & -5 \\ -4 & 7 & -1 \\ -3 & 5 & 1 \end{pmatrix}; C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 8 & 0 & 4 \\ -2 & 2 & 8 \end{pmatrix};$$

$$D = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 6 \\ 4 & -1 & 5 \\ 2 & -6 & -1 \end{pmatrix}; Z = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 3 \end{pmatrix}; F = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 3 & -2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix};$$

$$K = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 7 & 2 & 5 \\ -1 & 0 & 4 & 8 & 3 \\ 3 & 6 & 10 & -4 & 7 \end{pmatrix}; M = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 \\ 0 & 5 & -1 & 4 \\ -1 & 3 & 4 & 6 \end{pmatrix}; N = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 & 5 & 1 \\ 4 & 3 & 1 & 7 & 5 \\ 0 & 3 & -5 & -3 & 3 \\ 2 & 3 & -2 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

$$P = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 6 \\ 2 & 3 & 1 & 6 \\ 3 & 1 & 2 & 6 \end{pmatrix}; L = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 3 & 0 & 2 \\ 2 & -4 & 1 & 5 & 3 \\ -4 & 5 & 7 & -10 & 0 \\ -2 & 1 & 8 & -5 & 3 \end{pmatrix}; R = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 0 & 3 \\ 2 & 3 & 1 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$U = \begin{pmatrix} 3 & 4 & -5 & 1 \\ 8 & 7 & -2 & -1 \\ 2 & -1 & 8 & -3 \end{pmatrix}; T = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 2 \\ 17 & 15 & 8 \\ 4 & 8 & 4 \\ 13 & 7 & -3 \end{pmatrix}; S = \begin{pmatrix} 7 & 6 & -5 \\ 1 & -2 & 1 \\ -8 & 1 & 1 \\ 2 & 8 & 3 \end{pmatrix}$$

Задача 1

Условие задания: вычислить выражение $Z^2D' + E$

$$\begin{split} Z^2D' + E &= \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 3 \end{pmatrix}^2 \begin{pmatrix} 2 & 5 & 6 \\ 4 & -1 & 5 \\ 2 & -6 & -1 \end{pmatrix}' + \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 4 & 2 \\ 5 & -1 & -6 \\ 6 & 5 & -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 1 \cdot 1 + 2 \cdot 1 - 3 \cdot 4 & 1 \cdot 2 + 2 \cdot 0 - 3 \cdot 5 & 1 \cdot (-3) + 2 \cdot 2 - 3 \cdot 3 \\ 1 \cdot 1 + 0 \cdot 1 + 2 \cdot 4 & 1 \cdot 2 + 0 \cdot 0 + 2 \cdot 5 & 1 \cdot (-3) + 0 \cdot 2 + 2 \cdot 3 \\ 4 \cdot 1 + 5 \cdot 1 + 3 \cdot 4 & 4 \cdot 2 + 5 \cdot 0 + 3 \cdot 5 & 4 \cdot (-3) + 5 \cdot 2 + 3 \cdot 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 4 & 2 \\ 5 & -1 & -6 \\ 6 & 5 & -1 \end{pmatrix} \\ &+ \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -9 & -13 & -8 \\ 9 & 12 & 3 \\ 21 & 23 & 7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 4 & 2 \\ 5 & -1 & -6 \\ 6 & 5 & -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} -9 \cdot 2 - 13 \cdot 5 - 8 \cdot 6 & -9 \cdot 4 - 13 \cdot (-1) - 8 \cdot 5 & -9 \cdot 2 - 13 \cdot (-6) - 8 \cdot (-1) \\ 9 \cdot 2 + 12 \cdot 5 + 3 \cdot 6 & 9 \cdot 4 + 12 \cdot (-1) + 3 \cdot 5 & 9 \cdot 2 + 12 \cdot (-6) + 3 \cdot (-1) \\ 21 \cdot 2 + 23 \cdot 5 + 7 \cdot 6 & 21 \cdot 4 + 23 \cdot (-1) + 7 \cdot 5 & 21 \cdot 2 + 23 \cdot (-6) + 7 \cdot (-1) \end{pmatrix} \end{split}$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

$$+ \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -131 & -63 & 68 \\ 96 & 39 & -57 \\ 199 & 96 & -103 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -130 & -63 & 68 \\ 96 & 40 & -57 \\ 199 & 96 & -102 \end{pmatrix}$$

$$OTBET: \begin{pmatrix} -130 & -63 & 68 \\ 96 & 40 & -57 \\ 199 & 96 & -102 \end{pmatrix}$$

L					
	Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Задача 2

Вычислить матричный многочлен F + 2MS - C

$$F + 2MS - C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 3 & -2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} + 2 \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 \\ 0 & 5 & -1 & 4 \\ -1 & 3 & 4 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 & 6 & -5 \\ 1 & -2 & 1 \\ -8 & 1 & 1 \\ 2 & 8 & 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 8 & 0 & 4 \\ -2 & 2 & 8 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 3 & -2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$+ 2 \begin{pmatrix} 1 \cdot 7 + 2 \cdot 1 + 1 \cdot (-8) + 4 \cdot 2 & 1 \cdot 6 + 2 \cdot (-2) + 1 \cdot 1 + 4 \cdot 8 & 1 \cdot (-5) + 2 \cdot 1 + 1 \cdot 1 + 4 \cdot 3 \\ 0 \cdot 7 + 5 \cdot 1 - 1 \cdot (-8) + 4 \cdot 2 & 0 \cdot 6 + 5 \cdot (-2) - 1 \cdot 1 + 4 \cdot 8 & 0 \cdot (-5) + 5 \cdot 1 - 1 \cdot 1 + 4 \cdot 3 \\ -1 \cdot 7 + 3 \cdot 1 + 4 \cdot (-8) + 6 \cdot 2 & -1 \cdot 6 + 3 \cdot (-2) + 4 \cdot 1 + 6 \cdot 8 & -1 \cdot (-5) + 3 \cdot 1 + 4 \cdot 1 + 6 \cdot 3 \end{pmatrix}$$

$$+ \begin{pmatrix} -2 & -4 & -6 \\ -8 & 0 & -4 \\ 2 & -2 & -8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 3 & -2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} + 2 \begin{pmatrix} 9 & 35 & 10 \\ 21 & 21 & 16 \\ -24 & 40 & 30 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 & -4 & -6 \\ -8 & 0 & -4 \\ 2 & -2 & -8 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 3 & -2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 18 & 70 & 20 \\ 42 & 42 & 32 \\ -48 & 80 & 60 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 & -4 & -6 \\ -8 & 0 & -4 \\ 2 & -2 & -8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 17 & 68 & 18 \\ 36 & 45 & 26 \\ -47 & 78 & 53 \end{pmatrix}$$

Otbet:
$$\begin{pmatrix} 17 & 68 & 18 \\ 36 & 45 & 26 \\ -47 & 78 & 53 \end{pmatrix}$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Задача 3

Найти минор $M_{24}(R)$, алгебраическое дополнение элемента $A_{32}(B)$ и ранг заданной матрицы $r(N) \cdot r(P)$

$$R = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 0 & 3 \\ 2 & 3 & 1 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$M_{24}(R) = \begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \end{vmatrix}$$
$$= 2 \cdot 3 \cdot (-2) + 1 \cdot 1 \cdot 1 + 2 \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 3 \cdot 1 - 2 \cdot 1 \cdot (-2) - 2 \cdot 1 \cdot 1$$
$$= -12 + 1 + 2 - 3 + 4 - 2 = -10$$

$$B = \begin{pmatrix} 4 & -8 & -5 \\ -4 & 7 & -1 \\ -3 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

$$A_{32}(B) = (-1)^{3+2} \begin{vmatrix} 4 & -5 \\ -4 & -1 \end{vmatrix} = (-1)(4 \cdot (-1) - (-5) \cdot (-4)) = -(-4 - 20) = 24$$

$$N = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 & 5 & 1 \\ 4 & 3 & 1 & 7 & 5 \\ 0 & 3 & -5 & -3 & 3 \\ 2 & 3 & -2 & 2 & 4 \end{pmatrix}; P = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 6 \\ 2 & 3 & 1 & 6 \\ 3 & 1 & 2 & 6 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 & 5 & 1 \\ 4 & 3 & 1 & 7 & 5 \\ 0 & 3 & -5 & -3 & 3 \\ 2 & 3 & -2 & 2 & 4 \end{pmatrix} - I \sim \begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 & 5 & 1 \\ 0 & 3 & -5 & -3 & 3 \\ 0 & 3 & -5 & -3 & 3 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 & 5 & 1 \\ 0 & 3 & -5 & -3 & 3 \end{pmatrix}$$

Так как
$$\begin{vmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 3 \end{vmatrix} = 2 \cdot 3 = 6 \neq 0 \Rightarrow r(N) = 2$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 6 \\ 2 & 3 & 1 & 6 \\ 3 & 1 & 2 & 6 \end{pmatrix} -2I \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 6 \\ 0 & -1 & -5 & -6 \\ 0 & -5 & -7 & -12 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 6 \\ 0 & -1 & -5 & -6 \\ 0 & 0 & 18 & 18 \end{pmatrix}$$

Так как
$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & -1 & -5 \\ 0 & 0 & 18 \end{vmatrix} = 1 \cdot (-1) \cdot 18 = -18 \neq 0 \Rightarrow r(P) = 3$$

$$r(N) \cdot r(P) = 2 \cdot 3 = 6$$

Ответ:
$$M_{24} = -10$$
; $A_{32} = 24$; $r(N) = 6$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Исходные данные:

$$\det A = \begin{vmatrix} 5 & 3 & 9 & 5 \\ 2 & 1 & 0 & 1 \\ 5 & 3 & 7 & 4 \\ 3 & 2 & 3 & 2 \end{vmatrix}; \det B = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 & 1 \\ 3 & 4 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}; \det C = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ -2 & 1 & -4 & 3 \\ 3 & -4 & -1 & 2 \\ 4 & 3 & -2 & -1 \end{vmatrix};$$

$$\det D = \begin{vmatrix} 14 & 23 & 20 & 17 \\ 12 & 20 & 20 & 16 \\ 12 & 27 & 24 & 18 \\ 10 & 32 & 18 & 19 \end{vmatrix}; \det E = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 9 & 16 \\ 1 & 8 & 27 & 64 \end{vmatrix}; \det F = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 3 & 6 & 10 \\ 1 & 4 & 10 & 20 \end{vmatrix};$$

$$\det H = \begin{vmatrix} -2 & 5 & -1 & 3 \\ 1 & -9 & 13 & 7 \\ 3 & -1 & 5 & -5 \\ 2 & 18 & -7 & -10 \end{vmatrix}; \det K = \begin{vmatrix} -1 & 6 & 3 & 2 \\ 5 & -1 & 2 & 1 \\ 0 & -1 & 0 & 5 \\ 1 & 4 & 3 & 2 \end{vmatrix}; \det L = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 3 & 5 \\ 5 & 3 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 & 0 \end{vmatrix};$$

$$\det M = \begin{vmatrix} 1 & 4 & 3 & 1 \\ 13 & 19 & 6 & 9 \\ 6 & 17 & 11 & 3 \\ 3 & 6 & 3 & 2 \end{vmatrix}; \det N = \begin{vmatrix} 4 & 3 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}; \det P = \begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 0 & 3 \\ 2 & 3 & 1 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & 1 \end{vmatrix};$$

$$\det R = \begin{vmatrix} -2 & 1 & -3 & 1 \\ -1 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & -3 & 1 & -4 \\ -3 & 3 & -5 & 5 \end{vmatrix}; \det S = \begin{vmatrix} 4 & 6 & -2 & 4 \\ 1 & 2 & -3 & 1 \\ 4 & -2 & 1 & 0 \\ 6 & 4 & 4 & 6 \end{vmatrix};$$

$$\det U = \begin{vmatrix} 27 & 44 & 40 & 55 \\ 20 & 64 & 21 & 40 \\ 13 & -20 & -13 & 24 \\ 46 & 45 & -55 & 84 \end{vmatrix}$$

Вопрос №1

Вычислить определитель N, раскрывая его по элементам строки 2 и столбца 3. Сравнить результаты.

$$\det N = \begin{vmatrix} 4 & 3 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

$$\det N = \begin{vmatrix} 4 & 3 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}$$

$$= (-1)^{2+1} \cdot (-1) \cdot \begin{vmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ 2 & 3 & 4 \end{vmatrix} + (-1)^{2+2} \cdot 1 \cdot \begin{vmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & 4 \end{vmatrix} + (-1)^{2+3}$$

$$\cdot 1 \cdot \begin{vmatrix} 4 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 4 \end{vmatrix} + (-1)^{2+4} \cdot 1 \cdot \begin{vmatrix} 4 & 3 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$$

$$= (3 \cdot 1 \cdot 4 + 1 \cdot 3 \cdot 1 + 2 \cdot 2 \cdot (-1) - 1 \cdot 1 \cdot 2 - 3 \cdot (-1) \cdot 3 - 1 \cdot 2 \cdot 4)$$

$$+ (4 \cdot 1 \cdot 4 + 1 \cdot 1 \cdot 3 + 1 \cdot 2 \cdot (-1) - 1 \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 2 \cdot 4 - 4 \cdot 3 \cdot (-1))$$

$$- (4 \cdot 1 \cdot 4 + 1 \cdot 1 \cdot 2 + 1 \cdot 3 \cdot (-1) - 1 \cdot 1 \cdot 1 - 4 \cdot 2 \cdot (-1) - 1 \cdot 3 \cdot 4)$$

$$+ (4 \cdot 1 \cdot 3 + 1 \cdot 3 \cdot 1 + 1 \cdot 2 \cdot 2 - 2 \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 3 \cdot 3 - 4 \cdot 2 \cdot 1)$$

$$= (12 + 3 - 4 - 2 + 9 - 8) + (16 + 3 - 2 - 1 - 8 + 12)$$

$$- (16 + 2 - 3 - 1 + 8 - 12) + (12 + 3 + 4 - 2 - 9 - 8)$$

$$= 10 + 20 - 10 + 0 = 20$$

$$\det N = \begin{vmatrix} 4 & 3 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}$$

$$= (-1)^{1+3} \cdot 2 \cdot \begin{vmatrix} -1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 4 \end{vmatrix} + (-1)^{2+3} \cdot 1 \cdot \begin{vmatrix} 4 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 4 \end{vmatrix} + (-1)^{3+3} \cdot 1$$

$$\begin{vmatrix} 4 & 3 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 4 \end{vmatrix} + (-1)^{4+3} \cdot 3 \cdot \begin{vmatrix} 4 & 3 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{vmatrix}$$

$$= 2(-1 \cdot 1 \cdot 4 + 1 \cdot 1 \cdot (-1) + 1 \cdot 2 \cdot 1 - 1 \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 1 \cdot 4 - (-1)$$

$$\cdot (-1) \cdot 2)$$

$$- (4 \cdot 1 \cdot 4 + 3 \cdot (-1) \cdot 1 + 1 \cdot 2 \cdot 1 - 1 \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 3 \cdot 4 - 4 \cdot 2 \cdot (-1))$$

$$+ (4 \cdot 1 \cdot 4 + (-1) \cdot 2 \cdot 1 + 1 \cdot 3 \cdot 1 - 1 \cdot 1 \cdot 1 - (-1) \cdot 3 \cdot 4 - 4 \cdot 2 \cdot 1)$$

$$- 3(4 \cdot 1 \cdot (-1) + 3 \cdot 1 \cdot 1 + (-1) \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 1 \cdot 1 - (-1) \cdot 3 \cdot (-1) - 4$$

$$\cdot 1 \cdot 1)$$

$$= 2(-4 - 1 + 2 - 1 - 4 - 2) - (16 - 3 + 2 - 1 - 12 + 8)$$

$$+ (16 - 2 + 3 - 1 + 12 - 8) - 3(-4 + 3 - 1 - 1 - 3 - 4)$$

$$= 2 \cdot (-10) - 10 + 20 - 3 \cdot (-10) = -20 - 10 + 20 + 30 = 20$$

Ответ: $\det N = 20$

l					
I					
ĺ	Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Вопрос №3

Решить уравнение, содержащее определитель E с неизвестным $2 - x^2$, стоящим на месте элемента e_{13} , при этом E=2x-1

$$\det E = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 9 & 16 \\ 1 & 8 & 27 & 64 \end{vmatrix}$$
$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 2 - x^2 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 9 & 16 \\ 1 & 8 & 27 & 64 \end{vmatrix} = 2x - 1$$

$$\begin{vmatrix}
1 & 1 & 2 - x^2 & 1 \\
1 & 2 & 3 & 4 \\
1 & 4 & 9 & 16 \\
1 & 8 & 27 & 64
\end{vmatrix}$$

$$= (-1)^{1+1} \cdot 1 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 4 & 9 & 16 \\ 8 & 27 & 64 \end{vmatrix} + (-1)^{1+2} \cdot 1 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 3 & 4 \\ 1 & 9 & 16 \\ 1 & 27 & 64 \end{vmatrix} + (-1)^{1+3}$$

$$\cdot (2 - x^{2}) \cdot \begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 1 & 4 & 16 \\ 1 & 8 & 64 \end{vmatrix} + (-1)^{1+4} \cdot 1 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 9 \\ 1 & 8 & 27 \end{vmatrix}$$

$$= (2 \cdot 9 \cdot 64 + 2 \cdot 8 \cdot 16 + 4 \cdot 4 \cdot 27 - 4 \cdot 9 \cdot 8 - 4 \cdot 2 \cdot 64 - 2 \cdot 27 \cdot 16$$

$$= (2 \cdot 9 \cdot 64 + 3 \cdot 8 \cdot 16 + 4 \cdot 4 \cdot 27 - 4 \cdot 9 \cdot 8 - 4 \cdot 3 \cdot 64 - 2 \cdot 27 \cdot 16) - (1 \cdot 9 \cdot 64 + 1 \cdot 3 \cdot 16 + 1 \cdot 27 \cdot 4 - 4 \cdot 9 \cdot 1 - 1 \cdot 3 \cdot 64 - 1 \cdot 27 \cdot 16)$$

$$+(2-x^2)(1\cdot 4\cdot 64+1\cdot 2\cdot 16+1\cdot 4\cdot 8-4\cdot 4\cdot 1-1\cdot 2\cdot 64-1\cdot 16$$

$$(8) - (1 \cdot 4 \cdot 27 + 1 \cdot 2 \cdot 9 + 1 \cdot 3 \cdot 8 - 3 \cdot 4 \cdot 1 - 1 \cdot 2 \cdot 27 - 1 \cdot 9 \cdot 8)$$

$$= (1152 + 384 + 432 - 288 - 768 - 864)$$

$$-(576 + 48 + 108 - 36 - 192 - 432)$$

$$+(2-x^2)(256+32+32-16-128-128)$$

$$-(108+18+24-12-54-72)=48-72+(2-x^2)\cdot 48-12$$

$$= -36 + 96 - 48x^2 = 60 - 48x^2$$

$$60 - 48x^2 = 2x - 1$$

$$48x^2 + 2x - 61 = 0$$

$$x_{12} = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 4 \cdot 61 \cdot 48}}{2 \cdot 48} = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 11712}}{96} = \frac{-2 \pm \sqrt{11716}}{96} = \frac{-2 \pm 2\sqrt{2929}}{96} = \frac{-1 \pm \sqrt{2929}}{48}$$

$$x_1 = \frac{-1 - \sqrt{2929}}{48}, \qquad x_2 = \frac{-1 + \sqrt{2929}}{48}$$

Otbet:
$$x_1 = \frac{-1 - \sqrt{2929}}{48}$$
, $x_2 = \frac{-1 + \sqrt{2929}}{48}$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Исходные данные:

$$H = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 4 \\ 5 & 3 & -2 \\ 2 & 1 & -5 \end{pmatrix} M = \begin{pmatrix} 4 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 4 \\ 2 & 5 & 6 \end{pmatrix} H_1 = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} K_1 = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 6 & -2 & 1 \end{pmatrix}$$

Задача 1

Условие задания:

Для матрицы X найти матрицу X^{-1} и убедиться, что $XX^{-1} = E$

$$H = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 4 \\ 5 & 3 & -2 \\ 2 & 1 & -5 \end{pmatrix}$$

Найдем обратную матрицу с помощью алгебраических дополнений

$$|H| = \begin{vmatrix} 3 & 2 & 4 \\ 5 & 3 & -2 \\ 2 & 1 & -5 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} -2III \\ -3III = \begin{vmatrix} -1 & 0 & 14 \\ -1 & 0 & 13 \\ 2 & 1 & -5 \end{vmatrix} = - \begin{vmatrix} -1 & 14 \\ -1 & 13 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 14 \\ 1 & 13 \end{vmatrix} =$$

$$1 \cdot 13 - 1 \cdot 14 = -1$$

$$A_{11} = (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} 3 & -2 \\ 1 & -5 \end{vmatrix} = 3 \cdot (-5) - 1 \cdot (-2) = -15 + 2 = -13$$

$$A_{12} = (-1)^{1+2} \begin{vmatrix} 5 & -2 \\ 2 & -5 \end{vmatrix} = -(5 \cdot (-5) - 2 \cdot (-2)) = -(-25 + 4) = 21$$

$$A_{13} = (-1)^{1+3} \begin{vmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = 5 \cdot 1 - 3 \cdot 2 = 5 - 6 = -1$$

$$A_{21} = (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 1 & -5 \end{vmatrix} = -(2 \cdot (-5) - 4 \cdot 1) = -(-10 - 4) = 14$$

$$A_{22} = (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} 3 & 4 \\ 2 & -5 \end{vmatrix} = 3 \cdot (-5) - 4 \cdot 2 = -15 - 8 = -23$$

$$A_{23} = (-1)^{2+3} \begin{vmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = -(3 \cdot 1 - 2 \cdot 2) = -(3 - 4) = 1$$

$$A_{31} = (-1)^{3+1} \begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 3 & -2 \end{vmatrix} = 2 \cdot (-2) - 4 \cdot 3 = -4 - 12 = -16$$

$$A_{32} = (-1)^{3+2} \begin{vmatrix} 3 & 4 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = -(3 \cdot (-2) - 4 \cdot 5) = -(-6 - 20) = 26$$

$$A_{33} = (-1)^{3+3} \begin{vmatrix} 3 & 2 \\ 5 & 3 \end{vmatrix} = 3 \cdot 3 - 2 \cdot 5 = 9 - 10 = -1$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Присоединённая матрица:

$$C^* = \begin{pmatrix} -13 & 21 & -1 \\ 14 & -23 & 1 \\ -16 & 26 & -1 \end{pmatrix}$$

$$C^{*T} = \begin{pmatrix} -13 & 14 & -16 \\ 21 & -23 & 26 \\ -1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$$

$$H^{-1} = \frac{1}{|H|}C^{*T} = \frac{1}{-1}\begin{pmatrix} -13 & 14 & -16 \\ 21 & -23 & 26 \\ -1 & 1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 13 & -14 & 16 \\ -21 & 23 & -26 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

Проверка:

$$HH^{-1} = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 4 \\ 5 & 3 & -2 \\ 2 & 1 & -5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 13 & -14 & 16 \\ -21 & 23 & -26 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 3 \cdot 13 + 2 \cdot (-21) + 4 \cdot 1 & 3 \cdot (-14) + 2 \cdot 23 + 4 \cdot (-1) & 3 \cdot 16 + 2 \cdot (-26) + 4 \cdot 1 \\ 5 \cdot 13 + 3 \cdot (-21) - 2 \cdot 1 & 5 \cdot (-14) + 3 \cdot 23 - 2 \cdot (-1) & 5 \cdot 16 + 3 \cdot (-26) - 2 \cdot 1 \\ 2 \cdot 13 + 1 \cdot (-21) - 5 \cdot 1 & 2 \cdot (-14) + 1 \cdot 23 - 5 \cdot (-1) & 2 \cdot 16 + 1 \cdot (-26) - 5 \cdot 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = E$$

$$M = \begin{pmatrix} 4 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 4 \\ 2 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

Найдем обратную матрицу с помощью алгебраических дополнений

$$|M| = \begin{vmatrix} 4 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 4 \\ 2 & 5 & 6 \end{vmatrix} - 2II = \begin{vmatrix} 0 & -8 & -15 \\ 1 & 3 & 4 \\ 0 & -1 & -2 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} -8 & -15 \\ -1 & -2 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} 8 & 15 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$= -(8 \cdot 2 - 1 \cdot 15) = -(16 - 15) = -1$$

$$A_{11} = (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{vmatrix} = 3 \cdot 6 - 4 \cdot 5 = 18 - 20 = -2$$

$$A_{12} = (-1)^{1+2} \begin{vmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 6 \end{vmatrix} = -(1 \cdot 6 - 2 \cdot 4) = -(6 - 8) = 2$$

$$A_{13} = (-1)^{1+3} \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{vmatrix} = 1 \cdot 5 - 2 \cdot 3 = 5 - 6 = -1$$

$$A_{21} = (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ 5 & 6 \end{vmatrix} = -(4 \cdot 6 - 1 \cdot 5) = -(24 - 5) = -19$$

$$A_{22} = (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 6 \end{vmatrix} = 4 \cdot 6 - 1 \cdot 2 = 24 - 2 = 22$$

$$A_{23} = (-1)^{2+3} \begin{vmatrix} 4 & 4 \\ 2 & 5 \end{vmatrix} = -(4 \cdot 5 - 4 \cdot 2) = -(20 - 8) = -12$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

$$A_{31} = (-1)^{3+1} \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} = 4 \cdot 4 - 1 \cdot 3 = 16 - 3 = 13$$

$$A_{32} = (-1)^{3+2} \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 4 \end{vmatrix} = -(4 \cdot 4 - 1 \cdot 1) = -(16 - 1) = -15$$

$$A_{33} = (-1)^{3+3} \begin{vmatrix} 4 & 4 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} = 4 \cdot 3 - 4 \cdot 1 = 12 - 4 = 8$$

Присоединённая матрица:

$$C^* = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 \\ -19 & 22 & -12 \\ 13 & -15 & 8 \end{pmatrix}$$

$$C^{*T} = \begin{pmatrix} -2 & -19 & 13 \\ 2 & 22 & -15 \\ -1 & -12 & 8 \end{pmatrix}$$

$$M^{-1} = \frac{1}{|M|}C^{*T} = \frac{1}{-1}\begin{pmatrix} -2 & -19 & 13 \\ 2 & 22 & -15 \\ -1 & -12 & 8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 19 & -13 \\ -2 & -22 & 15 \\ 1 & 12 & -8 \end{pmatrix}$$

Проверка:

$$\begin{split} MM^{-1} &= \begin{pmatrix} 4 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 4 \\ 2 & 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 19 & -13 \\ -2 & -22 & 15 \\ 1 & 12 & -8 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 4 \cdot 2 + 4 \cdot (-2) + 1 \cdot 1 & 4 \cdot 19 + 4 \cdot (-22) + 1 \cdot 12 & 4 \cdot (-13) + 4 \cdot 15 + 1 \cdot (-8) \\ 1 \cdot 2 + 3 \cdot (-2) + 4 \cdot 1 & 1 \cdot 19 + 3 \cdot (-22) + 4 \cdot 12 & 1 \cdot (-13) + 3 \cdot 15 + 4 \cdot (-8) \\ 2 \cdot 2 + 5 \cdot (-2) + 6 \cdot 1 & 2 \cdot 19 + 5 \cdot (-22) + 6 \cdot 12 & 2 \cdot (-13) + 5 \cdot 15 + 6 \cdot (-8) \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = E \end{split}$$

Ответ:
$$H^{-1} = \begin{pmatrix} 13 & -14 & 16 \\ -21 & 23 & -26 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$
; $M^{-1} = \begin{pmatrix} 2 & 19 & -13 \\ -2 & -22 & 15 \\ 1 & 12 & -8 \end{pmatrix}$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Задача 2

Условие задания:

Найти матрицу X из матричного уравнения, выполнить проверку

$$H_1XK_1 = H$$

Домножим слева и справа на обратные матрицы

$$H_1^{-1}H_1XK_1K_1^{-1} = H_1^{-1}HK_1^{-1}$$

$$EXE = H_1^{-1}HK_1^{-1}$$

$$X = H_1^{-1} H K_1^{-1}$$

Найдем обратные матрицы H_1^{-1} и K_1^{-1}

$$H_1 = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$|H_1| = \begin{vmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & 0 & 1 \end{vmatrix} - I = \begin{vmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & -1 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = 2 \cdot (-1) - 1 \cdot (-1) =$$

$$-2 + 1 = -1$$

$$A_{11} = (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = 2 \cdot 1 - 0 \cdot (-1) = 2$$

$$A_{12} = (-1)^{1+2} \begin{vmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = -(0 \cdot 1 - 1 \cdot (-1)) = -1$$

$$A_{13} = (-1)^{1+3} \begin{vmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 0 \end{vmatrix} = 0 \cdot 0 - 1 \cdot 2 = -2$$

$$A_{21} = (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = -(-1 \cdot 1 - 2 \cdot 0) = 1$$

$$A_{22} = (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = 1 \cdot 1 - 2 \cdot 1 = 1 - 2 = -1$$

$$A_{23} = (-1)^{2+3} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix} = -(1 \cdot 0 - 1 \cdot (-1)) = -1$$

$$A_{31} = (-1)^{3+1} \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 2 & -1 \end{vmatrix} = -1 \cdot (-1) - 2 \cdot 2 = 1 - 4 = -3$$

$$A_{32} = (-1)^{3+2} \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{vmatrix} = -(1 \cdot (-1) - 2 \cdot 0) = 1$$

$$A_{33} = (-1)^{3+3} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} = 1 \cdot 2 - 0 \cdot (-1) = 2$$

Лист

Присоединённая матрица:

$$C^* = \begin{pmatrix} 2 & -1 & -2 \\ 1 & -1 & -1 \\ -3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

$$C^{*T} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -3 \\ -1 & -1 & 1 \\ -2 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$

$$H_1^{-1} = \frac{1}{|H_1|} C^{*T} = \frac{1}{-1} \begin{pmatrix} 2 & 1 & -3 \\ -1 & -1 & 1 \\ -2 & -1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & -1 & 3 \\ 1 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & -2 \end{pmatrix}$$

$$K_{1} = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 6 & -2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$|K_{1}| = \begin{vmatrix} 1 & 5 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 6 & -2 & 1 \end{vmatrix} - I = \begin{vmatrix} 1 & 5 & 1 \\ 2 & -3 & 0 \\ 5 & -7 & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & -3 \\ 5 & -7 \end{vmatrix} = 2 \cdot (-7) - 5 \cdot (-3) = -14 + 15 = 1$$

$$A_{11} = (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} = 2 \cdot 1 - 1 \cdot (-2) = 2 + 2 = 4$$

$$A_{12} = (-1)^{1+2} \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 6 & 1 \end{vmatrix} = -(3 \cdot 1 - 6 \cdot 1) = 3$$

$$A_{13} = (-1)^{1+3} \begin{vmatrix} 3 & 2 \\ 6 & -2 \end{vmatrix} = 3 \cdot (-2) - 6 \cdot 2 = -6 - 12 = -18$$

$$A_{21} = (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} 5 & 1 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} = -(5 \cdot 1 - 1 \cdot (-2)) = -(5 + 2) = -7$$

$$A_{22} = (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 6 & 1 \end{vmatrix} = 1 \cdot 1 - 1 \cdot 6 = 1 - 6 = -5$$

$$A_{23} = (-1)^{2+3} \begin{vmatrix} 1 & 5 \\ 6 & -2 \end{vmatrix} = -(1 \cdot (-2) - 5 \cdot 6) = -(-2 - 30) = 32$$

$$A_{31} = (-1)^{3+1} \begin{vmatrix} 5 & 1 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = 5 \cdot 1 - 2 \cdot 1 = 3$$

$$A_{32} = (-1)^{3+2} \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 1 \end{vmatrix} = -(1 \cdot 1 - 1 \cdot 3) = 2$$

$$A_{33} = (-1)^{3+3} \begin{vmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} = 1 \cdot 2 - 5 \cdot 3 = 2 - 15 = -13$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Присоединённая матрица:

$$C^* = \begin{pmatrix} 4 & 3 & -18 \\ -7 & -5 & 32 \\ 3 & 2 & -13 \end{pmatrix}$$

$$C^{*T} = \begin{pmatrix} 4 & -7 & 3 \\ 3 & -5 & 2 \\ -18 & 32 & -13 \end{pmatrix}$$

$$K_1^{-1} = \frac{1}{|K_1|} C^{*T} = \frac{1}{1} \begin{pmatrix} 4 & -7 & 3 \\ 3 & -5 & 2 \\ -18 & 32 & -13 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & -7 & 3 \\ 3 & -5 & 2 \\ -18 & 32 & -13 \end{pmatrix}$$

$$X = H_1^{-1}HK_1^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & -1 & 3 \\ 1 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & 2 & 4 \\ 5 & 3 & -2 \\ 2 & 1 & -5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 & -7 & 3 \\ 3 & -5 & 2 \\ -18 & 32 & -13 \end{pmatrix}$$
$$= \begin{pmatrix} -5 & -4 & -21 \\ 6 & 4 & 7 \\ 7 & 5 & 16 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 & -7 & 3 \\ 3 & -5 & 2 \\ -18 & 32 & -13 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 346 & -617 & 250 \\ -90 & 162 & -65 \\ -245 & 438 & -177 \end{pmatrix}$$

Otbet:
$$X = \begin{pmatrix} 346 & -617 & 250 \\ -90 & 162 & -65 \\ -245 & 438 & -177 \end{pmatrix}$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Исходные данные

$$\begin{cases} 7x_1 + 9x_2 - 3x_3 + x_4 = 2\\ 5x_1 - x_2 - 2x_3 + 4x_4 = -10\\ -x_1 + 3x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 6\\ 2x_1 - 2x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 0 \end{cases}$$

Требуется:

Решить систему линейных уравнений однозначной разрешимости методом Крамера, Гаусса и матричным. Выполнить проверку

1) Метод Крамера

По формулам Крамера

$$x_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta}$$
, $x_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta}$, $x_3 = \frac{\Delta_3}{\Delta}$, $x_4 = \frac{\Delta_4}{\Delta}$

Найдем необходимые определители

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

$$\begin{split} \Delta_2 &= \begin{vmatrix} 7 & 2 & -3 & 1 & | +7III \\ 5 & -10 & -2 & 4 & | +5III \\ -1 & 6 & -4 & 2 \\ 2 & 0 & 3 & 5 & | +2III \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & 44 & -31 & 15 \\ 0 & 20 & -22 & 14 \\ -1 & 6 & -4 & 2 \\ 2 & 0 & 3 & 5 & | +2III \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 10 & 24 & -9 & 1 \\ -1 & 6 & -4 & 2 \\ 20 & -22 & 14 \\ -12 & -5 & 9 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} 144 & -9 & 1 \\ -20 & -22 & 14 \\ -12 & -5 & 9 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} 16 & -9 & 1 \\ -316 & 104 & 0 \\ -204 & 76 & 0 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} -316 & 104 \\ -204 & 76 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 316 & 104 \\ 204 & 76 \end{vmatrix} = 316 \cdot 76 - 104 \cdot 204 = 24016 - 21216 = 2800 \\ 316 \cdot 76 - 104 \cdot 204 = 24016 - 21216 = 2800 \\ 2 & -2 & 0 & 5 & | +2III \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & 30 & 44 & 15 \\ 0 & 14 & 20 & 14 \\ -1 & 3 & 6 & 2 \\ 2 & -2 & 0 & 5 & | +2III \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 16 & -9 & 1 \\ -210 & -316 & 0 \\ -140 & -204 & 0 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} 16 & -9 & 1 \\ -210 & -316 & 0 \\ -140 & -204 & 0 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} -210 & 316 \\ -140 & -204 & 0 \end{vmatrix} = -(210 \cdot 204 - 140 \cdot 316) = -(42840 - 44240) = 1400 \\ 2 & -2 & 3 & 0 & | +2III \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & 30 & -31 & 44 \\ 0 & 14 & -22 & 20 \\ -1 & 3 & -4 & 6 \\ 2 & -2 & 3 & 0 & | +2III \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & 30 & -31 & 44 \\ 0 & 14 & -22 & 20 \\ -1 & 3 & -4 & 6 \\ 2 & -2 & 3 & 0 & | +2III \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 10 & 30 & -31 & 44 \\ 0 & 14 & -22 & 20 \\ -1 & 3 & -4 & 6 \\ 2 & -7 & -16 \\ 4 & -5 & 12 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} 30 & -31 & 44 \\ 20 & 74 & 284 \\ 9 & 9 & 44 \end{vmatrix} = 2(74 \cdot 44 - 284 \cdot 9) \\ = 2(3256 - 2556) = 2 \cdot 700 = 1400 \\ x_1 & = \frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{1400}{1400} = 1 \end{aligned}$$

2) Метод Гаусса

$$\begin{pmatrix} 7 & 9 & -3 & 1 & 2 \\ 5 & -1 & -2 & 4 & -10 \\ -1 & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 2 & -2 & 3 & 5 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 5 & -1 & -2 & 4 & -10 \\ 7 & 9 & -3 & 1 & 2 \\ 2 & -2 & 3 & 5 & 0 \end{pmatrix} + 5I \sim \begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 14 & -22 & 14 & 20 \\ 2 & -2 & 3 & 5 & 0 \end{pmatrix} + 2I \sim \begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 30 & -31 & 15 & 44 \\ 0 & 30 & -31 & 15 & 44 \\ 0 & 14 & -22 & 14 & 20 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 14 & -22 & 14 & 20 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 7II \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 14 & -22 & 14 & 20 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 4 & -5 & 9 & 12 \end{pmatrix} - 2III \sim \begin{pmatrix} -7II & 3 & -4 & 2 & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & 4 \\ 0 & 3 & 2 & -2III \end{pmatrix}$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

$$\begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & | & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & | & 4 \\ 0 & 0 & -113 & 105 & | & -8 \\ 0 & 0 & -31 & 35 & | & 4 \end{pmatrix} -4IV \sim \begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & | & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & | & 4 \\ 0 & 0 & 11 & -35 & | & -24 \\ 0 & 0 & 2 & 13 & -13 & | & 4 \\ 0 & 0 & 11 & -35 & | & -24 \\ 0 & 0 & 2 & -70 & | & -68 \end{pmatrix} -5IV \sim \begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & | & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & | & 4 \\ 0 & 0 & 1 & 315 & | & 316 \\ 0 & 0 & 2 & -70 & | & -68 \end{pmatrix} -2III$$

$$\begin{pmatrix} -1 & 3 & -4 & 2 & | & 6 \\ 0 & 2 & 13 & -13 & | & 4 \\ 0 & 0 & 1 & 315 & | & 316 \\ 0 & 0 & 1 & 315 & | & 316 \\ 0 & 0 & 0 & 700 & | & 700 \end{pmatrix}$$

$$x_4 = \frac{700}{700} = 1$$

$$x_3 = 316 - 315x_4 = 316 - 315 = 1$$

$$x_2 = \frac{4 + 13x_4 - 13x_3}{2} = \frac{4 + 13 - 13}{2} = 2$$

$$x_1 = -6 + 2x_4 - 4x_3 + 3x_1 = -6 + 2 - 4 + 6 = -2$$

3) Матричный метод

3апишем систему в виде AX = B

Здесь:
$$A = \begin{pmatrix} 7 & 9 & -3 & 1 \\ 5 & -1 & -2 & 4 \\ -1 & 3 & -4 & 2 \\ 2 & -2 & 3 & 5 \end{pmatrix}$$
, $B = \begin{pmatrix} 2 \\ -10 \\ 6 \\ 0 \end{pmatrix}$

Домножим слева на матрицу обратную к А

$$A^{-1}AX = A^{-1}B$$

$$EX = A^{-1}B$$

$$X = A^{-1}B$$

№ докум.

Лист

Подпись Дата

Найдем обратную матрицу с помощью алгебраических дополнений |A|=1400

$$A_{11} = (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} -1 & -2 & 4 \\ 3 & -4 & 2 \\ -2 & 3 & 5 \end{vmatrix} + 3I = \begin{vmatrix} -1 & -2 & 4 \\ 0 & -10 & 14 \\ 0 & 7 & -3 \end{vmatrix}$$

$$= -(-10 \cdot (-3) - 14 \cdot 7) = -(30 - 98) = 68$$

$$A_{12} = (-1)^{1+2} \begin{vmatrix} 5 & -2 & 4 \\ -1 & -4 & 2 \\ 2 & 3 & 5 \end{vmatrix} + 2II = \begin{vmatrix} 0 & -22 & 14 \\ -1 & -4 & 2 \\ 0 & -5 & 9 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} -22 & 14 \\ -5 & 9 \end{vmatrix}$$

$$= -(-22 \cdot 9 - 14 \cdot (-5)) = -(-198 + 70) = 128$$

$$A_{13} = (-1)^{1+3} \begin{vmatrix} 5 & -1 & 4 \\ -1 & 3 & 2 \\ 2 & -2 & 5 \end{vmatrix} + 2II = \begin{vmatrix} 0 & 14 & 14 \\ -1 & 3 & 2 \\ 0 & 4 & 9 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 14 & 14 \\ 4 & 9 \end{vmatrix}$$

$$= 14 \cdot 9 - 14 \cdot 4 = 126 - 56 = 70$$

$$A_{14} = (-1)^{1+4} \begin{vmatrix} 5 & -1 & -2 \\ -1 & 3 & -4 \\ 2 & -2 & 3 \end{vmatrix} + 2II = \begin{vmatrix} 0 & 14 & -22 \\ -1 & 3 & -4 \\ 0 & 4 & -5 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} 14 & -22 \\ 4 & -5 \end{vmatrix}$$

$$= -(14 \cdot (-5) - 4 \cdot (-22)) = -(-70 + 88) = -18$$

Задание 4

Лист

$$A_{21} = (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} 9 & -3 & 1 \\ 3 & -4 & 2 \\ -2 & 3 & 5 - 5I \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 9 & -3 & 1 \\ -15 & 2 & 0 \\ -47 & 18 & 0 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} -15 & 2 \\ -47 & 18 \end{vmatrix}$$

$$= -(-15 \cdot 18 - 2 \cdot (-47)) = -(-270 + 94) = 176$$

$$A_{22} = (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} 7 & -3 & 1 \\ -1 & -4 & 2 & -2I \\ 2 & 3 & 5 - 5I \\ 3 & 31 & 8 & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -15 & 2 \\ -33 & 18 \end{vmatrix}$$

$$= -15 \cdot 18 - 2 \cdot (-33) = -270 + 66 = -204$$

$$A_{23} = (-1)^{2+3} \begin{vmatrix} 7 & 9 & 1 \\ -1 & 3 & 2 \\ 2 & -2 & 5 - 5I \\ 33 & 47 \end{vmatrix} = -15(47 - 33) = -15 \cdot 14 = -210$$

$$A_{24} = (-1)^{2+4} \begin{vmatrix} 7 & 9 & 1 \\ -1 & 3 & -4 \\ 2 & -2 & 5 \end{vmatrix} + 2II = \begin{vmatrix} 0 & 30 & -31 \\ -1 & 3 & -4 \\ 0 & 4 & -5 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 30 & -31 \\ 4 & -5 \end{vmatrix}$$

$$= 30 \cdot (-5) - 4 \cdot (-31) = -150 + 124 = -26$$

$$A_{31} = (-1)^{3+1} \begin{vmatrix} 9 & -3 & 1 \\ -1 & 2 & 4 \end{vmatrix} + AI = \begin{vmatrix} 9 & -3 & 1 \\ -37 & 10 & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -37 & 10 \\ -47 & 18 \end{vmatrix}$$

$$= -37 \cdot 18 - 10 \cdot (-47) = -666 + 470 = -196$$

$$A_{32} = (-1)^{3+2} \begin{vmatrix} 7 & 9 & 1 \\ 5 & -2 & 4 \\ 2 & 3 & 5 - 5I \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 7 & 9 & 1 \\ -23 & 318 \end{vmatrix} = -(-23 \cdot 18 - 10 \cdot (-33)) = -(-414 + 330) = 84$$

$$A_{33} = (-1)^{3+3} \begin{vmatrix} 5 & -1 & 4 & 4I & -23 & -37 & 0 \\ 2 & 2 & 5 & -5I & -33 & -47 & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -23 & -37 \\ -33 & 18 \end{vmatrix}$$

$$= -(-23 \cdot 18 - 10 \cdot (-33)) = -(-414 + 330) = 84$$

$$A_{34} = (-1)^{3+4} \begin{vmatrix} 7 & 9 & 1 & -24$$

Изм. Лист № докум. Подпись Дата

Задание 4

$$A_{44} = (-1)^{4+4} \begin{vmatrix} 7 & 9 & -3 \\ 5 & -1 & -2 \\ -1 & 3 & -4 \end{vmatrix} + 5III = \begin{vmatrix} 0 & 30 & -31 \\ 0 & 14 & -22 \\ -1 & 3 & -4 \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} 30 & -31 \\ 14 & -22 \end{vmatrix}$$
$$= -(30 \cdot (-22) - 14 \cdot (-31)) = -(-660 + 434) = 226$$

Присоединённая матрица

Присоединённая матрица
$$C^* = \begin{pmatrix} 68 & 128 & 70 & -18 \\ 176 & -204 & -210 & -26 \\ -196 & 84 & -140 & 196 \\ -76 & 104 & 210 & 226 \end{pmatrix}$$

$$C^{*T} = \begin{pmatrix} 68 & 176 & -196 & -76 \\ 128 & -204 & 84 & 104 \\ 70 & -210 & -140 & 210 \\ -18 & -26 & 196 & 226 \end{pmatrix}$$

Получим обратную матрицу

Получим обратную матрицу
$$A^{-1} = \frac{1}{|A|}C^{*T} = \frac{1}{1400} \begin{pmatrix} 68 & 176 & -196 & -76 \\ 128 & -204 & 84 & 104 \\ 70 & -210 & -140 & 210 \\ -18 & -26 & 196 & 226 \end{pmatrix}$$

$$X = A^{-1}B = \frac{1}{1400} \begin{pmatrix} 68 & 176 & -196 & -76 \\ 128 & -204 & 84 & 104 \\ 70 & -210 & -140 & 210 \\ -18 & -26 & 196 & 226 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 \\ -10 \\ 6 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$= \frac{1}{1400} \begin{pmatrix} 68 \cdot 2 + 176 \cdot (-10) - 196 \cdot 6 - 76 \cdot 0 \\ 128 \cdot 2 - 204 \cdot (-10) + 84 \cdot 6 + 104 \cdot 0 \\ 70 \cdot 2 - 210 \cdot (-10) - 140 \cdot 6 + 210 \cdot 0 \\ -18 \cdot 2 - 26 \cdot (-10) + 196 \cdot 6 + 226 \cdot 0 \end{pmatrix}$$

$$= \frac{1}{1400} \begin{pmatrix} 136 - 1760 - 1176 \\ 256 + 2040 + 504 \\ 140 + 2100 - 840 \\ -36 + 260 + 1176 \end{pmatrix} = \frac{1}{1400} \begin{pmatrix} -2800 \\ 2800 \\ 1400 \\ 1400 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

4) Сделаем проверку

$$7 \cdot (-2) + 9 \cdot 2 - 3 \cdot 1 + 1 \cdot 1 = -14 + 18 - 3 + 1 = 2$$
 – верно $5 \cdot (-2) - 1 \cdot 2 - 2 \cdot 1 + 4 \cdot 1 = -10 - 2 - 2 + 4 = -10$ – верно $-1 \cdot (-2) + 3 \cdot 2 - 4 \cdot 1 + 2 \cdot 1 = 2 + 6 - 4 + 2 = 6$ – верно $2 \cdot (-2) - 2 \cdot 2 + 3 \cdot 1 + 5 \cdot 1 = -4 - 4 + 3 + 5 = 0$ – верно

Otbet:
$$x_1 = -2$$
; $x_2 = 2$; $x_3 = 1$; $x_4 = 1$

L					
I					
	Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Условие:

Дана система линейных однородных уравнений общего вида

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + a_{14}x_4 + a_{15}x_5 = 0 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + a_{24}x_4 + a_{25}x_5 = 0 \\ a_{31}x_1 + a_{32}x_2 + a_{33}x_3 + a_{34}x_4 + a_{35}x_5 = 0 \\ a_{41}x_1 + a_{42}x_2 + a_{43}x_3 + a_{44}x_4 + a_{45}x_5 = 0 \end{cases}$$

Требуется:

Найти общее решение системы и одно произвольное частное решение, для которого выполнить проверку

$$\begin{cases} 6x_1 + x_2 - 3x_3 + 9x_4 + 5x_5 = 0\\ 6x_1 + 5x_2 - 3x_3 + 9x_4 + 7x_5 = 0\\ 2x_1 + 4x_2 - x_3 + 3x_4 + 2x_5 = 0\\ 4x_1 + 7x_2 - 2x_3 + 6x_4 + 5x_5 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{pmatrix} 6 & 1 & -3 & 9 & 5 & 0 \\ 6 & 5 & -3 & 9 & 7 & 0 \\ 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 4 & 7 & -2 & 6 & 5 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 6 & 5 & -3 & 9 & 7 & 0 \\ 6 & 1 & -3 & 9 & 5 & 0 \\ 4 & 7 & -2 & 6 & 5 & 0 \end{pmatrix} -3I \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -7 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -11 & 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -7 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -11 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -7 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -7 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -7 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -7 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -11 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & -7 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} -11II \sim \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -12 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -6 & 0 \end{pmatrix} \sim$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -12 & 0 \end{pmatrix}$$

$$x_5 = 0$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 4x_2 - x_3 + 3x_4 + 2x_5 = 0 \\ -x_2 + x_5 = 0 \end{cases}$$

$$x_2 = 0$$

$$2x_1 - x_3 + 3x_4 = 0$$

$$x_3 = 2x_1 + 3x_4$$

$$x_1, x_4$$
 — свободные

Общее решение системы

$$\{(C_1,0,2C_1+3C_2,C_2,0),C_1,C_2\in R\}$$

Пусть
$$C_1=1$$
, $C_2=1$

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Получим частное решение

(1,0,5,1,0)

Сделаем проверку

$$6 \cdot 1 + 0 - 3 \cdot 5 + 9 \cdot 1 + 5 \cdot 0 = 6 - 15 + 9 = 0$$
 – верно

$$6 \cdot 1 + 5 \cdot 0 - 3 \cdot 5 + 9 \cdot 1 + 7 \cdot 0 = 6 - 15 + 9 = 0$$
 – верно

$$2 \cdot 1 + 4 \cdot 0 - 5 + 3 \cdot 1 + 2 \cdot 0 = 2 - 5 + 3 = 0 - \text{верно}$$

$$4 \cdot 1 + 7 \cdot 0 - 2 \cdot 5 + 6 \cdot 1 + 5 \cdot 0 = 4 - 10 + 6 = 0$$
 – верно

Ответ: Общее решение: $\{(C_1,0,2C_1+3C_2,C_2,0),C_1,C_2\in R\}$

Частное решение: (1, 0, 5, 1, 0)

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

ТУТ ПРОДОЛЖЕНИЕ