

Examen diagnóstico - Solución

Análisis Estadístico Multivariado

ITESO

Departamento de Matemáticas y Física

Cálculo

1. Resolver las siguientes derivadas

(a)

$$\frac{d}{dx}(x^2 + 2x + 1)$$

R. $2x + 2$

(b)

$$\frac{d}{dx} \left(\frac{1+x}{1-x} \right)$$

R. $\frac{2}{(1-x)^2}$

(c) Sea la función de log-verosimilitud $l(\theta) = \log \theta^k + \log(1-\theta)^{n-k}$. Obtener

$$\frac{\partial l(\theta)}{\partial \theta}$$

R. $\frac{k}{\theta} + \frac{n-k}{1-\theta}$

2. a) ¿Cuál es la interpretación geométrica de la primera derivada? R. **Pendiente de la recta tangente de la función evaluada en c**

b) ¿Qué valor tiene la primera derivada de una función cuando la función se encuentra en un máximo? R. **0**.

3. Si la función es convexa en el rango $[a, b]$, ¿obtenemos un mínimo o un máximo? R. **Mínimo**

4. Resolver las siguientes integrales

(a)

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt[3]{x}}$$

R. $\frac{3}{2}$

(b) Para la función de densidad

$$f_{xy}(x, y) = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}y, \quad \text{para } 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1$$

Encontrar

$$F(x, y) = \int_0^x \int_0^y \left(\frac{1}{2}u + \frac{3}{2}v \right) dv du$$

R. $\frac{x^2y}{4} + \frac{3xy^2}{4}$

Estadística y probabilidad

1. ¿Qué mide la correlación?
2. Menciona dos medidas de tendencia central.
3. Menciona dos medidas de dispersión.
4. ¿Qué es una variable aleatoria?
5. ¿Cuál es la diferencia entre funciones de densidad de probabilidad y funciones de masa de probabilidad?
6. Respecto a la anterior pregunta, ¿con qué tipo de función (de masa o densidad) usarías cuál ecuación para obtener el valor esperado?

1. ¿De masa o de densidad?

$$\mathbf{E}[x] = \sum_{i=1}^n x_i p_i$$

2. ¿De masa o de densidad?

$$\mathbf{E}[x] = \int x f(x) dx$$