Examen de Teoría de Percepción - Primer Parcial

ETSINF, Universitat Politécnica de Valéncia, Abril de 2021

Apellidos: ____________ **Nombre:** ____________

Profesor: ☐ **Jorge Civera** ☐ **Carlos Martínez**

Cuestiones (1.5 puntos, 30 minutos, sin apuntes)

☐ ¿Cuál de las siguientes expresiones equivale a un clasificador de Bayes?

A) $\arg\max_{c \in \mathbb{C}} \log P(c|\mathbf{x})^{-1}$
B) $\arg\min_{c \in \mathbb{C}} \log P(\mathbf{x}|c)^{-1}$
C) $\arg\min_{c \in \mathbb{C}} \log P(c|\mathbf{x})^{-1}$
D) $\arg\max_{c \in \mathbb{C}} \log(P(\mathbf{x}|c)P(c))^{-1}$

☐ En un sistema de reconocimiento de formas interactivo, la evaluación automática del mismo se basa en:

A) La tasa de acierto
B) El esfuerzo de usuario
C) La tasa de error
D) El tamaño del conjunto de entrenamiento

☐ Tenemos una imagen que es el resultado de combinar dos imágenes, una utilizada como fondo con una frecuencia espacial de 25ppp y otra con un frecuencia menor a 100ppp que contiene un objeto que se dispondrá sobre el fondo de la primera, ¿qué frecuencia de muestreo requiere la imagen combinada si queremos reproducirla fielmente?

A) 25ppp
B) 50ppp
C) 100ppp
D) 200ppp

☐ En un proceso de cuantificación vectorial hemos obtenido el codebook $\{(a,(0,0)), (e,(1,0)), (i,(0,1)), (m,(1,1))\}$, ¿cuál es la representación de la secuencia de vectores $\{(0.75, 0.75), (0.75, 0.25), (1.25, 1.25), (1.25, -0.25)\}$?

A) mama
B) meme
C) mima
D) mami

☐ Dada la matriz $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$, indicar cuál de los siguientes es un vector propio de la misma:

A) $(1 \quad -2)$
B) $(-1 \quad -2)$
C) $(2 \quad 1)$
D) $(1 \quad 1)$

☐ ¿Qué propiedad cumplen los elementos de la matriz de covarianzas de los datos proyectados?

A) $\sigma_{ij} > 0 \quad \forall i, j$
B) $\sigma_{ii} = 0 \wedge \sigma_{ij} \geq 0 \quad \forall i, j$ siendo $i \neq j$
C) $\sigma_{ii} \geq 0 \wedge \sigma_{ij} = 0 \quad \forall i, j$ siendo $i \neq j$
D) $\sigma_{ij} = 0 \quad \forall i, j$

☐ ¿Cuál de las siguientes **no** es una propiedad de la regla de clasificación k-NN?:

A) Evita que se produzcan empates de decisión entre clases
B) Define fronteras de decisión lineales a trozos
C) Permite aproximarse asintóticamente al error de Bayes
D) Puede verse como una estimación de la probabilidad *a posteriori*

☐ Sea la función producto escalar de dos vectores $d(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \mathbf{x} \cdot \mathbf{y}$ con $\mathbf{x}, \mathbf{y} \in \mathbb{R}^D$, ¿cuál de las propiedades de función distancia cumple?

A) $d(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \geq 0$
B) $d(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = 0 \iff \mathbf{x} = \mathbf{y}$
C) $d(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = d(\mathbf{y}, \mathbf{x})$
D) $d(\mathbf{x}, \mathbf{z}) + d(\mathbf{z}, \mathbf{y}) \geq d(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \quad \mathbf{z} \in \mathbb{R}^D$

Examen de Teoría de Percepción - Primer Parcial

ETSINF, Universitat Politécnica de Valéncia, Abril de 2021

Apellidos: ☐ **Nombre:** ☐

Profesor: ☐ **Jorge Civera** ☐ **Carlos Martínez**

Problemas (2 puntos, 90 minutos, con apuntes)

1. (**0.5 puntos**) Calcula el espacio en memoria de las siguientes representaciones:

   a) Representación global directa de una imagen a 256 niveles de gris con resolución 1280×256 píxeles (**0.1 puntos**)

   b) Representación local de una imagen de 512×1024 píxeles, usando ventanas de 13×11 píxeles y una rejilla de desplazamiento horizontal de 1 y vertical de 2 sobre una imagen de 512 niveles de gris, usando representación directa de cada ventana (**0.2 puntos**)

   c) Señal de audio de 3 canales de 5 minutos de duración, muestreada a 44KHz y 16 bits (**0.1 puntos**)

   d) Colección de 500 documentos de 1000 palabras máximo cada uno, con un vocabulario de 50000 palabras, representado por *term frequency* de 1-grama (**0.1 puntos**)

2. **(0.8 puntos)** Se tiene el siguiente conjunto de datos vectoriales de 4 dimensiones ($\mathbf{x} \in \mathbb{R}^4$) con sus correspondientes etiquetas de clase:

$\mathbf{x}_1$	$\mathbf{x}_2$	$\mathbf{x}_3$	$\mathbf{x}_4$	$\mathbf{x}_5$	$\mathbf{x}_6$
1	-1	2	1	3	0
-1	1	-3	2	2	-1
-1	3	3	1	1	-1
-2	0	0	-1	1	2
A	B	A	B	A	B

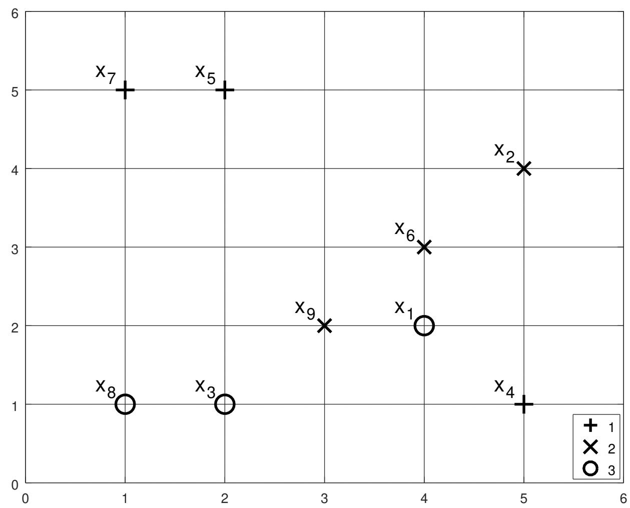
   Se pide:

   a) Calcular una matriz de proyección a dos dimensiones ($\mathbb{R}^2$) mediante PCA, indicando todos los pasos necesarios (**0.5 puntos**)

   b) Aplicar dicha proyección sobre los datos dados y discernir si se consigue una separación lineal. Si no se consiguiera, indicar una proyección que sí que los haría linealmente separables en $\mathbb{R}^2$ (**0.3 puntos**)

3. **(0.7 puntos)** Se tiene el siguiente conjunto de datos, cuya representación gráfica se ve en la parte derecha:

n	1	2	3	4	5	6	7	8	9
x_{n1}	4	5	2	5	2	4	1	1	3
x_{n2}	2	4	1	1	5	3	5	1	2
c_n	3	2	3	1	1	2	1	3	2



   Se pide:

   a) Aplica el algoritmo de Wilson con 1-NN en distancia Euclídea, con recorrido por índices ascendentes. En caso de empate por distancia, desempata clasificando por el prototipo de menor índice (**0.4 puntos**)

   b) Una vez aplicado el algoritmo de Wilson, aplica el algoritmo de Hart con 1-NN en distancia Euclídea, con recorrido por índices ascendentes. En caso de empate por distancia, desempata clasificando por el prototipo de menor índice (**0.3 puntos**)