# 数理统计第11次作业

## 林陈冉

## 2016年12月20日

#### 6.1

(1) 记第 i 块第上甲品种产量为  $X_i$  , 乙品种产量为  $Y_i$  ,  $Z_i=X_i-Y_i$  , 由题意可知  $Z_i\sim N(\mu,\sigma^2)$  ,  $i=1,\cdots,n$  , n=8 . 检验问题

$$H_0: \mu \leq 0 \leftrightarrow H_1: \mu > 0$$

 $\sigma^2$  未知,则否定域为

$$D = \{ Z | T = \frac{\sqrt{n}(\bar{Z} - \mu_0)}{S} < t_{n-1}(\alpha) \}$$

均值  $\bar{Z}=17.375$ ,方差 S=21.2733, $\alpha=0.05$ , $t_7(0.05)=1.8946$ ,检验统计量  $T=\sqrt{8\bar{Z}/S}=2.31012$ ,落入接受域,故认为甲是对乙的改良.

(2) 符号检验法: 检验问题

 $H_0$ : 甲不是对乙的改良  $\leftrightarrow$   $H_1$ : 甲是对乙的改良

否定域为

$$D = \{ n_+ \ge c \not \exists n_+ \le d \}$$

由  $Z=\{58,32,30,5,-7,11,0,10\}$  ,则  $n_+=6$  ,n=7 ,当  $\alpha=0.05$  ,c=7 ,d=0 ,落入接受域,故认为甲不是对乙的改良

符号秩和检验法: 检验问题

 $H_0$ : 甲不是对乙的改良  $\leftrightarrow$   $H_1$ : 甲是对乙的改良

否定域为

$$D = \{W^+ \ge c \not \boxtimes W^+ \le d\}$$

由  $Z=\{58,32,30,5,-7,11,0,10\}$  ,则  $W^+=26$  ,n=7 ,当  $\alpha=0.05$  ,c=25 , d=3 ,落否定域,故认为甲是对乙的改良

#### 6.3

(1) 记实验号为 i 的猪吃新饲料增重为  $X_i$  ,吃旧饲料的增重为  $Y_i$  , $Z_i = X_i - Y_i$  , $Z = \{5, -2, 0, 4, 2, -1, 3, 7, -6\}$ . 符号检验法: 检验问题

 $H_0$ : 新饲料催肥效果没有变好  $\leftrightarrow$   $H_1$ : 新饲料催肥效果变好

否定域为

$$D = \{ n_+ \ge c \not \exists n_+ \le d \}$$

可知  $n_+=5$  ,n=8 , 当  $\alpha=0.10$  , c=7 , d=1 ,落入接受域,故认为新饲料催肥效果没有变好,不能推广.

(2) 符号秩和检验法: 检验问题

 $H_0$ : 新饲料催肥效果没有变好  $\leftrightarrow$   $H_1$ : 新饲料催肥效果变好

否定域为

$$D = \{W^+ \ge c \not \boxtimes W^+ \le d\}$$

可知  $W^+=25.5$  , n=8 , 当  $\alpha=0.10$  , c=25 , d=11 , 落否定域, 故认为新饲料催肥效果变好, 可以推广

#### 6.4

检验问题

 $H_0$ :两厂显像管平均寿命相同  $\leftrightarrow H_1$ :两厂显像管平均寿命不同

否定域为

$$D = \{(X, Y) | W \ge c \not \exists W \le d\}$$

m=8 , n=10 ,  $\alpha=0.10$  , 查表得 c=92 , d=60 , 经计算, W=116.5 , 落入否定域, 故认为两厂显像管寿命不同.

#### 6.7

检验问题

 $H_0$ : 骰子是均匀的  $\leftrightarrow H_1$ : 骰子不是均匀的

可知 n=300 ,  $\alpha=0.05$  , 理论分布  $p_i=P(X=i)=1/6$  ,  $np_i=50$  , 观察频数  $\nu=\{43,49,56,45,66,41\}$  , 经计算  $k_0=\sum_{i=1}^6 \frac{(\nu_i-np_i)^2}{np_i}=8.96$  . 由  $K_n\sim\chi_5^2$  , 拟合优度

$$p(k_0) = P(K_n \ge k_0 | H_0) \approx P(\chi_5^2 \ge k_0) < 0.10$$

故可以认为骰子是均匀的.

### 6.8

检验问题

 $H_0$ : 结果符合遗传学模型  $\leftrightarrow$   $H_1$ : 结果不符合遗传学模型

可知 n=64 ,  $\alpha=0.05$  , 理论分布  $p_1=9/16$  ,  $p_2=3/16$  ,  $p_3=1/4$  , 观察频数  $\nu_1=34$  ,  $\nu_2=10$  ,  $\nu_3=20$  , 经计算  $k_0=\sum_{i=1}^3 \frac{(\nu_i-np_i)^2}{np_i}=1.444$  . 由  $K_n\sim\chi_2^2$  , 拟合优度

$$p(k_0) = P(K_n \ge k_0 | H_0) \approx P(\chi_2^2 \ge k_0) < 0.25$$

故可以认为实验结果符合"9:3:4"的遗传学模型.