



UNIVERSITAT  
POLITÈCNICA  
DE VALÈNCIA

# Búsqueda informada <sup>1</sup>

Alfons Juan  
Albert Sanchis  
Jorge Civera

*DSIC*

Departamento de Sistemas  
Informáticos y Computación

---

<sup>1</sup>Para una correcta visualización, se requiere Acrobat Reader v. 7.0 o superior

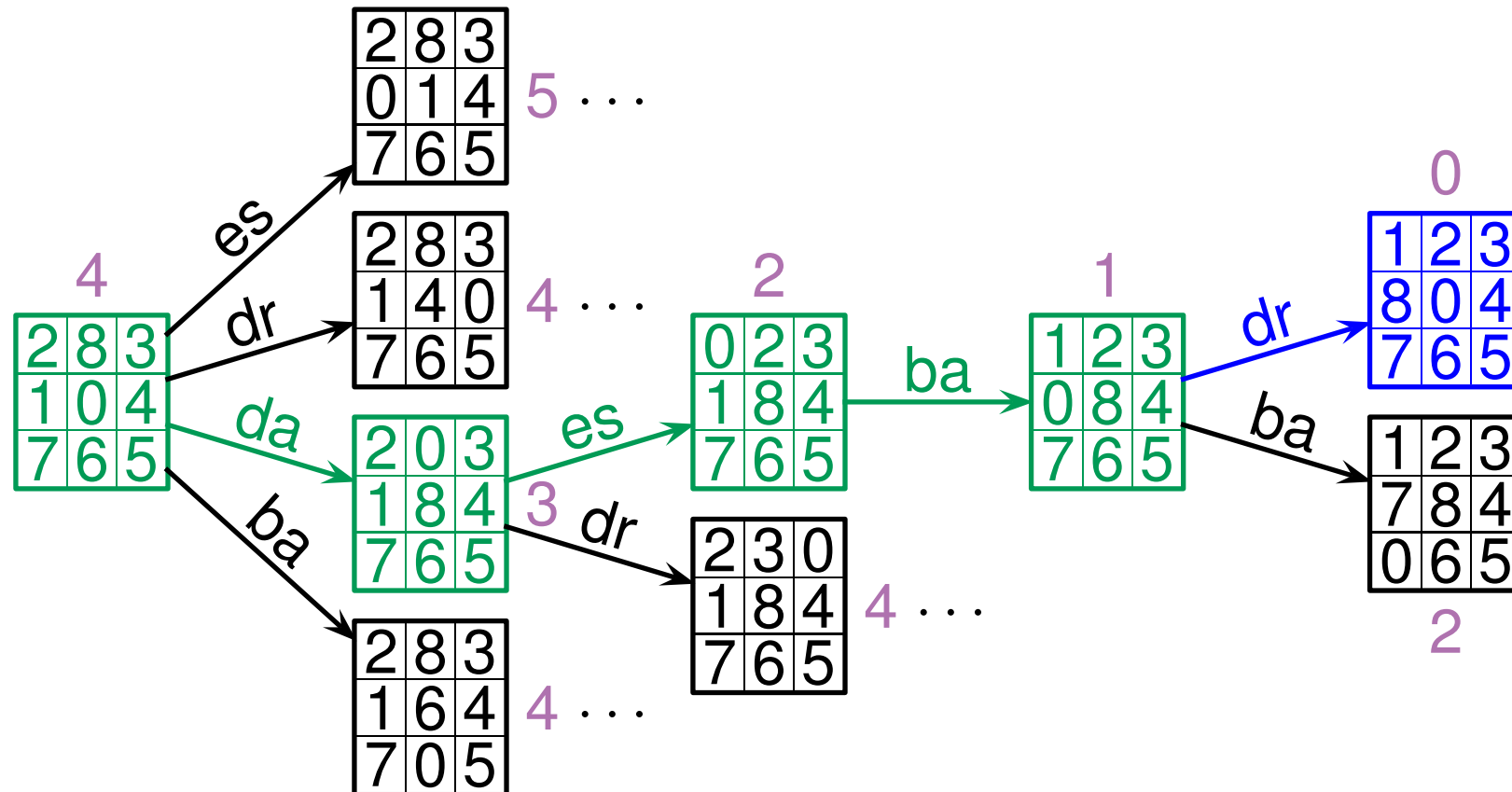
# Índice

1	Introducción	2
2	Búsqueda en árbol y grafo	3
3	Heurística	4
4	Funciones de evaluación	5
5	Búsqueda voraz: $f(n) = h(n)$	6
6	Búsqueda A: $f(n) = g(n) + h(n)$	7
7	Propiedades	8

# 1. Introducción

Dado un problema de búsqueda representado con un grafo de estados  $G$ , una **heurística** es cualquier función  $h$  que estima, **eficientemente**, el coste mínimo  $h^*$  de llegar a una solución a partir de cualquier nodo.

**Ejemplo:** **suma de distancias Manhattan** en 8-puzzle



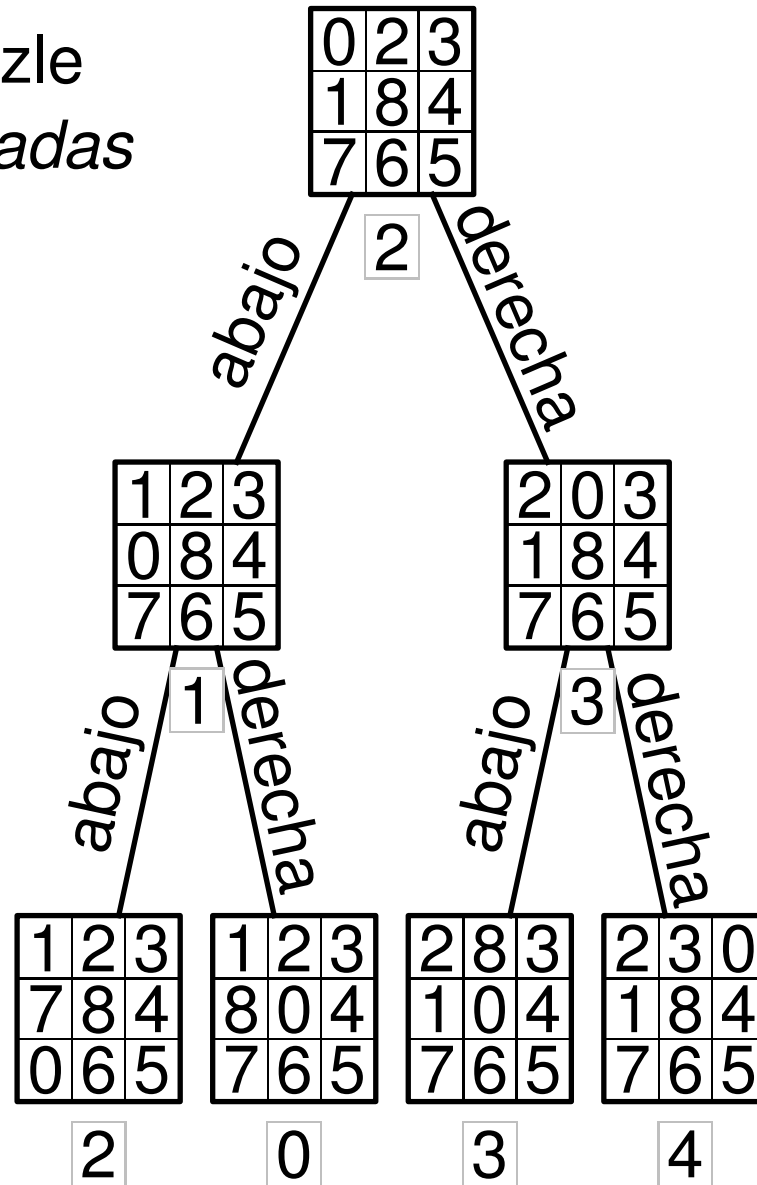
## 2. Búsqueda en árbol y grafo

```
EnÁrbolGrafo( $n_0, L$ )           // nodo inicial y límite de profundidad
   $OPEN = \{n_0\}$                  // inicialización de la frontera
   $CLOSED = \emptyset$              // inicialización del conjunto explorado
  bucle
    si  $OPEN = \emptyset$  devuelve NULL // solución no encontrada
     $s = \arg \min_{n \in OPEN} f(n)$  // selecciona un nodo de mínima.  $f$ 
    si  $Objetivo(s)$  devuelve  $s$  // ¡solución encontrada!
     $OPEN = OPEN - \{s\}$  // elimínalo de la frontera
     $CLOSED = CLOSED \cup \{s\}$  // añade al conjunto explorado
    si  $Profundidad(s) < L$  para todo  $n \in Hijos(s)$ :
      sí  $n \notin CLOSED$ 
        sí  $n \notin OPEN$ :  $OPEN = OPEN \cup \{n\}$ 
        si no deja en  $OPEN$  el de menor  $f$ 
        si no si tiene menor  $f$  que el de  $CLOSED$ :
          borra el de  $CLOSED$  e inserta  $n$  en  $OPEN$ 
```

### 3. Heurística

$h(n)$ : *coste estimado del camino óptimo desde  $n$  a una solución*

**Ejemplo:** 8-puzzle  
*fichas descolocadas*



## 4. Funciones de evaluación

- ***Voraz (primero el mejor):*** la frontera es una ***cola de prioridad (heap)***

$$f(n) = h(n)$$

- ***A:*** la frontera es una ***cola de prioridad (heap)***

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

## 5. Búsqueda voraz: $f(n) = h(n)$

## 6. Búsqueda A: $f(n) = g(n) + h(n)$



## 7. Propiedades

De la heurística:

- **Admisibilidad:**  $h(n) \leq h^*(n)$  para todo  $n$ 
  - **Algoritmo A\*:** búsqueda A con heurística admisible
- **Consistencia:**  $h(n) \leq c(n, a, n') + h(n')$  para todo  $n, a$  y  $n'$ 
  - Consistencia implica admisibilidad
- **Dominancia:**  $h_1(n)$  domina  $h_2(n)$  si  $h_1(n) \geq h_2(n)$  para todo  $n$

Asumiendo acciones de coste positivo y  $L = \infty$ :

- **Complejidad:** voraz con búsqueda en grafo y A\*
- **Optimalidad:**
  - A\* con búsqueda en árbol o grafo, y  $h(n)$  admisible.
  - A\* con búsqueda en grafo sin re-expandir y  $h(n)$  consistente.
- **Complejidad:**  $O(b^d)$  temporal;  $O(b \cdot d)$  o  $O(b^d)$  espacial.