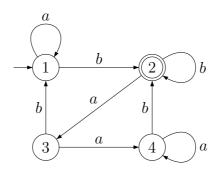
AUTÓMATAS FINITOS DETERMINISTAS

Preguntas:

Pregunta 1

Dado el autómata:



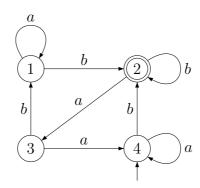
enuncie las 10 primeras palabras en orden canónico del lenguaje que representa.

Solución:

b,ab,bb,aab,abb,bbb,aaab,aabb,abbb,baab

Pregunta 2

Dado el autómata:

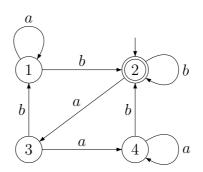


enuncie las 10 primeras palabras en orden canónico del lenguaje que representa.

Solución:

b, ab, bb, aab, abb, bbb, aaab, aabb, abbb, bbbb

Dado el autómata:



enuncie las 10 primeras palabras en orden canónico del lenguaje que representa.

Solución:

 λ , b, bb, aab, abb, bbb, aaab, aabb, abab, abbb

Pregunta 4

Proporcione una descripción (lo más concisa posible) del lenguaje aceptado por el siguiente autómata:

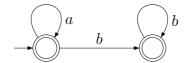


Solución:

$$L(A) = \{a\}^*$$

Pregunta 5

Proporcione una descripción (lo más concisa posible) del lenguaje aceptado por el siguiente autómata:

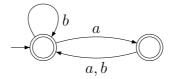


Solución:

$$L(A)=\{a^nb^m\ :\ n,m\geq 0\}$$

Pregunta 6

Proporcione una descripción (lo más concisa posible) del lenguaje aceptado por el siguiente autómata:

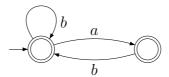


Solución:

$$L(A) = \{a, b\}^*$$

Pregunta 7

Proporcione una descripción (lo más concisa posible) del lenguaje aceptado por el siguiente autómata:

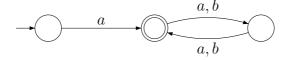


Solución:

$$L(A) = \{x \in \{a,b\}^* \ : \ aa \not\in Seg(x)\}$$

Pregunta 8

Proporcione una descripción (lo más concisa posible) del lenguaje aceptado por el siguiente autómata:

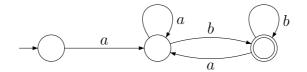


Solución:

$$L(A)=\{x\in\{a,b\}^*\ :\ a\in Pref(x)\wedge |x|\equiv 1\ \mathrm{m\'od}\ 2\}$$

Pregunta 9

Proporcione una descripción (lo más concisa posible) del lenguaje aceptado por el siguiente autómata:



Solución:

$$L(A) = \{x \in \{a,b\}^* \ : \ a \in Pref(x) \land b \in Suf(x)\}$$

Pregunta 10

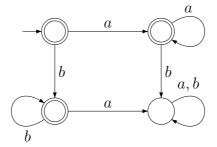
Obtenga un AFD que acepte el lenguaje $\{a\}^* \cup \{b\}^*$

Solución:

En la construcción del autómata hay que considerar las siguientes situaciones:

- lacktriangle la palabra procesada hasta el momento no tiene símbolos a o b
- lacktriangle la palabra procesada hasta el momento tiene símbolos a pero no símbolos b
- lacktriangle la palabra procesada hasta el momento tiene símbolos b pero no símbolos a
- lacktriangle la palabra procesada hasta el momento tiene símbolos a y símbolos b

Teniendo esto presente, un AFD para el lenguaje es:



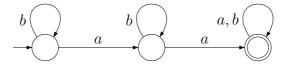
Obtenga un AFD que acepte el lenguaje $L = \{x \in \{a, b\}^* : |x|_a \ge 2\}$

Solución:

En la construcción del autómata hay que considerar las siguientes situaciones:

- no se ha analizado ningún símbolo a
- \blacksquare se ha procesado un único símbolo a
- lacktriangle se han procesado dos o más símbolos a

Teniendo esto presente, un AFD para el lenguaje es:



Pregunta 12

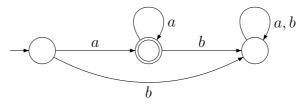
Obtenga un AFD que acepte el lenguaje $L = \{x \in \{a, b\}^* : a \in Pref(a) \land ab \notin Seg(x)\}$

Solución:

En la construcción del autómata hay que considerar las siguientes situaciones:

- La palabra no tiene símbolos
- La palabra comienza por a y no contiene el segmento ab
- \blacksquare La palabra comienza por b
- \blacksquare La palabra comienza por a y contiene el segmento ab

Es interesante notar que alcanzar las situaciones tercera y cuarta durante el procesamiento, e independientemente de la secuencia de símbolos que queda por analizar, implica que la palabra no pertenece al lenguaje. Con lo que un AFD para el lenguaje es:



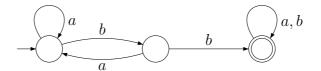
Obtenga un AFD que acepte el lenguaje $L = \{x \in \{a, b\}^* : bb \in Seg(x)\}$

Solución:

En la construcción del autómata hay que considerar las siguientes situaciones:

- \blacksquare La palabra procesada no contiene el segmento bb y no acaba en b
- \blacksquare La palabra procesada no contiene el segmento bb y acaba en b
- lacktriangle La palabra procesada contiene el segmento bb

Con lo que un AFD para el lenguaje es:



Pregunta 14

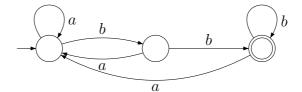
Obtenga un AFD que acepte el lenguaje $L = \{xbb : x \in \{a, b\}^*\}$

Solución:

En la construcción del autómata hay que considerar las siguientes situaciones:

- ullet El último símbolo de la palabra procesada no es b
- lacktriangle El último símbolo de la palabra procesada es b pero el penúltimo no es b
- \blacksquare Los dos últimos símbolos de la palabra procesada son b

Con lo que un AFD para el lenguaje es:



Obtenga un AFD que acepte el lenguaje de palabras sobre el alfabeto $\{0,1\}$ tales que el segundo y el último símbolos son 1

Solución:

En la construcción del autómata hay que considerar las siguientes situaciones:

- La palabra tiene longitud 0
- La palabra tiene longitud 1
- El segundo símbolo y el último símbolo son 1
- El segundo símbolo no es 1
- El segundo símbolo es 1 pero el último símbolo no es 1

Teniendo esto en cuenta, un AFD para el lenguaje es:

