

Apellidos:  Nombre:

Profesor: ☒ Jorge Civera ☐ Carlos Martínez

Cuestiones (0.25 puntos, 15 minutos, con apuntes)

☐ ¿Cuál de los siguientes vectores de proyección **no** define la misma recta de dirección en el espacio que el vector de proyección  $x = (1 \quad 1)$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}$
- B)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}$
- C)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}$
- D)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \end{pmatrix}$

☐ Dado un conjunto de datos  $\mathcal{X} = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ ,  $x_i \in \mathbb{R}^{D \times 1}$ , con matriz de covarianzas  $\Sigma_{\mathcal{X}}$ , al aplicarse PCA se ha obtenido una matriz de vectores propios  $W = (\mathbf{w}_1 \mathbf{w}_2 \dots \mathbf{w}_D)$  y una matriz de valores propios  $\Lambda$  que tiene en la diagonal los valores propios asociados  $\lambda_1 \geq \lambda_2 \geq \dots \lambda_D$ . ¿Cuál de las siguientes expresiones equivale a su error de reconstrucción promedio al tomar los  $k$  primeros vectores propios para proyectar? **Errata:  $\Lambda$  debería ser  $\lambda_j$  en las respuestas; se anula esta pregunta**

- A)  $\sum_{j=1}^D \mathbf{w}_j^t \Sigma_{\mathcal{X}} \mathbf{w}_j + \sum_{j=1}^k \mathbf{w}_j^t \Lambda \mathbf{w}_j$
- B)  $\sum_{j=k+1}^D \mathbf{w}_j^t \Sigma_{\mathcal{X}} \mathbf{w}_j - \sum_{j=k+1}^D \mathbf{w}_j^t \Lambda \mathbf{w}_j$
- C)  $\sum_{j=k+1}^D \mathbf{w}_j^t \Lambda \mathbf{w}_j$
- D)  $\sum_{j=1}^k \mathbf{w}_j^t \Sigma_{\mathcal{X}} \mathbf{w}_j$

☐ En reducción de dimensión por LDA se calculan las matrices  $S_w$  (intra-clases) y  $S_b$  (entre-clases) de forma que:

- A) Ambas deben tener el menor valor posible
- B) Ambas deben tener el mayor valor posible
- C)  $S_w$  debe tener el mayor valor posible y  $S_b$  el menor posible
- D)  $S_w$  debe tener el menor valor posible y  $S_b$  el mayor posible

Apellidos:  Nombre:

Profesor: ☐ Jorge Civera ☒ Carlos Martínez

Cuestiones (0.25 puntos, 15 minutos, con apuntes)

☐ Dada una matriz  $W \in \mathbb{R}^{D \times D}$ , ¿cuántos vectores propios se puede esperar encontrar?

- A)  $D$
- B) Como máximo  $D$
- C) Como mínimo  $D$
- D)  $\frac{D}{2}$

☐ ¿Cuál es la cantidad de varianza que reside en los datos proyectados de  $D$  a  $k$  dimensiones con vectores de proyección obtenidos mediante PCA?

- A)  $\sum_{j=1}^k \lambda_j$
- B)  $\sum_{j=1}^D \lambda_j$
- C)  $\sum_{j=k+1}^D \lambda_j$
- D) No es posible calcularla.

☐ ¿Qué característica es común a LDA y PCA?

- A) La matriz de proyección  $W$  es ortonormal
- B) La matriz intraclases en el espacio proyectado es la identidad
- C) Se resuelven como un problema de vectores propios generalizados
- D) Son no supervisadas