

# Examen del Bloque 2 de Sistemas Inteligentes (tipo B)

ETSINF, UPV, 10 de diciembre de 2018. Puntuación: numaciertos - numerroses/3.

- 1 **D** ¿Cuál de las siguientes distribuciones de probabilidad *no puede* deducirse a partir de la prob. conjunta  $P(x, y, z)$ ?:  
 A)  $P(x | y)$ .  
 B)  $P(z)$ .  
 C)  $P(z | x, y)$ .  
 D) Toda distribución en la que intervenga cualquier combinación de estas variables puede deducirse de  $P(x, y, z)$ .

- 2 **B** Sea un problema de clasificación en cuatro clases,  $C = \{a, b, c, d\}$ , donde las cuatro clases son equiprobables, y sea  $y$  un hecho o dato. La decisión óptima de clasificación para  $y$  es la clase  $a$  con una probabilidad a posteriori de 0.30. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es correcta?  
 A) La probabilidad de error es menor que 0.50.  
 B)  $P(Y = y | C = a) = 0.3 \cdot P(Y = y) / 0.25$ .  
 C)  $P(C = a | Y = y) > P(C = b | Y = y) + P(C = c | Y = y) + P(C = d | Y = y)$ .  
 D) Ninguna de las anteriores.

- 3 **B** Supóngase que tenemos dos cajas con 40 galletas cada una. La primera caja contiene 10 galletas de chocolate y 30 sin chocolate. La segunda caja contiene 20 galletas de cada tipo. Ahora supóngase que se escoge una caja al azar, y luego una galleta al azar de la caja escogida. Si la galleta escogida no es de chocolate, la probabilidad  $P$  de que proceda de la primera caja es:

- A)  $3/4 \leq P \leq 4/4$ .  
 B)  $2/4 \leq P < 3/4$ .  
 C)  $1/4 \leq P < 2/4$ .  
 D)  $0/4 \leq P < 1/4$ .

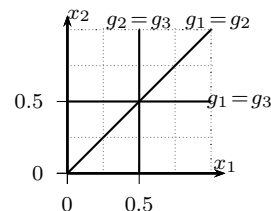
$$P(C = 1 | G = c) = \frac{P(C = 1) P(G = c | C = 1)}{P(C = 1) P(G = c | C = 1) + P(C = 2) P(G = c | C = 2)} = 0.6$$

- 4 **D** Sea  $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_D)^t$ ,  $D > 1$ , un objeto representado mediante un vector de características  $D$ -dimensional a clasificar en una de  $C$  clases. Indica cuál de los siguientes clasificadores *no* es de error mínimo:

- A)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(x_1, c) p(x_2, \dots, x_D | x_1, c)$   
 B)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(c) p(x_1, \dots, x_D | c)$   
 C)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(c | x_1) p(x_2, \dots, x_D | x_1, c)$   
 D)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(x_1 | c) p(x_2, \dots, x_D | x_1, c)$

- 5 **A** En la figura de la derecha se representan las fronteras de decisión de un clasificador en 3 clases. ¿Cuales de los siguientes vectores de pesos definen dichas fronteras?

- A)  $\mathbf{w}_1 = (0, 0, 1)^t$   $\mathbf{w}_2 = (0, 1, 0)^t$  y  $\mathbf{w}_3 = (0.5, 0, 0)^t$   
 B)  $\mathbf{w}_1 = (0, 0, 1)^t$   $\mathbf{w}_2 = (0, 1, 0)^t$  y  $\mathbf{w}_3 = (1, 0, 0)^t$   
 C)  $\mathbf{w}_1 = (0.5, 0, 0)^t$   $\mathbf{w}_2 = (0, 1, 0)^t$  y  $\mathbf{w}_3 = (0, 0, 1)^t$   
 D)  $\mathbf{w}_1 = (0, 0, 1)^t$   $\mathbf{w}_2 = (1, 0, 0)^t$  y  $\mathbf{w}_3 = (0, 1, 0)^t$

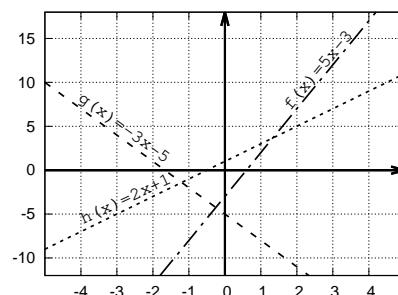


- 6 **C** Sea un clasificador lineal para dos clases,  $\circ$  y  $\bullet$ , de vectores de pesos  $\mathbf{a}_\circ = (2, -5, 4)^t$  y  $\mathbf{a}_\bullet = (5, 1, 1)^t$ , respectivamente. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es correcta?

- A) El punto  $\mathbf{x}' = (1, 2)^t$  pertenece a la clase  $\circ$ .  
 B) El punto  $\mathbf{x}' = (-2, 0)^t$  se encuentra en la frontera de decisión.  
 C) Los vectores de pesos  $\mathbf{a}_\circ = (3, 4, 1)^t$  y  $\mathbf{a}_\bullet = (2, 2, 2)^t$  definen la misma frontera de decisión que los del enunciado.  
 D) Los vectores de pesos  $\mathbf{a}_\circ = (-2, 5, -4)^t$  y  $\mathbf{a}_\bullet = (-5, -1, -1)^t$  definen un clasificador equivalente al del enunciado.

- 7 **D** En la figura de la derecha se muestran las funciones discriminantes lineales resultantes de entrenar un clasificador con el algoritmo Perceptrón con un conjunto de puntos de  $\mathbb{R}$ . Las funciones obtenidas son:  $g(x) = -3x - 5$ ,  $h(x) = 2x + 1$  y  $f(x) = 5x - 3$ . Indica cuáles son las fronteras de decisión correctas entre  $g(x)$  y  $h(x)$ , y entre  $h(x)$  y  $f(x)$ :

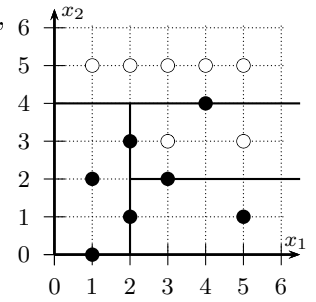
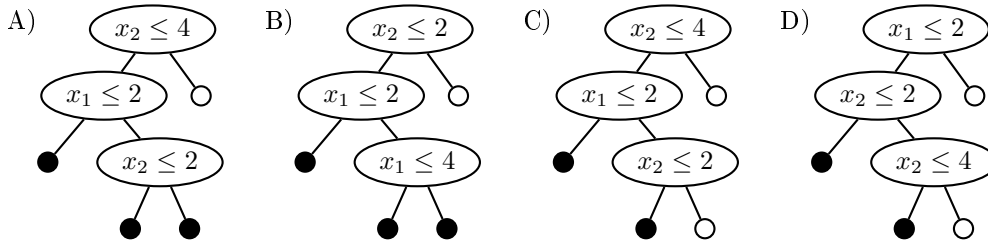
- A)  $x = -5/3$  y  $x = 3/5$ .  
 B)  $x = -1/2$  y  $x = 3/5$ .  
 C)  $x = -5/3$  y  $x = 4/3$ .  
 D)  $x = -6/5$  y  $x = 4/3$ .



- 8 **D** Indica cuál de las siguientes afirmaciones referentes al algoritmo Perceptrón (al que llamaremos P) es *cierta* cuando se aplica al aprendizaje con una muestra de vectores etiquetados  $S$ :

- A) El número de vectores de  $S$  bien clasificados con los pesos obtenidos en cada iteración de P es mayor que el número de vectores bien clasificados en la iteración anterior.  
 B) P siempre converge en un número finito de iteraciones, aunque es posible que los pesos finalmente obtenidos no clasifiquen correctamente a todos los vectores de  $S$ .  
 C) Cuanto más grande es  $S$ , mayor es el número de iteraciones que necesita P para converger.  
 D) Si la muestra de aprendizaje es linealmente separable, P termina tras un número finito de iteraciones y los pesos resultantes permiten clasificar  $S$  sin errores.

- 9 [C] Dado el conjunto de muestras bidimensionales de 2 clases ( $\circ$  y  $\bullet$ ) de la figura de la derecha, ¿cuál de los siguientes árboles de clasificación es coherente con la partición representada?



- 10 [C] Sea un problema de clasificación en 3 clases (A, B y C) para el que se dispone de 6 datos de aprendizaje representados mediante vectores de características tridimensionales (ver tabla a la derecha). Si deseamos aplicar el algoritmo de aprendizaje de árboles de clasificación con dichos datos, ¿cuál es el número  $N$  de *splits diferentes* que hay que explorar en el nodo raíz del árbol? Nota: no deben tenerse en cuenta los *splits* que dan lugar a nodos vacíos.

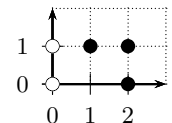
| $n$      | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| $x_{n1}$ | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| $x_{n2}$ | 1 | 1 | 2 | 2 | 3 | 3 |
| $x_{n3}$ | 0 | 0 | 2 | 3 | 2 | 3 |
| $c_n$    | A | A | B | B | C | C |

- A)  $0 \leq N < 2$ .  
 B)  $2 \leq N < 4$ .  
 C)  $4 \leq N < 6$ .  $\{(1,0), (2,1), (2,2), (3,2)\}$   
 D)  $6 \leq N$ .
- 11 [A] Tenemos un problema de clasificación en tres clases,  $C = \{a, b, c\}$  para objetos representados en un espacio de dos dimensiones ( $\mathbf{y} = (y_1, y_2) \in \mathbb{R}^2$ ). Tenemos las siguientes cuatro muestras:  $\mathbf{y}_1 = (4, 1)^t$ , pertenece a la clase  $a$ ;  $\mathbf{y}_2 = (1, 2)^t$  y  $\mathbf{y}_3 = (2, 3)^t$  pertenecen a la clase  $b$ ; y  $\mathbf{y}_4 = (5, 1)^t$  pertenece a la clase  $c$ . Queremos construir un árbol de clasificación y el algoritmo ha alcanzado un nodo  $t$  que incluye los 4 datos mencionados. Utilizando la reducción de la impureza (en términos de entropía) para medir la calidad de un *split*, indica cuál de las siguientes afirmaciones es correcta:
- A)  $\Delta \mathcal{I}(1, 2, t) > \Delta \mathcal{I}(2, 2, t)$ .  
 B)  $\Delta \mathcal{I}(1, 2, t) > \Delta \mathcal{I}(2, 1, t)$ .  
 C)  $\Delta \mathcal{I}(2, 2, t) > \Delta \mathcal{I}(2, 1, t)$ .  
 D)  $\Delta \mathcal{I}(1, 4, t) = 0$ .

- 12 [A] Sea  $T$  un árbol de clasificación construido mediante el algoritmo ADC a partir de una muestra de vectores etiquetados  $S$ . Indica cuál de las siguientes afirmaciones es *falsa*:
- A) Para todo nodo  $t$  de  $T$ , su impureza es igual a la suma de las impurezas de sus nodos hijos,  $t_R$  y  $t_L$ .  
 B) Si el parámetro  $\epsilon$  es suficientemente pequeño, el número de vectores de  $S$  que  $T$  clasifica incorrectamente puede ser tan pequeño como se quiera.  
 C) El número de *splits* posibles en cualquier nodo de  $T$  es siempre menor o igual que  $D \cdot |S|$ , donde  $D$  es la dimensión de los vectores de  $S$ .  
 D) Aunque  $T$  suele ser un árbol aproximadamente bien equilibrado, su altura puede ser mayor que  $\log_2 |S|$ .

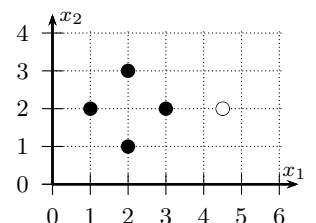
- 13 [A] En la figura de la derecha se muestra una partición de 5 puntos bidimensionales de 2 clusters. La transferencia del punto  $(1, 1)^t$  del cluster  $\bullet$  al cluster  $\circ$

- A) no altera la SEC.  
 B) produce un incremento en la SEC.  
 C) produce un decremento en la SEC.  
 D) produce una SEC negativa.



- 14 [D] En la figura de la derecha se representan 5 muestras bidimensionales particionadas inicialmente en dos clústers ( $\bullet$  y  $\circ$ ). ¿Cuál sería el resultado de la aplicación de una iteración del algoritmo  $C$ -medias en su versión convencional?, ¿y en su versión Duda y Hart (D&H)?

- A) Ambas versiones transfieren la muestra  $(3, 2)$ .  
 B) Ninguna de las dos versiones transfiere la muestra  $(3, 2)$ .  
 C) Sólo la versión convencional transfiere la muestra  $(3, 2)$ .  
 D) Sólo la versión D&H transfiere la muestra  $(3, 2)$ .



- 15 [B] Se aplica el algoritmo  $C$ -medias de Duda y Hart a un conjunto de  $N$  vectores no etiquetados y se obtiene una partición de dicho conjunto en  $C$  subconjuntos disjuntos cuya suma de errores cuadráticos, SEC, es  $R$ . ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es *falsa*?:

- A) Si  $C = N$ ,  $R = 0$ .  
 B) Si  $C \geq N/2$ ,  $R = 0$ .  
 C) Si  $C \leq N$ ,  $C$ -medias termina en un número finito de iteraciones y  $R$  es un mínimo local de la SEC.  
 D) Ninguna de las anteriores.