Examen de Teoría de Percepción - Recuperación Primer Parcial ETSINF, Universitat Politécnica de Valéncia, Junio de 2019

Apellidos:	Nombre:
$egin{array}{cccc} & \Box & $	
Cuestiones (2 puntos, 30 minutos, sin	apuntes)
C Indica cuál de los siguientes es un clasificador de Baye	s para un objeto x sobre un conjunto de clases \mathbb{C} :
$\begin{array}{l} \text{A)} \ \arg\max_{c\in\mathbb{C}} p(x c) \\ \text{B)} \ \arg\max_{c\in\mathbb{C}} P(c x)^{-1} \\ \text{C)} \ \arg\min_{c\in\mathbb{C}} -\log P(c x) \\ \text{D)} \ \arg\min_{c\in\mathbb{C}} \log P(c) p(x c) \end{array}$	
	n el caso interactivo se basa en incluir como factor condicionante
A) La realimentación del usuario f B) El modelo obtenido por entrenamiento off-line M C) La clasificación no interactiva $\hat{c}(x)$ D) El objeto x en otra modalidad	[
C Tenemos una extracción por características locales de el máximo número de puntos de interés que podría ha	11×11 píxeles sobre una imagen de 64×128 píxeles. ¿Cuál e ber?
 A) Menos de 4000 B) Entre 4000 y 6000 C) Entre 6001 y 8000 D) Más 8000 	
A Los modelos más usados actualmente en reconocimien	to de habla continua son:
 A) Los basados en deep learning B) Los modelos ocultos de Markov (HMM) continuo C) Los modelos ocultos do Markov (HMM) discretos 	9

- C) Los modelos ocultos de Markov (HMM) discretosD) Los modelos lineales que emplean segmentación de traza

- B Ante una colección de documentos donde hay un token que aparece una sola vez en uno solo de los documentos, ¿qué afirmación es cierta sobre las funciones globales aplicadas sobre ese token?
 - A) Las funciones globales normal, GfIdf e Idf valen 1
 - B) Las funciones globales normal y GfIdf valen 1, pero no necesariamente Idf
 - C) Las funciones globales normal e Idf valen 1, pero no necesariamente GdIdf
 - D) Las funciones globales GfIdf e Idf valen 1, pero no necesariamente la normal
- D ¿En cuál de las siguientes situaciones tiene menos sentido aplicar reducción de dimensionalidad?
 - A) La cantidad de parámetros del modelo puede desbordar la memoria
 - B) La dimensionalidad intrínseca es menor a la obtenida en la representación
 - C) Existen valores correlados en la representación
 - D) El número de muestras por clase es superior a la dimensión
- B ¿Qué características presenta la reducción de dimensión por PCA?
 - A) Preserva la continuidad, la discriminación y la invarianza
 - B) Minimiza el error de reconstrucción
 - C) Optimiza la cohesión intraclase
 - D) Minimiza el error de clasificación
- D ¿Cuál es el rango máximo de la matriz entre-clases S_b para un conjunto de muestras de \mathbb{R}^D pertenecientes a C clases distintas?
 - A) *D*
 - B) D-1
 - C) C
 - D) C 1

Examen de Teoría de Percepción - Recuperación Primer Parcial

ETSINF, Universitat Politécnica de Valéncia, Junio de 2019

Apellidos:			Nombre:	
Profesor:	□ Jorge Civera	□ Carlos Martínez		

Troicsor. Evolge civera E carros iviarentez

- Problemas (4 puntos, 90 minutos, con apuntes)
 - 1. (1 punto) Calcula el espacio ocupado en memoria por las siguientes representaciones:
 - a) Representación global de una imagen de 64 niveles de gris, de 1280 × 1024 píxeles, por histograma (0.2 puntos)
 - b) Representación por características locales obtenida por rejilla, con intervalos horizontal y vertical de 1 píxel y tamaño de ventana 15×21 (alto por ancho), en una imagen de 256 niveles de gris y tamaño 514×620 píxeles, y representación directa (**0.3 puntos**)
 - c) Representación de una señal de audio estéreo, con muestras de 8 bits y muestreada a 16KHz, con una duración de media hora (0.25 puntos)
 - d) Representación de una señal de audio de 3 minutos de duración, para un sistema 5.1, con muestras de 32 bits y ancho de banda 18KHz, muestreada a la frecuencia mínima posible para su reproducción fiel (0.25 puntos)

Solución:

- a) 192 bytes
- b) 94500000 bytes
- c) 57600000 bytes
- d) 155520000 bytes
- 2. (1 punto) Sea una colección de documentos con un número de documentos D par y no nulo. En dicha colección se han detectado tres tipos de tokens básicos:
 - ullet t_1 : aparece una sola vez en todos los documentos
 - lacktriangledown t_2 : aparece dos veces en la mitad de documentos y ninguna vez en la otra mitad
 - \blacksquare t_3 : aparece D veces en un único documento y ninguna en el resto

Se pide

- a) Indicar el token que da mayor valor para cada una de las funciones globales Normal, GfIdf e Idf suponiendo que la colección tiene más de dos documentos (0.7 puntos)
- b) ¿Qué ocurre con dichas funciones globales para esos tokens cuando D=2? (0.3 puntos)

Solución:

a) Haciendo los cálculos de las funciones globales:

$$Normal(t_1) = \left(\sum_{d=1}^{D} 1^2\right)^{-\frac{1}{2}} = D^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{D}}$$

$$Normal(t_2) = \left(\sum_{d=1}^{D/2} 2^2\right)^{-\frac{1}{2}} = (2D)^{-\frac{1}{2}} = \sqrt{2D}$$

$$Normal(t_3) = (D^2)^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{D}$$

$$GfIdf(t_1) = \frac{D}{D} = 1 \quad GfIdf(t_2) = \frac{D}{D/2} = 2 \quad GfIdf(t_2) = \frac{D}{1} = D$$

$$Idf(t_1) = \log \frac{D}{D} = 0 \quad Idf(t_2) = \log \frac{D}{D/2} = \log 2 \quad Idf(t_3) = \log \frac{D}{1} = \log D$$

Por tanto, los tokens con mayor valor para cada función son: $Normal=t_2,\ GfIdf=t_3,\ Idf=t_3$

- b) En el caso de D=2, los valores de GfIdf e Idf para t_2 y t_3 se igualan
- 3. (2 puntos) Se dispone de un conjunto de muestras en \mathbb{R}^3 clasificadas en dos clases:

n	1	2	3	4	5	6	7	8
$\overline{x_1}$	1	1	1	1	-1	-1	-1	-1
x_2	3	2	-2	-3	3	-2	2	-3
x_3	3	-2	2	-3	3	2	-2	-3
c	Α	A	A	A	В	-1 -2 2 B	В	В

Por otra parte se ha calculado LDA, obteniéndose los siguientes vectores de proyección ordenados por valor propio generalizado de mayor (w_1) a menor (w_2) :

$$\begin{array}{c|cccc} & W_{\rm LDA} \\ \hline w_1 & 1 & 0 & 0 \\ w_2 & 0 & 0 & 1 \\ \end{array}$$

Se pide:

- a) Calcula los vectores de proyección PCA del conjunto de muestras (1 punto).
- b) Calcula la proyección de las muestras mediante PCA a \mathbb{R}^2 (0.4 puntos).
- c) Calcula la proyección de las muestras mediante LDA a \mathbb{R} (0.4 puntos).
- d) ¿Qué proyección (PCA o LDA) consideras más adecuada para minimizar el error de clasificación? Justifica la respuesta (0.2 puntos).

Solución:

a) Para calcular los vectores de proyección PCA primero es necesario obtener la matriz de covarianzas de los datos. En este caso, como $\bar{\mathbf{x}} = (0\ 0\ 0)^t$, la matriz de covarianzas es:

$$\Sigma = \frac{1}{8} \left(\mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{x}_1^t + \mathbf{x}_2 \cdot \mathbf{x}_2^t + \mathbf{x}_3 \cdot \mathbf{x}_3^t + \mathbf{x}_4 \cdot \mathbf{x}_4^t + \mathbf{x}_5 \cdot \mathbf{x}_5^t + \mathbf{x}_6 \cdot \mathbf{x}_6^t + \mathbf{x}_7 \cdot \mathbf{x}_7^t + \mathbf{x}_8 \cdot \mathbf{x}_8^t \right) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 6.5 & 2.5 \\ 0 & 2.5 & 6.5 \end{pmatrix}$$

Calculamos los valores propios de la matriz de covarianzas

$$\begin{vmatrix} \begin{pmatrix} 1 - \lambda & 0 & 0 \\ 0 & 6.5 - \lambda & 2.5 \\ 0 & 2.5 & 6.5 - \lambda \end{pmatrix} = 0 \quad \text{donde} \quad \lambda_1 = 9, \quad \lambda_2 = 4 \quad \text{y} \quad \lambda_3 = 1.$$

Los vectores propios asociados son

$$\lambda_1 = 9 \quad \rightarrow \quad w_1 = \left(0 \quad \frac{\sqrt{2}}{2} \quad \frac{\sqrt{2}}{2}\right)^t$$

$$\lambda_2 = 4 \quad \rightarrow \quad w_2 = \left(0 \quad -\frac{\sqrt{2}}{2} \quad \frac{\sqrt{2}}{2}\right)^t$$

$$\lambda_3 = 1 \quad \rightarrow \quad w_3 = (1 \quad 0 \quad 0)^t.$$

b) Proyectamos sobre los dos vectores propios de mayor valor propio asociado

c) Proyectamos sobre el vector LDA

d) A diferencia de la proyección PCA que asigna al mismo punto muestras de diferentes clases, la proyección LDA separa perfectamente las muestras de diferentes clases, y por tanto es más adecuada.