Introduction à l'intelligence artificielle



Antoine Cornuéjols

INAPG

antoine.cornuejols@agroparistech.fr

http://www.lri.fr/~antoine

Cours IA



Plan

- l- Introduction à l'IA
- 2- Méthodes de résolution de problèmes
- 3- Le raisonnement
- 4- La représentation des connaissances
- 5- L'IA distribuée
- **6- Apprentissage artificiel :** introduction, EV, réseaux de neurones
- 7- AA: arbres de décision, validation, boostino
- 8- AA: sélection d'attributs, apprentissage non supervisé
- 9- AA: apprentissage par renforcement



Ouvrages conseillés

- S. Russell & P. Norvig: Artificial Intelligence: A modern approach (2nd ed.).
 Prentice Hall, 2003 (Trad. française: « Intelligence artificielle », Pearson Education, 2006, 1184 p.)
- Nilsson N. (98): Artificial Intelligence: A new synthesis. Morgan Kaufmann, 1998
- E. Rich & K. Knight: Artificial Intelligence. McGraw-Hill, 1991
- I. Millington: Artificial Intelligence for Games. Morgan Kaufmann, 2006.

Cours IA (A. Cornuéjols)

2/8



2. Recherche dans les graphes : plan

- Quels problèmes ? Quelles résolutions ?
- o Notion de graphe de recherche
- Techniques de recherche non informée
 - En largeur d'abord
 - En profondeur d'abord
 - En profondeur iterative
- o Techniques de recherche informée
 - En meilleur d'abord
 - □ A*
- o Graphes ET/OU
- o Techniques par satisfaction de contraintes

Cours IA (A. Cornuéjols)

Cours IA (A. Cornuéjols)



2. Spécification de problèmes (1)

Quels problèmes ?

- Problèmes de classes primaires
- Démonstration de théorèmes
- Sortir avec son petit ami et réviser pour le contrôle du lendemain
- Convaincre un interlocuteur
- Choix d'un circuit optimal pour le prochain voyage en Indonésie
- Reconnaître à l'aéroport quelqu'un que l'on n'a jamais vu
- · ...

o Démarche générale

- 1. Passage d'un énoncé informel à une spécification précise
- 2. Recherche d'une solution à l'intérieur du cadre défini par ces spécifications

Cours IA (A. Cornuéjols)

5/88



2. Résolution de problèmes

Démarche générale :

- 1. Trouver une bonne représentation du problème
- 2. Trouver des *opérateurs* pour manipuler cette représentation
- 3. Effectuer un contrôle de stratégie



2. Spécification de problèmes : types d'énoncés (2)

Enoncés de type combinatoire

Trouver dans un ensemble (espace) X donné, les éléments (points) x satisfaisants un ensemble de contraintes K(x)

Ex : Pb des 8 reines, cryptarithmétique (SEND + MORE = MONEY)

Enoncés avec opérateurs de changement d'états

À partir d'un <u>état initial</u> donné, d'un <u>critère objectif</u> et d'un <u>ensemble d'opérateurs de</u>
<u>changement d'états</u>, trouver une suite d'opérateurs permettant de passer de l'état initial à
un état objectif

Ex : Pb des missionnaires et des cannibales, les tours de Hanoï, le jeu du taquin

Enoncés avec opérateurs de décomposition de pbs en ss-pbs

Étant donné un <u>problème</u> (ou but), des <u>opérateurs de décomposition du pb en ss-pbs</u>, des <u>problèmes dits primitifs</u> (dont on connaît immédiatement la solution), trouver des opérateurs à appliquer pour décomposer le problème initial en un ensemble de ss-pbs primitifs

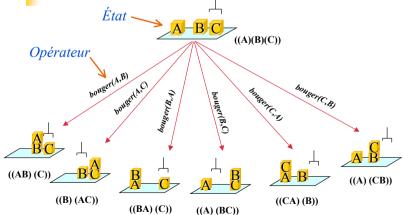
Ex : Problèmes de planification, Tours de Hanoï, intégration symbolique

Cours IA (A. Cornuéjols)

6/88



2. Notion de graphe de recherche (1)



Cours IA (A. Cornuéjols) 7/88 Cours IA (A. Cornuéjols)



2. Notion de graphe de recherche (2)

On suppose que:

- Les actions sont déterministes
- Les actions ont des effets « discrets » sur le monde

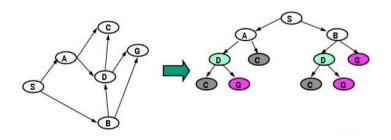
Cours IA (A. Cornuéjols)

9/88



2. Graphe de recherche et arbre de recherche

11/88





2. Notion de graphe de recherche (3)

- o Graphe de résolution ou graphe d'états [Nilsson, p.125]
- o Graphe de recherche
 - Nœud
 - Arc (et coût)
 - Parents / ancêtres / successeurs
 - Critère objectif
 - Développement d'un nœud
- Stratégie de contrôle

Cours IA (A. Cornuéjols)

- □ Fonction déterminant le choix du nœud à développer
- Recherche aveugle ou non informée
- Recherche heuristique ou informée

10/88



Noeud -

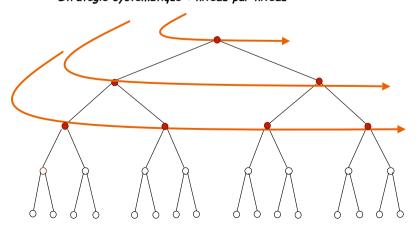
Parent de 5

Ancêtre de 5



2. Recherche aveugle : en largeur d'abord

Stratégie systématique : niveau par niveau



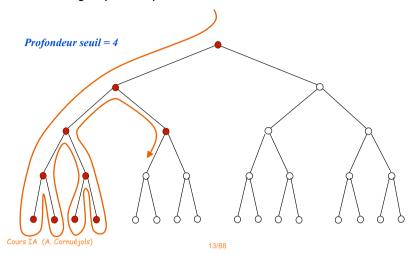
Cours IA (A. Cornuéjols)

Cours IA (A. Cornuéjols)



2. Recherche aveugle : en profondeur d'abord

Stratégie systématique : avec retour arrière





2. Largeur d'abord : propriétés

o Complétude?

Oui (si b est fini)

o Complexité en temps ?

• Exponentiel en $d: 1 + b + b^2 + b^3 + ... + b^d = O(b^d)$

o Complexité en espace ?

$$O(b^d)$$

o Optimalité?

Oui (si coût de chaque arc = 1)

La complexité en espace est le gros problème



2. Propriétés des stratégies de recherche

o Complétude

La stratégie parvient-elle nécessairement à une solution si il en existe une ?

o Complexité en temps

Nombre de nœuds développés (ou évalués) durant la recherche

o Complexité en espace

Nombre maximal de nœuds en mémoire lors de la recherche

Optimalité

La solution retournée est-elle optimale en coût ?

Facteurs:

b : facteur de branchement

d : profondeur

□ *m* : profondeur maximale de l'espace d'états

Cours IA (A. Cornuéjols)

14/88



2. Profondeur d'abord : propriétés

o Complétude?

Non : échoue si profondeur infinie ou si boucles

o Complexité en temps?

• Exponential en m: $O(b^m)$

Dramatique si m >> d

 Mais si les solutions sont denses dans le graphe, peut-être plus rapide que "largeur d'abord"

o Complexité en espace ?

 \circ O(bm)

cad espace mémoire linéaire!!

16/88

o Optimalité?

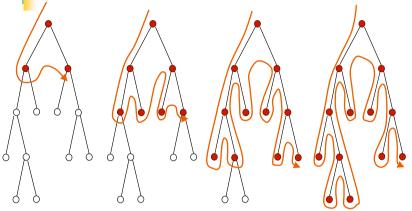
Non

Cours IA (A. Cornuéjols)

Cours IA (A. Cornuéjols) 15/88



2. Profondeur itérative (iterative deepening)

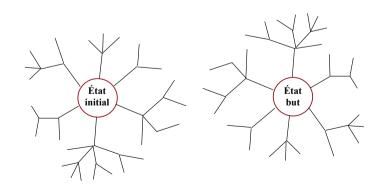


Profondeur seuil = 1 Profondeur seuil = 2 Profondeur seuil = 3 Profondeur seuil = 4

Cours IA (A. Cornuéjols)



2. Recherche bidirectionnelle





2. Profondeur itérative : propriétés

- o Complétude?
 - Oui
- o Complexité en temps ?

$$(d+1)\,b^0 \ + \ d\,b^1 \ + \ (d-1)\,b^2 \ + \ldots + \ b^d \ = \ O(b^d)$$

 A peine plus que largeur d'abord

- o Complexité en espace ?
 - cad espace mémoire linéaire!! O(bd)
- o Optimalité?
 - Oui (si le coût des arcs = 1)
- Méthode préférée quand grand espace de recherche et profondeur de la solution inconnue

Cours IA (A. Cornuéjols)



2. Coût uniforme

Cours IA (A. Cornuéjols)

Cours IA (A. Cornuéjols)



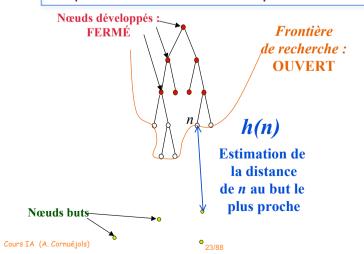
2. Les méthodes en meilleur d'abord

```
OUVERT \leftarrow {état initial}; FERME \leftarrow \varnothing
Tant que OUVERT ≠ Ø et Succès = Faux
    Etape 1 : Choix d'un noeud n dans OUVERT
   Si n est un état terminal alors Succès ← Vrai
       et retourner le chemin solution trouvé
    Sinon 7
       Etape 2 : développement de n
        Supprimer n de OUVERT
        L'ajouter à FERME
        Pour chaque successeur s de n
            Si s n'appartient ni à OUVERT ni à FERME
               ajouter s à OUVERT
               père(s) \leftarrow n
            Sinon mise à jour éventuelle du père de s
Echec si OUVERT = Ø
Cours IA (A. Cornuéjols)
                                      21/88
```



2. Les méthodes informées

Disposent d'une information sur la proximité au but





2. En meilleur d'abord : la fonction d'évaluation

- Le choix du nœud à développer dépend d'une fonction d'évaluation f(n) estimant le mérite de n
- Les nœuds n sur la frontière de recherche sont ordonnés dans une liste OUVERT par ordre croissant

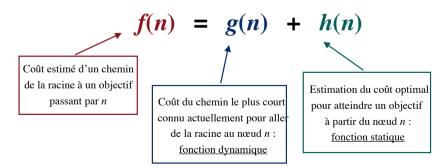
Cours IA (A. Cornuéjols)

22/88



2. La méthode A (A*)

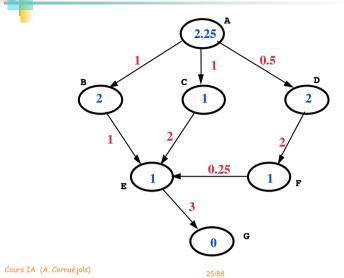
Fonction d'évaluation :



Cours IA (A. Cornuéjols)



2. La méthode A (A*): illustration (1/4)



ł

2. La méthode A (A*): illustration (3/4)

FIRME: C(2), A(2.25), D(2.5) OUVIRT: B(3), F(3.5), E(4)	B 2 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
<pre>FIRME : C(2), A(2.25), D(2.5), B(3) OUVIRT : I(3) par B, I(3.5), I(4) par C</pre>	2.1 2 2 F



2. La méthode A (A*): illustration (2/4)

FERMÉ / OUVERT	Développement de l'arborescence
FERMÉ: A(2.25) OUVERT: C(2), D(2.5), B(3)	B C D
FERMÉ: C(2), A(2.25) OUVERT: D(2.5), B(3), E(4)	2 225 A 0.5 B 2 1 2 2

Cours IA (A. Cornuéjols)

26/88



2. La méthode A (A*): illustration (4/4)

IINE : C(2), A(2.25), D(2.5), B(3),	23 D D D D D D D D D D D D D D D D D D D
FIRMÉ: C(2), A(2.25), D(2.5), D(3), I(3) par B, I(3.5) OUVIRT: I(3.75) par I, mais pas meilleur que I(3) par B de ITHME, donc pas de x*-actualisation de I ni donc de G(5). It comme G(5) est le seul à rester dans OUVIRT et que c'est le but, Succès par le chemin A-B-I-G	2.23 b 0.23 c 1 p 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2

Cours IA (A. Corr

Cours IA (A. Cornuejois)



2. L'optimalité de A*

Propriété (optimalité ou admissibilité de A*):

Si la fonction d'estimation de la distance au but h est systématiquement optimiste, l'algorithme A s'appelle A* et retourne nécessairement une solution optimale.

Preuve:

Cours IA (A. Cornuéjols)

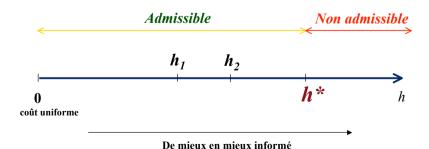
Cours IA (A. Cornuéjols)

29/88



2. Algorithme plus ou moins informé

$$\forall n, h_1(n) \leq h_2(n)$$



31/88

4

2. Algorithme plus ou moins informé

Définition:

Si deux versions A_1^* et A_2^* d'un algorithme A^* ne diffèrent que par leur fonction d'estimation h avec n (non terminal) $h_1(n) < h_2(n)$, alors on dit que A_2^* est mieux informé que A_1^* .

Théorème :

Si A_2^* est mieux informé que A_1^* , alors lorsque leurs recherches sont terminées, tous les nœuds développés par A_2^* l'ont également été par A_1^* (et peut-être d'autres).

 \rightarrow A₂* est plus efficace que A₁*

Cours IA (A. Cornuéjols)

30/88



2. Algorithme plus ou moins informé : illustration

Taguin

Cours IA (A. Cornuéjols)



2. Algorithme plus ou moins informé : tableau comparatif

6 8 10 12	Nombre moy	en de nœuds	développés	Facteur de branchement effectif						
Profondeur	IDS	A*(h ₁)	A*(h ₂)	IDS	A*(h ₁)	A*(h2)				
2	10	6	6	2,45	1,79	1,79				
4	112	13	12	2,87	1,48	1,45				
6	680	20	18	2,73	1,34	1,30				
8	6384	39	25	2,80	1,33	1,24				
10	47127	93	39	2,79	1,38	1,22				
12	364404	227	73	2,78	1,42	A*(h2) 1,79 1,45 1,30 1,24				
14	3473941	539	113	2,83	1,44					
16		1301	211		1,45	1,25				
18		3056	363		1,46	1,26				
20		7276			1,47	1,27				
22		18094	1219		1,48	1,28				
24		39135	1641		1,48	1,26				
Moyenne				2,8	1,43	1,27				

Cours IA (A. Cornuéjols)

33/88



2. A* itératif (iterative-deepening A*: IDA*)

• [Nilsson, p.153]



2. Algorithme plus ou moins informé : tableau comparatif

• Taguin 4x4:

- ~ 6 jours pour trouver une solution en moyenne sans heuristique
- ~ 50s avec heuristique h₁
- ~ 0.1s avec heuristique h₂

Korf, R. (2000) « Recent progress in the design and analysis of admissible heuristic functions », Proc. of SARA-2000, Springer-Verlag.

Cours IA (A. Cornuéjols)

34/88



2. La découverte de fonction heuristique

Approches possibles

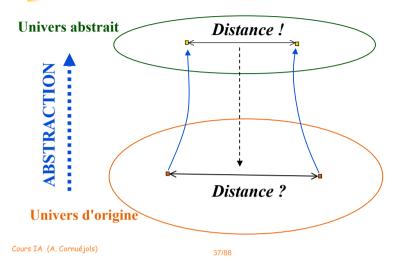
- Par abstraction
- Par essais et erreurs
- Par apprentissage

 Cours IA (A. Cornuéjols)
 Cours IA (A. Cornuéjols)
 Cours IA (A. Cornuéjols)
 36/8



2. La découverte de fonction heuristique par abstraction

Principe :





2. La découverte de fonction heuristique par abstraction

Opérateur de déplacement bouger (X,Y,Z) défini par :

 Préconditions : 	sur(X,Y)	&	vide(Z)	&	adj(Y,Z)	
Ajouts :	sur(X,Z)	&	<pre>vide(Y)</pre>			
Retraits :	sur(X,Y)	&	<pre>vide(Z)</pre>			



2. La découverte de fonction heuristique par abstraction

- Illustration : le jeu du taquin [Pearl, 1984]
 - Soient les *prédicats de description* :

sur(X,Y): la tuile X est sur la case Y
 vide(Y): il n'y a pas de tuile sur la case Y
 adj(Y,Z): les cases Y et Z sont adjacentes

• Soit l'opérateur de déplacement bouger (X,Y,Z) défini par :

Préconditions: sur(X,Y) & vide(Z) & adj(Y,Z)
 Ajouts: sur(X,Z) & vide(Y)
 Retraits: sur(X,Y) & vide(Z)

- Problème 1 : Trouver une séquence d'opérateurs bouger (X,Y,Z) instanciés pour aller de l'état initial à l'état final.
- Problème 2 : Estimer la distance au but, cad le nombre d'opérations nécessaires

Cours IA (A. Cornuéjols)

38/88



2. La découverte de fonction heuristique par abstraction

Opérateur de déplacement bouger (X,Y,Z) défini par :

Préconditions: sur(X,Y) & vide(Z) & adj(Y,Z)
 Ajouts: sur(X,Z) & vide(Y)
 Retraits: sur(X,Y) & vide(Z)

- Abstraction par relaxation (suppresion) des préconditions
 - □ Suppression des préconditions vide(Z) & adj(Y,Z):
 - \circ Chaque carreau mal placé peut être directement mis sur la case objectif : h_1
 - □ Suppression de la précondition vide(Z):
 - O Chaque carreau mal placé peut être déplacé sur une case adjacente : h2
 - □ Suppression de la précondition adj(Y,Z):
 - Chaque carreau mal placé peut être directement mis sur la case vide : h₃

Cours IA (A. Cornuéjols)

39/88

Cours IA (A. Cornuéjols)



2. La découverte de fonction heuristique par essais / erreurs

• Principes :

- 1. Sur un petit problème dont une solution optimale est connue : chercher une fonction h telle que f(n) = g(n) + h(n)
- 2. Si plusieurs heuristiques admissibles h_i sont connues, prendre

$$h(n) = \underset{i}{\operatorname{arg max}} h_i(n)$$

3. Sélectionner des attributs de description de l'état qui semblent jouer un rôle dans l'estimation de la distance au but et les combiner dans une fonction d'évaluation (.... éventuellement par apprentissage)

Cours IA (A. Cornuéjols)

41/88



LifeLong A*

S _{start}	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
2	2	2	3	4	5	6	7	8	9
-									
4	1	-5-	<u> </u>	7		12	12	12	13
5	5			7		11	11	12	13
6	6	6	7			10	11	12	13
				8	9	10	11	12	13
12	11	10	9	9			11		13
12	11	10	10	10			12	12-	-jS _{goal}

Changed Eight-Connected Gridworld

S _{start}	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	2	2	3	4	5	6	7	8	9
3									9
\perp	4	5	6	7		12	11	10	10
5	20					11	11	11	11
6	6	9	ļ	8		10	11	12	12
		7		,	- 9	10	-11	-10	13
9	8	8	8	9			11		18
9	9	9	9	9			12		Sgoal



2. La découverte de fonction heuristique : état de l'art

 EURISKO ? [Lenat, 1982]: recherche par transformation syntaxique dans l'espace des heuristiques

Par abstraction

- □ ABSOLVER [Priedetis, 1993]
 - o Par la méthode "relaxed problem" : relâche les restrictions sur les opérateurs
 - o Découverte de l'heuristique la plus efficace pour le taquin
 - o Découverte d'heuristiques pour le Rubik's cube, (13 pbs)

Par apprentissage

- Apprentissage par renforcement (cf cours n°4)
- Apprentissage par recherche d'abstraction (Thèse J-D Zucker (1996))

Cours IA (A. Cornuéjols)

42/88

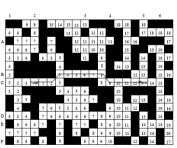


LifeLong A*

Comment réutiliser au mieux les connaissances issues des explorations antérieures du monde ?

[Koenig, Likhachev & Furcy, AIj (2003)]

[Fedon & Cornuéjols, 2008]



Changed Eight-Connected Gridworld

		10	10		15	14	13	13	13				19	19		19			
10	9		9				13	12		12	12			18		18	18	18	,
	9	8	8		7			12	11	11	11	11		17	17			17	***
10	9	8	7		6			12	11	10	10			16			16	17	
10	9	80		6	5	5			11		9.			15		15		17	***
10						4					8		15	14		14		17	
						3	4	5	6	7	8				13	14		16	***
3	2	1	::txt	1	2	٦,					8		12	12	13	Sgoal	15	16	
3	2					3	×	5	6				11					16	
	3	3					4	X	6	7			ВO		12	13		17	***
	4			7	6	5	5	5	×			ø	10	11	12			16	7
5	5	5	6	7	6	6	6	6	6	7	-8	9	10	11		13		15	
	6	6	6	7		7		7			69	9	10	11		14	14	15	1
7	7	7	7			8		8		9	9	9	10	11		13	14		-
	69	8		83		9			9	10	10	10			12	13	14		1

Cours IA (A. Cornuéjols)

43/88

Cours IA (A. Cornuéjols)

4