

Lista 1, zadanie 2

Tablicę indeksujemy od 0

Parzyste indeksy - kopiec maxowy

Nieparzyste indeksy - kopiec maxowy

Synowie wierzchołka w $K[i]$ pamiętani są (o ile istnieją) w $K[2(i - i\%2 + 1) + (i\%2)]$ i $K[2(i - i\%2 + 1) + (i\%2) + 2]$

Rodzic wierzchołka w $K[i]$ pamiętany jest w...

jeśli jest to prawy syn ($i \% 4 == 0$ lub 1), to $K[(i \text{ div } 2) - 2 + i\%2]$

wpp. $K[(i \text{ div } 2) - 1 + i\%2]$

sąsiad ("lustrzany", zdefiniowany tylko dla liści) z drugiego kopca wierzchołka w $K[i]$ pamiętany jest w $K[i + 1 - 2 * (i \% 2)]$, ale tylko w sytuacji idealnej

ogólnie: jeśli "lustrzany" ma syna, to ten syn jest sąsiadem właściwym (nie może mieć dwóch!

Przedzaj i dostanie własnego syna, niż jego "lustrzany" sąsiad drugiego)

wpp. jeśli "lustrzany" istnieje, to on jest sąsiadem właściwym

wpp. rodzic "lustrzanego" jest sąsiadem właściwym (on już musi istnieć, z właściwości kopca)

przykład (na wierzchołkach są indeksy z tablicy, nie zawartości)

0
2 4
6

3 5
1

więzi międzykopcowe:

4-5 (lustrzanie)

5-4 (lustrzanie)

6-3 (3 jest "ojcem" lustrzanego, nieistniejącego wierzchołka o indeksie 7)

3-6 (6 jest synem lustrzanego 2)

Pamiętamy **maxIndex** (największy znaczący (odpowiadający wierzchołkowi) indeks w tablicy), powiedzmy że jako globalną

UWAGA: left/right odnosi się do stron po obróceniu kopca minowego do góry nogami (lub odbiciu go względem osi pionowej), czyli tak, jak na zwykłym rysunku kopca minimaxowego (w skrócie - lewy syn to syn występujący wcześniej w tablicy, dla obu kopców)

Pseudokod (i załączony kod w c) nie zawiera obsługi sytuacji skrajnych (przekroczenie pojemności tablicy, zdejmowanie z 0-elementowego kopca)

Funkcje definiujące relacje (dla klarowności późniejszego kodu)

```
function leftSon (i)
  return (2(i - i%2 + 1) + (i%2))

function rightSon (i)
  return (2(i - i%2 + 1) + (i%2) + 2)

function parent (i)
  if i==0 OR i==1 return i
  if i % 4 == 0 OR i % 4 == 1 then return (parent(i-2))
  return (i div 2) - 1 + i%2

function neighbour (i) //nigdy nie zostanie wywołane dla nie-liścia!
  mirror:= i + 1 - 2 * (i%2);
  if leftSon(mirror) <= maxIndex then return leftSon(mirror)
  if mirror <= maxIndex then return mirror
  return parent(mirror)
```

Funkcje i procedury faktyczne:

leftSon(j)>maxIndex implikuje rightSon(j)>maxIndex!

```
procedure przesun-nizej (K[],i)
  k := i
  repeat
    j := k
    if j%2==0 AND leftSon(j) <= maxIndex AND K[leftSon(j)] > K[k]
      then k := leftSon(j)
    if j%2==0 AND rightSon(j) <= maxIndex AND K[rightSon(j)] > K[k]
      then k := rightSon(j)
    if j%2==1 AND j>1 AND K[parent(j)] > K[k]
      then k := parent(j)
    if j%2==0 AND leftSon(j)>maxIndex AND K[neighbour(j)] > K[k]
      then k:=neighbour(j)
    K[j] <-> K[k]
  until j == k

procedure przesun-wyzej (K[],i)
  k := i
  repeat
    j := k
    if (j%2==1) AND leftSon(j) <= maxIndex AND K[leftSon(j)] < K[k]
      then k:=leftSon(j)
    if (j%2==1) AND rightSon(j) <= maxIndex AND K[rightSon(j)] < K[k]
      then k:=rightSon(j)
    if (j%2==0) AND j>1 AND K[parent(j)] < K[k]
      then k:= parent(j)
    if (j%2==1) AND leftSon(j)>maxIndex AND K[neighbour(j)] < K[k]
      then k:=neighbour(j)
    K[j] <-> K[k]
  until j == k
```

W przeciwieństwie do kopca zwykłego nie możemy pominąć liści, bo może jest nieporządek na krawędziach międzykopcowych.

```
procedure buduj-kopiec (K[])
  for i:= maxIndex downTo 0
    if i%2 ==0 then przesun-nizej (K,i)
    else przesun-wyzej (K,i)
```

```

procedure insert (K[], what)
    maxIndex++
    K[maxIndex] := what
    if (what>parent(maxIndex) then przesun-wyzej(K, maxIndex)
    else przesun-nizej (K, maxIndex)

function deletemin(K)
    if maxIndex == 0 then //min jest maksem dla tablicy 1-elementowej
        maxIndex--
        return K[0]
    res := K[1]
    K[1] = K[maxIndex]
    maxIndex--
    przesun-wyzej(K,1)
    return res

function deletemax(K)
    res := K[0]
    K[0] := K[maxIndex]
    maxIndex--
    if maxIndex >=0 then przesun-nizej(K,0)
    return res

```