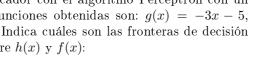
## Examen del Bloque 2 de Sistemas Inteligentes (tipo A)

ETSINF, UPV, 10 de diciembre de 2018. Puntuación: numaciertos - numerrores/3.

- 1 D ¿Cuál de las siguientes distribuciones de probabilidad no puede deducirse a partir de la prob. conjunta P(x, y, z)?:
  - A)  $P(x \mid y)$ .
  - B)  $P(z \mid x, y)$ .
  - C) P(z).
  - D) Toda distribución en la que intervenga cualquier combinación de estas variables puede deducirse de P(x,y,z).
- 2 | C | Sea un problema de clasificación en cuatro clases,  $C = \{a, b, c, d\}$ , donde las cuatro clases son equiprobables, y sea y un hecho o dato. La decisión óptima de clasificación para y es la clase a con una probabilidad a posteriori de 0.30. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es correcta?
  - A) La probabilidad de error es menor que 0.50.
  - B)  $P(C = a \mid Y = y) > P(C = b \mid Y = y) + P(C = c \mid Y = y) + P(C = d \mid Y = y)$ .
  - C)  $P(Y = y \mid C = a) = 0.3 \cdot P(Y = y) / 0.25$ .
  - D) Ninguna de las anteriores.
- 3 C Supóngase que tenemos dos cajas con 40 galletas cada una. La primera caja contiene 10 galletas de chocolate y 30 sin chocolate. La segunda caja contiene 20 galletas de cada tipo. Ahora supóngase que se escoge una caja al azar, y luego una galleta al azar de la caja escogida. Si la galleta escogida no es de chocolate, la probabilidad P de que proceda de la primera caja es:
  - A) 0/4 < P < 1/4.
  - B) 1/4 < P < 2/4.
  - $P(C = 1 \mid G = c) = \frac{P(C = 1) P(G = c \mid C = 1)}{P(C = 1) P(G = c \mid C = 1) + P(C = 2) P(G = c \mid C = 2)} = 0.6$ C)  $2/4 \le P < 3/4$ .
  - D)  $3/4 \le P \le 4/4$ .
- $4 | A | Sea \mathbf{x} = (x_1, \dots, x_D)^t, D > 1$ , un objeto representado mediante un vector de características D-dimensional a clasificar en una de C clases. Indica cuál de los siguientes clasificadores no es de error mínimo:
  - A)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1,...,C} p(x_1 \mid c) p(x_2,...,x_D \mid x_1,c)$
  - B)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1,...,C} p(c) p(x_1,...,x_D \mid c)$
  - C)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1,...,C} p(c \mid x_1) p(x_2,...,x_D \mid x_1,c)$
  - D)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1,...,C} p(x_1, c) p(x_2, ..., x_D \mid x_1, c)$
- 5 B En la figura de la derecha se representan las fronteras de decisión de un clasificador en 3 clases. ¿Cuales de los siguientes vectores de pesos definen dichas fronteras?
  - A)  $\mathbf{w}_1 = (0,0,1)^t$   $\mathbf{w}_2 = (0,1,0)^t$  y  $\mathbf{w}_3 = (1,0,0)^t$
  - B)  $\mathbf{w}_1 = (0,0,1)^t$   $\mathbf{w}_2 = (0,1,0)^t$  y  $\mathbf{w}_3 = (0.5,0,0)^t$
  - C)  $\mathbf{w}_1 = (0.5, 0, 0)^t \ \mathbf{w}_2 = (0, 1, 0)^t \ \ \mathbf{w}_3 = (0, 0, 1)^t$
  - D)  $\mathbf{w}_1 = (0,0,1)^t$   $\mathbf{w}_2 = (1,0,0)^t$  y  $\mathbf{w}_3 = (0,1,0)^t$
- 6 A Sea un clasificador lineal para dos clases,  $\circ$  y  $\bullet$ , de vectores de pesos  $\mathbf{a}_{\circ} = (2, -5, 4)^t$  y  $\mathbf{a}_{\bullet} = (5, 1, 1)^t$ , respectivamente. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es correcta?
  - A) Los vectores de pesos  $\mathbf{a}_{\circ} = (3,4,1)^t$  y  $\mathbf{a}_{\bullet} = (2,2,2)^t$  definen la misma frontera de decisión que los del enunciado.
  - B) Los vectores de pesos  $\mathbf{a}_{\circ} = (-2, 5, -4)^t$  y  $\mathbf{a}_{\bullet} = (-5, -1, -1)^t$  definen un clasificador equivalente al del enunciado.
  - C) El punto  $\mathbf{x}' = (1,2)^t$  pertenece a la clase  $\circ$ .
  - D) El punto  $\mathbf{x}' = (-2,0)^t$  se encuentra en la frontera de decisión.
- 7 C En la figura de la derecha se muestran las funciones discriminantes lineales resultantes de entrenar un clasificador con el algoritmo Perceptrón con un conjunto de puntos de  $\mathbb{R}$ . Las funciones obtenidas son: g(x) = -3x - 5, h(x) = 2x + 1 y f(x) = 5x - 3. Indica cuáles son las fronteras de decisión correctas entre g(x) y h(x), y entre h(x) y f(x):



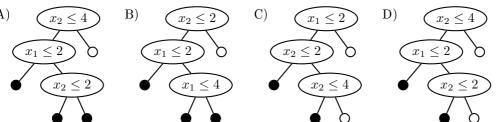
- A) x = -5/3 y x = 3/5.
- B) x = -1/2 y x = 3/5.
- C) x = -6/5 y x = 4/3.
- D) x = -5/3 v x = 4/3.

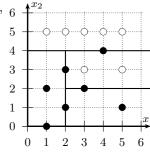
10

0.5

- 8 A Indica cuál de las siguientes afirmaciones referentes al algoritmo Perceptrón (al que llamaremos P) es cierta cuando se aplica al aprendizaje con una muestra de vectores etiquetados S:
  - A) Si la muestra de aprendizaje es linealmente separable, P termina tras un número finito de iteraciones y los pesos resultantes permiten clasificar S sin errores.
  - B) El número de vectores de S bien clasificados con los pesos obtenidos en cada iteración de P es mayor que el número vectores bien clasificados en la iteración anterior.
  - P siempre converge en un número finito de iteraciones, aunque es posible que los pesos finalmente obtenidos no clasifiquen correctamente a todos los vectores de S.
  - D) Cuanto más grande es S, mayor es el número de iteraciones que necesita P para converger.

9 | D | Dado el conjunto de muestras bidimensionales de 2 clases ( $\circ$  y  $\bullet$ ) de la figura de la derecha, ¿cuál de los siguientes árboles de clasificación es coherente con la partición representada?





10 C Sea un problema de clasificación en 3 clases (A, B y C) para el que se dispone de 6 datos de aprendizaje representados mediante vectores de características tridimensionales (ver tabla a la derecha). Si deseamos aplicar el algoritmo de aprendizaje de árboles de clasificación con dichos datos, ¿cuál es el número Nde splits diferentes que hay que explorar en el nodo raíz del árbol? Nota: no deben tenerse en cuenta los *splits* que dan lugar a nodos vacíos.

n	1	2	3	4	5	6
$x_{n1}$	0	1	0	1	0	1
$x_{n2}$	1	1	2	2	3	3
$x_{n3}$	0	0	2	3	2	3
$c_n$	Α	A	В	В	С	С

- A)  $0 \le N < 2$ .
- B)  $2 \le N < 4$ .
- C)  $4 \le N < 6$ .  $\{(1,0),(2,1),(2,2),(3,2)\}$
- D) 6 < N.

11 B Tenemos un problema de clasificación en tres clases,  $C = \{a, b, c\}$  para objetos representados en un espacio de dos dimensiones ( $\mathbf{y} = (y_1, y_2) \in \mathbb{R}^2$ ). Tenemos las siguientes cuatro muestras:  $\mathbf{y_1} = (4, 1)^t$ , pertenece a la clase a;  $\mathbf{y_2} = (1,2)^t$  y  $\mathbf{y_3} = (2,3)^t$  pertenecen a la clase b; y  $\mathbf{y_4} = (5,1)^t$  pertenece a la clase c. Queremos construir un árbol de clasificación y el algoritmo ha alcanzado un nodo t que incluye los 4 datos mencionados. Utilizando la reducción de la impureza (en términos de entropía) para medir la calidad de un split, indica cuál de las siguientes afirmaciones es correcta:

- A)  $\Delta \mathcal{I}(1, 2, t) > \Delta \mathcal{I}(2, 1, t)$ .
- B)  $\Delta \mathcal{I}(1, 2, t) > \Delta \mathcal{I}(2, 2, t)$ .
- C)  $\Delta \mathcal{I}(2, 2, t) > \Delta \mathcal{I}(2, 1, t)$ .
- D)  $\Delta \mathcal{I}(1,4,t) = 0$ .

12 B Sea T un árbol de clasificación construido mediante el algoritmo ADC a partir de una muestra de vectores etiquetados S. Indica cuál de las siguientes afirmaciones es falsa:

- A) Si el parámetro  $\epsilon$  es suficientemente pequeño, el número de vectores de S que T clasifica incorrectamente puede ser tan pequeño como se quiera.
- B) Para todo nodo t de T, su impureza es igual a la suma de las impurezas de sus nodos hijos,  $t_R$  y  $t_L$ .
- C) El número de splits posibles en cualquier nodo de T es siempre menor o igual que  $D \cdot |S|$ , donde D es la dimensión de los vectores de S.
- D) Aunque T suele ser un árbol aproximadamente bien equilibrado, su altura puede ser mayor que  $\log_2 |S|$ .

13 C En la figura de la derecha se muestra una partición de 5 puntos bidimensionales de 2 clusters.

La transferencia del punto  $(1,1)^t$  del cluster  $\bullet$  al cluster  $\circ$ 

- A) produce un incremento en la SEC.
- B) produce un decremento en la SEC.
- C) no altera la SEC.
- D) produce una SEC negativa.

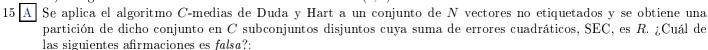


2 3 4 5

0

- En la figura de la derecha se representan 5 muestras bidimensionales particionadas inicialmente en dos clústers (• y o). ¿Cuál sería el resultado de la aplicación de una iteración del algoritmo C-medias en su versión convencional?, ¿y en su versión Duda y Hart (D&H)?

  - A) Ambas versiones transfieren la muestra (3, 2).
  - B) Sólo la versión convencional transfiere la muestra (3, 2).
  - C) Sólo la versión D&H transfiere la muestra (3,2).
  - D) Ninguna de las dos versiones transfiere la muestra (3, 2).



- A) Si  $C \ge N/2$ , R = 0.
- B) Si C = N, R = 0.
- C) Si  $C \leq N$ , C-medias termina en un número finito de iteraciónes y R es un mínimo local de la SEC.
- D) Ninguna de las anteriores.

