

Ejercicio 1.

Diseña un método recursivo que permita comparar dos *arrays* genéricos y analiza su coste:

```
public static <T> boolean comparar(T a[], T b[]) { ... }
```

Observación: dos *arrays* se consideran iguales si tienen los mismos elementos dispuestos en el mismo orden.

Ejercicio 2.

Dado el siguiente método:

```
// v ordenado ascendentemente sin elementos repetidos, x < y
public static boolean buscaPar(Integer[] v, Integer x,
    Integer y, int izq, int der) {
    if (izq >= der) return false;
    int mitad = (izq + der) / 2;
    int comp = v[mitad].compareTo(x);
    if (comp == 0) return v[mitad+1].compareTo(y) == 0;
    if (comp < 0) return buscaPar(v, x, y, mitad+1, der);
    return buscaPar(v, x, y, izq, mitad);
}
```

- a) Describir qué problema resuelve *buscaPar*, detallando el significado de cada uno de sus parámetros.
- b) Calcular la complejidad temporal del método *buscaPar*.

Ejercicio 3.

Diseña un método recursivo genérico que determine si un *array* dado es capicúa:

```
public static <T> boolean esCapicua(T[] v) { ... }
```

Indica qué tipo de método recursivo es y analiza su coste.

Ejercicio 4.

Diseña una función recursiva que devuelva el máximo de un *array* genérico y analiza su coste.

Ejercicio 5.

Dado un array v de componentes *Integer*, ordenado de forma creciente y sin elementos repetidos, se quiere determinar si existe alguna componente de v que represente el mismo valor que el de su posición en v (y obtener dicha posición). En el caso de que no haya ninguna, se devolverá -1.

0	1	2	3	4	5	6
-5	-4	-2	1	4	7	8

Indica qué tipo de método recursivo es y analiza su coste.

Ejercicio 6.

Analiza el coste de los siguientes métodos:

```
private static int sumar1(int v[], int ini, int fin) {  
    int suma = 0;  
    if ( ini == fin ) suma = v[ini];  
    if ( ini < fin ) {  
        suma = v[ini] + v[fin];  
        suma += sumar1(v, ini+1, fin-1);  
    }  
    return suma;  
}
```

```
private static int sumar2(int v[], int ini, int fin) {  
    int suma = 0;  
    if ( ini == fin ) suma = v[ini];  
    if ( ini < fin ) {  
        int mitad = (fin + ini) / 2;  
        suma = sumar2(v, ini, mitad) + sumar2(v, mitad+1, fin);  
    }  
    return suma;  
}
```

Ejercicio 7.

Sea v un vector de componentes *Integer* positivas que se ajustan al perfil de una curva cóncava, es decir, que existe una única posición k en el vector tal que:

- Los elementos a la izquierda de k están ordenados descendentemente
- Los elementos a la derecha de k están ordenados ascendentemente

Ejemplo:

4	3	2	^k 1	2	3	4	5	6	7
---	---	---	-------------------	---	---	---	---	---	---

Diseñar el método recursivo que más eficientemente determine dicha posición k . Indica las instancias significativas y analiza el coste del método.

Ejercicio 8.

Realiza una traza completa en árbol de las llamadas recursivas que genera *quickSort* para el array $v = \{8, 12, 6, 9, 18, 15, 1\}$, indicando el orden en el que se generan y se resuelven.

Ejercicio 9.

Realiza una traza de *mergeSort* para el array $\{3, 41, 52, 26, 38, 57, 9, 49\}$.

Ejercicio 10.

Diseña un método recursivo que devuelva el número de elementos iguales a uno dado que hay en un *array* ordenado ascendentemente y con elementos repetidos.
Estudia el coste del método diseñado.

Ejercicio 11.

Un *array* se dice que tiene un elemento **mayoritario** si más de la mitad de sus elementos tienen el mismo valor.

Dado un *array* genérico v , diseñad un algoritmo siguiendo una estrategia Divide y Vencerás que devuelva su elemento mayoritario (o *null* en caso de que v no tenga elemento mayoritario).

Estudia la complejidad temporal del método recursivo diseñado.

Ejercicio 12.

Dado un vector de números enteros (positivos y negativos), diseñad un algoritmo Divide y Vencerás que permita encontrar la subsecuencia de números (consecutivos) cuya suma sea máxima. La función deberá devolver el valor de la suma de dicha subsecuencia.

Ejemplos:

- Dado el vector $v = \{-2, 3, 4, -3, 5, 6, -2\}$, la función devolverá 15 ya que la subsecuencia de suma máxima es $\{3, 4, -3, 5, 6\}$
- Dado el vector $v = \{-2, 11, -4, 13, -5, 2\}$, la función devolverá 20 ya que la subsecuencia de suma máxima es $\{11, -4, 13\}$

Estudia la complejidad temporal del método recursivo diseñado.