



UNIVERSITAT  
POLITÈCNICA  
DE VALÈNCIA

# Búsqueda informada <sup>1</sup>

Alfons Juan  
Albert Sanchis  
Jorge Civera

*DSIC*

Departamento de Sistemas  
Informáticos y Computación

---

<sup>1</sup>Para una correcta visualización, se requiere Acrobat Reader v. 7.0 o superior

# Objetivos formativos

- Aplicar técnicas básicas de búsqueda informada.

# Índice

<b>1</b>	<b>Búsqueda en árbol y grafo</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Heurística</b>	<b>4</b>
<b>3</b>	<b>Búsqueda voraz: <math>f(n) = h(n)</math></b>	<b>5</b>
<b>4</b>	<b>Búsqueda A: <math>f(n) = g(n) + h(n)</math></b>	<b>6</b>
<b>5</b>	<b>Propiedades</b>	<b>7</b>
<b>6</b>	<b>Relación entre admisibilidad y consistencia</b>	<b>8</b>
<b>7</b>	<b>Conclusiones</b>	<b>9</b>

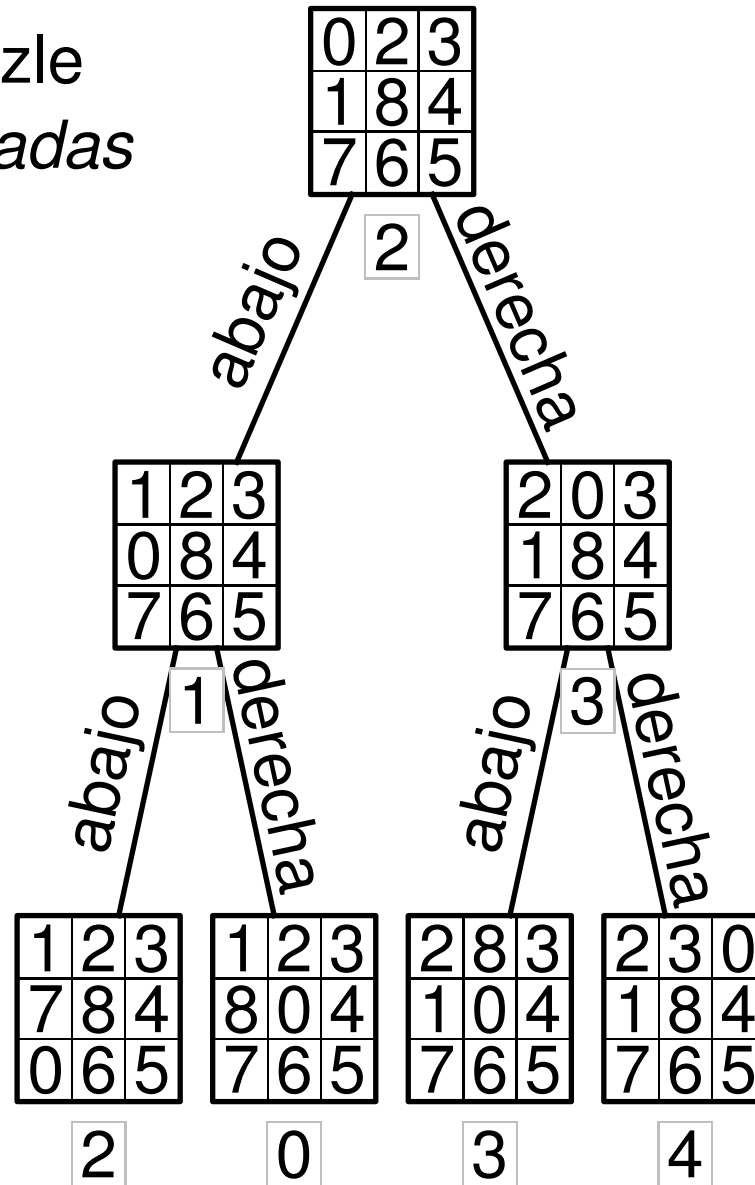
# 1. Búsqueda en árbol y grafo

```
EnÁrbolGrafo( $n_0, L$ )           // nodo inicial y límite de profundidad
   $OPEN = \{n_0\}$                  // inicialización de la frontera
   $CLOSED = \emptyset$              // inicialización del conjunto explorado
  bucle
    si  $OPEN = \emptyset$  devuelve NULL // solución no encontrada
     $s = \arg \min_{n \in OPEN} f(n)$  // selecciona un nodo de mínima.  $f$ 
    si  $Objetivo(s)$  devuelve  $s$  // ¡solución encontrada!
     $OPEN = OPEN - \{s\}$  // elimínalo de la frontera
     $CLOSED = CLOSED \cup \{s\}$  // añade al conjunto explorado
    si  $Profundidad(s) < L$  para todo  $n \in Hijos(s)$ :
      sí  $n \notin CLOSED$ 
        sí  $n \notin OPEN$ :  $OPEN = OPEN \cup \{n\}$ 
        si no deja en  $OPEN$  el de menor  $f$ 
        si no si tiene menor  $f$  que el de  $CLOSED$ :
          borra el de  $CLOSED$  e inserta  $n$  en  $OPEN$ 
```

## 2. Heurística

$h(n)$ : *coste estimado del camino óptimo desde  $n$  a una solución*

**Ejemplo:** 8-puzzle  
*fichas descolocadas*



### 3. Búsqueda voraz: $f(n) = h(n)$

## 4. Búsqueda A: $f(n) = g(n) + h(n)$

## 5. Propiedades

- **Admisibilidad:**  $h(n) \leq h^*(n)$  para todo  $n$ 
  - **Algoritmo A\*:** búsqueda A con heurística admisible
- **Consistencia:**  $h(n) \leq c(n, n') + h(n')$  para todo  $n$  y  $n'$ 
  - Consistencia implica admisibilidad [1, ex. 3.29]
- **Dominancia:**  $h_1(n)$  domina  $h_2(n)$  si  $h_1(n) \geq h_2(n)$  para todo  $n$ 
  - Búsqueda A\* con  $h_1(n)$  genera menos nodos que  $h_2(n)$

Asumiendo acciones de coste positivo y  $L = \infty$ :

- **Complejidad:** voraz con búsqueda en grafo y A\*
- **Optimalidad:**
  - A\* con búsqueda en árbol o grafo, y  $h(n)$  admisible.
  - A\* con búsqueda en grafo sin re-expandir y  $h(n)$  consistente.
- **Complejidad:**  $O(b^d)$  temporal;  $O(b \cdot d)$  o  $O(b^d)$  espacial.



## 6. Relación entre admisibilidad y consistencia

### *Consistencia $\Rightarrow$ Admisibilidad*

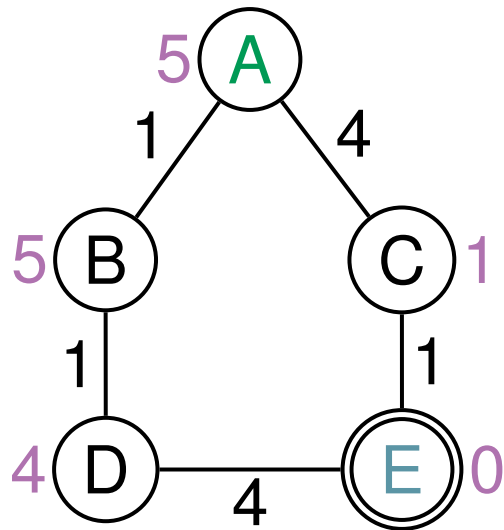
Para todo nodo objetivo  $\gamma$ , cumpliendo consistencia con  $n' = \gamma$ :

$$h(n) \leq c(n, \gamma) + h(\gamma) = c(n, \gamma)$$

La admisibilidad de  $h$  se deriva de que, para algún objetivo  $\gamma^*$ :

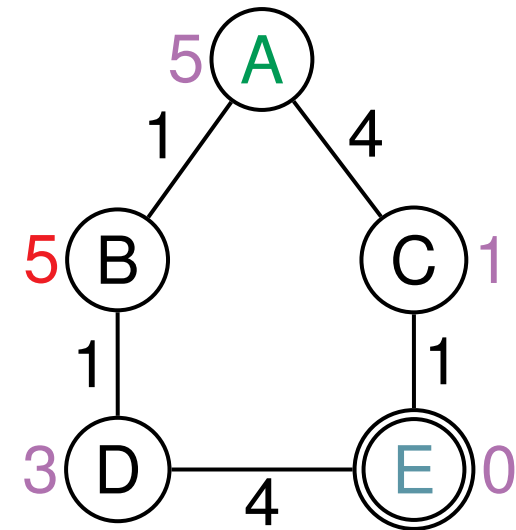
$$c(n, \gamma^*) = h^*(n)$$

### *Admisible y consistente*



$$\begin{aligned} h(A) &\leq c(A, B) + h(B) \\ h(A) &\leq c(A, C) + h(C) \\ h(B) &\leq c(B, A) + h(A) \\ h(B) &\leq c(B, D) + h(D) \\ h(C) &\leq c(C, A) + h(A) \\ h(C) &\leq c(C, E) + h(E) \\ h(D) &\leq c(D, B) + h(B) \\ h(D) &\leq c(D, E) + h(E) \\ h(E) &\leq c(E, C) + h(C) \\ h(E) &\leq c(E, D) + h(D) \end{aligned}$$

### *Admisible y no consistente*



$$h(B) \not\leq c(B, D) + h(D)$$

## 7. Conclusiones

- Hemos visto algunas técnicas usuales de búsqueda informada.
- Consultad [1, Cap. 3] para más detalles.

## Referencias

- [1] S. Russell and P. Norvig. *Artificial Intelligence: A Modern Approach*. Pearson, third edition, 2010.