Sciences Mathématiques et Informatique (SMI/S5)

Compilation

Prof.: M. BENADDY A.U:2019/2020



# Corrigé de l'xamen de la session principale durée : 1h30

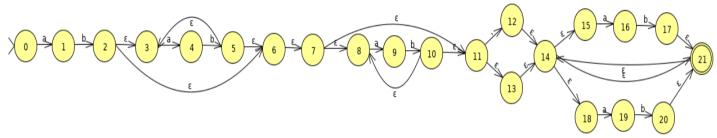
**NB**: Le barème est donné à titre indicatif

### Exercice 1 (6pts):

Soit l'expression régulière suivante :

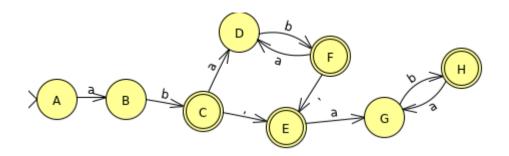
((ab)+(ab)\*),?(ab|ab)\*

- 1. Quel est le langage dénoté par cette expression Ensemble des mots constitués de suite de ab.
- 2. Donner l'AFN correspondant à cette expression.



3. Transformer l'AFN de la question 2 en un AFD.

```
A=\varepsilon-f(\{0\})=\{0\}
\mathcal{E}-f({T(A, a)})=\mathcal{E}-f({1})={1}=B => Dtrans(A,a) = B
\mathcal{E}-f({A, b}) = {Ø}
\mathcal{E}-f({T(A, ,)}) = {Ø}
\mathcal{E}-f({T(B, a)}) = {Ø}
\mathcal{E}-f({T(B,b)}) = \mathcal{E}-f({2})= {2,3,6,7,8,11,13,14,15,18,21} = C => Dtrans(B,b) = C
E-f({T(B, ,)}) = {\emptyset}
\mathcal{E}-f({T(C,a)}) = \mathcal{E}-f({4,9,16, 19})= {4,9,16,19} = D => Dtrans(C,a) = D
\mathcal{E}-f({T(C, ,)}) = \mathcal{E}-f({12})= {12,14,15,18,21} = E => Dtrans(C, ,) = E
\mathcal{E}\text{-}f(\{T(C,b)\}) = \{\emptyset\}
\mathcal{E}-f({T(D, b)}) = \mathcal{E}-f({5,10,17,20})= {3,5,6,7,8,10,11,13,14,15,17,18,20, 21} = F => Dtrans(D,b) = F
\mathcal{E}\text{-}f(\{T(D, a)\}) = \{\emptyset\}
\mathcal{E}-f({T(D, ,)}) = {Ø}
\mathcal{E}-f({T(E, a)}) = \mathcal{E}-f({16, 19}) = {16, 19} = G => Dtrans(E,a) = G
\mathcal{E}\text{-}f(\{T(E,b)\}) = \{\emptyset\}
E-f({T(E,,)}) = {\emptyset}
\mathcal{E}-f({T(F, a)}) = \mathcal{E}-f({4, 9, 16, 19}) = D => Dtrans(F, a) = D
\mathcal{E}\text{-}f(\{T(F, b)\}) = \{\emptyset\}
\mathcal{E}-f({T(F, ,)}) = \mathcal{E}-f({12}) = E => Dtrans(F, ,) = E
\mathcal{E}\text{-}f(\{T(G, a)\}) = \{\emptyset\}
\mathcal{E}-f({T(G, b)}) = \mathcal{E}-f({17, 20}) = {17, 21, 14, 15, 18, 20} = H => Dtrans(G, b) = H
E-f(\{T(G, .)\}) = \{\emptyset\}
\mathcal{E}-f({T(H, a)}) = \mathcal{E}-f({16, 19}) = G => Dtrans(H, a) = G
E-f({T(H, b)}) = {\emptyset}
\mathcal{E}-f({T(H, ,)}) = {Ø}
```



4. Minimiser l'AFD résultant de la question 3 (donner la table des transitions et le graphe des états de l'AFD minimisé).

Les états d'acceptation {C,E, F, H} et les états de non-acceptation {A,B,D,G}

 $\pi = \{C, E, F, H\} \{A, B, D, G\}$ 

On prend le groupe {C,E, F, H}

sur le symbole  $a: T(C, a) = T(F, a) = \{D\}$  et  $T(E, a) = T(H, a) = \{G\}$  et sur les symboles b et , pas de distinction

alors,  $\pi = \{C, F\} \{E, H\} \{A, B, D, G\}$ 

on prend le groupe  $\{C,F\}$  sur le symbole  $a:T(C,a)=T(F,a)=\{D\}$  donc pas de distinction. Sur le symbole  $b:T(C,b)=T(F,b)=\{\emptyset\}$  donc pas de distinction. Sur le symboles . :  $T(C,\cdot)=T(F,\cdot)=\{E\}$  donc pas de distinction.

 $\pi = \{C,F\} \{E,H\} \{A,B,D,G\}$ 

on prend {E, H} sur le symbole a :  $T(E, a) = T(H, a) = \{G\}$  donc pas de distinction sur b :  $T(E, b) = T(H, b) = \{\emptyset\}$  donc pas de distinction. Sur le symbole , : y a pas de transition

alors,  $\pi = \{C, F\} \{E, H\} \{A, B, D, G\}$ 

on prend le groupe {A,B,D,G}

sur le symbole a :  $T(A, a) = \{B\} \subset \{A,B,D,G\}$ . Sur le symbole b :  $T(B,b) = \{C\} \not\subset \{A,B,D,G\}$ .

 $\{A,B,D,G\}$ ,  $T(D,b) = \{F\} \nsubseteq \{A,B,D,G\}$ ,  $T(G,b) = \{H\} \nsubseteq \{A,B,D,G\}$ . Sur le symbole, Pas de distinction et puisque sur le symbole b pas de distinction (car toutes les transitions quittent vers le même groupe  $\{C,F\}$  et seul l'état G quitte le groupe vers le groupe  $\{E,H\}$  alors.

alors,  $\Pi = \{C,F\} \{E,H\} \{A,B,D\} \{G\}$ 

on prend le groupe {A,B,D} sur le symboles symboles a,b, , pas de distinction donc

 $\pi_{f}=\{C,F\} \{E,H\} \{A,B,D\} \{G\}$ 

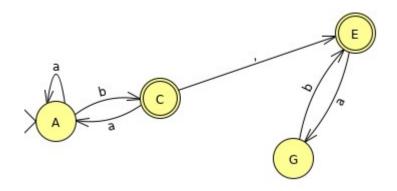
on prend  $\{C\}$  représentant de  $\{C,F\}$ ,  $\{E\}$  représentant de  $\{E,H\}$  et  $\{A\}$  représentant de  $\{A,B,D\}$ 

 $\pi_{f}=\{C\} \{E\} \{A\} \{G\}$ 

La table de transition de l'AFD minimal :

|   | a | b | , |
|---|---|---|---|
| A | A | С |   |
| C | A |   | E |
| G |   | E |   |
| E | G |   |   |

Le graphe de transition :



## Exercice 2 (12pts):

Soit la grammaire G avec les règles de production suivantes :

$$I \rightarrow (E) \mid C \mid T$$

 $\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{F}$ 

 $F \to L \mid \; \epsilon$ 

 $C \rightarrow id(A)$ 

 $A \rightarrow L \mid \epsilon$ 

 $L \rightarrow LE \mid E$ 

 $T \rightarrow n \mid t \mid f$ 

1. Déterminer les non-terminaux et les terminaux de la grammaire G.

 $N = \{I, E, C, T, F, L, A\} \text{ et } T = \{(, ), id, , n, t, f\}$ 

2. Donner la table d'analyse prédictive de G.

|   | (                   | )                   | ,                   | f    | id                    | n    | t    | \$ |
|---|---------------------|---------------------|---------------------|------|-----------------------|------|------|----|
| Ι | $I \rightarrow (E)$ |                     |                     | I→ T | I→ C                  | I→ T | I→ T |    |
| E |                     | E→ F                | E→ F                |      |                       |      |      |    |
| F |                     | $F \rightarrow L E$ | $F \rightarrow L E$ |      |                       |      |      |    |
| C |                     |                     |                     |      | $C \rightarrow id(A)$ |      |      |    |
| A |                     | A - L   E           | A → L               |      |                       |      |      |    |
| L |                     | L → E               | L → L,E E           |      |                       |      |      |    |
| T |                     |                     |                     | T→ f |                       | T→ n | T→ t |    |

3. La grammaire G est elle LL(1), justifier?

Non car il y'a des entrées multiples dans la table d'analyse et la grammaire est récursive.

4. Calculer Début et Suivant pour les non terminaux de G.

|   | Premier          | Suivant  |  |
|---|------------------|----------|--|
| I | {t, f, n, (, id} | { \$ }   |  |
| E | { <b>E</b> , , } | { ), , } |  |
| F | { <b>E</b> , , } | { ), , } |  |
| С | { id }           | { \$ }   |  |
| A | { <b>E</b> , , } | {)}      |  |
| L | { <b>E</b> , , } | { ), , } |  |
| T | {t, f, n}        | { \$ }   |  |

5. Donner l'automate des items LR(0) canoniques pour G.

| Etats                                  | {items LR(0)}  |
|--|--|
| $fermeture(\{I' \rightarrow I\}) = I0$ | $\{I' \to \bullet I, \ I \to \bullet (E), I \to \bullet C, \ I \to \bullet T, \ C \to \bullet id(A), \ T \to \bullet n, \ T \to \bullet t, \ T \to \bullet f \ \}$ |
| Transition(I0,))= I1                   | $\{F \rightarrow \bullet, L \rightarrow \bullet E, F \rightarrow \bullet L, L \rightarrow \bullet L, E, E \rightarrow \bullet F, I \rightarrow (\bullet E)\}$      |
| Transition(I0,C)= I2                   | $\{I \to C \bullet\}$  |
| Transition(I0,I)= I3                   | $\{I' \to I \bullet\}$   |
| Transition(I0,T)= I4                   | $\{I \to T^{\bullet}\}$  |
| Transition(I0,f)= I5                   | {I → f•}   |
| Transition(I0,id)= I6                  | $\{I \rightarrow id \bullet (A)\}$   |
| Transition(I0,n)= I7                   | $\{T \rightarrow n^{\bullet}\}$  |
| Transition(I0,t)= I8                   | $\{T \to t^{\bullet}\}$  |
| Transition(I1,E)= I9                   | $\{I\rightarrow (E^{\bullet}), L\rightarrow E^{\bullet}\}$   |
| Transition(I1,F)= I10                  | { <b>E</b> → <b>F</b> •}   |
| Transition(I1,L)= I11                  | $\{F \to L \bullet, L \to L \bullet, E\}$  |
| Transition(I6,()= I12                  | $\{I \to id(\bullet A), F \to \bullet, L \to \bullet E, F \to \bullet L, A \to \bullet L, A \to \bullet, L \to \bullet L, E, E \to \bullet F\}$                    |
| Transition(I9,))= I13                  | {I→ (E)•}  |
| Transition(I11,,)= I14                 | $\{L \to L, \bullet E, F \to \bullet, L \to \bullet E, F \to \bullet L, L \to \bullet L, E, E \to \bullet F\}$   |
| Transition(I12,A)=<br>I15              | $\{I \rightarrow id(A \bullet)\}$  |
| Transition(I12,E)=<br>I16              | $\{ L \to E^{\bullet} \}$  |
| Transition(I12,L)=<br>I17              | $\{F \to L^{\bullet}, A \to L^{\bullet}, L \to L^{\bullet}, E\}$   |
| Transition(I12,F)= I10                 | { <b>E</b> → <b>F</b> •}   |
| Transition(I14,E)=<br>I18              | $\{\mathbf{L} \to \mathbf{L}, \mathbf{E}^{\bullet}, \mathbf{L} \to \mathbf{E}^{\bullet}\}$   |
| Transition(I14,F)= I10                 | $\{\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{F} \bullet \}$   |
| Transition(I14,L)= I11                 | $\{F \to L^{\bullet}, L \to L^{\bullet}, E\}$  |
| Transition(I15,))= I19                 | $\{I \rightarrow id(A)^{\bullet}\}$  |
| Transition(I17,,)= I14                 | $\{L \to L, \bullet E, F \to \bullet, L \to \bullet E, F \to \bullet L, L \to \bullet L, E, E \to \bullet F\}$   |

6. Donner la table des actions et successeurs SLR de G.

|   | (  | )  | ,  | f  | id | n  | t  | \$  | A | С | E | F  | I | L  | Т |
|---|----|----|----|----|----|----|----|-----|---|---|---|----|---|----|---|
| 0 | d1 |    |    | d5 | d6 | d7 | d8 |     |   | 2 |   |    | 3 |    | 4 |
| 1 |    | r6 | r6 |    |    |    |    |     |   |   | 9 | 10 |   | 11 |   |
| 2 |    |    |    |    |    |    |    | r2  |   |   |   |    |   |    |   |
| 3 |    |    |    |    |    |    |    | acc |   |   |   |    |   |    |   |
| 4 |    |    |    |    |    |    |    | r3  |   |   |   |    |   |    |   |

| 5  |     |             |             |  |  | r14 |    |    |    |    |  |
|----|-----|-------------|-------------|--|--|-----|----|----|----|----|--|
| 6  | d12 |             |             |  |  | 11. |    |    |    |    |  |
|    | u12 |             |             |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 7  |     |             |             |  |  | r12 |    |    |    |    |  |
| 8  |     |             |             |  |  | r13 |    |    |    |    |  |
| 9  |     | r11/<br>d13 | r11         |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 10 |     | r4          | r4          |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 11 |     | r5          | r5/<br>d14  |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 12 |     | r6/r9       | r6          |  |  |     | 15 | 16 | 10 | 17 |  |
| 13 |     |             |             |  |  | r1  |    |    |    |    |  |
| 14 |     | r6          | r6          |  |  |     |    | 18 | 10 | 11 |  |
| 15 |     | d19         |             |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 16 |     | r11         | r11         |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 17 |     | r5/r8       | r5/<br>d14  |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 18 |     | r10/<br>r11 | r10/<br>r11 |  |  |     |    |    |    |    |  |
| 19 |     |             |             |  |  | r7  |    |    |    |    |  |

7. La grammaire G est-elle SLR ? Non car, il y'a des conflits dans les actions de la table d'analyse SLR0

## Exercice 3 (2pts):

Ecrire un programme en Flex qui prend en paramétre un fichier et permet de reconnaître les noms de personnes ayant le format suivant : **N. PRENOM** 

#### Exemple:

#### fichier ratexo3.l

```
%{
#include<stdio.h>
%}
nom [A-Z]
prenom [A-Z]+
{nom}.{prenom} {printf("%s\n",yytext);}
.|\n {}
%%
int main (int argc, char *argv[]){
FILE *f;
if(argc>1){
       f=fopen(argv[1], "r");
       if(!f){
              printf("fichier n est existe pas\n");
              exit(1);
}
```

### Exemple:

Le fichier test.txt contient: monsieur B.MOHAMED monsieur M.AHMED monsieur A.ALI monsieur S.FARAH