Program Report for Splines

Pingchuan Li

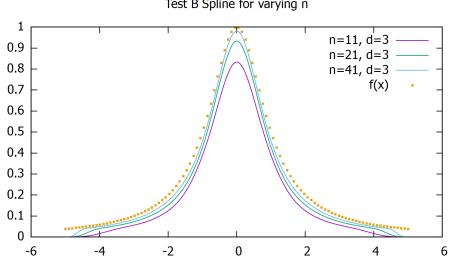
November 2023

· 对 pp-Form, 实现分段线性样条插值 (即 \mathbb{S}_1^0 和 \mathbb{S}_3^2) 样条插值。对 \mathbb{S}_3^2 样条插值, 要求能够支持 Definition 3.5 中的 (至少三种) 边界条件。

对应文件 "pp_spline.h"。

· 对 B-Form, 实现 S₃² 样条插值。

对应头文件 "B_spline.h", 测试文件 "test1_B_spline.cpp"。 \mathbb{S}_3^2 是 \mathbb{S}_n^{n-1} 的特殊情况。 测试结果:



Test B Spline for varying n

· 实现 cubic cardinal B 样条插值 (Theorem 3.57) 和 quadratic cardinal B 样 条插值 (Theorem 3.58)。

对应文件 "cardinal_B.h"。

·支持函数拟合和曲线拟合。这里函数拟合是对函数 y = f(x) 进行拟合,曲线拟合是 对(高维)空间中的散点进行拟合。

支持函数拟合:给出函数的x[]和对应的fx[]即可。

支持曲线拟合:根据曲线的参数方程,给出曲线的自变量t[]和 k 个维度的因变量(如 Assignment E 中的二维情形,x[]和y[]),每个因变量分别关于自变量进行上述函数 拟合。随后对于任一给定的自变量,都可以在不同维度的因变量上获得相对应的样条 插值,这样便完成了曲线拟合。若画图,则跳过自变量的取值,仅考虑因变量的取值 集合。

· 所有参数均以文件形式输入。

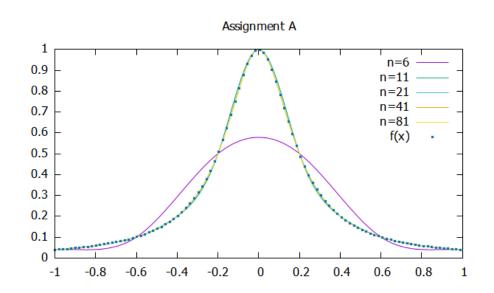
用于绘图的点先由程序生成并导出在 txt 文件中, 再由程序导入至绘图命令中。

· 完成 3.6.2 中的测试 A-E。

Assignment A:

对应文件 "ass_A.cpp"。

输出结果:



max error of n=6: 0.0934104

max error of n=11: 0.0205289

max error of n=21: 0.00316894

max error of n=41: 0.00012413

max error of n=81: 7.04042e-06

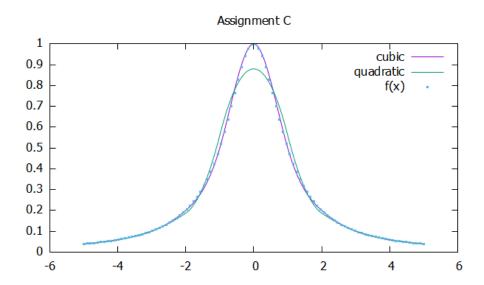
Assignment B:

对应文件 "cardinal B.h"。

Assignment C:

对应文件 "ass_C_D.cpp"。

输出结果:



Assignment D:

对应文件 "ass_C_D.cpp"。

输出结果:

Error for cubic cardinal B spline:

x = -3.5: 0.000669568

x = -3: 0

x = -0.5: 0.0205289

x = 0: 1.11022e-16

x = 0.5: 0.0205289

x = 3: 0

x = 3.5: 0.000669568

Error for quadratic cardinal B spline:

x = -3.5: 0

x = -3: 0.00141838

x = -0.5: 1.11022e-16

x = 0: 0.120238

x = 0.5: 0

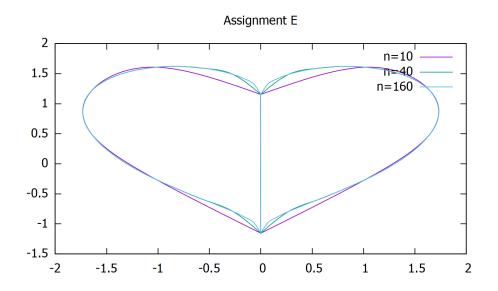
x = 3: 0.00141838

x = 3.5: 0

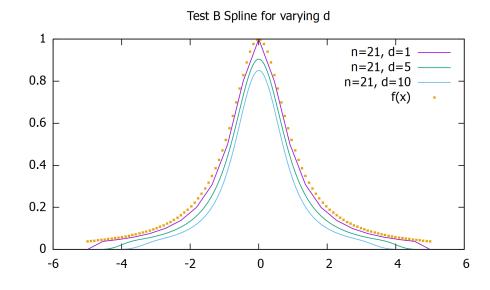
Assignment E:

对应文件 "ass_E.cpp"。

输出结果:



·(选做) 对 B-Form, 实现 \mathbb{S}_n^{n-1} 样条插值,并进行相关测试。 对应头文件 "B_spline.h",测试文件 "test2_B_spline.cpp"。 测试结果:

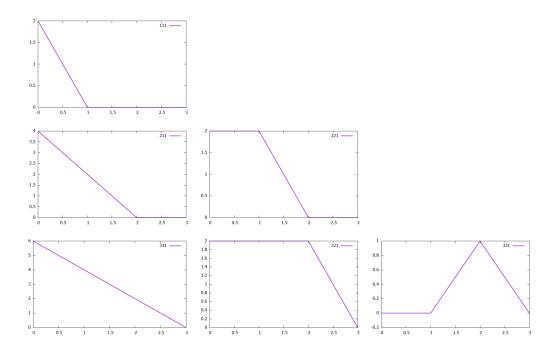


·(选做)测试样条函数与样条曲线的误差收敛阶,并在报告中作出说明。(跳过)

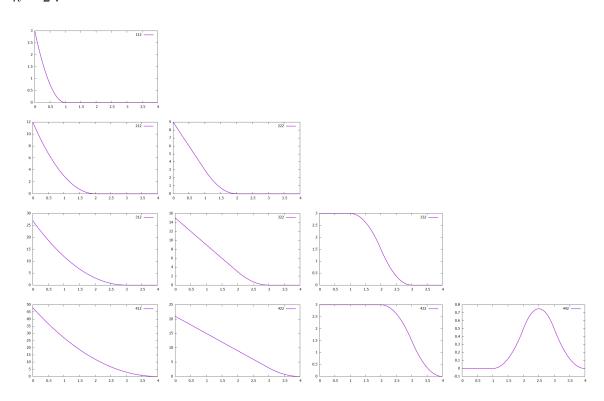
·(选做) 完成 3.6.2 中的测试 F。

对应文件 "ass_F1.cpp" 和 "ass_F2.cpp"。输出结果:

n = 1:



n = 2:



·(选做) 使用 json file 格式进行参数的输入。

先在头文件中加入"json11.hpp"。然后仅对 Assignment A 测试,加入文件"A_input.json",使用 json file 格式输入参数a和b (定义域的两端)。然后在"ass_A.cpp"的main()前面部分加入相关命令将参数从 json file 中导入 cpp file。

注:实际执行时发现未通过编译,报错"无法解析的外部命令",至今仍未找到解决方法。故为了能顺利通过编译,将 json file 部分命令注释掉了。

·(选做)设计文档: 阐述程序的设计思路,包括类的接口、功能以及类与类之间的关系。

对应文件"Design.pdf"。